

اسم الدارس: .....  
رقم الدارس: .....  
تاريخ الامتحان: 2006/..7.. /..8..

بسم الله الرحمن الرحيم  
جامعة القدس المفتوحة  
الإجابة النموذجية للفصل الثاني "200603"  
-- نظري --

اسم المقرر: جبر خطي  
رقم المقرر: 5361  
مدة الامتحان: ساعتان  
عدد الأسئلة: 7 أسئلة  
جدول رقم (١)

إجابة السؤال رقم ( ١ ) من نوع ( أجب بنعم أو لا ) أو ( √ أو × )

الفرع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
الصحيحة	نعم	لا	لا	لا	نعم	نعم	نعم	لا	نعم	لا											

ثلاثون علامة حيث علامتان ونصف لكل جملة

جدول رقم (٢)

إجابة السؤال رقم ( ) من نوع ( اختيار من متعدد )

الفرع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
الصحيحة																					

جدول رقم (٣)

إجابة السؤال رقم ( ) من نوع ( وفق بين عمودين )

الفرع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠	
الصحيحة																					

(15 علامة)

إجابة السؤال الثاني:

$$T(v_1) = 4 \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = 4v_1 + 0v_2$$

$$T(v_2) = 6 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = 0v_1 + 6v_2$$

$$[T]_B = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$$

$$F(x) = u, F(y) = v, x, y \in V, u, v \in U$$

$$F(x + y) = F(x) + F(y) = u + v$$

$$F(rx) = rF(x) = ru$$

(٧ علامات)

$$F^{-1}(u) = x, F^{-1}(w) = y \quad -٢$$

$$F^{-1}(u + w) = x + y = F^{-1}(u) + F^{-1}(w)$$

$$F^{-1}(ru) = rx = r F^{-1}(u)$$

هو تحويل خطي

(15 علامة)

إجابة السؤال الثالث:

$$x = \frac{\begin{vmatrix} -8 & -10 & 1 \\ -12 & -10 & 0 \\ -1 & 0 & 8 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & -10 & 1 \\ 4 & -10 & 0 \\ 3 & 0 & 8 \end{vmatrix}} = -3, y = \frac{\begin{vmatrix} 3 & -8 & 1 \\ 4 & -12 & 0 \\ -1 & -1 & 8 \end{vmatrix}}{|A|} = 0, Z = 1$$

(12 علامة)

إجابة السؤال الرابع:

$$\text{Det}A = a(a+1)(a-1) = 0$$

حيث A مصفوفة المعاملات

- ١- للنظام عدد لانتهائي من الحلول عند  $a = -1, a = 1, a = 0$
- ٢- للنظام حل واحد فقط عند غير ذلك من القيم

(14 علامة)

إجابة السؤال الخامس :

$$\det(II - A) = (I - 3)(I - 1) = 0$$

$$\det(II - B) = (I - 1)(I - 1) = 0$$

ForA

$$I = 3, I = 1$$

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$$

ForB

$$I = 1, \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} y = 0, \dim V1 = 1$$

وبما ان المصفوفة من الحجم صفين وعمودين وليس لها متجهان مميزان مستقلان خطيا فهي لا يمكن ان تشابه مصفوفة قطرية

(14 علامة)

السؤال السادس :

١- مرتبطة خطيا

٢- كثيرات حدود من الدرجة الثانية او اقل

٣- القعاء

٤- لانتهائي

ثلاث علامات لكل فرع والفرع الرابع علامتان

(14 علامة)

السؤال السابع :

(7 علامات)

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} a_{11}^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & a_{33}^{-1} \end{bmatrix} \quad -1$$

(7 علامات)

$$u = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} \quad \text{وبحل النظام نحصل على} \quad \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = 3 \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \quad -2$$

انتهت الإجابة