

المحاضره السادسه : تابع تحليل المقادير الجبرية

حل التمارين :

حل المقادير التالية :

$$1. \quad s^3 + 5s^2 - 7s$$

$$= s(s^2 + 5s - 7)$$

$$2. \quad 25u^3 + 75u^5 - 7u^7$$

$$= 25u^3(1 + 3u^2 - u^4)$$

$$3. \quad s^3 + 5s^2u^2$$

$$= s^2(s + 5u^2)$$

$$4. \quad 48u^4 - 75u^2 - 25u^3$$

$$= u^3(16u - 25u^2)$$

$$= 3u^3(4u - 5u^2)$$

$$5. \quad 3s^2 - 75u^3$$

$$= 3u^3(s^2 - 25u^2)$$

$$= 3u^3(s - 5u)(s + 5u)$$

ثالثاً- الفرق بين المكعبين

- يطلق على المقدارين المكعبين اللذان بينهما اشارة سالب الفرق بين المكعبين مثل : $s^3 - c^3$ ويمكن تحليل هذا المقدار إلى قوسين أحدهما صغير والأخر كبير كما يلى (جذر الأول-جذر الثاني) (مربع الأول + جذر الأول * جذر الثاني + مربع الثاني)
أى أن :
$$s^3 - c^3 = (s - c)(s^2 + sc + c^2)$$

• مثال :

• حل المقدار $8a^3 - 125b^3$

الحل:

$$8a^3 - 125b^3$$

$$= (2a - 5b)(4a^2 + 10ab + 25b^2)$$

• مثال :

• حل المقدار $27s^3 - 216c^3$

الحل:

$$27s^3 - 216c^3$$

$$= (3s - 6c)(9s^2 + 18sc + 36c^2)$$

$$= 3(s - 2c)(9s^2 + 2sc + 4c^2)$$

$$= 27(s - 2c)(s^2 + 2sc + 4c^2)$$

٠ حل آخر لتحليل المقدار $27s^3 - 216s^2$

$$= 27(s^3 - 8s^2)$$

$$= 27(s - 2)(s^2 + 2s + 4)$$

٠ مثال: حل المقدار $169s^5 - 144s^4$

الحل:

$$169s^5 - 144s^4$$

$$= s(s^4 - 144s^3)$$

$$= s(s^2 - 12)(s^2 + 12)$$

رابعاً- مجموع المكعبين

٠ يطلق على المقادير المكعبين اللذان بينهما اشارة موجب مجموع المكعبين مثل : $s^3 + s^3$ ويمكن تحليل هذا المقدار إلى قوسين أحدهما صغير والأخر كبير كما يلى
 $(\sqrt{s} + \sqrt{s})(\sqrt{s} - \sqrt{s})$
 $(\sqrt{s} + \sqrt{s})(\sqrt{s} + \sqrt{s})$
أى أن :

$$s^3 + s^3 = (s + s)(s^2 - ss + s^2)$$

مثال:

$$\text{حل المقدار } ٦٤^٣ + ١٢٥^٣ - ١٢٥^٣ =$$

الحل:

$$= (٤٠ + ٥٠b)(١٦٠ - ٢٠٠b + ٢٥٠b^٢)$$

١١

• مثال:

$$\text{حل المقدار } ٢٤^٣ - ٨١^٣ = ٢٤b^٣ + ٨١b^٣$$

الحل:

$$\begin{aligned} &= ٢٤b^٣ + ٨١b^٣ \\ &= ٣b^٣(٨ - ٢٧) \\ &= ٣b^٣(-١٩) \end{aligned}$$

١٢

تمارين

حل المقادير التالية :

- ١ $٢٧^٣ - س^٣$
- ٢ $٧٢^٣ - ٢٤٢^٣$
- ٣ $٦٤^٣ - س^٣$
- ٤ $٨٠^٣ + ١٢٥^٣$
- ٥ $٢٥٠^٣ - س^٣ + ٢٠٠^٣$

١٣