

اسم الدارس:
رقم الدارس:
تاريخ الامتحان: ٢٠٠٦/٠٧/٠٨

بسم الله الرحمن الرحيم
جامعة القدس المفتوحة
الإجابة النموذجية للفصل الثاني "200603"
-- نظري --

اسم المقرر: جبر خطي
رقم المقرر: 5361
مدة الامتحان: ساعتان
عدد الأسئلة: 7 أسئلة
جدول رقم (١)

إجابة السؤال رقم (١) من نوع (أجب بنعم أو لا) أو (√ أو ×)

الفرع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
الصحيحة	نعم	لا	لا	نعم	نعم	نعم	نعم	لا	نعم	لا	لا	نعم	لا	لا	لا	لا	لا	لا	لا	لا	لا

ثلاثون علامة حيث علامتان ونصف لكل جملة

جدول رقم (٢)

إجابة السؤال رقم () من نوع (اختيار من متعدد)

الفرع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
الصحيحة																					

جدول رقم (٣)

إجابة السؤال رقم () من نوع (وفق بين عمودين)

الفرع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
الصحيحة																					

(15 علامة)

إجابة السؤال الثاني:

$$T(v_1) = 4 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = 4v_1 + 0v_2$$

$$T(v_2) = 6 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = 0v_1 + 6v_2$$

$$[T]_B = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$$

$$F(x) = u, F(y) = v, x, y \in V, u, v \in U$$

$$F(x + y) = F(x) + F(y) = u + v$$

$$F(rx) = rF(x) = ru$$

(٧ علامات)

$$F^{-1}(u) = x, F^{-1}(w) = y \quad -٢$$

$$F^{-1}(u + w) = x + y = F^{-1}(u) + F^{-1}(w)$$

$$F^{-1}(ru) = rx = r F^{-1}(u)$$

هو تحويل خطي

(15 علامة)

إجابة السؤال الثالث:

$$x = \frac{\begin{vmatrix} -8 & -10 & 1 \\ -12 & -10 & 0 \\ -1 & 0 & 8 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & -10 & 1 \\ 4 & -10 & 0 \\ 3 & 0 & 8 \end{vmatrix}} = -3, y = \frac{\begin{vmatrix} 3 & -8 & 1 \\ 4 & -12 & 0 \\ -1 & -1 & 8 \end{vmatrix}}{|A|} = 0, Z = 1$$

(12 علامة)

إجابة السؤال الرابع:

$$\text{Det}A = a(a+1)(a-1) = 0$$

حيث A مصفوفة المعاملات

- ١- للنظام عدد لانتهائي من الحلول عند $a=1, a=0, a=-1$
- ٢- للنظام حل واحد فقط عند غير ذلك من القيم

(14 علامة)

إجابة السؤال الخامس :

$$\det(II - A) = (I - 3)(I - 1) = 0$$

$$\det(II - B) = (I - 1)(I - 1) = 0$$

ForA

$$I = 3, I = 1$$

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$$

ForB

$$I = 1, \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} y = 0, \dim V1 = 1$$

وبما ان المصفوفة من الحجم صفين وعمودين ينوليس لها متجهان مميزان مستقلان خطيا فهي لا يمكن ان تشابه مصفوفة قطرية

(14 علامة)

السؤال السادس :

١- مرتبطة خطيا

٢- كثيرات حدود من الدرجة الثانية او اقل

٣- الفعاء

٤- لانتهائي

ثلاث علامات لكل فرع والفرع الرابع علامتان

(14 علامة)

السؤال السابع :

(7 علامات)

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} a_{11}^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & a_{33}^{-1} \end{bmatrix} \quad -1$$

(7 علامات)

$$u = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} \quad \text{وبحل النظام نحصل على} \quad \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = 3 \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \quad -2$$

انتهت الإجابة