

مراجعة مقرر مبادئ الإحصاء [طلاب وطالبات كلية الآداب/المستوى الثاني]

الفصل الأول ١٤٣٢/١٤٣٣ هـ

بسم الله الرحمن الرحيم والصلاة والسلام على خاتم الأنبياء والمرسلين سيدنا ونبينا محمد بن عبد الله وعلى آله وصحبه أجمعين

بناتي وأبنائي طالبات وطلاب كلية التربية

أقدم لكم هذا الملخص الذي أطمع أن يكون معيناً نافعاً لمراجعة مقرر الإحصاء ، وأعتقد أن المتابع للمحاضرات المسجلة ومطلع على محتوى المقرر لن يجد [بإذن الله] أية صعوبة في تتبع هذا الملخص الذي يمكنه من "الم" المقرر يوم الاختبار النهائي بسرعة ، أما من لم يطلع على المحاضرات المسجلة أو المحتوى فلا أعرف مدى استفادته من هذا الملخص .

وقد تم وضع المراجعة على صورة ٤ وحدات :

الوحدة الأولى : خاصة بالباب الأول [تجميع للنظري + تدريبات + حلول لهذه التدريبات] .

الوحدة الثانية : خاصة بالباب الثاني [تجميع للنظري + تدريبات + حلول لهذه التدريبات] ، وقد تم تقسيم هذه الوحدة إلى جزئين : الأول خاص بالكميات المنفصلة ، والثاني خاص بالكميات المتصلة .

الوحدة الثالثة : خاصة بالأبواب من الثالث حتى الخامس [تجميع للنظري + تدريبات + حلول لهذه التدريبات] ، وقد تم تجميع هذه الأبواب معاً نظراً لارتباط معلومات هذه الأبواب ببعضها ، وقد تم تطعيم هذه الجزء ببعض الأمثلة المحلولة [من المحاضرات] للتذكير والربط بين هذه الأبواب .

الوحدة الرابعة : خاصة بالباب السادس والأخير [تجميع للنظري + تدريبات + حلول لهذه التدريبات] .

وأود أن أنبه أن الاختبار النهائي سيكون عبارة عن ٧٠ سؤالاً [اختبار متعدد] : (ما بين أجزاء نظرية (التعريفات وما شابه) + مسائل بسيطة لن يستغرق حل أي منها أكثر من دقيقة

أيضاً :

أود أن أنبه أن الصفحة الأولى من الاختبار سوف تشمل القوانين الهامة التي قد يحتاجها الطالب/الطالبة والموضحة في الصفحة التالية [أي أن الصفحة الأولى من الاختبار النهائي سوف تكون هي الصفحة التالية بالضبط]

بالتوفيق والنجاح بإذن الله

د. سعيد سيف الدين

محرم ١٤٣٣ هـ

إبني الطالب ، إبني الطالبة

في هذه الصفحة (الصفحة الأولى من هذا الاختبار) نقدم بياناً بالرموز التي تم استخدامها خلال هذا المقرر ، وأيضاً قائمة بالعلاقات والقوانين التي استخدمناها طوال دراستنا لهذا المقرر ، ويمكنك الاستعانة بها عند الحاجة لذلك .

وبالله التوفيق

الرموز المستخدمة :

c = طول الفئة	،	d = الانحراف عن الوسط الحسابي
$ d $ = القيمة المطلقة للانحراف عن الوسط الحسابي	،	D = الفرق في الرتب بين قيم ظاهرتين x, y
f = التكرار	،	\bar{f} = التكرار النسبي
M = الوسيط	،	$M.D$ = الانحراف المتوسط
P_{10} = المئين العاشر	،	P_{90} = المئين التسعون
Q_1 = الربع الأول	،	Q_3 = الربع الثالث
R = المدى	،	s = الانحراف المعياري
s^2 = التباين	،	x_0 = مركز الفئة
\bar{x} = الوسط الحسابي	،	\hat{X} = المنوال

القوانين والعلاقات الهامة المستخدمة :

• [ليانات مفردة أو توزيعات تكرارية متقطعة أو متصلة]

$$\diamond \quad \frac{\sum fx_0}{\sum f} \text{ أو } \frac{\sum fx}{\sum f} \text{ أو } \frac{\sum x}{n} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$\diamond \quad \frac{\sum f|d|}{\sum f} \text{ أو } \frac{\sum |d|}{n} = \text{الانحراف المتوسط}$$

$$\diamond \quad \frac{\sum fd^2}{\sum f} \text{ أو } \frac{\sum d^2}{n} = \text{التباين = مربع الانحراف المعياري}$$

$$\bullet \quad \text{معامل الاختلاف} = \frac{s}{\bar{x}} \times 100 \quad , \quad \text{الدرجة المعيارية لقيمة } x = \frac{x - \bar{x}}{s}$$

$$\bullet \quad \text{المدى الربيعي} = \text{ضعف الانحراف الربيعي} = Q_3 - Q_1 \quad , \quad \text{المدى المئيني} = P_{90} - P_{10}$$

$$\bullet \quad \text{معامل الاختلاف الربيعي} = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 \quad , \quad \text{معامل الالتواء الربيعي} = \frac{Q_3 - 2M + Q_1}{Q_3 - Q_1}$$

$$\bullet \quad \text{معامل الالتواء المئيني} = \frac{P_{90} - 2M + P_{10}}{P_{90} - P_{10}}$$

$$\bullet \quad \text{معامل التفرطح المئيني} = (\text{نصف المدى الربيعي}) \div \text{المدى المئيني}$$

• للمنتحنيات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء :

$$\diamond \quad \text{الوسط} - \text{المنوال} = 3 \times (\text{الوسط} - \text{الوسيط})$$

$$\diamond \quad \text{النسبة بين الانحراف المتوسط إلى الانحراف المعياري إلى الانحراف الربيعي كالنسبة بين 12 إلى 15 إلى 10}$$

• معامل ارتباط الرتب r (معامل سيرمان) بين ظاهرتين x, y يُعطى بـ :

$$r = 1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)} \quad [\text{حيث } n \text{ عدد أزواج الظاهرتين}]$$

الوحدة الأولى : الباب الأول [مفاهيم أساسية]

- (١) ينقسم علم الإحصاء إلى قسمين رئيسيين :
- * الإحصاء الوصفي : وهو يهتم بجمع وتبويب وعرض ووصف البيانات وحساب بعض المقاييس الخاصة بها دون الوصول إلى نتائج أو استدلالات خاصة .
- * الإحصاء الاستقرائي (أو الاستدلال الإحصائي) : وهو يبحث في استقراء النتائج واتخاذ القرارات .
- (٢) البيانات : هي مجموعة من ” المشاهدات أو القياسات ” التي تخص الظاهرة تحت الدراسة ، والكمية التي نقوم بمشاهدتها أو قياسها تُسمى بالتغير ، وعادةً نرمز له برمز مثل $x, y, A, B, ..$. والتغير (أي الظاهرة تحت الدراسة) إما أن يكون :
- * متغير نوعي : أي لا يمكن التعبير عنه بعدد [مثل لون العين أو تقدير الطلاب] ، وتُسمى البيانات التي يكون فيها المتغير نوعياً بـ البيانات النوعية .
- أو
- * متغير كمي : أي يمكن التعبير عنه بعدد [مثل الأطوال أو الأوزان أو أعداد الطلاب] ، وتُسمى البيانات التي يكون فيها المتغير كمياً بـ البيانات الكمية . والمتغير الكمي إما أن يكون :
- متغير متصل وفيها يمكن أن يأخذ المتغير أي قيمة بين قيمتين معينتين [أو بتعبير آخر هو كمية يمكن أن تُقاس ولا تُعد] .
- أو
- متغير متقطع وفيها يمكن أن يأخذ المتغير قيمةً محددة دون أي قيمة بينها [أو بتعبير آخر هو كمية يمكن أن تُعد ولا تُقاس] .
- (٣) خطوات أي عملية إحصائية
- (أ) جمع البيانات : وهي عملية الحصول على القياسات الخاصة بظاهرة معينة وعادةً ما تُسمى البيانات المجموعة بالبيانات الخام .
- (ب) تنظيم وعرض البيانات : وهي عملية وضع البيانات السابقة في جداول خاصة وعرضها بطرق مناسبة
- (ج) تحليل البيانات : وهي عملية إيجاد مقاييس لتحديد قيمها من البيانات السابقة وتعطي بعض الدلالات عن الظاهرة تحت الدراسة
- (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات : وهي الاستنتاجات التي يتوصل إليها الباحث من خلال تحليله للبيانات السابقة وعادةً ما تكون على شكل تقديرات أو تنبؤات أو تعميمات أو قرارات بالرفض أو القبول

تدريبات (١)

اختار الإجابة الصحيحة

- (١) هو العلم الذي يهتم بجمع وتبويب وعرض ووصف البيانات وحساب بعض المقاييس الخاصة بها دون الوصول إلى نتائج أو استدلالات خاصة
- (أ) علم الإحصاء الوصفي (ب) علم الإحصاء الاستقرائي
(ج) علم تقنية المعلومات (د) علم تكنولوجيا المعلومات
- (٢) هو العلم الذي يبحث في استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- (أ) علم الإحصاء الوصفي (ب) علم الإحصاء الاستقرائي
(ج) علم تقنية المعلومات (د) علم تكنولوجيا المعلومات
- (٣) هي عملية الحصول على القياسات والبيانات الخاصة بظاهرة معينة
- (أ) جمع البيانات (ب) تنظيم وعرض البيانات
(ج) تحليل البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- (٤) هي عملية وضع البيانات الخاصة بظاهرة معينة في جداول منسقة وعرضها بطرق مناسبة .
- (أ) جمع البيانات (ب) تنظيم وعرض البيانات
(ج) تحليل البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- (٥) هي عملية إيجاد قيم لمقاييس تتحدد قيمها من البيانات الخاصة بظاهرة معينة وتُعطى بعض الدلالات عن تلك الظاهرة
- (أ) جمع البيانات (ب) تنظيم وعرض البيانات
(ج) تحليل البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- (٦) هي عملية الوصول إلى استنتاجات وتوقعات وتنبؤات الخاصة بظاهرة معينة .
- (أ) جمع البيانات (ب) تنظيم وعرض البيانات
(ج) تحليل البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- (٧) عدد الأيام N في كل شهر هو :
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق
- (٨) لون السيارات C في أحد مواقف السيارات هو :
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق
- (٩) المسافات d التي يقطعها شخص خلال ساعات يوم معين
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق
- (١٠) وزن البطاطس W التي تنتجها مزارع مختلفة في أحد المواسم هو :
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق

- (١١) الزمن t الذي يأخذه طالب في حل عدد من مسائل الإحصاء هو :
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق
- (١٢) عدد حبات البطيخ N الذي تباعه إحدى محلات السوبر ماركت في يوم معين هو :
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق
- (١٣) اللعبة الرياضية G المفضلة لدى مجموعة من الطلاب هي :
- (أ) متغير نوعي (ب) متغير كمي متقطع (ج) متغير كمي متصل (د) خلاف ما سبق
- (١٤) البيانات المجمعة عن تقديرات الطلبة في أحد المقررات الدراسية هي :
- (أ) بيانات نوعية (ب) بيانات كمية متقطعة (ج) بيانات كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
- (١٥) البيانات المجمعة عن درجات الطلبة (مقربة لأقرب عدد صحيح) في أحد المقررات الدراسية هي :
- (أ) بيانات نوعية (ب) بيانات كمية متقطعة (ج) بيانات كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
- (١٦) البيانات الخاصة بالمعدلات التراكمية لطلاب التعليم المطور للانتساب هي :
- (أ) بيانات نوعية (ب) بيانات كمية متقطعة (ج) بيانات كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
- هل لاحظت الفرق بين الأسئلة (١٤)، (١٥)، (١٦)؟**
- (١٧) البيانات المجمعة عن الحالة الاجتماعية لسكان منطقة معينة هي :
- (أ) بيانات نوعية (ب) بيانات كمية متقطعة (ج) بيانات كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
- (١٨) البيانات المجمعة عن درجة الحرارة ساعة الظهر في عدد من مدن المملكة هي :
- (أ) بيانات نوعية (ب) بيانات كمية متقطعة (ج) بيانات كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
- (١٩) البيانات المجمعة عن نوع [أو ماركات] السيارات في أحد المواقع هي :
- (أ) بيانات نوعية (ب) بيانات كمية متقطعة (ج) بيانات كمية متصلة (د) خلاف ما سبق

أجوبة تدريبات (١)

(١) أ	(٢) ب	(٣) أ	(٤) ب	(٥) ج	(٦) د
(٧) ب	(٨) أ	(٩) ج	(١٠) ج	(١١) ج	(١٢) ب
(١٣) أ	(١٤) أ	(١٥) ب	(١٦) ج	(١٧) أ	(١٨) ج
(١٩) أ					

الوحدة الثانية : الباب الثاني [التوزيعات التكرارية]

البيانات المنفصلة : هي بيانات إما أن تكون بيانات نوعية [تلك البيانات التي لا يمكن التعبير عن متغيرها بعدد] أو بيانات كمية متقطعة [تلك البيانات التي يأخذ فيها المتغير قيماً عددية معينة دون أي قيمة بينها ، أي بيانات كمية تُعد ولا تُقاس] .

البيانات المتصلة : هي بيانات عددية يمكن أن تُقاس [أي يأخذ المتغير فيها أي قيمة ممكنة بين قيمتين محددتين] .

ويمكن تقسيم هذا الباب إلى جزئين : الأول ويخص البيانات المنفصلة ، والثاني ويخص البيانات المتصلة

الجزء الأول : البيانات المنفصلة

(١) عرض البيانات المنفصلة بواسطة الجداول :

أرقام الأعمدة			
(1)	(2)	(3)	(4)
المتغير x	التكرار f	التكرار النسبي \bar{f}	الزاوية المركزية المناظرة لقيمة x
8	20	$\frac{20}{100} = 0.2$ or 20%	$\frac{20}{100} \times 360 = 72^\circ$
2	30	$\frac{30}{100} = 0.3$ or 30%	$\frac{30}{100} \times 360 = 108^\circ$
4	35	$\frac{35}{100} = 0.35$ or 35%	$\frac{35}{100} \times 360 = 126^\circ$
6	15	$\frac{15}{100} = 0.15$ or 15%	$\frac{15}{100} \times 360 = 54^\circ$
	100	1 or 100%	360°
	$\sum f$	$\sum \bar{f}$	مجموع الزوايا المركزية

- الجدول المكون من العمودين (2) ، (1) بالجدول التكراري [أو التوزيع التكراري] .
- ويمكن إضافة العمود (3) له [فقط عند الحاجة له] فيُسمى الجدول (أو التوزيع التكراري النسبي).
- ويمكن إضافة العمود (4) له [فقط عند تمثيل البيانات بيانياً بطريقة الدائرة] .

وفي هذا الجدول يكون :

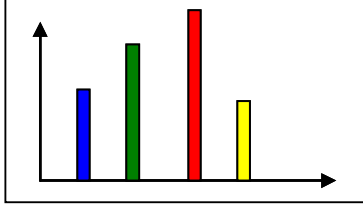
- مجموع التكرارات $\sum f$: [نقوم بجمع تكرارات القيم معاً] .
- التكرار النسبي \bar{f} لأي قيمة : هو خارج قسمة تكرار تلك القيمة على مجموع التكرارات ويمكن أن يُوضع كنسبة عادية أو نسبة مئوية [يضرب النسبة العادية في 100] .
- مجموع التكرارات النسبية $\sum \bar{f}$: يجب أن يساوي 1 [أو 100%]
- الزاوية المركزية المناظرة لقيمة معينة لـ x : نقوم بقسمة تكرار القيمة على مجموع التكرارات ثم نضرب الناتج في 360 [أو نضرب التكرار النسبي (كنسبة) في 360] .
- مجموع الزوايا المركزية : يجب أن يساوي 360

تذكر أن : **المدى R** مجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيمة في البيانات وأصغر قيمة فيها

وأن : $\frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} = \text{التكرار النسبي لقيمة ما}$

وأن $\frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} \times 360 = \text{الزاوية المركزية لقيمة ما}$

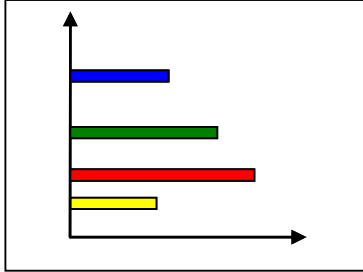
أو $\text{الزاوية المركزية لقيمة ما} = \text{التكرار النسبي للقيمة} \times 360$



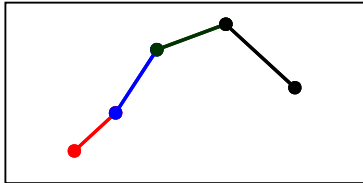
عرض البيانات المنفصلة بيانياً :

(٢)

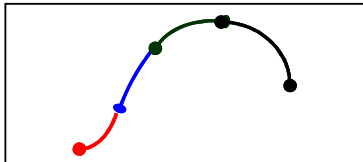
طريقة الأعمدة البسيطة : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة [لا يهم عرض الأعمدة أو المسافات بينها ولكن المهم جداً أن تكون الأعمدة منفصلة عن بعضها] .



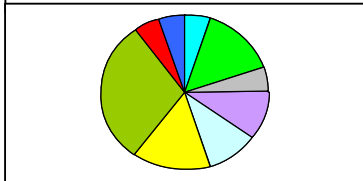
طريقة القضبان البسيطة : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة [لا يهم سمك القضبان أو المسافات بينها ولكن المهم جداً أن تكون القضبان منفصلة عن بعضها] .



طريقة المضلع التكراري : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير وتكرارها بنقطة ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)



طريقة المنحنى التكراري : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير وتكرارها بنقطة ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط ممهد (باليد)



طريقة الدائرة : حيث تُمثل كل قيمة من قيم المتغير بقطاع من دائرة وذلك طبقاً لتكرارها

تدريبات (٢)

اختر الإجابة الصحيحة

- (١) البيانات المنفصلة هي :
- (أ) بيانات نوعية فقط
(ب) بيانات كمية متقطعة فقط
(ج) أي بيانات كمية يمكن أن تُقاس
(د) بيانات نوعية أو كمية متقطعة
- (٢) البيانات المتصلة هي :
- (أ) بيانات نوعية فقط
(ب) بيانات كمية متقطعة فقط
(ج) أي بيانات كمية يمكن أن تُقاس
(د) بيانات نوعية أو كمية متقطعة
- (٣) المدى R يمكن تحديده لـ :
- (أ) البيانات النوعية فقط
(ب) البيانات الكمية المتقطعة فقط
(ج) أي بيانات كمية
(د) أي بيانات
- (٤) المدى R لمجموعة من البيانات هو :
- (أ) أكثر القيم تكراراً في البيانات
(ب) أكبر قيمة في البيانات
(ج) أصغر قيمة في البيانات
(د) الفرق بين أكبر وأصغر قيمة من البيانات
- (٥) المدى R لمجموعة القيم 2, 10, 4, 5, 5, 7 هو :
- (أ) 5
(ب) 8
(ج) 2
(د) 10
- (٦) التكرار النسبي f_r لأي قيمة في مجموعة من القيم هو :
- (أ) خارج قسمة القيمة على مجموع القيم .
(ب) خارج قسمة تكرار القيمة على مجموع التكرارات .
(ج) خارج قسمة مجموع التكرارات على تكرار القيمة
(د) خارج قسمة القيمة على مجموع التكرارات .
- (٧) الزاوية المركزية لأي قيمة في مجموعة من القيم هو :
- (أ) (القيمة ÷ مجموع القيم) $\times 360$
(ب) تكرار القيمة $\times 360$
(ج) تكرار القيمة $\div 360$
(د) التكرار النسبي للقيمة $\times 360$
- (٨) في طريقة الأعمدة البسيطة لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :
- (أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .
- (٩) في طريقة القضبان البسيطة لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :
- (أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

(١٠) في طريقة المضلع التكراري لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

(أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

(١١) في طريقة المحني التكراري لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

(أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط ممهد (باليد)
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

(١٢) في طريقة الدائرة لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

(أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

خاص بالأسئلة من (١٣) إلى (١٨) : الجدول التالي يبين الجدول التكراري لأعمار ١٠ ممرضات تعملن في أحد أقسام إحدى المستشفيات ، من هذا الجدول :

(١٣) مجموع التكرارات $\sum f$ يساوي :

(أ) 3 (ب) 2 (ج) 10 (د) 18

(١٤) المدى R للعمر هو :

(أ) 3 (ب) 2 (ج) 10 (د) 13

المتغير (العمر) x	التكرار f
22	2
25	3
28	2
31	1
32	1
35	1
	$\sum f$

خاص بالأسئلة من ١٣ إلى ١٨

(١٥) زاوية القياس المناظرة للعمر 31 تساوي :

(أ) 36° (ب) 360° (ج) 72° (د) 108°

(١٦) التكرار النسبي للعمر "25 سنة" هو :

(أ) 0.2 (ب) 0.3 (ج) 0.1 (د) 1

(١٧) عدد الممرضات اللاتي يزيد أعمارهن عن 32 سنة هو :

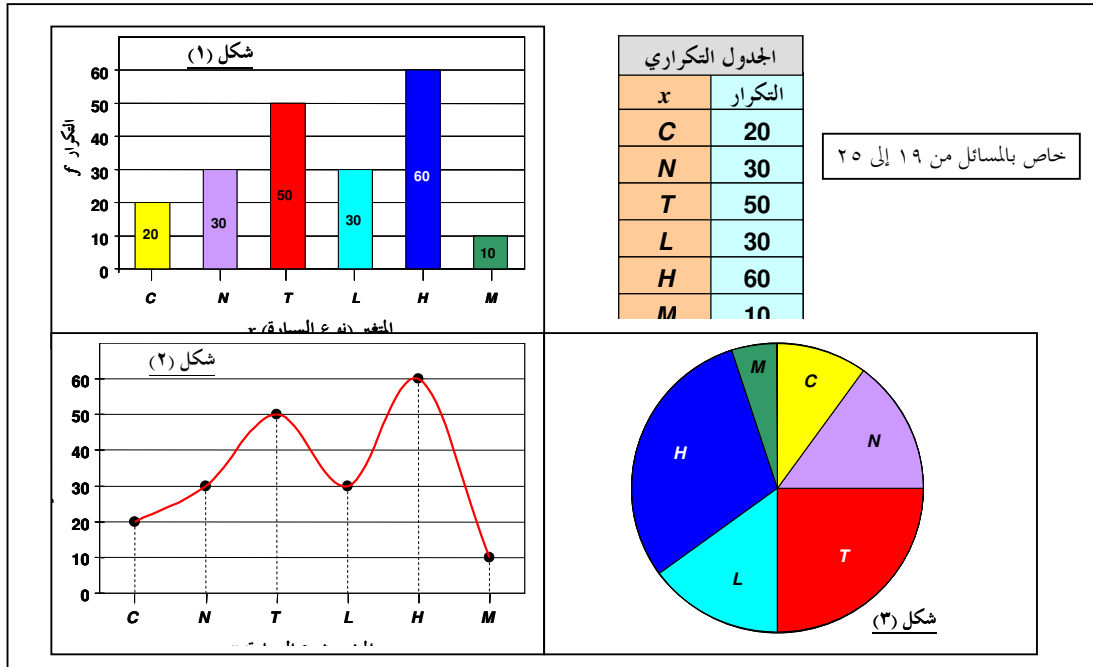
(أ) 1 (ب) 2 (ج) 3 (د) 5

(١٨) النسبة المئوية للممرضات اللاتي أعمارهن 31 سنة فأقل هي :

(أ) 0.8 (ب) 0.7 (ج) 70% (د) 80%

خاص بالأسئلة من (١٩) إلى (٢٥) : الجدول التكراري المعطى يبين عدد السيارات الموجودة في أحد المواقف طبقاً لنوع السيارة

[C, N, T, L, H, M]



(١٩) شكل (١) يبين طريقة لتمثيل هذه البيانات بيانياً .

(أ) المضلع التكراري (ب) المنحنى التكراري (ج) الأعمدة البسيطة (د) الدائرة

(٢٠) بينما شكل (٢) يبين طريقة لتمثيل هذه البيانات بيانياً .

(أ) المضلع التكراري (ب) المنحنى التكراري (ج) الأعمدة البسيطة (د) الدائرة

(٢١) شكل (٣) يبين طريقة لتمثيل هذه البيانات بيانياً .

(أ) المضلع التكراري (ب) المنحنى التكراري (ج) الأعمدة البسيطة (د) الدائرة

(٢٢) عدد السيارات الموجودة بالموقف هو :

250 (د)	200 (ج)	150 (ب)	100 (أ)
		(٢٣) التكرار النسبي للسيارات من النوع C هو :	
0.2 (د)	0.1 (ج)	10% (ب)	10 (أ)
		(٢٤) النسبة المئوية للسيارات من النوع T هي :	
25% (د)	0.25 (ج)	50% (ب)	50 (أ)
		(٢٥) الزاوية المركزية للسيارات من النوع H تساوي	
18° (د)	90° (ج)	36° (ب)	108° (أ)

خاص بالأسئلة من (٢٦) إلى (٢٩) : الجدول المرافق يبين درجات ٢٠ طالباً في أحد المقررات الدراسية :

الدرجة	100	99	98	97	96	95	94	93	92
التكرار	1	3	1	1	1	6	3	2	2

			(٢٦) عدد الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هو
7 (د)	4 (ج)	0.15 (ب)	3 (أ)
		(٢٧) عدد الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 94 هو	
7 (د)	4 (ج)	0.15 (ب)	3 (أ)
		(٢٨) نسبة الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي	
7 (د)	4 (ج)	35% (ب)	0.35 (أ)
		(٢٩) النسبة المئوية للطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي	
7 (د)	4 (ج)	35% (ب)	0.35 (أ)

خاص بالأسئلة من (٣٠) على (٣٣) : الجدول المرافق يبين أعمار عدد من العاملات في إحدى المؤسسات (لأقرب سنة) :

المتغير (العمر) x	التكرار (العدد) f	الزاوية المركزية
20	20	72°
25	?	36°
30	30	?
35	?	?
	$\sum f$	

	(٣٠) عدد العاملات ذات العمر 25 سنة هو :
20 (ب)	10 (أ)
	(٣١) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 30 سنة تساوي
40 (د)	30 (ج)
	(٣٢) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 35 سنة تساوي
72° (ب)	36° (أ)
144° (د)	108° (ج)
	(٣٣) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 35 سنة تساوي
72° (ب)	36° (أ)
144° (د)	108° (ج)

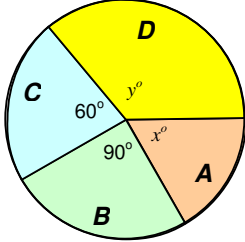
(٣٣) عدد العمليات الكلي [أي مجموع التكرارات]

(د) 110

(ج) 105

(ب) 100

(أ) 95



خاص بالأسئلة من (٣٤) إلى (٣٧) : الشكل المقابل يبين مبيعات أربع شركات A, B, C, D لبيع لعب الأطفال وذلك خلال أحد الأعياد ، فإذا كان عدد اللعب الكلي التي تم بيعها بواسطة هذه الشركات هو 5400 لعبة ، فإن :

(٣٤) النسبة المئوية لمبيعات الشركة B هي

(ب) 30%

(أ) 25%

(د) 60%

(ج) 40%

(٣٥) عدد اللعب التي باعتها الشركة C هو

(ب) 2250

(أ) 900

(د) 1350

(ج) 3150

(٣٦) عدد اللعب التي باعتها الشركتان A, D معاً هو

(ب) 2250

(أ) 900

(د) 1350

(ج) 3150

(٣٧) نسبة مبيعات الشركة B إلى مبيعات الشركة C هي كالنسبة بين

(ب) 2 إلى 3

(أ) 4 إلى 3

(ج) 3 إلى 4

(د) 3 إلى 2

طلاب M	طالبات F	
1480	480	إدارة أعمال
3000	2000	آداب
2000	2560	تربية خاصة

خاص بالأسئلة من (٣٨) إلى (٤٢) : في إحصائية لعمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد بجامعة الملك فيصل عن أعداد الطلاب والطالبات الذين تقدموا للاختبارات التعليم المطور للانتساب في الفصل الدراسي الثاني للعام الجامعي ١٤٣٠/١٤٣١ هـ في تخصصات إدارة أعمال وتربية خاصة وآداب كانت البيانات كما هو موضح بالجدول المزدوج التالي :

(٣٨) عدد الطالبات اللاتي تقدمن للاختبارات هو

(د) 5040

(ج) 2580

(ب) 2000

(أ) 480

(٣٩) عدد الطلبة (طالبات وطلاب) الذين تقدموا للاختبارات في تخصص تربية خاصة

(د) 5000

(ج) 6480

(ب) 11520

(أ) 4560

(٤٠) عدد الطلبة (طالبات وطلاب) الذين تقدموا للاختبارات

(د) 11520

(ج) 5040

(ب) 5000

(أ) 5040

(٤١) النسبة المئوية لطلاب (الذكور) تخصص آداب الذين تقدموا للاختبارات وذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات هي (تقريباً)

(د) 59.5%

(ج) 26%

(ب) 46.3%

(أ) 60%

(٤٢) النسبة المئوية لطالبات (الإناث) تخصص تربية الذين تقدمن للاختبارات وذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات من تخصص تربية هي (تقريباً)

(د) 39.5%

(ج) 22.2%

(ب) 50.8%

(أ) 56.1%

(٤٣) لمجموعة من القيم ، إذا كان التكرار النسبي لإحدى القيم هو 0.15 وكان تكرار تلك القيمة هو 30 ، فإن مجموع تكرارات جميع القيم يكون :

(أ) 30.15 (ب) 4.5 (ج) 300 (د) 200

(٤٤) لمجموعة من القيم ، إذا مثلت إحدى القيم (في طريقة الدائرة) بقطاع دائري زاويته المركزية 45° ، فإن التكرار النسبي لتلك القيمة يكون :

(أ) 45% (ب) 0.45 (ج) 8 (د) 0.125

(٤٥) لمجموعة من القيم ، إذا مثلت إحدى القيم (في طريقة الدائرة) بقطاع دائري زاويته المركزية 30° ، وكان تكرار تلك القيمة يساوي 6 ، فإن مجموع تكرارات جميع القيم يكون :

(أ) 72 (ب) 5 (ج) 0.2 (د) 180

(٤٦) لمجموعة من القيم ، إذا كان مجموع التكرارات لتلك القيم هو 200 وكان تكرار إحدى هذه القيم هو 25 ، فإن التكرار النسبي لتلك القيمة هو :

(أ) 0.125 (ب) 12.5% (ج) 8 (د) 225

(٤٧) إذا كان مجموع تكرارات مجموعة من القيم هو 50 وكان التكرار النسبي (كنسبة مئوية) لإحدى تلك القيم هو 20% ، فإن تكرار تلك القيمة يكون :

(أ) 2.5 (ب) 10 (ج) 250 (د) 1000

أجوبة تدريبات (٢)

(١) د	(٢) ج	(٣) ج	(٤) د	(٥) ب	(٦) ب
(٧) د	(٨) أ	(٩) ب	(١٠) ج	(١١) ج	(١٢) د
(١٣) ج	(١٤) د	(١٥) أ	(١٦) ب	(١٧) أ	(١٨) د
(١٩) ج	(٢٠) ب	(٢١) د	(٢٢) ج	(٢٣) ج	(٢٤) د
(٢٥) أ	(٢٦) د	(٢٧) ج	(٢٨) أ	(٢٩) ب	(٣٠) أ
(٣١) ج	(٣٢) د	(٣٣) ب	(٣٤) أ	(٣٥) أ	(٣٦) ج
(٣٧) د	(٣٨) د	(٣٩) أ	(٤٠) د	(٤١) ج	(٤٢) أ
(٤٣) د	(٤٤) د	(٤٥) أ	(٤٦) أ	(٤٧) ب	

تابع الوحدة الثانية [الباب الثاني : التوزيعات التكرارية]

الجزء الثاني : البيانات المتصلة

البيانات المتصلة :	المتغير x	الفئة
الأولى	$0 \leq x < 20$	الفئة الأولى
الثانية	$20 \leq x < 30$	الفئة الثانية
الثالثة	$30 \leq x < 35$	الفئة الثالثة
الرابعة	$35 \leq x < 40$	الفئة الرابعة
الخامسة	$40 \leq x < 50$	الفئة الخامسة
السادسة	$50 \leq x < 60$	الفئة السادسة

(1) البيانات المتصلة :

- في حالة البيانات الكمية المتصلة تكون قيم المتغير x هنا معطاة على صورة فترات أو ما يُسمى بـ **الفئات** كما هو مبين [٦ فئات] حيث :

الفئة الأولى : $0 \leq x < 20$ يكون المتغير أكبر من أو يساوي 0 إلى ما قبل 20

الفئة الثانية : $20 \leq x < 30$ يكون المتغير أكبر من أو يساوي 20 إلى ما قبل 30

الفئة السادسة : $50 \leq x < 60$ يكون المتغير أكبر من أو يساوي 50 إلى ما قبل 60

- لكل فئة حدان : حد **أدنى** وحد **أعلى** ،

فالفئة الأولى : حدها الأدنى 0 والأعلى 20 والفئة الثانية : حدها الأدنى 20 والأعلى 30

والفئة السادسة : حدها الأدنى 50 والأعلى 60

والحد الأدنى لفئة هو الحد الأعلى للفئة السابقة لها ، والحد الأعلى لفئة هو الحد الأدنى للفئة التالية
أي أن الفئات متصلة ولا فراغات بينها

- لكل فئة **طول** c حيث :

طول الفئة = حدها الأعلى - حدها الأدنى

فبالرجوع للجدول السابق يكون طول :

الفئة الأولى : $20 - 0 = 20$ ، والفئة الثانية : $30 - 20 = 10$

والفئة السادسة : ، والفئة السادسة : $60 - 50 = 10$

أي أن أطوال الفئات (بوجه عام) تكون غير متساوية

- لكل فئة **مركز** x_0 وهو قيمة المتغير الواقعة في منتصف تلك الفئة ويتحدد كالتالي :

مركز أي فئة = $\frac{\text{حد الفئة الأدنى} + \text{حدها الأعلى}}{2}$

فبالرجوع للجدول السابق يكون مركز :

الفئة الأولى : $\frac{0 + 20}{2} = 10$ ، والفئة الثانية : $\frac{20 + 30}{2} = 25$

والفئة السادسة : ، والفئة السادسة : $\frac{50 + 60}{2} = 55$

• ويمكن تجميع كل ما تقدم من معلومات في الجدول التالي :

الفئة	المتغير x	طول الفئة c	مركز الفئة x_n
الأولى	$0 \leq x < 20$	$20 - 0 = 20$	$(0 + 20) \div 2 = 10$
الثانية	$20 \leq x < 30$	$30 - 20 = 10$	$(20 + 30) \div 2 = 25$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	$35 - 30 = 5$	$(30 + 35) \div 2 = 32.5$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	$40 - 35 = 5$	$(35 + 40) \div 2 = 37.5$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	$50 - 40 = 10$	$(40 + 50) \div 2 = 45$
السادسة	$50 \leq x < 60$	$60 - 50 = 10$	$(50 + 60) \div 2 = 55$

(٢) عرض البيانات المتصلة بواسطة الجداول :

أولاً : الجدول (التوزيع) التكراري : وهو جدول يوضح فئات المتغير x مع تكرار كل فئة [أي عدد القيم الواقعة في تلك الفئة] .
ثانياً : الجدول (التوزيع) التكراري النسبي : حيث يُضاف للجدول المبين عمود ثالث يوضح التكرار النسبي لكل فئة (كنسبة عادية أو

نسبة مئوية) حيث :

$$\frac{\text{تكرار الفئة}}{\text{مجموع التكرارات}} = \text{التكرار النسبي لفئة ما}$$

المتغير x	التكرار f	التكرار النسبي \bar{f}
$0 \leq x < 20$	4	$4 \div 50 = 0.08$ or 8%
$20 \leq x < 30$	16	$16 \div 50 = 0.32$ or 32%
$30 \leq x < 35$	12	$12 \div 50 = 0.24$ or 24%
$35 \leq x < 40$	10	$10 \div 50 = 0.20$ or 20%
$40 \leq x < 50$	6	$6 \div 50 = 0.12$ or 12%
$50 \leq x < 60$	2	$2 \div 50 = 0.04$ or 4%
	$\sum f = 50$	$\sum \bar{f} = 1$ or 100%

← الجدول (التوزيع) التكراري

← الجدول (التوزيع) التكراري النسبي

ثالثاً : الجدول (التوزيع) التكراري المتجمع الصاعد والمتجمع الهابط (النازل) :

تعريف التكرار المتجمع الصاعد :

التكرار المتجمع الصاعد المناظر لقيمة معينة a لمتغير x هو مجموع تكرارات جميع قيم المتغير الأقل من a

فمثلاً ، التكرار المتجمع الصاعد المناظر للقيمة 40 [في الجدول السابق] هو مجموع تكرارات كل القيم الأقل

من 40 [أي مجموع تكرارات الفئات الأولى والثانية والثالثة والرابعة] ، أي :

$$4 + 16 + 12 + 10 = 42$$

تعريف التكرار المتجمع الهابط (أو النازل) :

التكرار المتجمع الهابط المناظر لقيمة معينة a لمتغير x هو مجموع تكرارات جميع قيم الأكبر من أو تساوي a

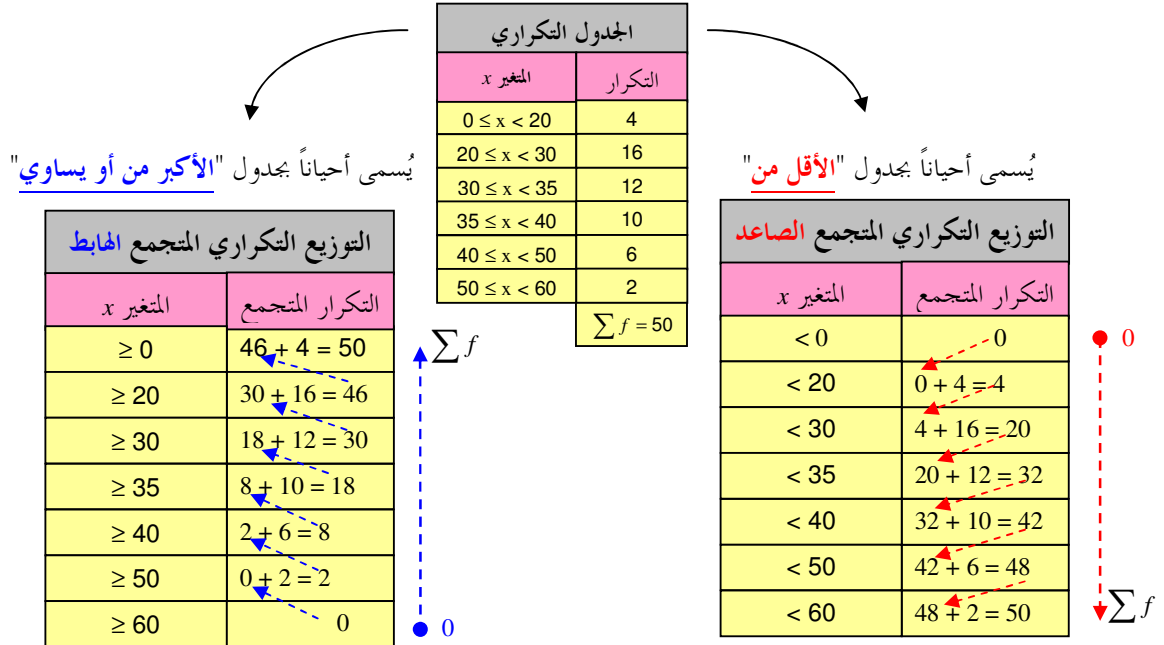
فمثلاً ، التكرار المتجمع الهابط المناظر للقيمة 40 [في الجدول السابق] هو مجموع تكرارات كل القيم الأكبر من أو تساوي 40 [أي مجموع تكرارات الفئات الخامسة والسادسة] ، أي :

$$6 + 2 = 8$$

وعلى هذا الأساس يمكن تكوين ما يُسمى بالجدول التكراري المتجمع الصاعد والجدول التكراري المتجمع الهابط كما هو مبين ، مع مراعاة الآتي :

1. في الجدول التكراري المتجمع الصاعد تكون عناصر العمود الأول [عمود المتغير x] هي الحدود الدنيا للفئات مسبوقة بعلامة "أقل من" والعنصر الأخير هو الحد الأعلى للفئة الأخيرة مسبوقة بعلامة "أقل من" . نفس الشيء في الجدول التكراري المتجمع الهابط لكن العلامة تكون "أكبر من أو تساوي" بدلاً من "أقل من" .

2. في الجدول التكراري المتجمع الصاعد يزداد التكرار المتجمع [العمود الثاني] كلما اتجهنا لأسفل الجدول بادئين بالقيمة 0 (أعلى الجدول) ثم نضيف تكرارات الفئات تلو الأخرى كلما اتجهنا للأسفل حتى ننتهي بالقيمة $\sum f$ [مجموع التكرارات (أسفل الجدول)] ، أما في الجدول التكراري المتجمع الهابط يزداد التكرار المتجمع [العمود الثاني] كلما اتجهنا لأعلى الجدول بادئين بالقيمة 0 (أسفل الجدول) ثم نضيف تكرارات الفئات تلو الأخرى كلما اتجهنا لأعلى الجدول حتى ننتهي بالقيمة $\sum f$ [مجموع التكرارات (أعلى الجدول)] .



ويمكن إضافة [لأي من الجدولين] عمود يمثل "التكرار النسبي" حيث :

التكرار النسبي = $\frac{\text{التكرار المتجمع}}{\text{مجموع التكرارات}}$

المتغير x	التكرار المتجمع	التكرار النسبي
< 0	0	$0 \div 50 = 0$ [0%]
< 20	$0 + 4 = 4$	$4 \div 50 = 0.08$ [8%]
< 30	$4 + 16 = 20$	$20 \div 50 = 0.40$ [40%]
< 35	$20 + 12 = 32$	$32 \div 50 = 0.64$ [64%]
< 40	$32 + 10 = 42$	$42 \div 50 = 0.84$ [84%]
< 50	$42 + 6 = 48$	$48 \div 50 = 0.96$ [96%]
< 60	$48 + 2 = 50$	$50 \div 50 = 1$ [100%]

ليصبح الجدول المتجمع الصاعد (مثلاً) على الصورة المقابلة .

ملحوظة : الجداول (التوزيعات) التكرارية المفتوحة :

هي جداول إما أن تكون مفتوحة من أسفل أو من أعلى أو من الطرفين .

مفتوح من الطرفين

x	f
$x < 6$	20
$6 \leq x < 12$	25
$12 \leq x < 15$	35
$x \geq 15$	18

الحدان الأدنى (للفئة الأولى) والأعلى
(للفئة الأخيرة) غير معلومين

مفتوح من أعلى

x	f
$6 \leq x < 12$	20
$12 \leq x < 15$	25
$15 \leq x < 18$	35
$x \geq 18$	18

الحد الأعلى للفئة الأخيرة غير معلوم

مفتوح من أسفل

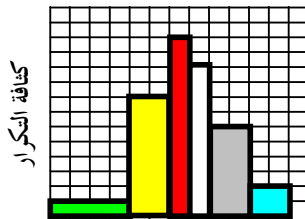
x	f
$x < 6$	20
$6 \leq x < 12$	25
$12 \leq x < 15$	35
$15 \leq x < 18$	18

الحد الأدنى للفئة الأولى غير معلوم



(3) عرض البيانات المتصلة بيانياً :

طريقة الدائرة : مثل حالة البيانات المنفصلة حيث تُمثل كل فئة من الفئات بقطاع من دائرة وذلك طبقاً لتكرارها .

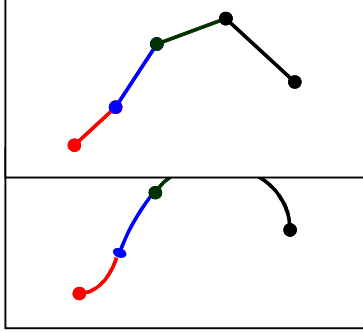


طريقة المدرج التكراري : حيث تُمثل الفئات بمسطبات متلاصقة بحيث يمثل كل مستطيل إحدى الفئات ، بحيث تقع قاعدة المستطيل (الممثل لفئة ما) على المحور الأفقي [محور المتغير] وممتدة بين الحد الأدنى للفئة وحدها الأعلى [أي طول قاعدة المستطيل يساوي طول الفئة] وارتفاعه هو كثافة تكرار الفئة ومساحته هي تكرار الفئة .

تكرار الفئـة

= كثافة التكرار لفئة

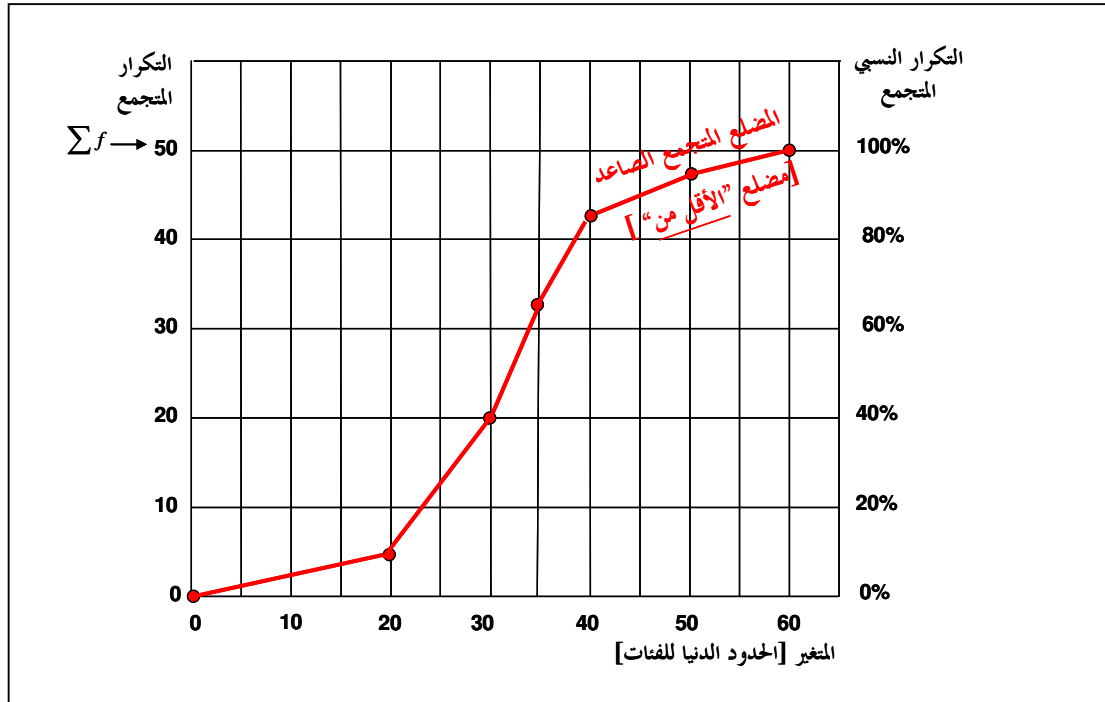
طول الفئـة



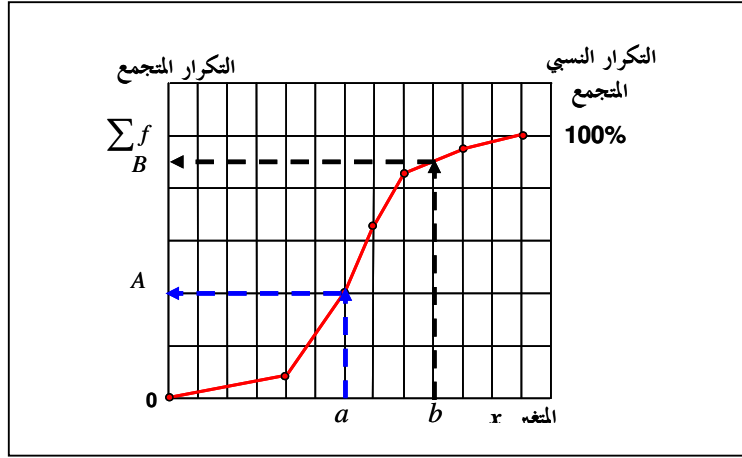
طريقة المضع التكراري : حيث تُمثل كل فئة من الفئات بنقطة إحداثياتها هي مركز الفئة وكثافة تكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة) .

طريقة المنحنى التكراري : حيث تُمثل كل فئة من الفئات بنقطة إحداثياتها هي مركز الفئة وكثافة تكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط ممهد (باليد) .

طريقة المضع التكراري المتجمع الصاعد: حيث تُمثل كل فئة من الفئات بنقطة إحداثياتها هي الحـد الأدنى للفئة والتكرار المتجمع الصاعد المناظر ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة) ، وهنا لابد من تكوين الجدول التكراري المتجمع الصاعد . وأحياناً يُسمى هذا المضع بـ "مضع الأقل من" .

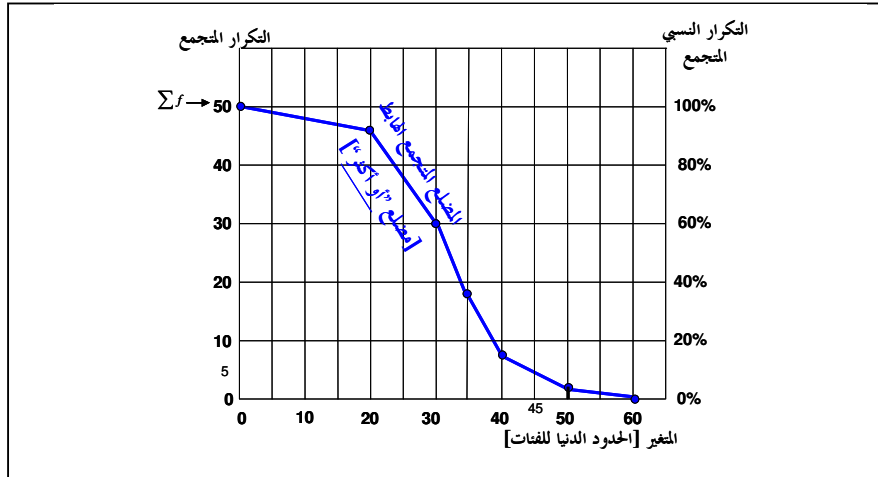


ويفيد المضع التكراري المتجمع الصاعد في الرد على العديد من الأسئلة مثل :



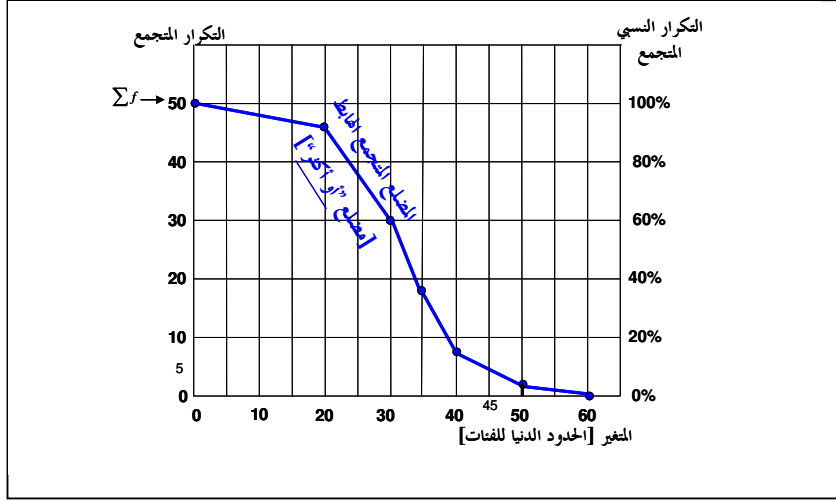
- حسب التكرار المتجمع المناظر لـ " $x < a$ ". الإجابة A
- احسب التكرار المتجمع المناظر لـ " $x \geq a$ ": الإجابة : مجموع التكرارات مطروح منها A .
- احسب التكرار المتجمع المناظر لـ " $a \leq x < b$ ": الإجابة B مطروح منها A .

طريقة المضلع التكراري المتجمع الهابط: وهو مشابه للمضلع التكراري المتجمع الصاعد مع الاختلاف أن كل فئة تُمثل بنقطة إحدائهما هي الحد الأدنى للفئة والتكرار المتجمع الهابط المناظر ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة) وهنا لابد من تكوين الجدول التكراري المتجمع الهابط . وأحياناً يُسمى هذا المضلع بـ "مضلع الأكبر من أو يساوي".



ويتقاطع المضلعان التكراريان الصاعد والهابط في نقطة تكون قيمة المتغير المناظرة لها هي الوسيط M للبيانات ، وهي قيمة :

- تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين متساويتين في العدد .
- يناظرها تكرار متجمع قدره $\frac{1}{2} \sum f$
- يناظرها تكرار متجمع نسبي قدره 50% .



تدريبات (٣)

اختر الإجابة الصحيحة

- (١) التكرار النسبي لفئة من الفئات هو :
 - (أ) النسبة بين الحد الأعلى للفئة ومجموع التكرارات
 - (ب) خارج قسمة تكرار الفئة على طولها
 - (ج) نسبة تكرار الفئة إلى مجموع التكرارات
 - (د) النسبة بين الحد الأدنى للفئة ومجموع التكرارات
- (٢) في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية تكون مساحة أي مستطيل من المستطيلات هي :
 - (أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل
 - (ب) التكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل
 - (ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل
 - (د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل
- (٣) في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية تكون طول قاعدة أي مستطيل من المستطيلات هي :
 - (أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل
 - (ب) التكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل
 - (ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل
 - (د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل
- (٤) في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية يكون ارتفاع أي مستطيل من المستطيلات هو :
 - (أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل
 - (ب) التكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل
 - (ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل
 - (د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل
- (٥) في المدرج التكراري لبيانات متصلة تكون المستطيلات الممثلة للفئات :
 - (أ) متلاصقة تماماً (أي لا مسافات بينها)
 - (ب) منفصلة عن بعضها
 - (ج) متداخلة
 - (د) فوق بعضها
- (٦) في المضلع التكراري تُمثل كل فئة بنقطة إحداثياتها :
 - (أ) متلاصقة تماماً (أي لا مسافات بينها)
 - (ب) منفصلة عن بعضها
 - (ج) متداخلة
 - (د) فوق بعضها

- (أ) الحد الأدنى للفترة والتكرار المتجمع لجميع قيم المتغير الأقل من هذا الحد .
 (ب) الحد الأدنى للفترة والتكرار المتجمع لجميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي هذا الحد .
 (ج) مركز الفئة وكثافة تكرارها .
 (د) مركز المستطيل الممثل لتلك الفئة
- (٧) في المضلع التكراري المتجمع الصاعد تُمثل كل فئة بنقطة إحداثياتها :
 (أ) الحد الأدنى للفترة والتكرار المتجمع لجميع قيم المتغير الأقل من هذا الحد .
 (ب) الحد الأدنى للفترة والتكرار المتجمع لجميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي هذا الحد .
 (ج) مركز الفئة وكثافة تكرارها .
 (د) مركز المستطيل الممثل لتلك الفئة
- (٨) في المضلع التكراري المتجمع الهابط تُمثل كل فئة بنقطة إحداثياتها :
 (أ) الحد الأدنى للفترة والتكرار المتجمع لجميع قيم المتغير الأقل من هذا الحد .
 (ب) الحد الأدنى للفترة والتكرار المتجمع لجميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي هذا الحد .
 (ج) مركز الفئة وكثافة تكرارها .
 (د) مركز المستطيل الممثل لتلك الفئة

الفئة	المتغير x	التكرار f
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5

خاص بالأسئلة من (٩) إلى (١٤) : في التوزيع التكراري المبين :

(٩) مجموع التكرارات $\sum f$ يساوي

(أ) 100 (ب) 200

(ج) 1 (د) 50

(١٠) التكرار النسبي للفئة الرابعة يساوي :

(أ) 0.2 (ب) 0.3

(١١) مركز الفئة الأولى عند x تساوي :

(أ) 0 (ب) 10

(١٢) كثافة تكرار الفئة الرابعة تساوي :

(أ) 0.1 (ب) 0.5

(١٣) الحد الأعلى للفئة الثالثة هو :

(أ) 20 (ب) 30

(١٤) مركز الفئة الثانية عند x تساوي :

(أ) 25 (ب) 30

(ج) 0.1 (د) 0.4

(ج) 15 (د) 20

(ج) 5 (د) 55

(ج) 40 (د) 50

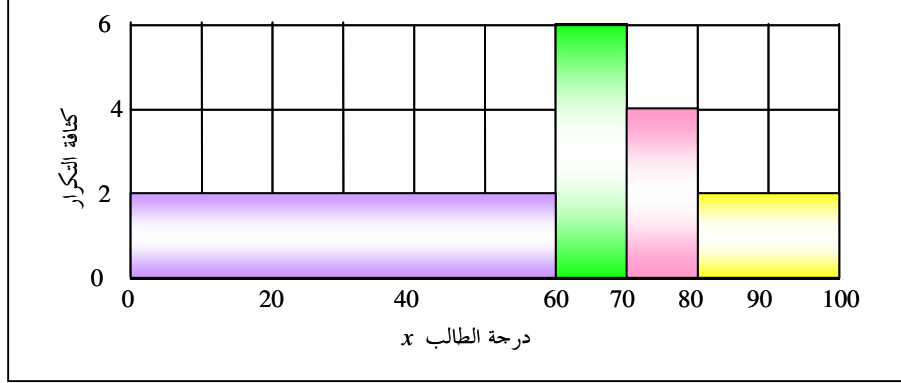
(ج) 35 (د) 15

خاص بالأسئلة من (١٥) إلى (٢٠) : المدرج التكراري المبين

يوضح الدرجة x لعدد من الطلاب في مقرر مبادئ الإحصاء

الفئة	(1)	(2)	(3)	(4)
الدرجة	$0 \leq x < 60$	$60 \leq x < 70$	$70 \leq x < 80$	$80 \leq x < 100$

مقسمين على ٤ فئات ، من هذا المدرج يمكن استنتاج الآتي :



(١٥) العدد الكلي للطلاب :

260 (د) 220 (ج) 180 (ب) 120 (أ)

(١٦) عدد الطلاب الراشدين [الحاصلين على درجة أقل من 60] :

120 (د) 100 (ج) 60 (ب) 40 (أ)

(١٧) عدد الطلاب الحاصلين على 80 فأكثر :

120 (د) 100 (ج) 60 (ب) 40 (أ)

(١٨) عدد الطلاب الحاصلين على تقدير $C+$ [أكثر من 75 وأقل من 80] :

20 (د) 40 (ج) 60 (ب) 120 (أ)

(١٩) عدد الطلاب الناجحين والحاصلين على تقدير B على الأكثر [أكثر من 60 وأقل من 80] :

120 (د) 100 (ج) 60 (ب) 40 (أ)

(٢٠) الخط المنكسر الذي يمثل المضلع التكراري للبيانات

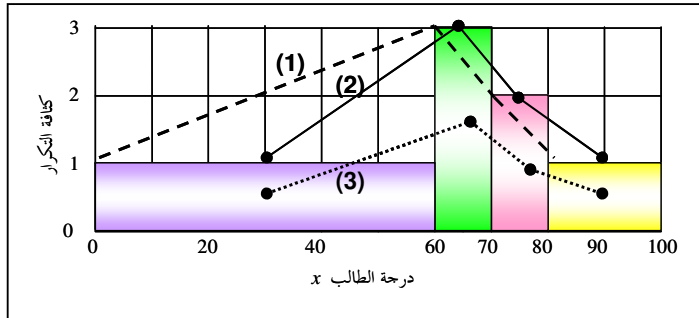
السابقة :

(أ) الخط المنكسر (1)

(ب) الخط المنكسر (2)

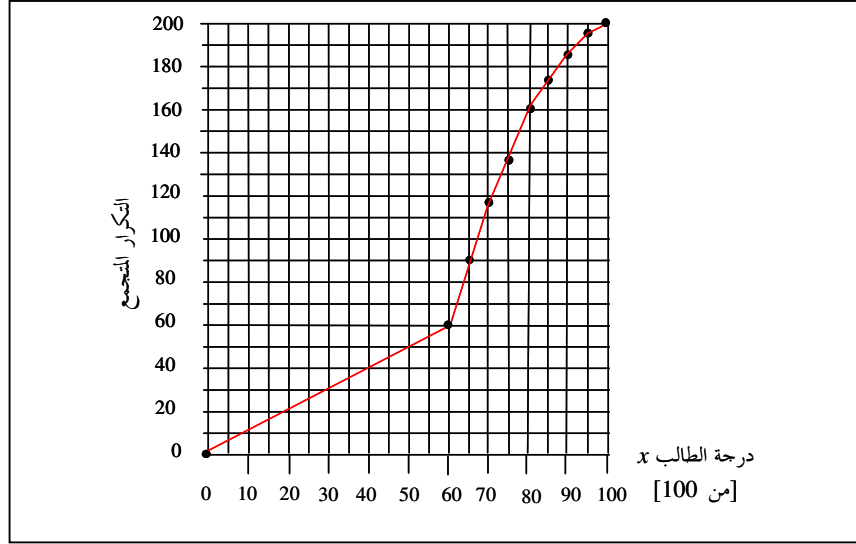
(ج) الخط المنكسر (3)

(د) ليس أي خط مما سبق .



خاص بالأسئلة من (٢١) إلى (٢٥) : الشكل المرافق يبين المضلع التكراري المتجمع الصاعد لدرجات عدد من الطلاب في مقرر مبادئ

الإدارة ، من هذا الشكل يمكن أن نستنتج ن :



(٢١) العدد الكلي للطلاب هو :

(د) 200

(ج) 150

(ب) 100

(أ) 50

(٢٢) الوسيط M لدرجات الطلاب يقع بين :

(د) 75 , 80

(ج) 65 , 70

(ب) 50 , 55

(أ) 40 , 45

(٢٣) عدد الطلاب الحاصلات على درجة أقل من 40 هو :

(د) 80%

(ج) 160

(ب) 40

(أ) 20%

(٢٤) نسبة الطلاب الحاصلين على تقدير $D+$ على الأقل [أي على درجة 65 فأكثر] هي :

(د) 65%

(ج) 40%

(ب) 45

(أ) 55%

(٢٥) عدد الطلاب الناجحين والحاصلين على درجة أقل من 80 هو :

(د) 120

(ج) 100

(ب) 80

(أ) 60

أجوبة تدريبات (٣)

أ (٥)	ج (٤)	د (٣)	أ (٢)	ج (١)
ج (١٠)	د (٩)	ب (٨)	أ (٧)	ج (٦)
د (١٥)	أ (١٤)	د (١٣)	ب (١٢)	ب (١١)
ب (٢٠)	ج (١٩)	د (١٨)	أ (١٧)	د (١٦)
ج (٢٥)	أ (٢٤)	ب (٢٣)	ج (٢٢)	د (٢١)

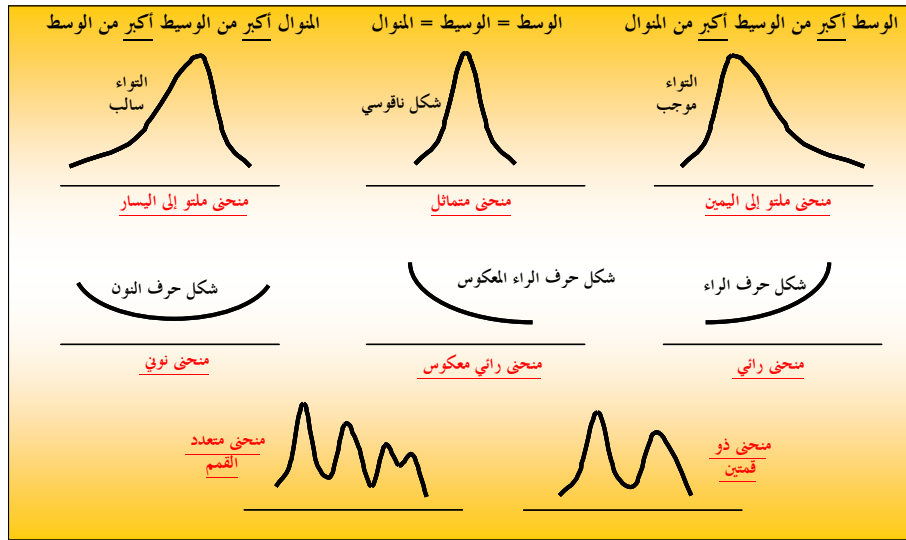
الوحدة الثالثة

الأبواب : الثالث (مقاييس التزعة المركزية) + الرابع (مقاييس التشتت) + الخامس (الالتواء)

والتفرطح

نظراً لارتباط هذه الأبواب معاً فمن المناسب تجميع معلومات هذه الأبواب معاً ، والله الموفق

- **مقاييس التزعة المركزية (أو المتوسطات) :** هي قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات بحيث تعطي دلالات معينة لتلك البيانات .
أمثلة : الوسط الحسابي - الوسط - المنوال .
- **مقاييس التشتت :** هي مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة . **أمثلة :** المدى - الانحراف المتوسط - الانحراف المعياري - المدى الربيعي - الانحراف الربيعي - الانحراف المئيني .
- **مقاييس التشتت النسبي :** هي مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة . **أمثلة :** معامل الاختلاف [أو معامل التشتت] - معامل الاختلاف الربيعي .
- **مقاييس الالتواء :** هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما . **أمثلة :** معامل بيرسون الأول للالتواء - معامل بيرسون الثاني للالتواء - معامل الالتواء الربيعي - معامل الالتواء المئيني .
- **مقاييس التفرطح :** هي مقاييس ترصد درجة التدبب (الارتفاع أو الانخفاض) في قمة المنحنى مقارنةً بقمة منحنى التوزيع الطبيعي ، فإذا كانت قمة المنحنى أعلى من مثلتها في التوزيع الطبيعي سُمي المنحنى مدبب ، وإذا كانت قمة المنحنى أدنى من مثلتها في التوزيع الطبيعي يكون المنحنى مفرطحاً ، أما إذا كانت القمة ليست مدببة أو مسطحة يُسمى المنحنى متوسط التفرطح . **أمثلة :** معامل التفرطح المئيني .
- **بعض أشكال المنحنيات التكرارية :**



أولاً : الوسط الحسابي - الانحراف المتوسط - الانحراف المعياري :

- الوسط = $\frac{\sum x}{n}$ أو $\frac{\sum fx}{\sum f}$ أو $\frac{\sum fx_0}{\sum f}$ [لبيانات مفردة أو قيم ذات تكرارات أو بيانات كمية متصلة]
- الانحراف المتوسط = $\frac{\sum |d|}{n}$ أو $\frac{\sum f|d|}{\sum f}$ [لبيانات مفردة أو قيم ذات تكرارات أو بيانات متصلة]
- التباين = مربع الانحراف المعياري = $\frac{\sum d^2}{n}$ أو $\frac{\sum fd^2}{\sum f}$ [لبيانات مفردة أو قيم ذات تكرارات أو بيانات متصلة]
- الانحراف المعياري = $\sqrt{\frac{\sum d^2}{n}}$ أو $\sqrt{\frac{\sum fd^2}{\sum f}}$ [لبيانات مفردة أو قيم ذات تكرارات أو بيانات متصلة]

مع مراعاة أنه في حالة البيانات الكمية المتصلة تكون القيمة x هي مركز الفئة x_0

- يرتبط بالوسط الحسابي والانحراف المعياري كل من معامل الاختلاف (أو معامل التشتت) والدرجة المعيارية ، حيث :

$\frac{s}{\bar{x}} \times 100$	أي :	$100 \times \frac{\text{الانحراف المعياري}}{\text{الوسط الحسابي}} = \text{معامل الاختلاف}$
--------------------------------	------	--

$z = \frac{x - \bar{x}}{s}$	الدرجة المعيارية z لقيمة ما x تُعطي بـ
-----------------------------	--

ملاحظات هامة :

1. **التباين** هو مربع الانحراف المعياري ، والانحراف المعياري هو الجذر التربيعي للتباين .
 2. مجموع انحرافات القيم عن الوسط الحسابي يساوي صفرًا ، أي أن :
- $$\sum d = 0 \quad [\text{لبيانات المفردة}] \quad , \quad \sum fd = 0 \quad [\text{في حالة البيانات ذات التكرارات أو البيانات المتصلة}]$$
3. إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الوسط الحسابي والانحراف المتوسط والانحراف المعياري ، وبعد ذلك أضفنا لكل قيمة من القيم العدد الثابت c فإن الوسط الحسابي الجديد = الوسط القديم + c ، أما الانحراف المتوسط (أو المعياري) الجديد يظل كما هو القديم (أي لا يتأثر) .
 - مثال : الوسط القديم 10 والانحراف المتوسط القديم 3 والانحراف المعياري القديم 2.5 ، وبالتالي إذا أضفنا لكل قيمة من القيم العدد 1 فإن : الوسط الجديد = $10 + 1 = 11$ ، أما الانحراف المتوسط الجديد يظل كما هو 3 والانحراف المعياري الجديد يظل كما هو 2.5
 4. أما إذا ضربنا كل قيمة من القيم في عدد ثابت c فإن الوسط الجديد = القديم مضروباً في c ، أما الانحراف المتوسط (المعياري) الجديد فيساوي القديم مضروباً في **القيمة المطلقة** لـ c .
 - مثال : الوسط القديم 10 والانحراف المتوسط القديم 3 والانحراف المعياري القديم 2.5 ، وبالتالي إذا ضربنا كل قيمة من القيم في العدد -2 فإن : الوسط الجديد = $10 \times (-2) = -20$ ، أما الانحراف المتوسط الجديد فيصبح $3 \times 2 = 6$ [وليس -2] أي يصبح 6 والانحراف المعياري الجديد يصبح $2.5 \times 2 = 5$.
 5. يرتبط بالوسط الحسابي والانحراف المعياري الكميات التالية :

معامل الاختلاف (أو معامل التشتت): وهو مقياس للتشتت النسبي ويُعبر عنه كنسبة مئوية كالآتي

$$\text{معامل الاختلاف} = \frac{\text{الانحراف المعياري}}{\text{الوسط الحسابي}} \times 100$$

أي: $\frac{s}{\bar{x}} \times 100$

الدرجة المعيارية z لقيمة x : وهي ذات أهمية كبيرة في مقارنة نتائج مختلفة ببعضها

$$z = \frac{x - \bar{x}}{s}$$

٦. للوسط الحسابي والانحراف المتوسط والانحراف المعياري والتباين نفس المزايا ونفس العيوب:

- المزايا: سهولة الحساب - جميع البيانات تُؤخذ في الاعتبار - لا تحتاج إلى ترتيب معين للبيانات عند حسابها
- العيوب: تتأثر بشدة بالقيم المتطرفة - لا يمكن إيجادها بالرسم - لا يمكن حسابها في حالة التوزيعات التكرارية المفتوحة
- لا يمكن تحديدها للبيانات النوعية [أي يمكن حسابها فقط للبيانات الكمية]

ويُكتفى بحل الأمثلة التالية لتثبيت المفاهيم السابقة [وكفاية تفهم كيف تمت الحسابات، يعني مش لازم تعملها كلها، لكن تكون فاهم من أين جاءت تلك القيم]

مثال (٣) [سلي نفسك/المحاضرة ١١/الشريحة ٤/س ١ مع تغيير بسيط]:

أوجد الوسط الحسابي \bar{x} ، الانحراف المتوسط $M.D$ ، التباين s^2 ، والانحراف المعياري s ومعامل الاختلاف لمجموعة القيم: 8 3 4 12 6 7 4 8 3 5، ثم أوجد الدرجة المعيارية للقيمة 12 في البيانات السابقة؟

x	d	$ d $	d^2
5	-1	1	1
3	-3	3	9
8	2	2	4
4	-2	2	4
7	1	1	1
6	0	0	0
12	6	6	36
4	-2	2	4
3	-3	3	9
8	2	2	4
$\sum x = 60$		$\sum d = 22$	$\sum d^2 = 76$

• لا بد أولاً من حساب الوسط الحسابي:

$$n = 10, \quad \bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{60}{10} = 6$$

• بعد ذلك نحدد الانحرافات d عن الوسط:

[كل انحراف يساوي القيمة - الوسط الحسابي]

• بعد ذلك نحدد القيم المطلقة $|d|$ للانحرافات:

بأن نأخذ القيمة العددية دون الإشارة

• ونحدد أيضاً مربعات هذه الانحرافات:

بأن نضرب كل قيمة في نفسها

• نحسب الانحراف المتوسط $M.D$ من:

$$M.D = \frac{\sum |d|}{n} = \frac{22}{10} = 2.2$$

• ونحسب التباين من: $s^2 = \frac{\sum d^2}{n} = \frac{76}{10} = 7.6$ فيكون الانحراف المعياري s هو: $s = \sqrt{s^2} = \sqrt{7.6} = 2.76$

• معامل الاختلاف: $\frac{s}{\bar{x}} \times 100 = \frac{2.76}{6} \times 100 = 46\%$

• الدرجة المعيارية z للقيمة 12: $z = \frac{x - \bar{x}}{s} = \frac{12 - 6}{2.76} = \frac{6}{2.76} \cong 2.17$

مثال (٤) [سلي نفسك/المحاضرة ١١/الشريحة ٦/س ٢ مع تغيير بسيط]: أوجد الوسط الحسابي \bar{x} ، الانحراف المتوسط $M.D$ ، التباين

s^2 ، والانحراف المعياري s ومعامل الاختلاف للبيانات المبينة بالجدول التكراري المرافق . ما هي الدرجة المعيارية للقيمة 2 ؟

x	8	2	4	6
f	20	30	35	15

نكون الجدول المبين [بالطبع لابد من تحديد الوسط الحسابي أولاً حتى نستطيع استكمال الجدول] ، فتكون الحسابات التالية :

$$\bar{x} = \frac{\sum fx}{\sum f} = \frac{450}{100} = 4.5 \quad , \quad M.D = \frac{\sum f|d|}{\sum f} = \frac{185}{100} = 1.85 \quad , \quad s^2 = \frac{\sum fd^2}{\sum f} = \frac{475}{100} = 4.75 \rightarrow s = \sqrt{4.75} = 2.18$$

$$\frac{s}{\bar{x}} \times 100 = \frac{2.18}{4.5} \times 100 \approx 48.44\% \quad : \quad \text{أما معامل الاختلاف فيُعطى بـ :}$$

$$z = \frac{x - \bar{x}}{s} = \frac{2 - 4.5}{2.18} \approx -1.15 \quad : \quad \text{والدرجة المعيارية للقيمة 2 هي :}$$

المتغير x	التكرار f	fx	$d = x - \bar{x}$	$ d $	$fd d $	d^2	fd^2
8	20	160	8 - 4.5 = 3.5	3.5	20 × 3.5 = 70	12.25	245
2	30	60	2 - 4.5 = -2.5	2.5	30 × 2.5 = 75	6.25	187.5
4	35	140	4 - 4.5 = -0.5	0.5	35 × 0.5 = 17.5	0.25	8.75
6	15	90	6 - 4.5 = 1.5	1.5	15 × 1.5 = 22.5	2.25	33.75
	100	450			185		475
	$\sum f$	$\sum fx$			$\sum f d $		$\sum fd^2$

مثال (٥) [سلي نفسك/المحاضرة ١١/الشريحة ٦/س ٣ مع تغيير بسيط]: أوجد الوسط الحسابي \bar{x} ، الانحراف المتوسط $M.D$ ، التباين

s^2 ، والانحراف المعياري s ومعامل الاختلاف للبيانات المبينة بالجدول التكراري المرافق .

x	$5 \leq x < 15$	$15 \leq x < 25$	$25 \leq x < 45$	$45 \leq x < 55$
f	20	30	40	10

بنفس الأسلوب السابق نكون الجدول المبين مع مراعاة أن x سوف تُستبدل بـ x_0 (مركز الفئة) وبالتالي لابد أولاً أن نحدد مراكز الفئات ثم

(بالطبع) نحدد الوسط الحسابي ثانياً ، ثم نستكمل الجدول ، فتكون الحسابات التالية :

المتغير x	التكرار f	x_0	fx_0	$d = x_0 - \bar{x}$	$ d $	$fd d $	d^2	fd^2
$5 \leq x < 15$	20	10	200	10 - 27 = -17	17	20 × 17 = 340	289	5780
$15 \leq x < 25$	30	20	600	20 - 27 = -7	7	30 × 7 = 210	49	1470
$25 \leq x < 45$	40	35	1400	35 - 27 = 8	8	40 × 8 = 320	64	2560
$45 \leq x < 55$	10	50	500	50 - 27 = 23	23	10 × 23 = 230	529	5290
	100		2700			1100		15100
	$\sum f$		$\sum fx_0$			$\sum f d $		$\sum fd^2$

$$\bar{x} = \frac{\sum fx_0}{\sum f} = \frac{2700}{100} = 27, \quad M.D = \frac{\sum f |d|}{\sum f} = \frac{1100}{100} = 11, \quad s^2 = \frac{\sum fd^2}{\sum f} = \frac{15100}{100} = 151 \rightarrow s = \sqrt{151} = 12.29$$

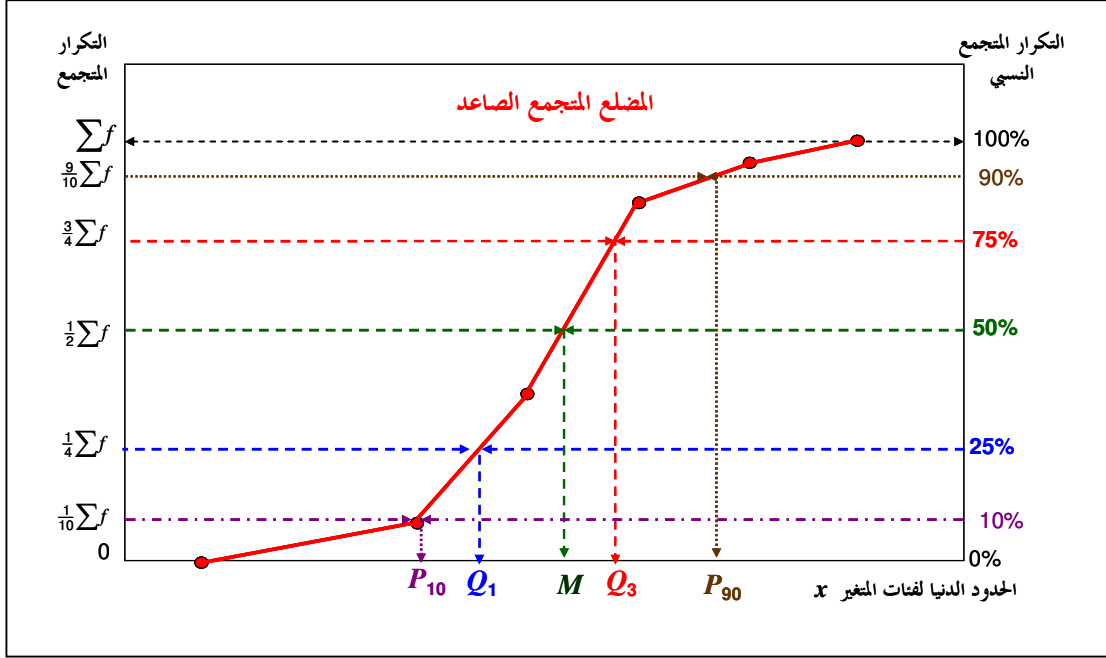
$$\frac{s}{\bar{x}} \times 100 = \frac{12.29}{27} \times 100 \approx 45.52\% \quad \text{أما معامل الاختلاف فيُعطى بـ :}$$

ثانياً : الوسيط - الربيعات - المئينات - المدى الربيعي - الانحراف الربيعي - الانحراف المئيني

- **الوسيط M لمجموعة من القيم [وهو أحد مقاييس النوعة المركزية] :** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين متساويتين في العدد ، أي بحيث تقع 50% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 50% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{1}{2} \sum f$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 50%].
- **الربيع الأول Q₁ لمجموعة من القيم:** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 75% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{1}{4} \sum f$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 25%].
- **الربيع لثالث Q₃ لمجموعة من القيم:** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 25% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{3}{4} \sum f$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 75%].
- **المئين العاشر P₁₀ لمجموعة من القيم:** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 90% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{10}{100} \sum f$ (أو $\frac{1}{10} \sum f$) في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 10%].
- **المئين التسعون P₉₀ لمجموعة من القيم:** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 90% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 10% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{90}{100} \sum f$ (أو $\frac{9}{10} \sum f$) في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 90%].

تذكر أن : الوسيط هو نفسه الربيع الثاني هو نفسه المئين الخمسين [أي $M = Q_2 = P_{50}$] ، وأن الربيع الأول هو نفسه المئين 25 [أي $Q_1 = P_{25}$] وأن الربيع الثالث هو نفسه المئين 75 [أي $Q_3 = P_{75}$]

- وللبيانات الكمية المتصلة تتحدد القيم السابقة بيانياً من المضلع التكراري المتجمع الصاعد بنفس الأسلوب :
- فلتحديد الوسيط :** نحدد على المحور الرأسي التكرار المتجمع الصاعد $\frac{1}{2} \sum f$ [أو التكرار المتجمع النسبي 50%] ثم نرسم خطاً أفقياً حتى المضلع ثم نتجه رأسياً لأسفل نحو المحور الأفقي ونرصد قيمة المتغير فتكون هي الوسيط M للبيانات .
- ولتحديد الربيع الأول :** نحدد على المحور الرأسي التكرار المتجمع الصاعد $\frac{1}{4} \sum f$ [أو التكرار المتجمع النسبي 25%] ثم نرسم خطاً أفقياً حتى المضلع ثم نتجه رأسياً لأسفل نحو المحور الأفقي ونرصد قيمة المتغير فتكون هي الربيع الأول Q₁ للبيانات
- ولتحديد المئين التسعين :** نحدد على المحور الرأسي التكرار المتجمع الصاعد $\frac{9}{10} \sum f$ [أو التكرار المتجمع النسبي 90%] ثم نرسم خطاً أفقياً حتى المضلع ثم نتجه رأسياً لأسفل نحو المحور الأفقي ونرصد قيمة المتغير فتكون هي المئين التسعون P₉₀ للبيانات . وهكذا .



• ويرتبط بالكميات السابقة الآتي :

$$P_{90} - P_{10} = [\text{وهو أحد مقاييس التشتت}] \text{ المدى المتيني}$$

$$Q_3 - Q_1 = [\text{وهو أحد مقاييس التشتت}] \text{ المدى الربيعي}$$

$$\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1) = [\text{وهو أحد مقاييس التشتت}] \text{ نصف المدى الربيعي}$$

$$\frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 = [\text{وهو أحد مقاييس التشتت النسبي ويكتب كنسبة مئوية}] \text{ معامل الاختلاف الربيعي}$$

$$[M = Q_2 \text{ تذكر أن}] \frac{Q_3 - 2Q_2 + Q_1}{Q_3 - Q_1} = [\text{وهو أحد مقاييس الالتواء}] \text{ معامل الالتواء الربيعي}$$

تذكر أن القيمة الموجبة لمعامل الالتواء تعني التواء لليمين والقيمة السالبة تعني التواء لليسار

$$[M = P_{50} \text{ تذكر أن}] \frac{P_{90} - 2P_{50} + P_{10}}{P_{90} - P_{10}} = [\text{وهو أحد مقاييس الالتواء}] \text{ معامل الالتواء المتيني}$$

تذكر أن القيمة الموجبة لمعامل الالتواء تعني التواء لليمين والقيمة السالبة تعني التواء لليسار

$$\frac{\text{الانحراف الربيعي}}{\text{المدى المتيني}} = \frac{\text{نصف المدى الربيعي}}{\text{المدى المتيني}} = [\text{وهو أحد مقاييس التفرطح}] \text{ معامل التفرطح المتيني}$$

تذكر أن القيمة الأكبر من 0.26 لمعامل التفرطح تعني أن التوزيع مذبب والقيمة الأقل من 0.26 تعني أن التوزيع مفطح

• المزيد عن الوسيط :

- لتحديد الوسيط لقيم المفردة [عددها n] يجب أولاً ترتيب القيم [تصاعدياً مثلاً] فيكون الوسيط هو القيمة التي تقع في المنتصف (إذا كانت n فردية) أو الوسط الحسابي للقيمتين بالمنتصف (إذا كانت n زوجية).

- في حالة البيانات الكمية المتصلة يمكن تحديد الوسيط حسابياً بطريقة الاستكمال كالآتي :
- نحدد أولاً الفئة الوسيطة بأن نحسب نصف مجموع التكرارات $\left[\frac{1}{2} \sum f\right]$ ثم نبدأ (من الصفر) في إضافة تكرارات الفئات الواحدة تلو الأخرى ، ومع كل إضافة نقارن الناتج بـ $\left[\frac{1}{2} \sum f\right]$ ، فإن كان أقل نستمر في إضافة التكرارات حتى نصل إلى قيمة أكبر من أو تساوي $\left[\frac{1}{2} \sum f\right]$ فتكون آخر فئة أضفنا تكرارها هي الفئة الوسيطة .
 - نحدد لهذه الفئة الوسيطة الآتي : حدها الأدنى - طولها - تكرارها
 - نحسب ما يُسمى بالتكرار المتجمع السابق [وهو مجموع تكرارات الفئات السابقة للفئة الوسيطة] .
 - نحسب قيمة الوسيط من :

$$\text{الوسيط } M = \text{الحده الأدنى للفئة الوسيطة} + \left[\frac{\text{نصف مجموع التكرارات} - \text{التكرار المتجمع السابق}}{\text{تكرار الفئة الوسيطة}} \times \text{طول الفئة الوسيطة} \right]$$

ويُكتفى بحل الأمثلة التالية لتثبيت المفاهيم السابقة [وكفاية تفهم كيف تمت الحسابات ، يعني مش لازم تعملها كلها ، لكن تكون فاهم من أين جاءت تلك القيم]

مثال (٦) [المخاضرة ٨/الشريحة ٨] : احسب الوسيط لمجموعة القيم :

(أ) 2 5 6 9 3 3 7 4 6 (ب) 18 5 15 5 12 7 11 9

لا بد (عند تحديد الوسيط) من ترتيب القيم (تصاعدي مثلاً) :

(أ) القيم بعد ترتيبها تصاعدياً : 2 3 3 4 5 6 6 7 9 : وسيطها 5 [عدد القيم n فردي]

(أ) القيم بعد ترتيبها تصاعدياً : 5 5 7 9 11 12 15 18 : وسيطها هو $\frac{9+11}{2} = 10$ [عدد القيم n زوجي]

مثال (٧) [المخاضرة ١١/الشريحتان ١٠ ، ١٤ مع إضافات] : للتوزيع التكراري المبين :

x	$1 \leq x < 3$	$3 \leq x < 5$	$5 \leq x < 7$	$7 \leq x < 10$
f	14	29	18	9

احسب الآتي :

- (أ) الوسيط [بيانياً وحسابياً]
 (ب) الربيعات Q_1, Q_2 والمدى الربيعي والانحراف الربيعي ومعامل الاختلاف الربيعي ومعامل الالتواء الربيعي [محدداً نوع الالتواء]
 (ج) المئينات P_{10}, P_{90} والمدى المئيني ومعامل الالتواء المئيني [محدداً نوع الالتواء]
 (د) معامل التفرطح المئيني [محدداً نوع التفرطح]

(أ) **الوسيط :**

* بيانياً : سبق حسابه [مثال (٢) من هذه المذكرة] .

* حسابياً [طريقة الاستكمال] : من الجدول التكراري ،

• احسب $\frac{1}{2} \sum f = 70$: $\frac{1}{2} \sum f = 35$

الجدول التكراري		
الفئة	المتغير (الأجر) x	التكرار f
الأولى	$1 \leq x < 3$	14
الثانية	$3 \leq x < 5$	29
الثالثة	$5 \leq x < 7$	18
الرابعة	$7 \leq x < 10$	9
		$\sum f = 70$

- نبدأ بالصفر [في ذهننا] ثم نزود عليه تكرار الفئة الأولى [ينتج 14 وهي قيمة أقل من $\frac{1}{2} \sum f$] فنضيف على الـ 14 تكرار الفئة الثانية وهو 29 [ينتج 43 وهو أكبر من $\frac{1}{2} \sum f$] ، إذن الفئة الثانية هي الفئة الوسيطة [حدها الأدنى 3 وطولها 2 وتكرارها 29] ويكون التكرار المتجمع السابق هو تكرار الفئات السابقة للفئة الوسيطة [أي تكرار الفئة الأولى (مفیش غيرها) أي 14] ، وبالتالي يكون الوسيط :

$$M = 3 + \left[\frac{35 - 14}{29} \right] \times 2 = 3 + \frac{21}{29} \times 2 = 3 + 1.45 = \underline{4.45}$$

[قارن بالنتيجة التي حصلت عليها بيانياً في مثال (٢) .

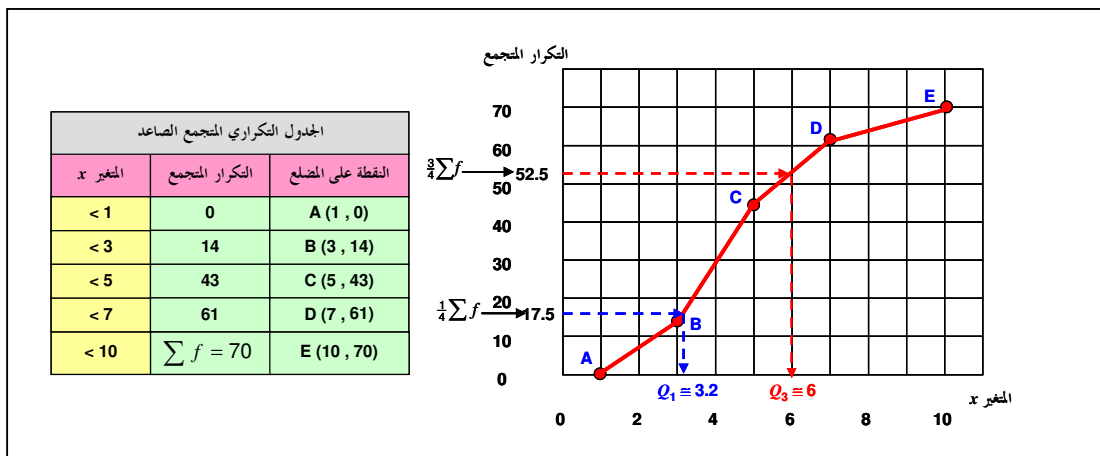
(ب) الربيعات وما يرتبط بها :

كما في مثال (٢) ، قم بتكوين الجدول التكراري المتجمع الصاعد ومنه ارسم المضلع التكراري المتجمع الصاعد ومنه حدد الربيعين Q_1 [المنظرة لتكرار متجمع صاعد قدره $\frac{1}{4} \sum f = 17.5$] ، Q_3 [المنظرة لتكرار متجمع صاعد قدره $\frac{3}{4} \sum f = 52.5$] فنحصل

$$Q_1 \cong 3.2 \quad , \quad Q_3 \cong 6$$

ومنها نحصل على المدى الربيعي :

$$Q_3 - Q_1 = 6 - 3.2 = 2.8$$



ويكون الانحراف الربيعي هو نصف المدى الربيعي ، أي 1.4 . أما معامل الاختلاف الربيعي فيتحدد من :

$$\frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 = \frac{6 - 3.2}{6 + 3.2} \times 100 = \frac{2.8}{9.2} \times 100 \cong 30.4\%$$

ويتحدد معامل الالتواء الربيعي من [تذكر أن $Q_2 = M$]

$$\frac{Q_3 - 2Q_2 + Q_1}{Q_3 - Q_1} = \frac{6 - 2 \times 4.45 + 3.2}{6 - 3.2} = \frac{6 - 8.9 + 3.2}{2.8} = \frac{0.3}{2.8} \cong 0.1$$

وهو قيمة موجبة مما يعني أن الالتواء جهة اليمين .

(ج) المثينات وما يرتبط بها :

وبنفس الطريقة ومن نفس المضلع التكراري المتجمع الصاعد يمكن تحديد المئين العاشر P_{10} [المناظرة لتكرار متجمع صاعد قدره

$7 = \sum_{10} f$ ، والمئين التسعين P_{90} [المناظرة لتكرار متجمع صاعد قدره $63 = \sum_{90} f$] فنحصل [أنظر الرسم] على :

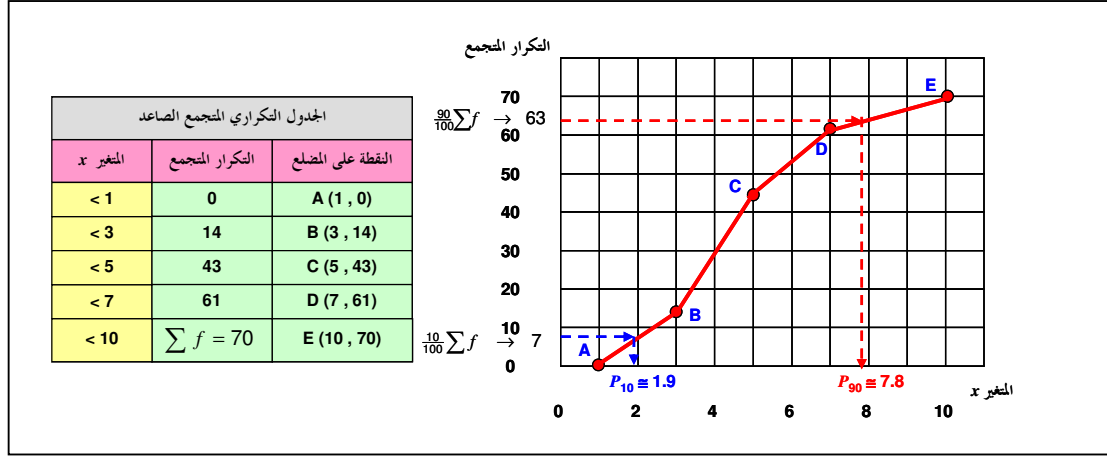
$$P_{10} \cong 1.9 \quad , \quad P_{90} \cong 7.8$$

ومنها نحصل على المدى المئيني :

$$P_{90} - P_{10} = 7.8 - 1.9 = 5.9$$

ويكون معامل الاختلاف المئيني هو :

$$\frac{P_{90} - P_{10}}{P_{90} + P_{10}} \times 100 = \frac{7.8 - 1.9}{7.8 + 1.9} \times 100 = \frac{5.9}{9.7} \times 100 \cong 60.8\%$$



ويتحدد معامل الالتواء الربيعي من [تذكر أن $P_{50} = M$:

$$\frac{P_{90} - 2P_{50} + P_{10}}{P_{90} - P_{10}} = \frac{7.8 - 2 \times 4.45 + 1.9}{7.8 - 1.9} = \frac{7.8 - 8.9 + 1.9}{5.9} = \frac{0.8}{5.9} \cong 0.1$$

وهو قيمة موجبة مما يعني أن الالتواء جهة اليمين .

(د) **معامل التفرطح المئيني** : وهو خارج قسمة الانحراف الربيعي على المدى المئيني ، أي [من نتائج الأجزاء السابقة] يساوي :

$$\frac{1.4}{5.9} \cong 0.24$$

وهي قيمة أقل من 0.26 [للتوزيع الطبيعي] مما يعني أن التوزيع المعطى مفرطح .

ثالثاً : المنوال [الشائع] :

- مجموعة القيم : 18 12 11 10 10 10 9 9 9 7 5 2 2 لها منوال وحيد هو 9 [مجموعة وحيدة المنوال]
- والمجموعة : 16 15 12 10 8 5 3 9 ليس لها منوال [عدمية المنوال]
- والمجموعة : 9 7 7 7 5 5 4 4 4 3 2 لها منوالان هما 4 , 7 [ثنائية المنوال]
- والمجموعة : 7 7 6 6 5 5 4 4 ليس لها منوال [وليست رباعية المنوال]
- أما المجموعة : 8 7 7 6 6 5 5 4 فهي رباعية المنوال [هل لاحظت الفرق بين المجموعتين الأخيرتين]
- وللتوزيعات التكرارية المبينة يكون المنوال هو القيمة المناظرة لأكبر تكرار :

لون السيارة	عدد السيارات	الدرجة	عدد الطلاب	الدرجة	عدد الطلاب	الدرجة	عدد الطلاب
R أحمر	10	12	25	12	23	12	28
B أزرق	23	14	25	14	30	14	24
W أبيض	12	16	25	16	30	16	39
Y أصفر	5	18	25	18	17	18	9

بيانات نوعية لها منوال وهو "اللون الأزرق"

بيانات كمية مقطعة لها منوالان وهما "14, 16"

بيانات كمية مقطعة لها منوال وحيد وهو "الدرجة 16"

بيانات كمية مقطعة ليس لها منوال

- وللتوزيعات التكرارية المتصلة يكون المنوال (تقريباً) هو مركز الفئة المنوالية [وهي الفئة التي لها أكبر كثافة تكرار] ، وفي حالة تساوي أطوال الفئات تكون هي الفئة المناظرة لأكبر تكرار .
- مزايا المنوال : سهل تحديده (إن وُجد) - لا يتأثر بالقيم المتطرفة - لا يحتاج لترتيب البيانات - يمكن تحديده (في حالة وجوده) للبيانات النوعية .
- عيوب المنوال : قد لا يتواجد - قد يكون غير وحيد

ملحوظات هامة :

ملحوظة (١) : في حالة المنحنيات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء ، هناك علاقة اعتبارية (تقريبية) بين مقياس النزعة المركزية : الوسط الحسابي ، الوسيط ، المنوال على الصورة :

$$\text{الوسط} - \text{المنوال} = 3 \times (\text{الوسط} - \text{الوسيط})$$

وفي حالة المنحنى :

- المتماثل يكون : الوسط = الوسيط = المنوال
- المتناهي لليمين (التواء موجب) يكون : الوسط أكبر من الوسيط أكبر من المنوال
- المتناهي لليسار (التواء سالب) يكون : الوسط أصغر من الوسيط أصغر من المنوال

ملحوظة (٢) : هناك معاملان للالتواء يعتمدان على بعض مقياس النزعة المركزية ومقياس التشتت هما :

$$\text{معامل بيرسون الأول للالتواء} = (\text{الوسط} - \text{المنوال}) \div \text{الانحراف المعياري}$$

$$\text{معامل بيرسون الثاني للالتواء} = 3 \times (\text{الوسط} - \text{الوسيط}) \div \text{الانحراف المعياري}$$

وللمنحنيات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء ، إذا كان معامل بيرسون للالتواء (سواء الأول أو الثاني) :

* صفرًا : فهذا يعني أن المنحنى متماثل

* موجب : فهذا يعني أن المنحنى ملتو لليمين

* سالب : فهذا يعني أن المنحنى ملتو لليسار

تدريبات (٤)

اختر الإجابة الصحيحة

- (١) مقاييس التزعة المركزية هي
- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
- (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
- (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
- (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
- (هـ) مقاييس ترصد درجة التدبب في قيمة المنحنى مقارنة بقممة منحني التوزيع الطبيعي
- (٢) الوسط الحسابي هو أحد مقاييس
- (أ) التزعة المركزية
- (ب) التشتت
- (ج) الالتواء
- (د) التفرطح
- (٣) في المنحنى المتماثل يكون
- (أ) الوسط أكبر من المنوال
- (ب) الوسط ضعف المنوال
- (ج) المنوال أكبر من الوسط
- (د) الوسط = المنوال
- (٤) في التوزيعات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء لليمين يكون
- (أ) الوسط أكبر من المنوال
- (ب) الوسط ضعف المنوال
- (ج) المنوال أكبر من الوسط
- (د) الوسط = المنوال
- (٥) في التوزيعات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء لليساار يكون
- (أ) الوسط أكبر من المنوال
- (ب) الوسط ضعف المنوال
- (ج) المنوال أكبر من الوسط
- (د) الوسط = المنوال
- (٦) لعدد من القيم ، يُعرف مجموع هذه القيم مقسوماً على عددها على أنه
- (أ) الوسط الحسابي للقيم
- (ب) الانحراف المتوسط للقيم
- (ج) تباين تلك القيم
- (د) الانحراف المعياري للقيم
- (٧) إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وأضفنا لكل قيمة من القيم 2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :
- (أ) 20 (ب) 22 (ج) 40 (د) 18
- (٨) إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وضربنا كل قيمة من القيم في 2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون
- (أ) 20 (ب) 22 (ج) 40 (د) 18
- (٩) إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وضربنا كل قيمة من القيم في -2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون
- (أ) 20 (ب) 22 (ج) 40 (د) -40

(١٠) الوسيط لمجموعة من القيم المرتبة ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً هو :

(أ) القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد

(ب) القيمة الأكثر تكراراً

(ج) متوسط أكبر وأقل قيمتين

(د) مجموع القيم مقسوماً على عددها .

(١١) مجموعة من القيم ، فإن القيمة الأكثر تكراراً (إن وجدت) تُسمى :

(أ) الوسط الحسابي (ب) الوسيط (ج) المنوال (د) المدى

(١٢) مجموعة من البيانات الكمية المتصلة (فئات غير متساوية الطول) تكون الفئة المنوالية هي الفئة :

(أ) الأكبر طولاً (ب) الأكثر تكراراً (ج) الفئة الوسطى (د) الأكثر كثافة تكرار

(١٣) أحد مقاييس التزعة المركزية الذي قد يمكن تحديده للبيانات النوعية :

(أ) الوسط الحسابي (ب) المنوال (ج) الوسيط (د) المدى

(١٤) للمنحنيات التكرارية وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء يكون :

(أ) الوسط - الوسيط = ٣ × (الوسط - المنوال) (ب) الوسيط - المنوال = ٣ × (الوسيط - الوسط)

(ج) الوسط - المنوال = ٣ × (الوسط - الوسيط) (د) المنوال - الوسيط = ٣ × (المنوال - الوسط)

خاص بالأسئلة من (١٥) إلى (١٧) : مجموعة القيم 4 5 8 9 4 ،

(١٥) الوسط الحسابي يساوي : (أ) 8 (ب) 5 (ج) 4 (د) 6

(١٦) الوسيط يساوي : (أ) 8 (ب) 5 (ج) 4 (د) 6

(١٧) المنوال يساوي : (أ) 8 (ب) 5 (ج) 4 (د) 6

خاص بالأسئلة من (١٨) إلى (٢٠) : مجموعة القيم 16 4 8 2 3 9 ،

(١٨) الوسط الحسابي : (أ) 6 (ب) 8 (ج) 7 (د) غير موجود

(١٩) الوسيط : (أ) 6 (ب) 8 (ج) 7 (د) غير موجود

(٢٠) المنوال : (أ) 6 (ب) 8 (ج) 7 (د) غير موجود

خاص بالأسئلة من (٢١) إلى (٢٨) : الشكل المرافق يبين عدة توزيعات لمتغير متصل x :

(٢١) للتوزيع التكراري (١) ، الفئة المنوالية هي :

(أ) الأولى (ب) الثانية (ج) الثانية والثالثة (د) غير موجودة

(٢٢) للتوزيع التكراري (٢) ، الفئة المنوالية هي :

(أ) الأولى (ب) الثانية (ج) الثانية والثالثة (د) غير موجودة

(٢٣) للتوزيع التكراري (٣) ، الفئة المنوالية هي :

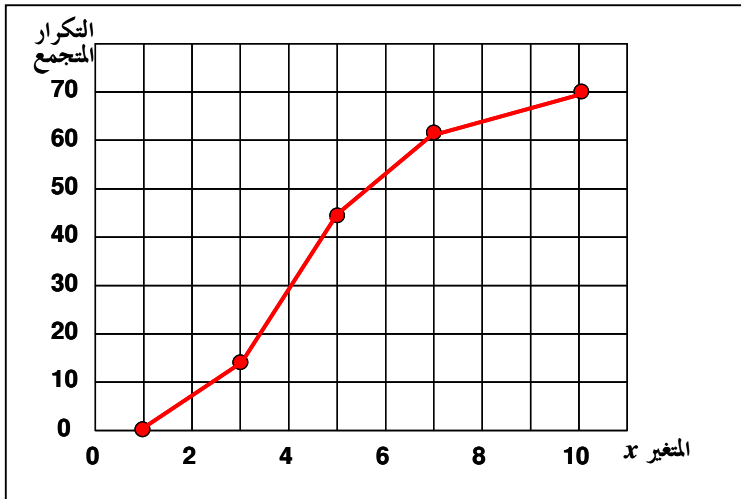
(أ) الأولى (ب) الثانية (ج) الثانية والثالثة (د) الرابعة

التوزيع التكراري (٢)					التوزيع التكراري (١)				
	x	f	طول	كثافة التكرار		x	f	طول	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2	الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2
الفئة الثانية	$20 \leq x < 30$	18	10	1.8	الفئة الثانية	$20 \leq x < 60$	8	40	0.2
الفئة الثالثة	$30 \leq x < 45$	18	15	1.2	الفئة الثالثة	$60 \leq x < 70$	2	10	0.2
الفئة الرابعة	$45 \leq x < 55$	8	10	0.8	الفئة الرابعة	$70 \leq x < 75$	1	5	0.2

التوزيع التكراري (٤)					التوزيع التكراري (٣)				
	x	f	طول	كثافة التكرار		x	f	طول	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 10$	4	5	0.8	الفئة الأولى	$0 \leq x < 5$	4	10	0.4
الفئة الثانية	$10 \leq x < 20$	16	15	1.6	الفئة الثانية	$5 \leq x < 15$	16	10	1.6
الفئة الثالثة	$20 \leq x < 30$	8	5	1.6	الفئة الثالثة	$15 \leq x < 20$	8	5	1.6
الفئة الرابعة	$30 \leq x < 40$	20	40	0.5	الفئة الرابعة	$20 \leq x < 60$	20	40	0.5

خاص بالأسئلة من (٢١) إلى (٢٨)

- (٢٤) للتوزيع التكراري (٤) ، الفئة المتوالية هي :
 (أ) الأولى (ب) الثانية
 (ج) الثالثة (د) الرابعة
- (٢٥) للتوزيع التكراري (١) ، المتوال هو (تقريباً) :
 (أ) 10 (ب) 25
 (ج) 25 , 37.5 (د) غير موجود
- (٢٦) للتوزيع التكراري (٢) ، المتوال هو (تقريباً) :
 (أ) 10 (ب) 25
 (ج) 25 , 37.5 (د) غير موجود
- (٢٧) للتوزيع التكراري (٣) ، المتوال هو (تقريباً) :
 (أ) 5 (ب) 10
 (ج) 10 , 17.5 (د) 17.5
- (٢٨) للتوزيع التكراري (٤) ، المتوال هو (تقريباً) :
 (أ) 5 (ب) 15
 (ج) 25 (د) 35



خاص بالأسئلة من (٢٩) إلى (٣٠) : الشكل

المرافق يبين المضلع التكراري المتجمع الصاعد

لمتغير متصل x :

(٢٩) مجموع التكرارات يساوي :

(أ) 5 (ب) 10

(ج) 35 (د) 70

(٣٠) الوسيط يقع بين :

(أ) 1, 2 (ب) 4, 5

(ج) 7, 8 (د) 9, 10

أجوبة تدريبات (٤)

ج (٥)	أ (٤)	د (٣)	أ (٢)	أ (١)
أ (١٠)	د (٩)	ج (٨)	ب (٧)	أ (٦)
د (١٥)	ج (١٤)	ب (١٣)	د (١٢)	ج (١١)
د (٢٠)	أ (١٩)	ج (١٨)	ج (١٧)	ب (١٦)
د (٢٥)	د (٢٤)	ج (٢٣)	ب (٢٢)	د (٢١)
ب (٣٠)	د (٢٩)	د (٢٨)	ج (٢٧)	ب (٢٦)

تدريبات (٥)اختبر الإجابة الصحيحة(١) مقاييس التشتت هي

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التدبب في قمة المنحنى مقارنة بقمة منحنى التوزيع الطبيعي

(٢) مقاييس التشتت النسبي هي

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التدبب في قمة المنحنى مقارنة بقمة منحنى التوزيع الطبيعي

(٣) الانحراف المتوسط هو أحد مقاييس

- (أ) التزعة المركزية (ب) التشتت (ج) الالتواء (د) التفريط

ويمكن أن يُستبدل الانحراف المتوسط في رأس السؤال بالانحراف المعياري أو المدى الربيعي أو الانحراف الربيعي أو الانحراف المتين

(٤) معامل الاختلاف هو أحد مقاييس

- (أ) التزعة المركزية (ب) التشتت (ج) الالتواء (د) التشتت النسبي

ويمكن أن يُستبدل "معامل الاختلاف" في رأس السؤال بـ "معامل الاختلاف الربيعي"

- (٥) لعدد من القيم ، يُعرف متوسط القيم المطلقة للانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه
- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) الانحراف المعياري للقيم
- (٦) لعدد من القيم ، يُعرف متوسط مربعات الانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه
- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) الانحراف المعياري للقيم
- (٧) لعدد من القيم ، يُعرف الجذر التربيعي المتوسط مربعات الانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه
- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) الانحراف المعياري للقيم

خاص بالأسئلة من (٨) إلى (١١) : إذا كان $\sum x$ هو مجموع عدد قدره n من القيم ، وكان $\sum d$ هو مجموع انحرافات هذه القيم عن

وسطها الحسابي ، $\sum |d|$ هو مجموع القيم المطلقة لتلك الانحرافات ، $\sum d^2$ هو مجموع مربعات تلك الانحرافات ، فإن

$$(٨) \quad \frac{\sum x}{n} \text{ هو :}$$

- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) صفر

$$(٩) \quad \frac{\sum d}{n} \text{ هو :}$$

- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) صفر

$$(١٠) \quad \frac{\sum |d|}{n} \text{ هو :}$$

- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) صفر

$$(١١) \quad \frac{\sum d^2}{n} \text{ هو :}$$

- (أ) الوسط الحسابي للقيم
(ب) الانحراف المتوسط للقيم
(ج) تباين تلك القيم
(د) صفر

خاص بالأسئلة من (١٢) إلى (١٥) : إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وانحرافها المتوسط 4 وانحرافها المعياري 5 وأضفنا

لكل قيمة من القيم 2 ، فإن :

(١٢) الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

- (أ) 20
(ب) 22
(ج) 40
(د) 18

(١٣) الانحراف المتوسط للقيم الجديدة يكون :

- (أ) 4
(ب) 6
(ج) 8
(د) 2

(١٤) الانحراف المعياري للقيم الجديدة يكون :

3 (د)

10 (ج)

7 (ب)

5 (أ)

(١٥) التباين للقيم الجديدة يكون :

49 (د)

7 (ج)

25 (ب)

(أ) $\sqrt{5}$

خاص بالأسئلة من (١٦) إلى (١٩) : إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وانحرافها المتوسط 4 وانحرافها المعياري 5 وضرينا

كل قيمة من القيم في العدد 2 ، فإن :

(١٦) الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

18 (د)

40 (ج)

22 (ب)

(أ) 20

(١٧) الانحراف المتوسط للقيم الجديدة يكون :

2 (د)

8 (ج)

6 (ب)

(أ) 4

(١٨) الانحراف المعياري للقيم الجديدة يكون :

10 (د)

7 (ج)

5 (ب)

(أ) 3

(١٩) التباين للقيم الجديدة يكون :

100 (د)

10 (ج)

25 (ب)

(أ) $\sqrt{5}$

خاص بالأسئلة من (٢٠) إلى (٢٣) : إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وانحرافها المتوسط 4 وانحرافها المعياري 5 وضرينا

كل قيمة من القيم في العدد -2 ، فإن :

(٢٠) الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

-40 (د)

40 (ج)

22 (ب)

(أ) 20

(٢١) الانحراف المتوسط للقيم الجديدة يكون :

-8 (د)

8 (ج)

6 (ب)

(أ) 4

(٢٢) الانحراف المعياري للقيم الجديدة يكون :

-10 (د)

10 (ج)

7 (ب)

(أ) 5

(٢٣) التباين للقيم الجديدة يكون :

-100 (د)

100 (ج)

25 (ب)

(أ) $\sqrt{5}$

(٢٤) التباين لمجموعة من القيم هو

(ب) مربع الانحراف المعياري للقيم

(أ) الانحراف المعياري للقيم

(د) نصف الانحراف المعياري

(ج) الجذر التربيعي للانحراف المعياري

(٢٥) الانحراف المعياري لمجموعة من القيم هو

(ب) نصف التباين للقيم

(أ) تباين هذه القيم

(د) مربع تباين هذه القيم

(ج) الجذر التربيعي لتباين هذه القيم

(٢٦) معامل الاختلاف (أو معامل التشتت) يساوي :

- (أ) [الوسط الحسابي ÷ الانحراف المعياري] $100 \times$ (ب) الوسط الحسابي - الانحراف المعياري
- (ج) [الانحراف المعياري ÷ الوسط الحسابي] $100 \times$ (د) الانحراف المعياري - الوسط الحسابي
- (٢٧) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 75% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .
- (أ) الربع الأول (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر
- (٢٨) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 25% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .
- (أ) الربع الأول (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر
- (٢٩) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 90% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .
- (أ) المئين التسعون (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر
- (٣٠) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 90% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 10% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .
- (أ) المئين التسعون (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر
- (٣١) الوسيط لمجموعة من القيم هو نفسه (أ) المئين العاشر (ب) الربع الأول (ج) الربع الثاني (د) الربع الثالث
- (٣٢) الوسيط لمجموعة من القيم هو نفسه (أ) المئين العاشر (ب) الربع الأول (ج) المئين الخمسون (د) الربع الثالث
- (٣٣) الربع الأول لمجموعة من القيم هو نفسه (أ) المئين رقم 25 (ب) المئين رقم 75 (ج) نصف الوسيط (د) الوسيط
- (٣٤) الربع الثالث لمجموعة من القيم هو نفسه (أ) المئين رقم 25 (ب) المئين رقم 75 (ج) نصف الوسيط (د) الوسيط
- (٣٥) المدى الربيعي يساوي (أ) ضعف الانحراف الربيعي (ب) نصف الانحراف الربيعي (ج) الانحراف الربيعي (د) المدى المئيني

خاص بالأسئلة من (٣٦) إلى (٣٩) : إذا كان [مجموعة من القيم] Q_1 هو الربع الأول ، Q_3 هو الربع الثالث ، P_{10} هو المئين العاشر ، P_{90} هو المئين التسعون ، M هو الوسيط ، فإن :

(٣٦) المدى الربيعي لمجموعة القيم يساوي :

(أ) $\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)$ (ب) $\frac{1}{2}(P_{90} - P_{10})$ (ج) $(Q_3 - Q_1)$ (د) $(P_{90} - P_{10})$

(٣٧) المدى المئيني لمجموعة القيم يساوي :

(أ) $\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)$ (ب) $\frac{1}{2}(P_{90} - P_{10})$ (ج) $(Q_3 - Q_1)$ (د) $(P_{90} - P_{10})$

(٣٨) الانحراف الربيعي لمجموعة القيم يساوي :

$$(P_{90} - P_{10}) \quad (د) \quad (Q_3 - Q_1) \quad (ج) \quad \frac{1}{2}(P_{90} - P_{10}) \quad (ب) \quad \frac{1}{2}(Q_3 - Q_1) \quad (أ)$$

(٣٩) معامل الاختلاف الربيعي لمجموعة القيم يساوي :

$$\frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 \quad (د) \quad \frac{Q_3 + Q_1}{Q_3 - Q_1} \times 100 \quad (ج) \quad \frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{90} - P_{10})} \times 100 \quad (ب) \quad \frac{P_{90} - P_{10}}{2(Q_3 - Q_1)} \times 100 \quad (أ)$$

(٤٠) مقياس لا يتأثر بالقيم المتطرفة

$$(أ) \text{ الوسط الحسابي} \quad (ب) \text{ الانحراف المعياري} \quad (ج) \text{ المدى} \quad (د) \text{ الوسيط}$$

(٤١) مقياس لا يمكن حسابه للتوزيعات المفتوحة :

$$(أ) \text{ الوسيط} \quad (ب) \text{ المدى} \quad (ج) \text{ الربيع الأول} \quad (د) \text{ الربيع الثالث}$$

ويمكن أن يُستبدل اختيار "المدى" في الاجابات بأي من : الوسط الحسابي وما يعتمد على الوسط [مثل الانحراف المتوسط - الانحراف المعياري -]

(٤٢) للمنحنيات التكرارية وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء يكون الانحراف المتوسط مساوياً (تقريباً) لـ :

$$(أ) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{4}{5} \quad (ب) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{3}{2}$$

$$(ج) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{5}{4} \quad (د) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{2}{3}$$

(٤٣) للمنحنيات التكرارية وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء يكون الانحراف الربيعي مساوياً (تقريباً) لـ :

$$(أ) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{4}{5} \quad (ب) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{3}{2}$$

$$(ج) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{5}{4} \quad (د) \text{ الانحراف المعياري} \times \frac{2}{3}$$

خاص بالأستلة من (٤٤) إلى (٤٧) : مجموعة من القيم عددها 10 ولها البيانات التالية :

$$\sum x = 60, \quad \sum |d| = 22, \quad \sum d^2 = 76$$

حيث $\sum x$ هو مجموع القيم ، d هو الانحراف عن الوسط الحسابي للقيم ، $|d|$ هو القيمة المطلقة لهذا الانحراف ، إذن :

(٤٤) الوسط الحسابي للبيانات السابقة هو :

$$(أ) 2.2 \quad (ب) 7.6 \quad (ج) 6 \quad (د) 2.76$$

(٤٥) الانحراف المتوسط للبيانات السابقة هو :

$$(أ) 2.2 \quad (ب) 7.6 \quad (ج) 6 \quad (د) 2.76$$

(٤٦) التباين للبيانات السابقة هو :

$$(أ) 2.2 \quad (ب) 7.6 \quad (ج) 6 \quad (د) 2.76$$

(٤٧) الانحراف المعياري للبيانات السابقة هو :

$$(أ) 2.2 \quad (ب) 7.6 \quad (ج) 6 \quad (د) 2.76$$

خاص بالأسئلة من (٤٨) إلى (٥١) : في الجدول التكراري المبين [غير مهم البيانات المرصود لها] ، إذا كان d يمثل الانحراف [لكل

قيمة x] عن الوسط الحسابي ، فإن :

(٤٨) الوسط الحسابي للبيانات السابقة هو :

- (أ) 4.5 (ب) 1.85 (ج) 2.18 (د) 4.75

x	f	fx	d	$ d $	$f d $	d^2	fd^2
.....
.....
2
	$\sum f = 100$	$\sum fx = 450$			$\sum f d = 185$		$\sum fd^2 = 475$

(٤٩) الانحراف المتوسط للبيانات السابقة هو :

- (أ) 4.5 (ب) 1.85 (ج) 2.18 (د) 4.75

(٥٠) التباين للبيانات السابقة هو :

- (أ) 4.5 (ب) 1.85 (ج) 2.18 (د) 4.75

(٥١) الانحراف المعياري للبيانات السابقة هو :

- (أ) 4.5 (ب) 1.85 (ج) 2.18 (د) 4.75

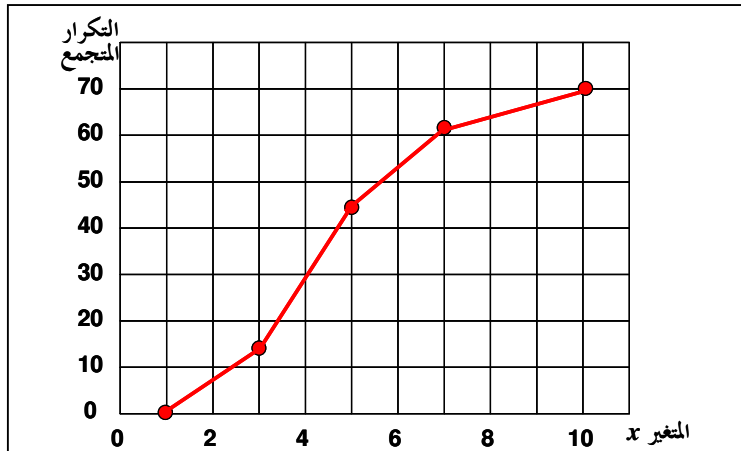
(٥٢) إذا كان الوسط الحسابي لدرجات عدد من الطلاب هو 50 وانحرافها المعياري 5 ، فإن معامل الاختلاف للدرجات يكون :

- (أ) 0.1 (ب) 10% (ج) 0.5 (د) 50%

(٥٣) الدرجة المعيارية للقيمة 13 في مجموعة من القيم وسطها الحسابي 10 وتباينها 4 هي :

- (أ) 1.5 (ب) 0.67 (ج) 0.75 (د) 1.33

خاص بالأسئلة من (٥٤) إلى (٦٠) : الشكل المرافق يبين المضلع التكراري المتجمع الصاعد لمتغير متصل x :





(٥٤) مجموع التكرارات يساوي :

(أ) 5	(ب) 10	(ج) 35	(د) 70
-------	--------	--------	--------

(٥٥) الربيع الأول يقع بين :

(أ) 2, 3	(ب) 3, 4	(ج) 4, 5	(د) 5, 6
----------	----------	----------	----------

(٥٦) الربيع الثاني يقع بين :

(أ) 2, 3	(ب) 3, 4	(ج) 4, 5	(د) 5, 6
----------	----------	----------	----------

(٥٧) الربيع الثالث يقع بين :

(أ) 2, 3	(ب) 3, 4	(ج) 4, 5	(د) 5, 6
----------	----------	----------	----------

(٥٨) المئتين العاشر يقع بين :

(أ) 1, 2	(ب) 4, 5	(ج) 7, 8	(د) 9, 10
----------	----------	----------	-----------

(٥٩) المئتين الخمسون يقع بين :

(أ) 1, 2	(ب) 4, 5	(ج) 7, 8	(د) 9, 10
----------	----------	----------	-----------

(٦٠) المئتين التسعون يقع بين :

(أ) 1, 2	(ب) 4, 5	(ج) 7, 8	(د) 9, 10
----------	----------	----------	-----------

أجوبة تدريبات (٥)

(١) ب	(٢) ج	(٣) ب	(٤) د	(٥) ب
(٦) ج	(٧) د	(٨) أ	(٩) د	(١٠) ب
(١١) ج	(١٢) ب	(١٣) أ	(١٤) أ	(١٥) ب
(١٦) ج	(١٧) ج	(١٨) د	(١٩) د	(٢٠) د
(٢١) ج	(٢٢) ج	(٢٣) ج	(٢٤) ب	(٢٥) ج
(٢٦) ج	(٢٧) أ	(٢٨) ج	(٢٩) د	(٣٠) أ
(٣١) ج	(٣٢) ج	(٣٣) أ	(٣٤) ج	(٣٥) أ
(٣٦) ج	(٣٧) د	(٣٨) أ	(٣٩) د	(٤٠) د
(٤١) ب	(٤٢) أ	(٤٣) د	(٤٤) ج	(٤٥) أ
(٤٦) ب	(٤٧) د	(٤٨) أ	(٤٩) ب	(٥٠) د
(٥١) ج	(٥٢) ب	(٥٣) أ	(٥٤) د	(٥٥) ب
(٥٦) ج	(٥٧) د	(٥٨) أ	(٥٩) ب	(٦٠) ج

تدريبات (٦)

اختبر الإجابة الصحيحة

(١) مقاييس الالتواء هي

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التدبب في قمة المنحنى مقارنة بقمة منحني التوزيع الطبيعي

(٢) مقاييس التفرطح هي

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التدبب في قمة المنحنى مقارنة بقمة منحني التوزيع الطبيعي

خاص بالأسئلة (٣) ، (٤) : إذا كان [مجموعة من القيم] Q_1 هو الربع الأول ، Q_3 هو الربع الثالث ، P_{10} هو المئين العاشر ، P_{90} هو المئين التسعون ، M هو الوسيط ، فإن :

(٣) معامل الالتواء الربيعي لمجموعة القيم يساوي :

$$\begin{array}{ll} \text{(أ)} & \frac{Q_3 - 2M + Q_1}{Q_3 - Q_1} \quad \text{(ب)} \quad \frac{P_{90} - 2M + P_{10}}{Q_3 - Q_1} \\ \text{(ج)} & \frac{Q_3 - 2M + Q_1}{P_{90} - P_{10}} \quad \text{(د)} \quad \frac{P_{90} - 2M + P_{10}}{P_{90} - P_{10}} \end{array}$$

(٤) معامل التفرطح المئيني لمجموعة القيم يساوي :

$$\begin{array}{ll} \text{(أ)} & \frac{Q_3 - Q_1}{P_{90} + P_{10}} \quad \text{(ب)} \quad \frac{P_{90} - P_{10}}{Q_3 - Q_1} \\ \text{(ج)} & \frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{90} - P_{10})} \quad \text{(د)} \quad \frac{Q_3 - Q_1}{P_{90} - P_{10}} \end{array}$$

(٥) لتحديد معامل بيرسون الأول للالتواء يلزم معرفة

- (أ) الوسط والوسيط (ب) الوسط والنوال (ج) الربيعات Q_1, Q_3 (د) المئينات P_{10}, P_{90}

(٦) لتحديد معامل بيرسون الثاني للالتواء يلزم معرفة

- (أ) الوسط والوسيط (ب) الوسط والنوال (ج) الربيعات Q_1, Q_3 (د) المئينات P_{10}, P_{90}

(٧) لتحديد معامل الالتواء الربيعي يلزم معرفة

- (أ) الوسط والوسيط (ب) الوسط والنوال (ج) الربيعات Q_1, Q_3 (د) المئينات P_{10}, P_{90}

(٨) لتحديد معامل الالتواء المئيني يلزم معرفة

- (أ) الوسط والوسيط (ب) الوسط والنوال (ج) الربيعات Q_1, Q_3 (د) المئينات P_{10}, P_{90}

أجوبة تدريبات (٦)

- (١) د (٢) هـ (٣) أ (٤) ج (٥) ب
(٦) أ (٧) ج (٨) د

الوحدة الرابعة : الباب السادس [تحليل الارتباط]

المقصود بـ "تحليل الارتباط" هو أنه لو كان لدينا مجموعتين من البيانات : الأولى تخص متغير x والأخرى تخص متغير آخر y ، ندرس هذه البيانات ونحدد الآتي :

(١) هل هناك علاقة بين هاتين المجموعتين من البيانات أم لا : فإذا كانت هناك علاقة نقول أن المتغيرين x, y مرتبطان وإلا فهما غير مرتبطين

(٢) مدى قوة هذه العلاقة [إن وُجدت] : هل هي قوية جداً أم قوية أم متوسطة أم ضعيفة أم ضعيفة جداً

(٣) نوع هذه العلاقة [إن وُجدت] : هل هي طردية أم عكسية [في العلاقة الطردية : كلما زادت قيمة x زادت أيضاً قيمة y ، وفي العلاقة العكسية : كلما زادت قيمة x نقصت قيمة y]

ويمكننا ذلك عن طريق "شكل الانتشار" أو **معامل ارتباط الرتب** r حيث :

$$r = 1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)}$$

[حيث D تمثل الفرق في الرتب بين قيم x, y]

والتي تنحصر قيمته بين $+1, -1$ ، فإذا كانت قيمته :

- **موجبة** ، دل ذلك على أن هناك ارتباط **طردي** بين المتغيرين x, y .
- **سالبة** ، دل ذلك على أن هناك ارتباط **عكسي** بين المتغيرين x, y .
- **صفرًا** ، دل ذلك على أنه ليس هناك ارتباط بين المتغيرين x, y .

أما قوة الارتباط فتحدها القيمة المطلقة لمعامل الارتباط طبقاً للجدول التالي :

قوة الارتباط	القيمة المطلقة لمعامل الارتباط
لا يوجد ارتباط	0
ارتباط ضعيف	$0 < r \leq 0.4$
ارتباط متوسط	$0.4 < r \leq 0.6$
ارتباط قوي	$0.6 < r < 1$
ارتباط تام	1
خطأ في الحسابات	> 1

وتذكر أن الإشارة الموجبة لمعامل الارتباط تعني أن الارتباط **طردى** ، والإشارة السالبة تعني أنه **عكسي**

تدريبات (٧)

اختر الإجابة الصحيحة

(١) إذا كانت D تمثل الفرق في الرتب [بين قيم x, y] ، n هو عدد أزواج القيم (x, y) ، فإن معامل ارتباط الرتب r بين x, y هو

$$r = 1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n-1)} \quad (د) \quad r = \frac{1 - 6 \sum D^2}{n(n-1)} \quad (ج) \quad r = 1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)} \quad (ب) \quad r = \frac{1 - 6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)} \quad (أ)$$

(٢) إذا كان معامل الارتباط r بين المتغيرين x, y يساوي 0.45 فهذا يعني أن x, y :

(أ) مرتبطان ارتباطاً عكسياً متوسطاً

(ب) مرتبطان ارتباطاً طردياً قوياً

(ج) غير مرتبطين

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

(٣) إذا كان معامل الارتباط r بين المتغيرين x, y يساوي 0.84 فهذا يعني أن x, y :

(أ) مرتبطان ارتباطاً عكسياً متوسطاً

(ب) مرتبطان ارتباطاً طردياً قوياً

(ج) غير مرتبطين

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

(٤) إذا كان معامل الارتباط r بين المتغيرين x, y يساوي -0.92 فهذا يعني أن x, y :

(أ) مرتبطان ارتباطاً عكسياً قوياً

(ب) مرتبطان ارتباطاً طردياً قوياً

(ج) مرتبطان ارتباطاً عكسياً تاماً

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

(٥) إذا كان معامل الارتباط r بين المتغيرين x, y يساوي -0.22 فهذا يعني أن x, y :

(أ) مرتبطان ارتباطاً عكسياً قوياً

(ب) مرتبطان ارتباطاً عكسياً متوسطاً

(ج) مرتبطان ارتباطاً عكسياً تاماً

(د) مرتبطان ارتباطاً عكسياً ضعيفاً

(٦) إذا كان معامل الارتباط r بين المتغيرين x, y يساوي -1 فهذا يعني أن x, y :

(أ) مرتبطان ارتباطاً عكسياً قوياً

(ب) مرتبطان ارتباطاً عكسياً متوسطاً

(ج) مرتبطان ارتباطاً عكسياً تاماً

(د) مرتبطان ارتباطاً عكسياً ضعيفاً

(٧) إذا كان معامل الارتباط r بين المتغيرين x, y يساوي -2 فهذا يعني أن :

(أ) x, y مرتبطان ارتباطاً عكسياً قوياً

(ب) x, y مرتبطان ارتباطاً طردياً قوياً

(ج) مرتبطان ارتباطاً عكسياً تاماً

(د) هناك خطأ في الحسابات

(٨) في شكل (أ) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(أ) مرتبطان ارتباطاً عكسياً قوياً

(ب) مرتبطان ارتباطاً طردياً قوياً

(ج) غير مرتبطين

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً تاماً

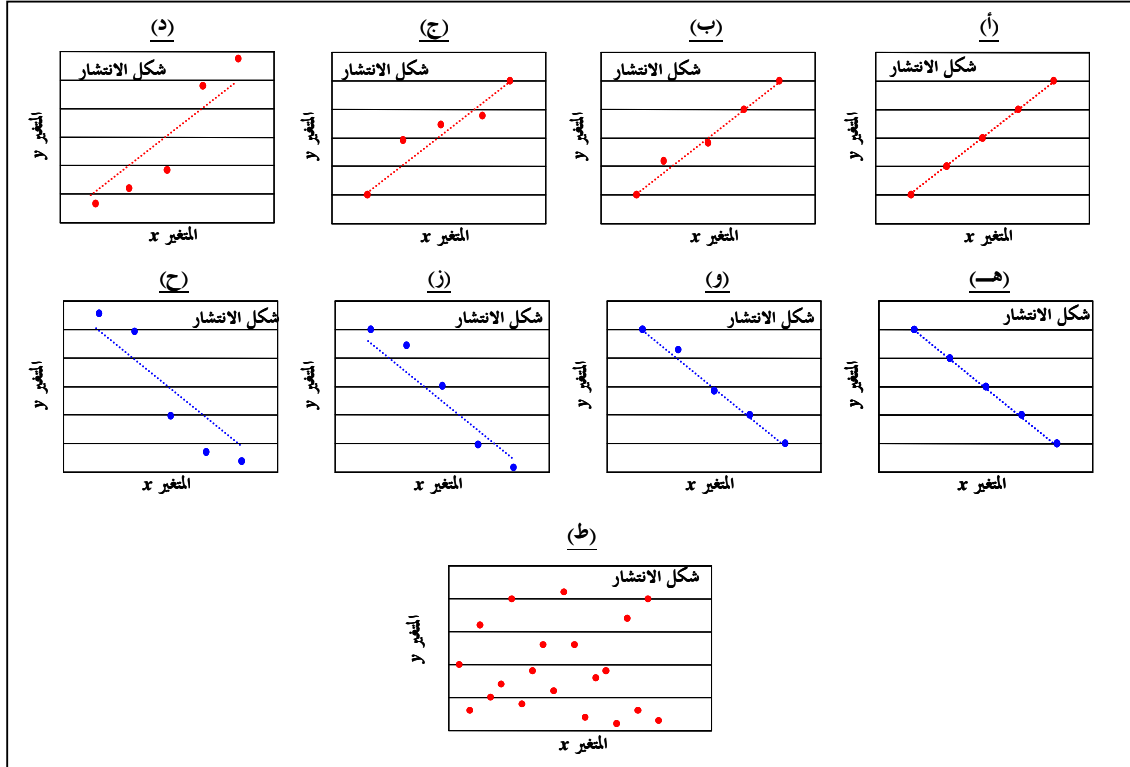
(٩) في شكل (ب) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً قوياً

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً تماماً

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً

(ج) غير مرتبطين

(١٠) في شكل (ج) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً قوياً

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

(ج) غير مرتبطين

(١١) في شكل (د) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً ضعيفاً

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً

(د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

(ج) غير مرتبطين

(١٢) في شكل (هـ) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً تماماً

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً

(د) مرتبطان ارتباطاً عكسياً ضعيفاً

(ج) غير مرتبطين

(١٣) في شكل (و) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً

(د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً

(ج) غير مرتبطين

(١٤) في شكل (ز) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً

(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً

(١٥) في شكل (ح) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً (ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً

(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً

(١٦) في شكل (ط) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

(أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً (ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً ضعيفاً

(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً

(١٧) إذا كان $\sum D^2 = 15$ [حيث D تمثل الفرق في الرتب بين 10 أزواج من قيم ظاهرتين x, y] ، فإن معامل ارتباط الرتب بين هاتين الظاهرتين يساوي :

(أ) 0 (ب) -0.99 (ج) -0.09 (د) 0.91

أجوبة تدريبات (٧)

(١) ب	(٢) د	(٣) ب	(٤) أ	(٥) د
(٦) ج	(٧) د	(٨) د	(٩) ب	(١٠) د
(١١) ب	(١٢) ب	(١٣) ب	(١٤) أ	(١٥) د
(١٦) ج	(١٧) د			

بالتوفيق والنجاح

د. سعيد سيف الدين

محرم ١٤٣٣ هـ