

اسم المقرر: جبر خطي  
 رقم المقرر: 5361  
 مدة الامتحان: ساعتان  
 عدد الأسئلة: 7 أسئلة

اسم الدارس: .....  
 رقم الدارس: .....  
 تاريخ الامتحان: ٢٠٠٦/٧/٨

بسم الله الرحمن الرحيم  
 جامعة القدس المفتوحة  
 الامتحان النهائي للفصل الثاني "200603"  
 نظري --

عزيمي الدارس: ١. عبء كافة المعلومات المطلوبة عنك في دفتر الإجابة وعلى ورقة الأسئلة.  
 2. ضع رقم السؤال ورموز الإجابة الصحيحة للأسئلة الموضوعية (إن وجدت) على الجدول المخصص في دفتر الإجابة  
 3. ضع رقم السؤال للأسئلة المقالية واجب على دفتر الإجابة.

القسم الأول: اجب عن جميع أسئلة هذا القسم وهي 1,2,3,4,5

(30 علامة)

السؤال الأول:

اجب بنعم أو لا للجمل التالية ثم انقل إجابتك لجدول رقم واحد في دفتر الإجابة

١- لأي مصفوفتان  $A, B$  قابلتان للضرب فإن  $(A.B)^t = A^t . B^t$

٢- نظير المصفوفة  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 2 & -1 & 3 \\ 6 & -1 & -1 \end{bmatrix}$  هي المصفوفة  $B = \begin{bmatrix} -11 & 2 & 2 \\ -4 & 0 & 1 \\ 6 & -1 & -1 \end{bmatrix}$

٣- يمكن اعتبار  $\begin{bmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 5 \end{bmatrix}$  مصفوفة اولية

٤-  $S = \{(x, y, z) : x \geq z\}$  تشكل فضاء جزئي من الفضاء الاقليدي  $R^3$

٥- حل للنظام

$$5x+4y+3z=4$$

$$3x+2y+2z=1$$

$$2x+y-2z=10$$

٦- هذا النظام ليس له حل

$$x+y=2$$

$$3x+3y=5$$

٧-  $A, B$  مصفوفتان مربعتان بنفس الحجم فإن القيم المميزة للمصفوفة  $AB$  هي نفس القيم المميزة للمصفوفة  $BA$

٨-  $T : R^2 \rightarrow R^2$  تحويل دوران على  $R^2$  خلال الزاوية  $\frac{P}{4}$  فان

$$T(x, y) = \sqrt{2} \begin{bmatrix} x-y \\ x+y \end{bmatrix}$$

٩- قيم  $x, y, z$  التي تحقق

$$X(1,4,3)+y(0,1,0)+z(-1,2,6)=(5,-8,-30)$$

هي  $(0,2,-5)$

١٠- القيم المميزة للمصفوفة  $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$  هي  $-1, -3$

١١- لتكن  $S = \{v_1, v_2, v_3, \dots, v_n\}$  فان  $L(S) \subseteq S$

١٢- إذا امكن كتابة احد المتجهات من مجموعة معينة من المتجهات على شكل تركيبة خطية من المتجهات الاخرى فاننا نقول انها مرتبطة خطيا

(15 علامة)

السؤال الثاني:

$$T : R^2 \rightarrow R^2$$

$$T(x, y) = (2y + 2x, 8y - 4x) \quad -1$$

$$B = \{(1,1), (1,2)\}$$

اوجد  $[T]_B$

٢- برهن انه إذا كان  $F : V \rightarrow U$  تحويل خطي واحد وشامل وله معكوس فان هذا المعكوس هو ايضا تحويل خطي

(15 علامة)

السؤال الثالث :

استخدام اسلوب كرايمر حل النظام التالي

$$3x-10y+8=-z$$

$$4x+10-10y=-2$$

$$3x+8z=-1$$

(12 علامة)

السؤال الرابع :

$$ax-2y-z=0$$

$$(a+1)y+4z=0$$

$$(a-1)z=0$$

اوجد قيم a التي

١- تجعل النظام له عدد لانتهائي من الحلول

٢- له حل واحد فقط

(14 علامة)

السؤال الخامس :

بين أي من المصفوفات التالية تشابه مصفوفة قطرية وأيها لا تشابه ولماذا ثم اوجد المصفوفة القطرية التي تشابه

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

القسم الثاني : أجب عن سؤال واحد فقط من الأسئلة ٦ ، ٧

(14 علامة)

السؤال السادس:

اكمل الجمل التالية

١- مجموعة من المتجهات تحقق  $av_1+bv_2+\dots+kvn=0$  بحيث  $a,b,\dots,k$  ليس

جميعها اصفار فهذه المجموعة من المتجهات-----

٢-  $S = \{x, x^2, 1\}$  تولد مجموعة-----

٣-  $S = \{(0,0,1), (1,0,0), (0,1,0)\}$  فان  $L(S)$ -----

٤- إذا كانت رتبة المصفوفة المعاملات في النظام المتجانس اقل من عدد الاعمده لمصفوفة المعاملات

فعدد حلول النظام-----

(14 علامة)

السؤال السابع :

(7 علامات)

$$a_{ii} \neq 0, i = 1, 2, 3 \text{ حيث } \begin{bmatrix} a_{11} & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & a_{33} \end{bmatrix}$$

١- اوجد نظير المصفوفة

(7 علامات)

٢- لتكن  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -3 \end{bmatrix}$  اوجد متجه غير صفري  $u = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  بحيث  $Au=3u$

انتهت الأسئلة