

## (المحاضرة الأولى)

### ١/ المجموعة هي :

تجمع من الأشياء أو العناصر المحددة تماماً.

### ٢/ تعد دراسة المجموعات ذات أهمية كبيرة في دراسة .

العلاقات والدوال .

### ٣/ إذا كانت $A = \{a, b, c, d\}$ .. أوجد الإجابة الصحيحة؟

١-  $b \in A$  ✓

٢-  $f \in A$  خطأ لأن العنصر f ليس من ضمن عناصر المجموعة A

٣-  $c \notin A$  خطأ لأن العنصر c من ضمن عناصر المجموعة A

٤-  $d \notin A$  خطأ لأن العنصر d من ضمن عناصر المجموعة A

### ٤/ طرق كتابة المجموعات .

١- طريقة العد ( سرد العناصر )

٢= طريقة القاعدة (الصفة المميزة)

### ٥/ يتم فيها وضع جميع عناصر المجموعة، أو جزء منها ، بين قوسبي المجموعة { } بحيث

يفصل بين كل عنصرين بعلامة فاصلة " , " مثل  $A = \{1,3,5,7\}$

طريقة العد

### ٦/ يتم فيها وصف المجموعة بذكر صفة يمكن بواسطتها تحديد عناصرها، أي الصفة التي تحدد

ارتباط عناصر المجموعة مثل { عدد طبيعي زوجي ..... 2 , 4 , 6 , 8 }  $A =$

طريقة القاعدة

### ٧/ من خلال رمي حجر نرد مرتين نستطيع أن نعبر عن الحادثة (للحصول على مجموع يساوي ٧) كالتالي

الثاني	الأول	الثاني	الأول	الثاني	الأول	الثاني	الأول	الثاني	الأول	الثاني	الأول
↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓
( 1 , 6 )	( 2 , 5 )	( 3 , 4 )	( 4 , 3 )	( 5 , 2 )	( 6 , 1 )						

تعتبر هذه الطريقة .

طريقة سرد جميع العناصر

٨/ من خلال رمي حجر نرد مرتين نستطيع أن نعبر عن الحادثة (للحصول على مجموع يساوي ٧ اي  
كتابة مميزات العناصر بين القوسين } عوضا عن كتابة العناصر نفسها كالتالي  $A = \{(x,y) : x + y = 7\}$   
تعتبر هذه الطريقة .

- طريقة الصفة المميزة

٩/ هي مجموعة الأعداد الصحيحة التي تقع بين العددين ( 1 , 0 ) و أيضا مجموعة أسماء الأسماك التي نتحدث  
اللغة العربية. ويرمز للمجموعة بالحرف اليوناني  $\emptyset$  "فاي" أو بقوسين {}. اوجد الاجابة الصحيحة.

١- المجموعة الخالية

٢- المجموعة المنتهية ← هي التي تكون عناصرها محدودة مثل  $B = \{1,2,3, \dots, 100\}$

٣- المجموعة غير المنتهية ← هي التي تكون عناصرها غير محدودة مثل  $B = \{10,20,30, \dots\}$

٤- المجموعة الكلية ← هي المجموعة التي تدرس جميع المجموعات باعتبارها مجموعات جزئية منها، ويرمز لها بالرمز U

١٠/ إذا كانت  $A = \{2,4,6\}$  و  $B = \{1,2,3,4,5,6,7,8\}$  فأن

$A \subset B$  ← (A مجموعة جزئية من B)

١١/ إذا كانت  $A \subseteq B$  ,  $B \subseteq A$  فأن

$A = B$

١٢/ إذا كانت  $A = \{-1,+1\}$  ,  $B = \{x : x^2 = 1\}$  فأن

$A = B$

١٣/ إذا كانت  $B = \{x \text{ حرف من كلمة سلام} : x\}$   $A = \{م، أ، س، ل\}$  فأن

$B \neq A$

١٤/ إذا كانت  $A = \{1,3,5,7\}$  ,  $B = \{3,1,5,7\}$  فأن

$A = B$

١٥ / نسمى المجموعتان اللتان تتساويان في عدد عناصرهما.

- بالمجموعتان المتكافئتان

١٦ / إذا كانت  $A=\{0,1,2\}$  ,  $B=\{a,b,c\}$  فإن

$$A \equiv B \leftarrow (A \text{ تكافئ } B)$$

١٧ / هو مجموعة العناصر الموجودة في A أو في B أو في كليهما

١- الاتحاد ✓

هو مجموعة كل العناصر الموجودة في A وفي B معاً. أي العناصر المشتركة بين A و B

٢- التقاطع

٣- المكمل أو المتممة يقال أن  $\bar{A}$  مكمل المجموعة A إذا كانت تحتوي على جميع عناصر المجموعة الكلية U باستثناء عناصر A.

٤- الفرق

إذا كانت مجموعتان A، B فإن  $A-B$  يسمى بالفرق وهو مجموعة كل العناصر الموجودة في A وليست في B

١٨ / إذا كانت  $A=\{1, 2, -6, -7\}$  و  $B=\{-6, -7, -11\}$  فإن

$$(A \cup B) = \{1, 2, -6, -7, -11\}$$

١٩ / إذا كانت  $A=\{1, 2, -6, -7\}$  و  $B=\{-6, -7, -11\}$  فإن

$$(A \cap B) = \{-6, -7\}$$

٢٠ / إذا كانت المجموعة الكلية  $S=\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$

ومجموعة A  $A=\{1, 3, 5, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19\}$

فإن

$$\bar{A} = \{2, 4, 6, 20\} \rightarrow \text{مكمل } A$$

٢٠ / إذا كانت المجموعة الكلية  $S=\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$

ومجموعة B  $B=\{1, 2, 3, 6, 8, 11, 12, 14, 16\}$

فإن

$$\bar{B} = \{4, 5, 7, 9, 10, 13, 15, 17, 18, 19, 20\} \rightarrow \text{مكمل } B$$

$$A = \{1, 2, \cancel{3}, \cancel{x}, Y\} = A \text{ إذا كانت مجموعة } A$$

$$B = \{\cancel{3}, 4, 5, \cancel{x}, w\} = B \text{ ومجموعة } B$$

الباقى من عناصر A

فإن

$$A - B = \{1, 2, Y\}$$

**مثال : اذا كانت**

$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, w, x, y, z\} = \text{والمجموعة الكلية} \quad B = \{3, 4, 5, x, w\} \quad \text{و} \quad A = \{1, 2, 3, x, y\}$$

**فأوجد**

- 1)  $A \cup B$
- 2)  $A \cap B$
- 3)  $A - B$
- 4)  $\bar{A}$
- 5)  $\bar{B}$

**الحل**

- 1)  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, x, y, w\}$
- 2)  $A \cap B = \{3, x\}$
- 3)  $A - B = \{1, 2, y\}$
- 4)  $\bar{A} = \{4, 5, w, z\}$
- 5)  $\bar{B} = \{1, 2, y, z\}$

## تمارين

١- نفترض أن  $A = \{3,4,5, x, y\}$  و  $B = \{4, x, y, z\}$  ضع الرمز  $\in$  أو  $\notin$  في المكان الفارغ لتكون الجملة صحيحة .

$3 \in A$   
 $3 \notin B$   
 $x \in A$   
 $x \in B$   
 $z \notin A$   
 $z \in B$   
 $1 \notin A$   
 $1 \notin B$

٢- اسرد عناصر كل مجموعة من المجموعات التالية . يمكن استخدام النقط للتعبير عن استمرار سرد عناصر المجموعة عندما يكون بها عدد لانهائي من العناصر

$A = \{x: \text{عدد طبيعي اصغر من } 7\}$   
 $A = \{1. 2. 3. 4. 5. 6\}$

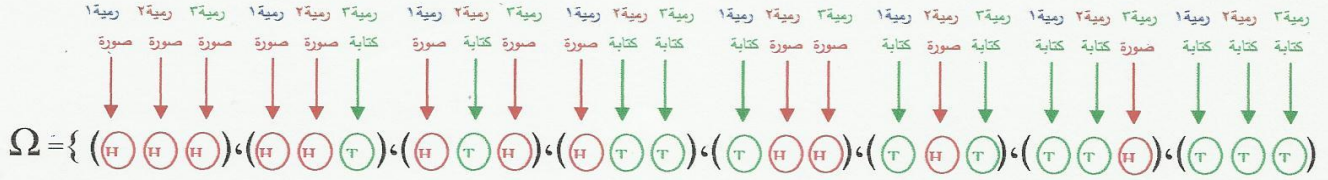
$B = \{x: \text{عدد طبيعي زوجي يقبل القسمة على } 2\}$   
 $B = \{2. 4. 6. 8. 10. \dots\dots\}$

$C = \{y: \text{حرف من حروف الهجاء المحصور بين } h \text{ و } c\}$   
 $C = \{d. e. f. g\}$

$D = \{x: \text{عدد طبيعي فردي اصغر من } 17\}$   
 $D = \{1. 3. 5. 7. 9. 11. 13. 15\}$

تذفت قطعة نقود معدنية ثلاث مرات، أوجد فراغ العينة  $\Omega$  وعدد عناصرها واكتب الحوادث التالية وعدد عناصر كل منها:

**الحل** فراغ العينة  $\Omega$  يمكن إيجاده من خلال حساب ظهور كل رمية مباشرة على النحو التالي:



- الحادثة A ظمور صورة في الرمية الأولى.

$$A = \{ (H, H, H), (H, H, T), (H, T, H), (H, T, T) \}$$

- الحادثة B ظمور صورة واحدة على الأقل.

$$B = \{ (H, H, H), (H, H, T), (H, T, H), (H, T, T), (T, H, H), (T, H, T), (T, T, H) \}$$

- الحادثة C ظمور كتابة في الرمية الأولى وصورة في الرمية الثانية.

$$C = \{ (T, H, H), (T, H, T) \}$$

- الحادثة  $(A \cap B)$

$$(A \cap B) = \{ (H, H, H), (H, H, T), (H, T, H), (H, T, T) \}$$

- الحادثة  $(A \cup C)$

$$(A \cup C) = \{ (H, H, H), (H, H, T), (H, T, H), (H, T, T), (T, H, H), (T, H, T) \}$$

- الحادثة  $(\overline{A \cap B})$

$$\{ (\overline{A \cap B}) = (T, H, H), (T, H, T), (T, T, H), (T, T, T) \}$$

- الحادثة  $(A \cap \overline{B})$

$$(A \cap \overline{B}) = \emptyset$$

- الحادثة  $(\overline{A \cap B})$

$$(\overline{A \cap B}) = \{ (T, H, H), (T, H, T), (T, T, H), (T, T, T) \}$$

