

الإحصاء الوصفي: يهتم بجمع البيانات وعرضها دون التوصل إلى نتائج.

الإحصاء الاستقرائي: يبحث في استقراء النتائج واتخاذ القرارات.

البيانات: مجموعة من المشاهدات والقياسات التي تخص الظاهرة محل الدراسة.
المتغير:

نوعي: لا يمكن التعبير عنه بعدد، مثل (لون العينين، لون السيارة، تقدير الطلاب).

كمي: نعبر عنه بعدد.

خطوات العملية الإحصائية: جمع البيانات، تنظيمها، تحليلها، استقراء النتائج.

كمية متقطعة: تعد ولا تقاس. لا تقبل الكسور.

كمية متصلة: تقاس ولا تعد. (ص) متصلة (تقاس) (س) . س أخت ص. والثانية متقطعة.

المدى: أقل قيمة - أعلى قيمة.

الجدول التكرارية المفتوحة:

مفتوحة من أسفل: يعني الرقم الأصغر غير محدد بدقة (٦ فأقل) أو ٧ فأقل.

مفتوحة من أعلى: الرقم الأكبر غير محدد (١٨ فأكثر) .. إلخ.

مفتوحة من الجهتين: الرقم غير محدد من الأعلى ولا الأسفل.

الأعمدة البيانية أكثر الرسومات البيانية انتشاراً.

البيانات على شكل دائرة تستخدم عندما نريد مقارنة أجزاء البيانات بالمجموع الكلي، وعندما يكون العدد قليلاً.

المنحنى أو الخط البياني: يستخدم لتوضيح الاتجاه العام للظاهرة خلال فترة زمنية طويلة.

المدرج التكراري: أعمدة مستطيلة متجاورة.

الوسط الحسابي: أحد مقاييس النزعة المركزية. مجموع القيم على عددها. أكثر مقاييس

النزعة المركزية استخداماً وأسهلها حساباً، ويدخل في حسابه كل القيم.

يتأثر بالقيم المتطرفة، لا يمكن إيجاده في الرسم.

الوسيط: أحد مقاييس النزعة المركزية. لا يتأثر بالقيم الشاذة. يُعرف من خلال الرسم. لا

يعتمد على كل القيم.

المنوال: أحد مقاييس النزعة المركزية. مثل الوسط الحسابي في المزايا. ومن عيوبه أقل مقاييس النزعة المركزية استخداماً، عديم الفائدة في البيانات قليلة العدد.

التباين: متوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي.

الانحراف المعياري: الجذر التربيعي لمتوسط مربعات انحرافات القيم.. إلخ (أي الجذر التربيعي للتباين، ورمزه في الحاسبات العلمية X^2).

معامل بيرسون للارتباط: يكون عدد عشري من ١.

إذا كان (٠,٩) تكون علاقة قوية جداً.

وإذا كان ١ صحيح تكون علاقة تامة.

١ أو أقل من واحد بالسالب تصع العلاقة عسكية. و ١ أو أقل بالموجب تصبح العلاقة طردية.

إذا كان (٠) لا توجد علاقة. هكذا:

والارتباط غالباً قيمته كسر أي أقل من الواحد الصحيح

ولتحديد نوع العلاقة نعتمد على إشارة معامل الارتباط فإذا كانت الإشارة:
• موجبة فإن العلاقة تكون طردية
• سالبة فإن العلاقة تكون عكسية

ولتحديد قوة العلاقة نعتمد على قيمة معامل الارتباط فإذا كانت القيمة:
• من أكبر من صفر إلى أقل من 0.3 فتكون علاقة ضعيفة جداً
• من أكبر من 0.3 إلى أقل من 0.5 تكون علاقة ضعيفة
• من أكبر من 0.5 إلى أقل من 0.7 تكون علاقة متوسطة
• من أكبر من 0.7 إلى أقل من 0.9 تكون علاقة قوية
• من أكبر من 0.9 إلى أقل من 1.00 تكون علاقة قوية جداً
• الواحد الصحيح تكون علاقة تامة

• أما إذا كانت قيمة معامل الارتباط تساوي صفر فلا توجد علاقة خطية أو ارتباط بينهما أي يكون المتغيرين مستقلين عن بعضهما البعض وتكون العلاقة منعقدة

هذا المعامل لا يتأثر بأي عملية حسابية، لا جمع ولا طرح ولا قسمة ولا ضرب.

معادلات خفيفة:

مثال: بسؤال خمسة أشخاص عن أجرهم الشهري فكانت إجاباتهم كما يلي بالآلاف ريال:
3 , 5 , 2, 7, 3

المطلوب:

- أحسب متوسط الأجر الشهري
- وإذا قررت إدارة الشركة زيادة أجورهم أحسب متوسط الأجر الجديد في الحالتين التاليتين
- ١. زيادة أجور العاملين بمقدار 2000 ريال
- ٢. زيادة أجور العاملين بنسبة 5 %

الحل: ١: استخراج الوسط الحسابي من الأرقام كما هي، ثم زد الناتج ٥%.

الحل: ٢: أضف ٢ لكل رقم (٣ تصبح ٥، ٧ تصبح ٩ .. إلخ) ثم استخراج الوسط الحسابي للأرقام الجديدة بعد الزيادة.

تعريف المنوال [الشائع]:

يُعرف المنوال لمجموعة من القيم على أنه القيمة التي تتكرر أكثر من غيرها أو القيمة الأكثر شيوعاً [لذا يُسمى في بعض الأحيان بالـ "الشائع"] . وأحياناً يُرمز للمنوال بالرمز $\bar{x}$

فمثلاً:

مجموعة القيم	18	12	11	10	10	9	9	9	7	5	2	2	لها منوال 9
ومجموعة القيم	16	15	12	10	8	5	3	9	ليس لها منوال	أو <u>عدمية المنوال</u>			
ومجموعة القيم	9	7	7	7	5	5	4	4	4	3	2	لها منوالان 4, 7	

أي أن مجموعة القيم قد تكون وحيدة المنوال [لها منوال واحد] ، وقد تكون عديدة المنوال [منوالان أو أكثر] وقد تكون عدمية المنوال [لا يوجد لها منوال]

أما مجموعة القيم 4 4 5 5 6 6 7 7 فقد تتسرع وتقول أنها رباعية المنوال ومناولها : 4 , 5 , 6 , 7 لكن [حيث أن جميع القيم لها نفس التكرار] هذه المجموعة الأخيرة عدمية المنوال

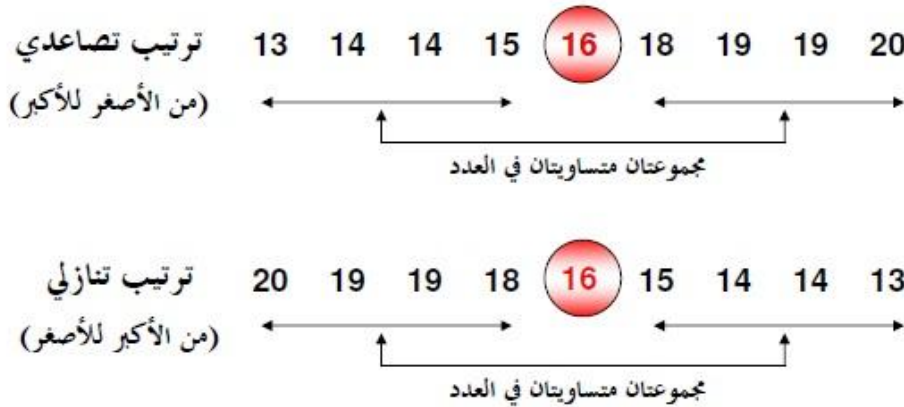


الوسيط إذا كان (فردى):

تعريف الوسيط :

(ببساطة) يُعرف الوسيط [وسنرمز له بالرمز M] لمجموعة من القيم (المرتبة تصاعدياً أو تنازلياً حسب قيمها) على أنه القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد ، أو بتعبير آخر هي القيمة التي في المنتصف

فمثلاً لمجموعة القيم : 13 , 14 , 14 , 15 , 16 , 18 , 19 , 19 , 20 [عددها ٩ قيم] ، إذا قمنا بترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً



يكون الوسيط هو
العدد الخامس
[رتبة الوسيط أي
ترتيبه بين القيم]
وقيمة 16

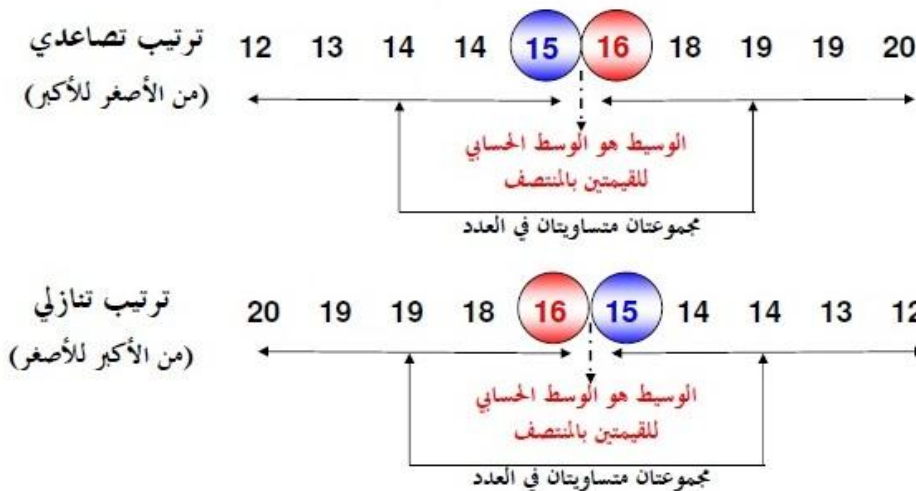
فرق بين رتبة
الوسيط وقيمه

هام
جدا

لاحظ هنا أن عدد القيم n [هنا = ٩] فردي وبالتالي هناك قيمة واحدة في منتصف المجموعة

الوسيط إذا كان (زوجي):

أما لمجموعة القيم : 12 , 13 , 14 , 14 , 15 , 16 , 18 , 19 , 19 , 20 [عددها ١٠ قيم (أي زوجي) حيث أضفنا القيمة 12 للمجموعة السابقة] ، إذا قمنا بترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً



في هذه الحالة توجد قيمتان بالمنتصف وهما القيمة الخامسة والقيمة السادسة [وهما العددان 15 , 16] ، عندئذ يكون الوسيط هو الوسط الحسابي لهاتين القيمتين ، أي :

$$\frac{15 + 16}{2} = 15.5$$

المدى R لمجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيمة في البيانات وأصغر قيمة فيها

$$\frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} = \text{التكرار النسبي لقيمة ما}$$

$$\frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} \times 360 = \text{الزاوية المركزية لقيمة ما}$$

هذا تمرين يوضح كيف نستفيد من معادلة التكرار النسبي لقيمة ما:

س ٢ : المدى لمجموعة من البيانات المنفصلة هو :

- ☐ أكثر القيم تكراراً في البيانات
☐ أصغر قيمة في البيانات
☒ الفرق بين أكبر وأصغر قيمتين في البيانات
☐ أكبر قيمة في البيانات

س ٣ : الجدول المرافق يبين درجات ٢٠ طالباً في أحد المقررات الدراسية :

الدرجة	92	93	94	95	96	97	98	99	100
التكرار	2	2	3	6	1	1	1	3	1

(أ) عدد الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هو :

- ☐ 3
☐ 0.15
☐ 4
☒ 7

(ب) عدد الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 94 هو :

- ☐ 3
☐ 0.15
☒ 4
☐ 7

(ج) نسبة الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي :

- ☐ 35%
☒ 0.35
☐ 4
☐ 7

(د) النسبة المئوية للطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي :

- ☐ 0.35
☒ 35%
☐ 4
☐ 7

هامش للإجابة

$$7 = 3 + 2 + 2 \quad (\text{أ}-٣)$$

$$4 = 2 + 2 \quad (\text{ب}-٣)$$

$$\frac{7}{20} = 0.35 \quad (\text{ج}-٣)$$

$$0.35 \times 100 = 35\% \quad (\text{د}-٣)$$

خذ بالك : المطلوب نسبة (وليس نسبة مئوية)

أبوه ... ده بقى نسبة مئوية



وهذا تمرين آخر:

3	2	2	1	0
1	2	1	1	1
0	0	1	2	2
1	3	1	0	0
1	2	1	0	2
3	0	0	0	1

المطلوب :

- 1- عرض البيانات السابقة في صورة جدول تكرارى
- 2- احسب الاحتمالات التالية:

- أن لا يتعرض أى شخص لحادث
- أن يكون هناك حادث واحد على الأكثر
- أن يكون هناك حادث واحد على الأقل

طريقة الحل :

عدد الحوادث	التدريج (العدد بالشرطات - كل خمس شرطات تكون ما يسمى بالمجموعة)	التكرارات (بالأرقام)	التكرار النسبي التكرارات اجمالي التكرارات
صفر	IIII TTTT	9	$0.30 = 30 \div 9$
1	I TTTT TTTT	11	$0.36667 = 30 \div 11$
2	II TTTT	7	$0.23333 = 30 \div 7$
3	III	3	$0.10 = 30 \div 3$
المجموع	30		1

احتمال الا يتعرض اي شخص لحادث ؟

صفر = 0.30 ✓

احتمال ان يكون هناك حادث واحد على الاكثر ؟

بمعنى انه سوف يكون اكبر عدد للحوادث هو 1 ✓

وذلك بجمع نسبة تكرار الصفر + 1 = $0.30 + 0.36667 = 0.66667$

احتمال ان يكون هناك حادث واحد على الاقل ؟

بمعنى انه سوف يكون اقل عدد للحوادث هو 1 ✓

لذلك لا بد من استبعاد نسبة تكرار الصفر ونحسب باقي الاعداد ونختصرها في هذا المثال بطرح قيمة تكرار

الصفر من اجمالي التكرار النسبي 1

$0.70 = 0.30 - 1$

وهذا تمرين يوضح لنا كيف يمكننا الاستفادة من قانون الزاوية المركزية، ثم قانون التكرار النسبي لقيمة ما:

المتغير (العمر) x	التكرار (العدد) f	الزاوية المركزية
20	20	72°
25	?	36°
30	30	?
35	?	?
Σf		

س ١ : الجدول المقابل يبين الجدول التكراري لأعمار عدد من الممرضات (لأقرب سنة) اللاتي يعملن في أحد أقسام إحدى المستشفيات ، من هذا الجدول أجب على الأسئلة التالية :

هامش للإجابة

(١-أ) هناك تناسب بين التكرار والزاوية المركزية . إذن :
 $72 \times ? = 36 \times 20$ ، $\therefore ? = 10$
 $=$

(١-ب) بنفس الأسلوب السابق
 $72 \times 30 = ? \times 20$ ، $\therefore ? = 108^\circ$
 $=$

(١-ج) مجموع الزوايا المركزية يجب أن يكون 360°
 $\therefore 72 + 36 + 108 + ? = 360$ ، $\therefore ? = 144^\circ$

(أ) عدد الممرضات ذات العمر 25 سنة هو :
 40 ☐ 30 ☐ 20 ☐ 10 ☒

(ب) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 30 سنة هي :
 144° ☐ 108° ☒ 72° ☐ 36° ☐

(ج) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 35 سنة هي :
 144° ☒ 108° ☐ 72° ☐ 36° ☐

نجد بعض التكرارات مختلفة، والتكرار الإجمالي مختلفة:

تكرار القيمة ÷ مجموع التكرارات $\times 360$.

كيف نعرف التكرار من خلال وجود زاوية لقيمة ما؟ كما في المربع الأول؟.

شخصياً كررت القيمة على رقم عشوائي. يعني القيمة ÷ رقم عشوائي $\times 360$ هل طلع الناتج 72؟ ما طلع. عدل الرقم أخفضه أرفعه حتى يطلع عندك 72، وتعرف حينها أن مجموع التكرارات هو 100 .

الثاني. نخمن أيضاً. عندنا رقمين يمكن التخمين على أحدهما: الزاوية المركزية أو التكرار الذي عرفناه لاحقاً.

نجرّب مع التكرار هذه المرة:

قسّم رقم عشوائي على 100 ثم اضربه في 360. هل طلع 36؟.

بعد تجربة كم رقم: اتضح أن الرقم المختفي 10. إللي بعده..

خلاص سهلت: $108 = 360 \times 100 \div 30$

الأخير ما فيه زاوية. لكن عندنا ٣ زوايا وقلنا إن المجموع ٣٦٠.

نجمع الزوايا ونشوف كم باقي لكي نصل إلى ٣٦٠.

مجموع الزوايا ٢١٦. يبقى ١٤٤ على إكمال 360.

وهذا السؤال ورد حرفياً في أسئلة اختبار سابقة:

إحدى المستشفيات، من هذا الجدول أجب على الأسئلة التالية :

العمر X	التكرار F	الزاوية المركزية
20	20	72°
25	?	63°
30	30	?
35	?	?
مجموع =		

من خلال البيانات السابقة الزاوية المركزية المناظرة للعمر 30 سنة هي:

(أ) 36°
(ب) 72°
(ج) 108° ☒
(د) 144°

من خلال البيانات السابقة عدد الممرضات الكلي [أي مجموع التكرارات] هو:

(أ) 95
(ب) 100 ☒
(ج) 105
(د) 110

من خلال البيانات السابقة عدد الممرضات ذات العمر 25 سنة هو:

(أ) 10 ☒
(ب) 20
(ج) 30
(د) 40

لتحديد نوع العلاقة بين المتغيرات نَعتمد على:

(أ) قيمة معامل الارتباط
(ب) إشارة معامل الارتباط ☒
(ج) درجة معامل الارتباط
(د) قوة معامل الارتباط

طول الفئة = حدها الأعلى - حدها الأدنى (الفرق بين الحدين الأدنى والأعلى).

مركز الفئة = حد الفئة الأعلى + حدها الأدنى ÷ ٢

وهذا مثال عملي مصور على المعادلتين أعلاه:

الفئة	المتغير x (الطول)	طول الفئة c
الأولى	$0 \leq x < 20$	$20 - 0 = 20$
الثانية	$20 \leq x < 30$	$30 - 20 = 10$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	$35 - 30 = 5$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	$40 - 35 = 5$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	$50 - 40 = 10$
السادسة	$50 \leq x < 60$	$60 - 50 = 10$

٥. لكل فئة **طول** وهو يساوي الفرق بين حدها الأعلى وحدها الأدنى

• فالفئة الأولى طولها يساوي 20 والثانية طولها يساوي 10

والثالثة طولها يساوي 5 والرابعة طولها يساوي 5

والخامسة طولها يساوي 10 ، أما السادسة (والأخيرة) فطولها يساوي

10. أي أن الفئات **[في هذا المثال]** ليست متساوية في الطول

٦. لكل فئة **مركز** [وسنرمز له بالرمز x_0] وهي قيمة المتغير x الواقعة في منتصف تلك الفئة ، ونحسب ببساطة على أنها متوسط حديها الأدنى والأعلى ، أي أن :

الفئة	المتغير x (الطول)	مركز الفئة x_0
الأولى	$0 \leq x < 20$	$(0 + 20) \div 2 = 10$
الثانية	$20 \leq x < 30$	$(20 + 30) \div 2 = 25$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	$(30 + 35) \div 2 = 32.5$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	$(35 + 40) \div 2 = 37.5$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	$(40 + 50) \div 2 = 45$
السادسة	$50 \leq x < 60$	$(50 + 60) \div 2 = 55$

$$\text{مركز أي فئة} = \frac{\text{حد الفئة الأدنى} + \text{حدها الأعلى}}{2}$$

ومن ثم يكون مركز الفئة الأولى 10 ، والثانية 25 والثالثة 32.5 ، والرابعة 37.5 والخامسة 45 ، ومركز الفئة الأخيرة

(السادسة) 55



• **الوسيط M لمجموعة من القيم [وهو أحد مقاييس النوعية المركزية]** : هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى

مجموعتين متساويتين في العدد ، أي بحيث تقع 50% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 50% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\sum f \cdot \frac{1}{2}$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 50%].

• **الربع الأول Q_1 لمجموعة من القيم** : هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم تحتها

(أي أقل منها) ، 75% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\sum f \cdot \frac{1}{4}$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 25%].

• **الربع لثالث Q_3 لمجموعة من القيم** : هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم تحتها

(أي أقل منها) ، 25% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\sum f \cdot \frac{3}{4}$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 75%].

• **الثن العاشر P_{10} لمجموعة من القيم** : هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم

المدى المئيني [وهو أحد مقاييس التشتت] $P_{90} - P_{10}$

المدى الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت] $Q_3 - Q_1$

$Q_1 = 49$, $Q_3 = 91$, $P_{10} = 59$, $P_{90} = 94$

(29) من خلال البيانات السابقة، قيمة المدى المئيني للبيانات يساوي:

35 (أ) ☒

45 (ب) ☐

49 (ج) ☐

59 (د) ☐

توجد شخاميط هنا

(30) من خلال البيانات السابقة، قيمة المدى الربيعي للبيانات يساوي:

22 (أ) ☐

32 (ب) ☐

42 (ج) ☒

52 (د) ☐

بكل سهولة، ما عليك إلا تطبيق القانونين أعلاه.

المدى المئيني: تخصم قيمة ١٠% ذات الرمز P_{10} من قيمة الـ ٩٠% ذات الرمز P_{90} .

المدى الربيعي: تخصم قيمة الربع الأول من قيمة الربع الثالث.

ولو طلب **نصف المدى الربيعي:** تقسم ناتج الطرح على ٢.

مقارنة مع سنة الأساس:

١٤- البيانات في الجدول التالي تمثل اسعار وكميات ثلاث منتجات استهلاكية للسنتين ٢٠٠٧ و ٢٠١٠ م على اعتبار إن سنة ٢٠٠٧ م هي سنة الاساس:

السنوات _ المنتجات	سنة 2007 م (سنة الاساس)	سنة 2010 م (سنة المقارنة)		
	الكمية Q0	السعر P0	الكمية Q1	السعر P1
السنة الأولى	5000	9	8500	12
السنة الثانية	8000	25	15000	31
السنة الثالثة	9000	14	19000	17

قيمة الرقم القياسي التجميعي للأسعار والمرجح بكميات سنة المقارنة لهذه البيانات يساوي :

$$\begin{aligned} & \text{مجموع (أسعار سنة المقارنة * كميات سنة المقارنة)} / \\ & \text{أسعار سنة الأساس * كميات سنة المقارنة} \\ & = (12 * 8500) + (21 * 15000) + (17 * 19000) / (\\ & 14 * 19000) + (25 * 15000) + (9 * 8500) \\ & = 980000 / 717500 = \mathbf{124.04} \end{aligned}$$



A. 121.50%

B. 124.04%

C. 120.04%

D. 125.04%

باجتهاد شخصي، بما أن المبيعات زادت بالمقارنة مع سنة الأساس والنتائج طلع ٧١٧٥٠٠ لسنة الأساس و

٩٨٠٠٠٠ لسنة المقارنة، كل ما عليك أن تجرب كل خيارات النسبة المئوية. الرقم الأدنى × النسبة المئوية

وشف الناتج إن كان قريب من الرقم الأعلى، فبها ونعمت.

أما طرق الجمع والضرب السابقة فهي واضحة:

تبدأ بسنة المقارنة. تضرب الرقمين المتجاورين وتطلع الناتج. ثم تكرر الأمر مع كل رقمين متجاورين في سنة

المقارنة (الكمية × السعر) كل على حدة. اجمع حاصل ضرب كل رقمين، واحتفظ بالناتج النهائي.

ثم كرر الأمر نفسه لكن بالضرب في الأرقام على اليمين (أسعار سنة الأساس). ما عليك من كمية الأساس (لا

يوجد لها ذكر في الحل، ثم يظهر الناتج أقل من الناتج الأول. وأكمل الخطوة الأولى لمعرفة النسبة المئوية

لتكون أحد خيارات الإجابة.

التباين والانحراف المعياري : (يمكن استخراجهما بالحاسبة العلمية بعد استخراج الوسيط):



مثال: البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام ١٤٢٧ هـ
يألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثان	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذي القعدة	ذي الحجة
المبيعات	٣	٥	٨	٣	٦	٤	١٢	٥	٤	٣	٧	٩

المطلوب:

حساب المتوسط الحسابي للمبيعات الشهرية.

المهلكي

الحل : نفتح الحاسبه ونضغط (MODE SETUP) ويصبح أمامك خيارات نختار (STAT) رقم ٣ ..

بعدها نلقي خيارات نختار (VAR) .. يصبح امامنا عمود جدول .. (هنا تبدأ عمليه الحساب) ..

.. ننظر الى المثال فالاعلى ونطبق فالحاسبه مايلى ..

$3 = 5 = 8 = 3 = 6 = 4 = 12 = 5 = 4 = 3 = 7 = 9 >$ بعد كل رقم نضغط يساوي ..

ثم نضغط (AS) بعدها نضغط .. SHIFT مع رقم ١ ونلقي خيارات نختار (VAR) من خلال الضغط على رقم ٥

يصبح امامنا اربع خيارات (نختار رمز المتوسط $\bar{X}$.. من خلال الضغط على رقم ٢ بعدها نضغط (يساوي) =

أصبح الحل هو .. $5,75 <$

مثال: البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام ١٤٢٧ هـ بلألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثان	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذى القعدة	ذى الحجة
المبيعات	٣	٥	٨	٣	٦	٤	١٢	٥	٤	٣	٧	٩

المطلوب:

أحسب قيمة التباين وقيمة الانحراف المعياري للمبيعات الشهرية.

الحل : نفتح الحاسبة ونضغط (MODE SETUP) وبصبح أمامك خيارات نختر (STAT) رقم ٣ ..

بعدها نلقى خيارات نختر (VAR) .. يصبح امامنا عمود جدول .. (هنا تبدأ عملية الحساب) ..

.. ننظر الى المثال فالاعلى ونطبق فالحاسبة مايلي ..

$٣ = ٥ = ٨ = ٣ = ٦ = ٤ = ١٢ = ٥ = ٤ = ٣ = ٧ = ٩ >$ بعد كل رقم نضغط يساوي ..

ثم نضغط (AS) بعدها نضغط .. SHIFT مع رقم ١ ونلقى خيارات نختر (VAR) من خلال الضغط على رقم ٥

يصبح امامنا اربع خيارات نختر رقم .. ٣ .. رمز الانحراف المعياري فـ يصبح = ٨, ٦, ٢

ونطلع التباين من نتيجة الانحراف المعياري وذلك بقيام التربيع أي الضغط على (أكس أس تو) .. ثم يساوي ..

فـ يصبح ناتج التباين هو ٧,١٩ ..

المهلبي

أضف لمعلوماتك:

$$P_{90} - P_{10} = \text{المدى المئيني [وهو أحد مقاييس التشتت]}$$

$$Q_3 - Q_1 = \text{المدى الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت]}$$

$$\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1) = \text{نصف المدى الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت]}$$

$$\frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 = \text{معامل الاختلاف الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت النسبي ويكتب كنسبة مئوية]}$$

$$[M = Q_2 \text{ أن تذكر}] \quad \frac{Q_3 - 2Q_2 + Q_1}{Q_3 - Q_1} = \text{معامل الالتواء الربيعي [وهو أحد مقاييس الالتواء]}$$

تذكر أن القيمة الموجبة لمعامل الالتواء تعني التواء لليمين والقيمة السالبة تعني التواء لليسار

$$[M = P_{50} \text{ أن تذكر}] \quad \frac{P_{90} - 2P_{50} + P_{10}}{P_{90} - P_{10}} = \text{معامل الالتواء المئيني [وهو أحد مقاييس الالتواء]}$$

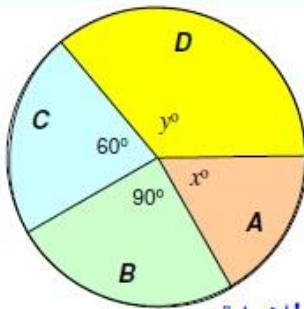
تذكر أن القيمة الموجبة لمعامل الالتواء تعني التواء لليمين والقيمة السالبة تعني التواء لليسار

$$\frac{\text{الاختلاف الربيعي}}{\text{المدى المئيني}} = \frac{\text{نصف المدى الربيعي}}{\text{المدى المئيني}} = \text{معامل التفرطح المئيني [وهو أحد مقاييس التفرطح]}$$

كلها مقاييس تشتت إلا ما يستثنى من اسمه. (التواء التواء، تفرطح تفرطح).

كيف نتعامل مع بيانات على شكل دائرة؟.

تابع هذا التمرين:



س ٥ : الشكل المقابل يبين مبيعات أربع شركات A, B, C, D (بيع لعب الأطفال) وذلك خلال عيد الفطر المبارك ، فإذا كان عدد اللعب الكلي التي تم بيعها بواسطة هذه الشركات هو 5400 لعبة ، أجب على الأسئلة التالية :

هامش للإجابة

(أ-٥)

$$360 \times ? = 90 \times 100$$

$$? = 25\%$$

100%	360°
?	90°

$$\frac{25}{100} \times 5400 = 1350$$

(ب-٥)

(ج-٥)

الزاوية المركزية المناظرة لمبيعات الشركتين معاً تساوي
 $360 - (90 + 60) = 210^\circ$

5400	360°	$360 \times ? = 210 \times 5400$
?	210°	$? = 3150$

(أ) النسبة المئوية لمبيعات الشركة B هي :

60% ☐ 40% ☐ 30% ☐ 25% ☒

(ب) عدد اللعب التي باعتها الشركة B هو :

1350 ☒ 900 ☐ 2250 ☐ 2700 ☐

(ج) عدد اللعب التي باعتها الشركتان A, D معاً هو :

1350 ☐ 3150 ☒ 2250 ☐ 900 ☐

(د) وإذا كانت النسبة بين مبيعات الشركتين A, D هي 8 : 13 ، فإن قيمة x تكون :

60° ☐ 90° ☐ 80° ☐ 150° ☐

إبه رأيك فخلي الجزء (د) واجب ، والخل هو



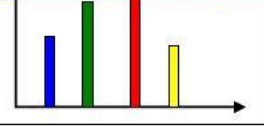
إذا عرفنا أن أن القطر الإجمالي لأي دائرة هو 360 درجة، سنعلم أن ربعها يساوي 90، والربع يعني 25% هنا تم الاستنتاج أن مبيعات (بي) 25% لأن دائرتها تمثل ربع الدائرة. أيضاً عدد اللعب التي باعتها شركة (بي) مؤكداً أنها ربع العدد الإجمالي، والعدد الإجمالي كما في السؤال (5400) ربعها كم؟ 1350.

عدد اللعب التي باعتها شركتي A و D مجموع دائرتيهما أكثر من النصف. أكيد 3150 السؤال الأخير: (قلنا في السابق إن هذا الملخص لا يحل كل المسائل ولا يهتم بكل المسائل).

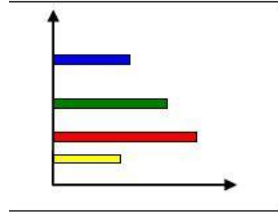
أضف لمعلوماتك:

التكرار المتجمع الصاعد المناظر لقيمة معينة x لتغير x هو مجموع تكرارات جميع قيم المتغير الأقل من x

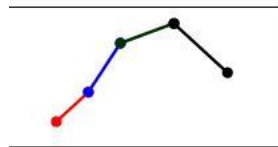
التكرار المتجمع الهابط المناظر لقيمة معينة x لتغير x هو مجموع تكرارات جميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي x



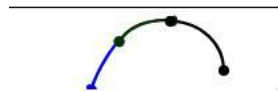
طريقة الأعمدة البسيطة : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة [لا يهم عرض الأعمدة أو المسافات بينها ولكن المهم جداً أن تكون الأعمدة منفصلة عن بعضها] .



طريقة القضبان البسيطة : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة [لا يهم سمك القضبان أو المسافات بينها ولكن المهم جداً أن تكون القضبان منفصلة عن بعضها] .



طريقة المضلع التكراري : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير وتكرارها بنقطة ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)



طريقة المنحنى التكراري : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير وتكرارها بنقطة ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط ممهد (باليد)

٢١- إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وانحرافها عن المتوسط 4 وانحرافها المعياري 5 واضفنا لكل قيمة من القيم 2 فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة سيكون :

في حاله اضافته عدد ثابت للوسط الحسابي
نجمع العدد مع العدد الثابت
 $20+2=22$

أما الانحراف المعياري والانحراف المتوسط
يبقى كما هو ما يتغير
الانحراف المتوسط 4
الانحراف المعياري 5

A. 22

B. 20

C. 18

D. 40

٢٢- إذا كان لديك مجموعتين من الطلبة وقدموا اختبار تحصيلي وحصلوا على الدرجات التالية :
المجموعة الاولى: 10,5,15,10,20 والمجموعة الثانية : 9,20,5,17,9 بالرجوع إلى البيانات السابقة ، المجموعة ذات التباين الأكبر هي :

الأول نحفظ قاعدته. والثاني نطلع الوسط الحسابي للمجموعتين على حدة، والوسط الأكبر هو التباين الأكبر.

مع تحيات العضيد