

## المقدمة الاولى

(علم الإحصاء ودوره في خدمة المجتمع)

### - البحث العلمي :

إن الغرض من العلم هو البحث عن الحقيقة، وأن البحث العلمي هو الوسيلة للوصول إلى حقائق الأشياء والظواهر ومعرفة كل العلاقات التي تربط بينها وبعضها البعض، سواء كانت هذه الظواهر اجتماعية أو اقتصادية أو طبيعية أو غير ذلك. لذلك يستخدم البحث العلم لتحري غموض موضوع معين تحرياً منظماً دقيقاً بقصد اكتشاف حقائقه ومعرفة القواعد العامة التي تحكمه.

### - مراحل البحث العلمي :

- 1- المشاهدة.
- 2- الاحساس بمشكلة أو بوجود ظاهرة .
- 3- وضع الفرض العلمى المبدئى اللازم لتفسير الظاهرة .
- 4- مراحل البحث الاحصائى .
- 5- جمع البيانات و المعلومات .
- 6- تبويب و عرض البيانات .
- 7- تحليل البيانات .
- 8- تفسير البيانات .
- 9- استنباط نظرية أو قاعدة عامة أو قانون أو قرار .

### - تاريخ علم الاحصاء وتطوره :

لقد مر علم الإحصاء بثلاث مراحل للتطور سائر من خلالها حاجات الإنسان ورافق في تقدمه تقدم الحضارة وسد حاجاتها حتى أصبح اليوم يحتل مكانة رفيعة وهذه المراحل هي:

- مرحلة التعداد
- مرحلة الحساب السياسي
- مرحلة الإحصاء وحساب الاحتمالات

### - مجالات استعمال علم الإحصاء في أحياء اليوميات :

لم يعد علم الإحصاء في الوقت الراهن مقتصرًا على مجالات محددة بل امتد ليشمل معظم القطاعات في مختلف ميادين الحياة ، وفيما يلي سنورد أمثلة لبعض المجالات التي يستعمل فيها الإحصاء والتي كان له دور بارز في حل كثير من مشاكلها وبالتالي تقدمها وتطورها :

- يستخدم الإحصاء في تطوير التعليم وخطته.
- يستعمل الإحصاء في دراسة مختلف العلوم.
- يستعمل الإحصاء في مجال الدعاية والإعلانات التجارية
- يستعمل الإحصاء بشكل كبير من قبل شركات التأمين
- يستعمل الإحصاء في حساب الأرقام القياسية
- يستعمل الإحصاء في اختبارات الذكاء والتحصيل والقدرات
- يستعمل الإحصاء بشكل كبير في القطاع الصناعي

### - تعريف علم الإحصاء :

#### # الإحصاء في اللغة :

يعرف الإحصاء في اللغة بأنه العدد الشامل

#### # الإحصاء في الاصطلاح :

ويعرف الإحصاء في الاصطلاح بأنه فرع من فروع الرياضيات يهدف إلى جمع وعرض وتنظيم ووصف وتحليل البيانات المقاسة رقمياً مما يساعد على اتخاذ قرارات واستنتاجات وتوصيات مبنية على نظرية الاحتمالات .

## - أهداف علم الإحصاء :-

- جمع البيانات عن الظواهر المختلفة التي تهتم الباحث بطرق علمية محددة تحديدا دقيقا وبشكل مسبق .
- تويب البيانات طبقا لأسلوب تصنيف محدد مسبقا .
- عرض البيانات باستخدام أحد الأساليب التالية: الجداول، الأشكال البيانية، الرسوم البيانية
- وصف البيانات عن طريق إبراز الخصائص الأساسية لها والتي يمكن التعبير عنها بمقاييس معينة ومحددة، والخصائص الأساسية لأي مجموعة من البيانات تقاس بمقاييس النزعة المركزية، أو مقاييس التشتت، أو مقاييس الالتواء والاعتدال .
- تحليل البيانات المبوبة عن طريق استعمال خصائصها الأساسية التي تم إبرازها للوصول إلى الأرقام ذات العلاقة بالمشكلة والتي يهتم الباحث الحصول عليها للوصول إلى نتائج محددة .
- استخدام النتائج وتفسيرها تفسيراً منطقياً مناسباً لطبيعة المشكلة التي يبحثها ، حتى يتسنى للباحث الاستفادة منها وتطبيقها في الحياة الواقعية.

## - أهمية علم الإحصاء للباحث والبعوث العلمي :-

يعتبر علم الإحصاء وسيلة لا غاية يساعد استخدامه على التالي:

- الوصف بدقة إلى أكبر حد ممكن .
- التزام التحديد والدقة في أساليبنا العملية وفي تفكيرنا .
- تلخيص نتائجنا في شكل ملائم ذو معنى واضح .
- استخلاص النتائج في الدراسات والبحوث .
- التنبؤ بالمدى الذي تحصل فيه ظاهرة تحت ظروف نعرفها ونقيسها .
- تحليل بعض العوامل المعقدة والمتشابكة التي تؤثر في حادث من الحوادث .

## - أقسام علم الإحصاء :-

من خلال العرض السابق يتبين لنا أن الإحصاء ينقسم إلى قسمين :

1- الإحصاء الوصفي Descriptive Statistics

2- الإحصاء الاستنتاجي أو الاستدلالي (التحليلي)

Inferential Statistics

ويلاحظ من التعريفين السابقين بأن الإحصاء الاستنتاجي (التحليلي) يبدأ بالفعل حيث ينتهي الإحصاء الوصفي، فبعد إبراز الخصائص الأساسية للبيانات يبدأ الإحصاء الاستنتاجي (التحليلي)، حيث يتم تحليل البيانات واستخدام نتائج التحليل في الاستنتاج ثم تفسير تلك النتائج منطقياً واتخاذ قرارات في ضوء ذلك .

## المقدمة الثانية

(جمع البيانات وترميزها)

### - مصطلحات علم الإحصاء :

#### المجتمع Population

ويقصد به المجتمع الإحصائي للظاهرة محل الدراسة. ويعرف بأنه جميع المفردات التي يجمعها إطار عام واحد أو مجموعة خصائص عامة واحدة.

#### العينة Sample

هي جزء من المجتمع الإحصائي محل الدراسة أخيراً بطريقة علمية ليتم إجراء الدراسة عليه

#### المتغير variable

هو خاصية عن المجتمع الإحصائي والتي يتم اختبارها من خلال التحليل الإحصائي. فهو أي صفة أو خاصية تتغير من شخص لآخر ومن وقت لآخر ويعمد الباحث لدراستها.

#### المعلمة Parameter

هي قياس وصفى لأحد المتغيرات يتم باستخدام بيانات المجتمع الإحصائي كله.

## الإحصائية Statistic

هى قياس وصفى لأحد المتغيرات يتم بأستخدام بيانات العينة والتي تكون تقدير لمعلمة المجتمع

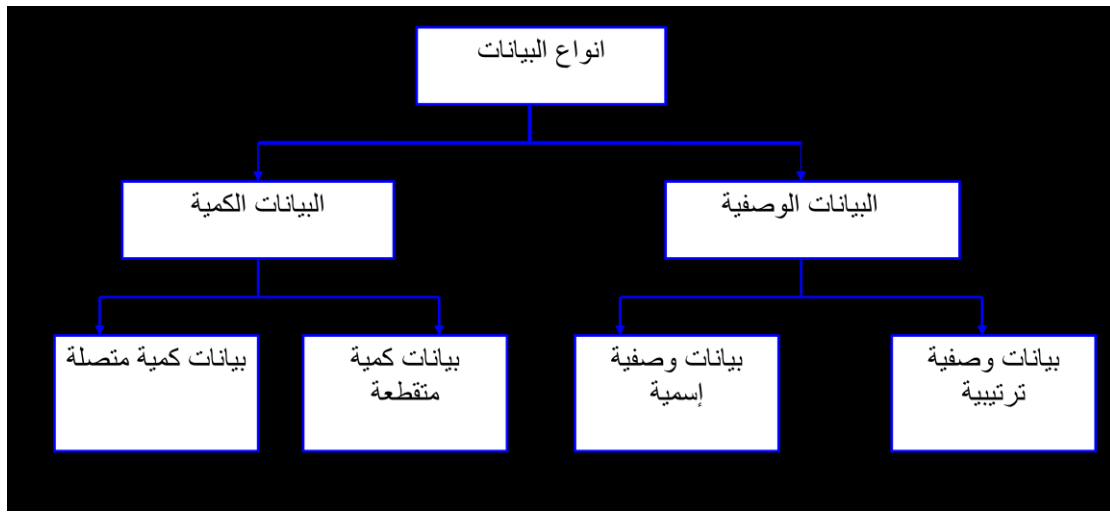
## البيانات Data

هى القيمة الوصفية أو الرقمية التي نحتاج إليها لمساعدتنا فى جعل القرارات التي نتخذها أكثر معلوماتية فى موقف محدد

### قبل جمع البيانات لا بد من الإجابة على السؤال التالي:

- ما البيانات الواجب أو المطلوب جمعها؟
- وما البيانات المرفوضة والتي يجب استبعادها لعدم الحاجة إليها؟

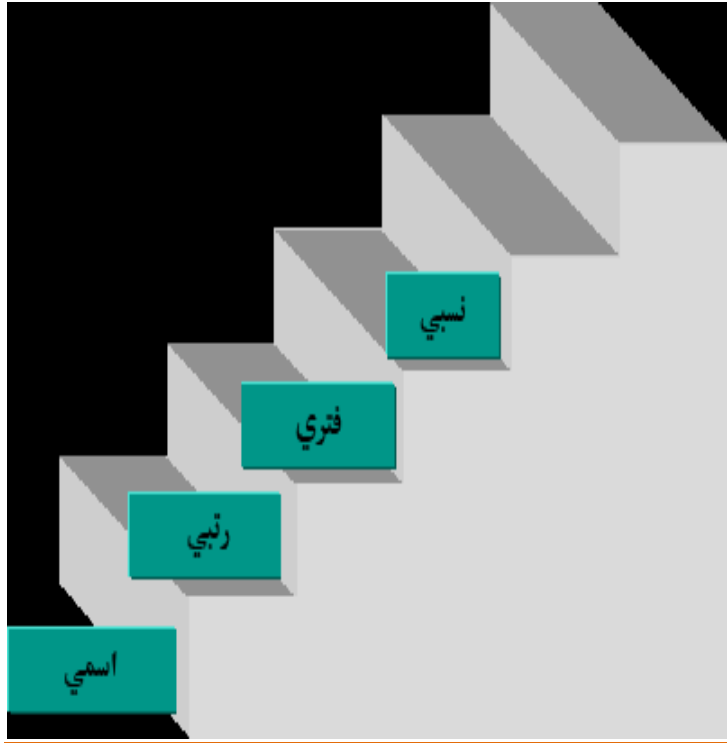
### - أنواع البيانات الإحصائية:



## أنواع مستويات القياس للبيانات:

يوجد أربعة أنواع من مستوى القياس للبيانات هي :

- الأسمى (Nominal)
- الرتبي (Ordinal)
- الفترى (Interval)
- النسبي (Ratio)



## - مصادر البيانات :

تتمثل مصادر البيانات في ثلاث مصادر أساسية وهى:

- المصادر التاريخية للبيانات
- الملاحظة
- المصادر الميدانية

## - أدوات جمع البيانات للمصادر الميدانية:

يقصد بأداة جمع البيانات الوسيلة التي تتم بواسطتها عملية جمع البيانات بهدف اختبار فرضيات البحث أو الإجابة عن تساؤلاته .

ويتوقف اختيار الأداة المناسبة لجمع البيانات اللازمة والتي ستستخدم في إجراء بحث معين على:

- نوعية البحث نفسه
- طبيعته
- الهدف من تطبيق البحث
- نوعية المفحوصين وخصائصهم ... الخ
- وقد يستخدم الباحث أداة واحدة فقط لجمع البيانات التي يحتاج إليها في بحثه، وقد يستخدم أكثر من أداة إذا وجد مبررا لذلك.
- لذا فالهدف النهائي من إعداد وسائل وأدوات جمع البيانات هو الحصول على تلك المعلومات التي تخدم في تحقيق أغراض البحث ودراسة مشكلته، وإيجاد الحلول المناسبة له .

## الأدوات الأساسية شائعة الاستعمال من قبل الباحثين لجمع البيانات:

أولاً: الاستبانة

ثانياً: المقابلة

## المحاضرة الثالثة

### - أساليب إجراء البحث الميداني

عند القيام بالبحث والاعتماد على المصادر الميدانية في الحصول على البيانات يواجهنا تساؤل هام لابد من الإجابة عليه من قبل الباحث

" هل تشمل الدراسة جميع مفردات المجتمع الإحصائي أم سيطبق على جزء منه ؟ "

- في حالة اعتماد البحث على دراسة جميع مفردات المجتمع الإحصائي يسمى ذلك (أسلوب الحصر الشامل) .

- أما إذا اعتمد البحث على دراسة جزء فقط من مفردات المجتمع الإحصائي يسمى ذلك (أسلوب العينة) .

\*\*\* إن كلا من الأسلوبين يمكن تطبيقه لجميع الحالات، وهناك من الأسباب التي تدعونا لتطبيق أسلوب الحصر الشامل أو أسلوب العينات.

### - أسلوب الحصر الشامل :-

يمكننا هذا الأسلوب من الحصول على كافة البيانات والمعلومات عن كافة مفردات المجتمع الإحصائي وبالتالي فإن النتائج التي نحصل عليها لا يوجد بها تحيز ولا تحتاج لتعديل. ويعتبر الحصر الشامل مناسب في الحالات التالية :

- التعدادات: مثل تعداد السكان وتعداد المناطق الصناعية والمؤسسات التجارية
- الحالات التي إذا تركت بعض مفرداتها دون فحص قد تؤدي إلى إلحاق الضرر بالمجتمع كلة: مثل المرضى المصابين بمرض أنفلونزا الطيور - تطعيم الاطفال من مرض معين .

\*\*\* إلا أن الحصر الشامل يتطلب وقت و جهد كثير وكذلك تكلفة كبيرة بالإضافة أنه لا يصلح في حالات المجتمعات غير المحدودة .



## - أسلوب العينات:-

يبدو هذا الأسلوب على العكس من أسلوب الحصر الشامل حيث تقتصر الدراسة فيه على جزء من المجتمع الإحصائي، لذا فهذا الأسلوب يوفر الوقت و الجهد و التكاليف ويصلح للمجتمعات غير المحدودة. كما أن أم ما يميز أسلوب العينات أنه يصلح في دراسة المجتمعات التي ينتج عن فحص ودراسة مقراتها هلاك تلك المفردات، مثل: فحص اللمبات الكهربائية المنتجة – فحص دم الإنسان – فحص البيض المنتج في أحد مزارع الدواجن .

**\*\*\*إن أهم عيوب أسلوب العينات هو** ما يسمى بخطأ التحيز **Sampling Bias** وهو ذلك النوع من الأخطاء التي قد يقع فيها الباحث بقصد أو بدون قصد نتيجة عدم تمثيل العينة تمثلاً صادقاً و كاملاً لمفردات المجتمع الإحصائي محل الدراسة والذي قد يرجع إلى تحيز الباحث لفكرة أو رأى معين أو التحيز لمفردات العينة .

## - أقسام مجتمع البحث:-

**قسم بعض العلماء مجتمع البحث الى قسمين:**

**-المجتمع الكلى للبحث :** ويعني كل من يمكن أن تعمم عليه نتائج البحث .

**-المجتمع الذي يمكن التعرف عليه :** يعني القائمة التي يمكن للباحث أن يتعرف عليها .

**- تعريف مجتمع البحث هو** مصطلح علمي منهجي يراد به كل من يمكن أن تعمم عليه نتائج البحث .

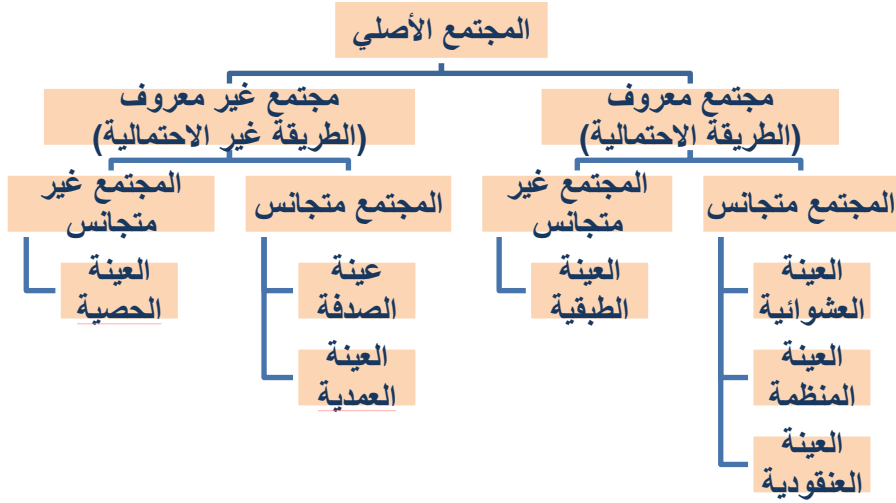
**فمجتمع البحث هنا يشمل كل مبنى مدرسي حكومي في المملكة**

**- تعريف عينة البحث** بأنها جزء من المجتمع اختير بطريقة علمية بشرط ان تمثل المجتمع ككل.

**وعينة البحث تشمل بعض المباني المدرسية الحكومية في المنطقة الشرقية**

**مثال:** دراسة تقويمية لمباني المدارس الحكومية في المملكة العربية السعودية، مع التطبيق على بعض المدارس الحكومية في المنطقة الشرقية.

## - طرق اختيار العينات :-

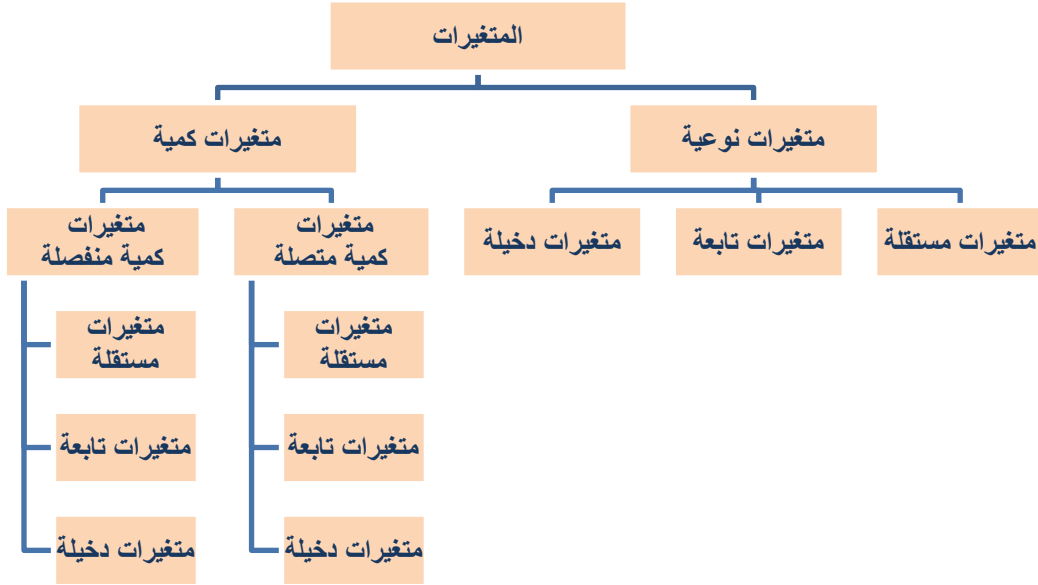


## - المتغير والثابت في البحث العلمي :-

▶ **المتغير:** هو أي خاصية أو صفة سواء للأفراد أو الأشكال والتي تختلف من شخص لآخر ومن وقت لآخر مثل الطول، الذكاء، التحصيل ويعمل الباحث على دراستها وقياسها.

▶ **الثابت:** هي الصفات أو الظواهر التي لا تتغير، أو أي صفة أو خاصية تأخذ صفة واحدة ومن الممكن أخذ متغير وتحويله الى ثابت مثل درجة الحرارة في الغرفة. والباحث يسعى الى تثبيت عدد من المتغيرات في دراسته للتخلص من تأثيرها .

## - تصنيف المتغيرات :-



## - الخطوات الواجب مراعاتها بعد جمع البيانات :-

\*\*هناك عدد من الخطوات يجب على الباحث مراعاتها بعد جمع البيانات منها :

**أولا :** تسجيل البيانات

**ثانيا :** ترميز البيانات

## - طرق ترميز البيانات :-

### 1- الترميز الرقمي أو العددي:

ويقصد بالترميز الرقمي أو العددي استخدام الأرقام بصورة متتالية لتميز مفردات البيانات، فمثلا يستخدم الرقم ( 1 ) للذكور والرقم ( 2 ) للإناث لتميز الجنس في البيانات الشخصية .

## 2- الترميز الأبجدي أو الحرفي:

ويقصد بالترميز الأبجدي أو الحرفي استخدام الحروف بدلا من الأرقام لتمييز مفردات البيانات، فمثلا استخدام الحرف M للذكور والحرف F للإناث لتمييز الجنس في نظام البيانات الشخصية.

## 3- الترميز الأبجدي الرقمي:

ويقصد بالترميز الأبجدي الرقمي استخدام الحروف والأرقام لتمييز مفردات البيانات، فمثلا استخدام الحرف والرقم L1 للمستوى الدراسي الأول و L2 للمستوى الدراسي الثاني و L3 للمستوى الدراسي الثالث و L4 للمستوى الدراسي الرابع وذلك لتمييز المستويات الدراسية الجامعية للطلاب والطالبات.

## ثالثا: تصنيف البيانات

## رابعا: مراجعة وتنقية البيانات

## - ترميز بيانات الاستبانة وجعلها متاحة لبرنامج الـ SPSS :-

تعتبر الاستبانة من أكثر وسائل جمع البيانات البحثية استخداما، لذلك سوف نقوم الآن بالتعرف على كيفية تبويب البيانات التي يتم الحصول عليها من خلال الاستبانة، وطريقة إدخالها في برنامج الـ SPSS **مثال:-**

لو كنت تقوم بدراسة إحصائية حول موضوع "واقع استخدام الانترنت في البحث العلمي في الجامعات السعودية"، فإنك ستحتاجين إلى إعداد استبانة تحوي مجموعة من الأسئلة تتعلق بهذا الموضوع، ومن ثم توزيع هذه الاستبانة على عينة ممثلة لمجتمع البحث الذي تريد أن تعمي نتائج دراستك عليه، وتطلبين من أفراد العينة الإجابة على جميع فقرات الاستبانة، والاستبانة التالية (والتي ستوزع عليكم) كمثال على ذلك.

\*\*\*ولغرض تفرغ البيانات المجموعة من خلال هذه الاستبانة بطريقة مناسبة يفهمها برنامج الـ SPSS لابد من توضيح التالي :

- الأفراد الذين يقومون بالإجابة على أسئلة الاستبانة يطلق عليهم اسم حالات . Cases

- كل سؤال (فقرة) في الاستبانة تمثل متغير Variable .

- تسمى إجابات الأفراد على الأسئلة (الفقرات) بقيم المتغيرات Variable values .

\*\*\*إن كل استبانة تحوي عدة أنواع من الأسئلة والفقرات، وهذه الأنواع هي:-

### 1- سؤال يسمح باختيار إجابة واحدة فقط :

وهي ذلك النوع من الأسئلة التي تلزم المستجيب باختيار إجابة واحدة فقط، ويتم التعامل مع هذا النوع من الأسئلة من خلال تمثيله بمتغير واحد يحوي جميع الاجابات الممكنة، فمثلا السؤال رقم (2) في الاستبانة السابقة والذي يقول:  
عدد سنوات الخبرة في العمل الأكاديمي:

1- ( ) أقل من سنة

2- ( ) من 1-5 سنوات

3- ( ) من 6-10 سنوات

4- ( ) من 11-15 سنة

5- ( ) أكثر من 16 سنة

ففي هذا السؤال هناك خمس احتمالات

فتعطى كل إجابة رقم يمثلها، فعلى سبيل المثال يعطى:

أقل من سنة القيمة (1)،

و من 1-5سنوات القيمة (2)،

ومن 6-10سنوات القيمة (3)،

ومن 11-15 سنة القيمة (4)،

وأكثر من 16 سنة تعطى القيمة (5).

وبالإمكان أن تعطى هذه الإجابات رموزا حرفية إذا تم تعريف المتغير على أنه متغير من نوع حرفي String، لكن يفضل عدم استخدام مثل هذا الإجراء وذلك لأن إدخال البيانات الرقمية في برنامج الـ SPSS أسهل .

## 2- سؤال يسمح باختيار أكثر من إجابة واحدة :

وهي ذلك النوع من الأسئلة التي تتاح من خلالها الفرصة للمستجيب لاختيار أكثر من إجابة، ويتم التعامل مع هذا النوع من الأسئلة والفقرات من خلال تمثيله بعدد من المتغيرات يماثل عدد الاجابات أو الاحتمالات المتاحة للسؤال أو الفقرة، مثال على ذلك السؤال رقم (7) في الاستبانة الأنفة الذكر والذي يقول :

► ما أهم المعوقات التي قد تحول دون استخدامك للإنترنت في البحث العلمي؟  
( يمكن اختيار اكثر من عائق )

1- ( ) عدم الاهتمام بالإنترنت .

2- ( ) عدم توفر التدريس المناسب لاستخدام الإنترنت.

3- ( ) عدم وجود الوقت الكافي .

4- ( ) عدم توفر أجهزة الحاسب الآلي.

5- ( ) عدم توفر المتصفح المناسب للإنترنت .

6- ( ) عدم توفر الحوافز الخارجية لاستخدام الإنترنت في البحث العلمي

7- ( ) عدم توفر المعلومات والمهارات الأساسية لاستخدام الإنترنت.

8- ( ) الاهتمام بحقوق النشر.

9- ( ) الخوف من العولمة.

ففي هذا النوع من الأسئلة نلاحظ أن المستجيب قد يختار أكثر من إجابة على هذا السؤال، لذلك فإن متغيرا واحدا لا يكفي لتمثيل هذا السؤال، بل يحتاج هذا السؤال إلى تسعة متغيرات، كل متغير له احتمال إجابتين ("نعم" وتأخذ القيمة "1" ، و "لا" وتأخذ القيمة صفر "0" مثلا)

### 3- سؤال مفتوح جزئيا:

وهي ذلك النوع من الأسئلة التي تسمح للمستجيب باختيار إجابة موجودة ضمن الخيارات أو كتابة إجابة أخرى غير موجودة ضمن الخيارات المتاحة في السؤال، ومثال على ذلك السؤال رقم (1) في الاستبانة والذي يقول :

**الدرجة العلمية التي تحملها:**

- 1- ( ) دكتوراه
- 2- ( ) ماجستير
- 3- ( ) بكالوريوس
- 4- ( ) غير ذلك ، حدد .....

- فهذا النوع من الاسئلة يتم تمثيله بمتغير واحد فقط، لأن المطلوب من المستجيب اختيار إجابة واحدة، إلا أن المشكلة في هذا النوع من الأسئلة تكمن في الخيار ذو الإجابة المفتوحة، ففي هذا السؤال هناك أربع احتمالات، فتعطي كل إجابة رقم يمثلها ، فعلى سبيل المثال يعطى دكتوراه القيمة ( 1 )، وماجستير القيمة ( 2 )، وبكالوريوس القيمة (3)، أما الخيار الرابع "غير ذلك" فيتم التعامل معه بأكثر من طريقة منها:

**تعيين قيمة محددة لهذا الاحتمال** وليكن القيمة ( 4 ) بغض النظر عما ذكر من درجات علمية للمستجيبين، وهذا الإجراء يسهل التعامل مع هذا الخيار إلا أنه يفقد الباحث معلومات كثيرة.

حصر جميع الاجابات ومن ثم تحديد قيمة لكل درجة علمية غير تلك التي ذكرت في السؤال، وهنا يتم تحديد عدد الاحتمالات المتاحة للسؤال بعدد الإجابات المذكورة في الإستبانة، وهذا الاجراء يحتاج إلى وقت كبير لأنه سيتم معالجة كل استبانة بشكل منفرد ليتم جمع كل الإجابات الممكنة.

عدم التعامل مع هذا المتغير على أنه متغير رقمي Numeric والتعامل معه على أنه متغير حرفي String، لذا لا يتم تعيين قيم تصف الإجابات، بل يتم كتابة الاجابة كاملة لكل درجة علمية. وهذه الطريقة تؤدي إلى حصر جميع الإجابات إلا أنها تزيد العبء على الباحث من خلال إدخال بيانات أكثر في الحاسب مما قد يؤدي إلى زيادة أخطاء الإدخال.

## - تمرين

أراد باحث معرفة العلاقة بين حب الاستطلاع لدى الطلاب في السنوات الابتدائية وحل المسائل الرياضية، فاختار عشوائيا طلاب السنة الثالثة ثم اختار منهم عشوائيا 200 طالب، ثم قام بصياغة الفرضية التالية:

"لا توجد علاقة ذات دلالة إحصائية بين حب الاستطلاع وحل المسائل الرياضية"

ثم قام بتطبيق اختبار عليهم وذلك للحصول على البيانات اللازمة لاستنتاج العلاقة واتخاذ قرارات في ضوء ذلك

## المطلوب :

- ما نوع الإحصاء الذي استخدمه الباحث في هذه الدراسة؟ علل ذلك ؟
- حدد مجتمع البحث في هذه الدراسة ، وما نوعه ؟
- حدد عينة الدراسة في هذه الدراسة ، وما نوعها؟
- حدد المتغير المستقل في هذه الدراسة ، وما نوعه ؟
- حدد المتغير التابع في هذه الدراسة ، وما نوعه ؟
- حدد في تصورتك المتغيرات الدخيلة التي من الممكن أن تؤثر على هذه الدراسة ؟
- حدد الفرضية التي يحاول الباحث اختبارها في هذه الدراسة ، وما نوعها ؟
- ما الوسيلة التي استخدمها الباحثة لجمع البيانات في هذه الدراسة ؟



## المحاضرة الرابعة

### العرض الجدولي للبيانات (تبويب البيانات)

كما تعرضنا في المحاضرات السابقة ان البيانات هي المستهدفة في الاحصاء فهي التي تجمع وهي التي تعرض وهي التي تحلل. وعرض البيانات صار في الأونة الاخيرة علما وفنا قائما بذاته، فالصورة التي يعرض بها الباحث بياناته تعكس لدرجة كبيرة مدى امكانية فهمها وسهولة تتبعها والاستفادة منها.

وهناك عدة طرق لعرض وتبويب البيانات الا أن من أبسط تلك الطرق للتعبير عن البيانات هي أن تدمج هذه البيانات في صيغة كتابية إلا أن هذه الطريقة يشوبها الكثير من **العيوب منها:**

- طريقة مطولة وعقيمة.
- تتطلب وقتا طويلا في القراءة في الأمر الذي يجعل الملل يتسرب الى القارئ.
- قلما يكلف الانسان نفسه مثققة الاطلاع على احصاءات معروضة بهذه الكيفية.
- انه يتعذر عرض بيانات خاصة بعدد كبير من السنين بهذه الطريقة.

# وبالتالي تعتبر الطريقة السابقة غير فنية في عرض البيانات ، أما الطرق الفنية في عرض البيانات الاحصائية فهي:

- العرض الجدولي للبيانات (تبويب البيانات)
- العرض البياني للبيانات

وسوف نتناول في هذه المحاضرة العرض الجدولي للبيانات أو تبويب البيانات بينما نتعرض للعرض البياني للبيانات في المحاضرة التالية إن شاء الله تعالى.

ويقصد بالعرض الجدولي للبيانات: أن يتم تلخيص البيانات محل الدراسة وتصنيفها في صورة جداول تعبر عن القيم التي أخذها المتغير من خلال البيانات التي جمعها و تكرار كل قيمة من تلك القيم.

## - أهمية جداول الإحصائية:

- تعبر عن الحقائق الكمية المعروضة بعدد كبير من الأرقام، وعن طريق عرض هذه الأرقام في جداول بطريقة منظمة فإنه يمكن بالتالي اكتشاف أهميتها والاستفادة من.
- تعتبر الجداول وسيلة يمكن بواسطتها تلخيص المعلومات الرقمية الكثيرة العدد، المتغيرة القيم، مما يسهل التعرف عليها.
- إن الجداول تستوعب بسهولة عدد كبير من الموضوعات، فتفريغ الأرقام في جداول يقلل كثيرا من تكرار الكلمات التي تصف البيانات، لأن عنوان كل عمود في الجدول ينطبق على الأرقام فيه، فهي بالتالي طريقة اقتصادية في الوقت والحيز والمجهود.
- تساعد الجداول على إظهار البيانات بأكثر وضوح ممكن وأصغر حيز مستطاع.

## تكوين جداول:

تتكون أجزاء الجدول مما يلي:

- **رقم الجدول:** يجب أن يرقم كل جدول حتى تسهل الإشارة إليه.
- **العنوان:** يجب أن يعطي كل جدول عنوانا كاملا لتسهيل مهمة استخراج المعلومات منه، ويجب أن يكون هذا العنوان واضحا قصيرا بقدر الإمكان، ويستخدم في بعض الأحيان عنوان توضيحي لبعض الجداول وذلك من أجل إعطاء معلومات إضافية عن بيانات الجدول.
- **الهيكل الرئيسي:** ويتكون هيكل الجدول من أعمدة وصفوف، ويعتبر ترتيب المعلومات في الأعمدة والصفوف أهم خطوة في تكوين الجدول.
- **العمود:** إن كل جدول يتكون من عمود أو أكثر ويوجد لكل عمود عنوان يوضح محتوياته.
- **الحواشي:** قد يحتوي الجدول على مفردات بيانات لا ينطبق عليها عنوان الجدول أو عنوان العمود، ففي هذه الحالة تستعمل الحواشي لتوضيح ذلك وذلك إما بترقيم الملاحظات أو باستعمال علامة (\*) .. الخ.
- **المصدر:** قد تؤخذ بيانات الجدول من مصادر جاهزة لذلك يجب إظهار المصدر في أسفل الجدول حتى يمكن الرجوع إليه عند الحاجة.

رقم الجدول

جدول رقم (5)

عنوان الجدول

يوضح طلبية جامعة الملك فيصل للعام الجامعي 1423هـ

عنوان توضيحي

(مصنفون حسب الجنس)

عنوان العمود

■	■	■	■
■	■	■	■
■	■	■	■
■	■	■	■
■	■	■	■
■	■	■	■

**المصدر:** جامعة الملك فيصل، احصائية الجامعة حسب الكليات

\* يحدد المستوى بالسنة الدراسية التي يدرس فيها الطالب .

## - أنواع الجداول الاحصائية:-

**تقسم الجداول تبعا لدرجة تعقيدها الى:**

**جداول بسيطة:** وفيها يتكون كل من موضوع الجدول ومادته من بضع أسطر وخانات تتعلق بالتقسيمات الزمانية (أي الأمور التي يتناولها الجدول أمور تتسلسل حسب السنوات) أو المك انية (أي توزيع الظاهرة حسب المكان) أو مؤشرات وصفية بسيطة وبأرقام بسيطة أيضا.

**جداول التوزيع التكراري:** وفيها تكون المعطيات مجمعة في فئات بمؤشر أو متغير واحد، ولكل فئة تكراراتها الخاصة عند ذلك المؤشر

**جدول التوزيع التكراري المتجمع:** وفيه تجمع التكرارات على التوالي من أحد طرفي الجدول الى طرفه الآخر فنحصل على التكرار الكلي (مجموعة التكرارات)، (فإذا بدأ من أعلى الى أسفل الجدول) سمي جدول تكراري متجمع صاعد، (وإذا بدأ من أسفل الى أعلى الجدول) سمي جدول تكرار متجمع نازل أو هابط.

**الجداول المزدوجة أو المركبة:** وهي الجداول التي تتكون من متغيرين أو أكثر، وهذه المتغيرات قد توزع على أعمدة وحقول الجدول بصورة نظامية، تعبر عن الافكار العلمية التي يريد الباحث توضيحها توضيحا عدديا.

وتتوقف عملية تبويب وتصنيف البيانات على نوع البيانات الإحصائية المراد التعامل معها ودراستها والتي يمكن تقسيمها من حيث طريقة إعداد الجداول إلى مجموعتين:

### ١. مجموعة البيانات الوصفية والكمية المتقطعة

البيانات الوصفية (هي أي معلومات يجمعها الباحث وتتغير في الصفات)

الكمية المتقطعة (هي المعلومات الغير قابله للكسور أي تكون اعداد صحيحة )

### ٢. مجموعة البيانات الكمية المتصلة

الكمية المتصلة (هي أي معلومات قابله للكسور أي تكون فيها قيمه كسريه )

## أولاً: البيانات الوصفية والكمية المتقطعة:

وفيها يتم تصنيف وحساب تكرار كل عنصر من العناصر الواردة في بيانات المتغير الذي يتم دراسته كما يمكن حساب التكرار النسبي لكل عنصر من خلال حساب نسبة تكراره إلي مجموع التكرارات.

### - مثال (لمتغير وصفي):

في دراسة قام بإجرائها أحد الأطباء لطفل معرض لأحد الأمراض النفسية فتم سؤاله عن لون مجموعة من الأشياء فكانت إجاباته كما يلي:

■	■	■	■	■
■	■	■	■	■
■	■	■	■	■
■	■	■	■	■

**المطلوب:** عرض البيانات السابقة في صورة جدول التوزيع التكراري

**الحل مفصلاً في الكتاب صفحة 45**



- أرسم جدول واحصر فيه جميع الالون المتشابهه

- أضع شرطه بجانب كل لون في عامود العلامات اذا وصل عدد الشرطت الى خمسة اضع عليها علامه عكسيه واسميها حزمه

الجدول كالتالي :-

التكرار النسبي	التكرارات	العلامات	اللون
0,3	6	/ #####	أحمر
0,2	4	////	أبيض
0,15	3	///	أزرق
0,2	4	////	أخضر
0,15	3	//	بنفسجي
1,00	20	مج ك =	

- نترجم العلامات الى ارقام كما في العمود الثالث .

- اذا اردت ان استخراج قانون تكرار النسبي استخدم المعادله التاليه =

$$\frac{\text{تكرار الدرجة}}{\text{مج ك}} = \text{التكرار النسبي}$$

**ملاحظه /** لابد ان يكون مجموع التكرار النسبي في الأخير 1 صحيح .

**- مثال (لمتغير كمى متقطع): ان تكون الارقام غير قابله للكسور**

تم سؤال عدد من طلاب كليتي الآداب وإدارة الأعمال عن عدد حوادث السيارات التي تعرضوا لها خلال العام الماضي فكانت اجاباتهم كما يلي:

3	2	2	1	0
1	2	1	1	1
0	0	1	2	2
1	3	1	0	0
1	2	1	0	2
3	0	0	0	1

## المطلوب :

١. عرض البيانات السابقة في صورة جدول تكرارى

٢. أحسب الاحتمالات التالية:

- أن لا يتعرض أى شخص لحادث
- أن يكون هناك حادث واحد على الأكثر
- أن يكون هناك حادث واحد على الأقل

الحل مفصلا في الكتاب صفحة 46-47

وهذا حلي الشخصي من شرح الدكتور

نكر:

- نحصر القيم المتكرره في السؤال .

- اقوم برسم جدول يحوي هذه المعلومات .

التكرار النسبي = تكرار الدرجة  
مك

للتذكير قانون

التكرار النسبي	التكرارات	العلامات	عدد اكوارث
0,30	9	//// #####	صفر
0,366	11	/ ##### #####	1
0,233	7	// #####	2
0,10	3	///	3
	30		المجموع

احتمال (الا يتعرض أي شخص لحادث )

يعني صفر والصفر = 0,30

## احتمال ( أن يكون هناك حادث واحد على الأكثر )

بمعنى انه سوف يكون اكبر عدد للحوادث هو 1

وذلك بجمع نسبة تكرار الصفر + 1 =

$$0,666 = 0,366 + 0,30$$

## احتمال ( أن يكون هناك حادث واحد على الأقل )

بمعنى انه سوف يكون أقل عدد للحوادث هو 1

لذلك لا بد من استبعاد نسبة تكرار الصفر ونحسب باقي الاعداد

$$= 3 + 2 + 1$$

$$0,7 = 0,10 + 0,233 + 0,366$$

## ثانياً : البيانات الكمية المتصلة: (وهي معلومات قابله للكسور أي تكون فيها قيمه كسريه)

وفيها يتم توزيع البيانات في جدول تكراري ذوفئات، ويتم ذلك من خلال اتباع الخطوات التالية:

### الخطوة الأولى: تحديد عدد الفئات :-

ويمكننا إتباع قاعدة Sturge's Rule كأساس عند تحديد عدد الفئات، وتنص القاعدة علي وجود علاقة بين عدد المفردات المتاحة عن الظاهرة محل الدراسة (عينه البحث) وبين عدد الفئات، وتستخدم القاعدة الرقم 2 أساس مرفوع للقوه K . وجدير بالذكر هنا أن بتطبيق قاعدة "Sturge" علي عينات بأحجام مختلفة نحصل علي الجدول التالي:

4 – 3	16 – 11
5 – 4	32 – 16
6 – 5	64 – 32
7 – 6	128 – 64
8 – 7	256 – 128
9 – 8	512 – 256
10	512

### الخطوة الثانية: تحديد طول الفئة:

بعد قيامنا بتحديد عدد الفئات في الخطوة السابقة، فإن الخطوة الحالية هي قيامنا بتحديد طول الفئة، ويفضل أن تكون الفئات كلها ذات أطوال متساوية، إلا في بعض الحالات التي تحتم علينا الظاهرة التالية لتحديد طول الفئة:

$$\text{طول الفئة} = \text{المدى} \div \text{عدد الفئات}$$

ويمثل المدى الفرق بين أكبر مفردة وأصغر مفردة في البيانات الأولية.

### الخطوة الثالثة: تعيين حدود الفئات:-

نبدأ بتعيين الحد الأدنى للفئة الأولى وهو قيمه أصغر مفردة في البيانات الأولية للظاهرة محل الدراسة، ويجوز أن نختار قيمه أقل من أصغر مفردة ليبدأ الحد الأدنى للفئة الأولى بقيمه صحيحة، ونقوم بتحديد الحد الأعلى للفئة الأولى بإضافة طول الفئة الذي حصلنا عليه من الخطوة الثانية. يعتبر الحد الأدنى للفئة الثانية هو الحد الأعلى للفئة الأولى وبإضافة طول الفئة نصل إلى الحد الأعلى للفئة الثانية، ونستمر في تكرار هذه الطريقة حتى يتم تكوين عدد الفئات المطلوبة المحدد في الخطوة الأولى.

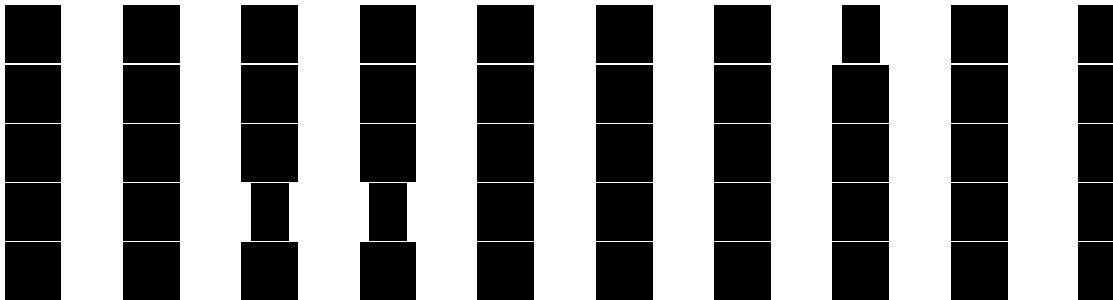
يجب علينا التأكد من عدم وجود تداخل فيما بينها الفئات بعضها البعض، حيث أن الفئة تحتوى على كل المفردات التي تساوى حدها الأدنى تماماً وما يزيد عنه حتى يصل إلى حدها الأعلى.

### الخطوة الرابعة: توزيع التكرارات على الفئات:

نبدأ الآن في توزيع مفردات العينة بحسب الفئات المقابلة كي نصل إلى التوزيع التكراري، وهو عبارة عن جدول مكون من عمودين، يحتوى العمود الأول على فئات المتغير العشوائي ويحتوى العمود الثانى على عدد مرات تكرار كل مفردة أمام الفئة الخاصة بها ويسمى التكرار الاصلى، ويجب أن يكون مجموع التكرارات ألا صليه مساويا لحجم عينه الدراسة .

### مثال :

البيانات التالية تعبر عن رأس المال المستثمر في شركات الحاسبات الآلية بالآلاف ريال:





## المطلوب:

عرض البيانات السابقة في صورة الجدول التكرارى المناسب

الحل مفصلا في الكتاب صفحة 49

# المحاضرة الخامسة

## العرض الجدولي للبيانات (تبويب البيانات)

### الجزء الثاني

في بداية هذه المحاضرة يتعرض الدكتور لبعض من شرائح المحاضرة السابقة من صفحة 23- الى نهاية المحاضرة السابقة

#### **بالاضافة:**

وهناك عدة ملاحظات يجب الإنتباه إليها عند عمل جدول التوزيع التكرارى لبيانات المتغير الكمي المتصل:

**1-** إن تحديد عدد الفئات يتوقف على أمور عدة منها:

- عدد المفردات محل الدراسة
- انتظام وتوزيع تلك البيانات
- طبيعة بيانات المشكلة محل الدراسة

**2-** طول الفئة لا بد أيضاً من تحديده بعناية حيث يمثل الوجه الآخر للعملة مع عدد الفئات، فمن الأفضل أن يكون تحديده بطريقة تجعل مركز الفئة قريباً من تركيز البيانات بتلك الفئة بقدر الإمكان حيث يعبر مركز الفئة عن قيمة كل مفردة من المفردات التي تنتمي لتلك الفئة

**3-** أن تكون حدود الفئات واضحة بحيث لا يكون هناك أي تداخل فيما بينها.

ومن هنا يمكن إعداد جداول التوزيعات التكرارية للمتغيرات المتصلة بثلاث صور هي:

- الجداول التكرارية المنتظمة
- الجداول التكرارية غير المنتظمة
- الجداول التكرارية المفتوحة




جدول مفتوح من أعلى


جدول مفتوح من الطرفين

## - أجدول التكرارية المتجمعة:

وهي جداول يتم إعدادها لإعطاء نتيجة تراكمية لمجموعة من الفئات والتي يمكن أن تكون بشكل تصاعدي أو تنازلي ولكل منهما أهمية في تفسير النتائج والظواهر المختلفة.

### أولاً- الجدول التكرارى المتجمع الصاعد

يعطى جدول التكرار المتجمع الصاعد الحدود العليا للفئات وعدد المفردات التي تقل عن الحدود العليا لكل فئة (وتكتب بصيغة أقل من الحد الأعلى).

## مثال:

في دراسة جغرافية لعدد من مساحات مجموعة من قطع الأراضي لمنطقة سكنية معينة تبين أن التوزيع التكراري لها كما يلي:

مساحة (دونم)	عدد القطع
14	1
29	3
18	5
9	10
70	7

## المطلوب:

إعداد جدول تكراري متجمع صاعد مع بيان نسبة الأراضي التي تقل مساحتها عن 5 دونم

الحل مفصلا في الكتاب صفحة 52

## ثانيا - الجدول التكراري المتجمع الهابط (النازل):

ويعطى الجدول المتجمع الهابط (النازل) الحدود الدنيا للفئات وعدد المفردات التي تكون أكثر من أو تساوي الحدود الدنيا لكل فئة (وتكتب بصيغة الحد الأدنى فأكثر).

## مثال:

في نفس المثال السابق والذي يتعلق بدراسة جغرافية لعدد من مساحات مجموعة من قطع الأراضي لمنطقة سكنية معينة تبين أن التوزيع التكراري لها كما يلي:

مساحة (دونم)	عدد القطع
14	1
29	3
18	5
9	10
70	7

## المطلوب:

إعداد الجدول التكراري المتجمع الهابط مع بيان نسبة قطع الأراضي التي تزيد أو تساوى 5 دونم

الحل مفصلاً في الكتاب صفحة 53

## - أجدول التكرارى المزدوج:

الجداول التكرارية البسيطة التي اشرنا إليها سابقاً تساعد فى تحليل البيانات التي تخص وتعبر عن متغير واحد فقط مثل قيمة المبيعات ومعدل التحصيل الدراسى ونسبة الذكاء ومعدل الإنجاب وغيرها من المتغيرات. الا أننا عند دراستنا لمتغيرين لتحديد العلاقة بينهما مثل العلاقة بين عدد أفراد الأسرة والمستوى التعليمى أو العلاقة بين أجور العامل ودرجة الرضاء الوظيفى أو ماشابه ذلك، فى هذه الحالة لابد من تبويب البيانات بالطريقة التي تسمح باستنتاج أو تحديد العلاقة بين المتغيرين موضوع الدراسة ويتم ذلك من خلال الجدول التكرارى المزدوج كما يتضح من المثال التالى:

## مثال:

فيما يلى بيانات 20 طالب يعانون أحد صعوبات التعلم مع نوع كل طالب كما يلى:

صعوبة التعلم	النوع
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■

صعوبة التعلم	النوع
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■
■	■

## المطلوب:

إعداد جدول تكرارى مزدوج

الحل مفصلا فى الكتاب صفحة 55

## المحاضرة السادسة

### العرض البياني للبيانات

أولاً: البيانات غير المبوبة

البيانات الاسمية أو الرتبية أو الكمية المتقطعة (أي المنفصلة)

### تعريف الرسوم البيانية:

هي وسيلة مفيدة وفعالة لتوضيح وشرح الحقائق الرقمية وإبراز العلاقة بين المتغيرات، واستقراء اتجاهاتها العامة بأسلوب يسهل فهمه وتذكره بمجرد النظر .

- وتنطبق القواعد التي ذكرناها في العرض الجدولي على الرسوم البيانية، اذ يجب أن يرقم كل رسم ، ويعنون، ويمكن أن يستعمل الحواشي والمصدر وغيرها ..

وتختلف الرسوم البيانية حسب طبيعة ونوع البيانات المراد عرضها **فاذا كانت البيانات اسمية أو رتبية (أي منفصلة)** فإننا نستخدم أحد الأشكال البيانية التالية:

### أ - الأعمدة البيانية البسيطة :

وهي عبارة عن مجموعة من الأعمدة الرأسية أو المستطيلات المتساوية القاعدة والتي تتناسب ارتفاعاتها مع البيانات التي تمثلها، وتستخدم لإظهار التطور الذي يطرأ على ظاهرة ما على مدار عدة سنوات، وعادة يؤخذ المحور الرأسي لتمثيل قيم الظاهرة، والمحور الأفقي يمثل الزمن بحيث يتناسب طول كل عمود مع العدد الذي يمثله.

ويجب مراعاة ان يقسم المحور الرأسي بحيث يسمح بقياس الرسم باظهار جميع قيم الظاهرة، كذلك يجب أن تكون المسافات بين الاعمدة متساوية.



## مثال:

الجدول الآتي يوضح أعداد الطلاب المقيدين باحد الجامعات في السنوات الدراسية من 1423 هـ حتي 1427 هـ .

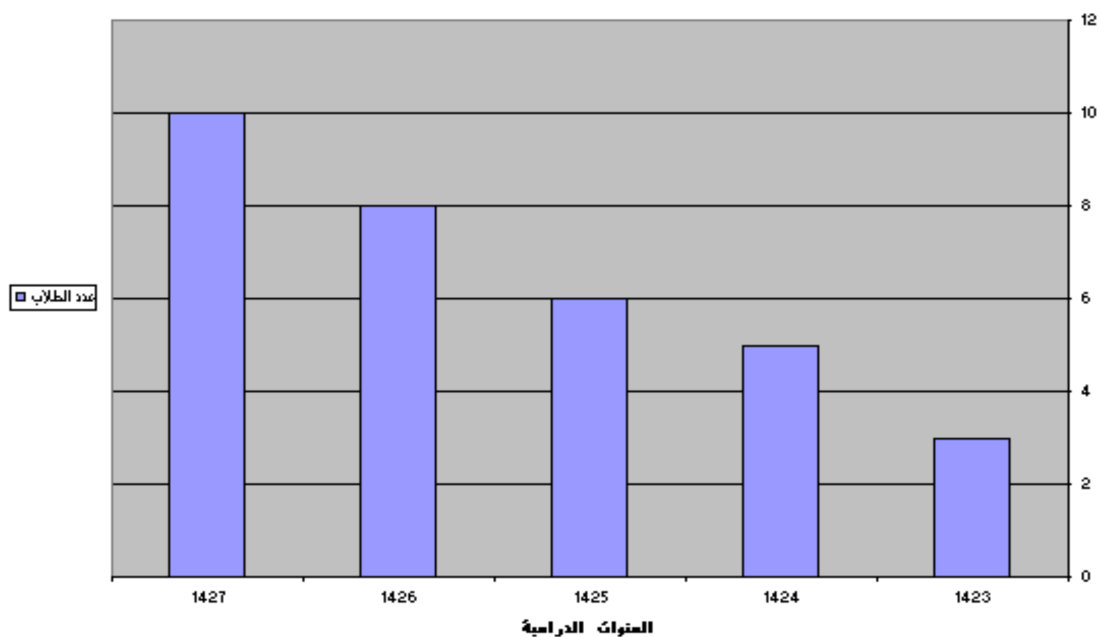
السنة الدراسيـه	1427	1426	1425	1424	1423
عدد الطلاب بالألف	10	8	6	5	3

## المطلوب:

تمثيل البيانات باستخدام الرسم البياني المناسب

## أحل:

شكل يوضح اعداد الطلاب



## ب - الأعمدة البيانية المزدوجة:

يستخدم هذا النوع اذا كان الهدف من الرسم هو مقارنة ظاهرتين أو أكثر لعدة سنوات، أو اذا كان لدينا بيانات مزدوجة لخواص مختلفة .

ويتم رسم الأعمدة الزوجية بإتباع ما يلي :

- رسم عمودين متلاصقين يمثلان قيم الظاهرتين محل الدراسة في كل سنة، بحيث يتناسب طول كل عمود مع العدد الذي يمثله .
- نفرق بين الأعمدة بالتظليل أو بالالوان المختلفة ونوضح ذلك على الرسم وذلك بوضع مفتاح للرسم .
- ضرورة مراعاة أن تكون قواعد المستطيلات متساوية والمسافات بينهما متساوية.

## مثال:

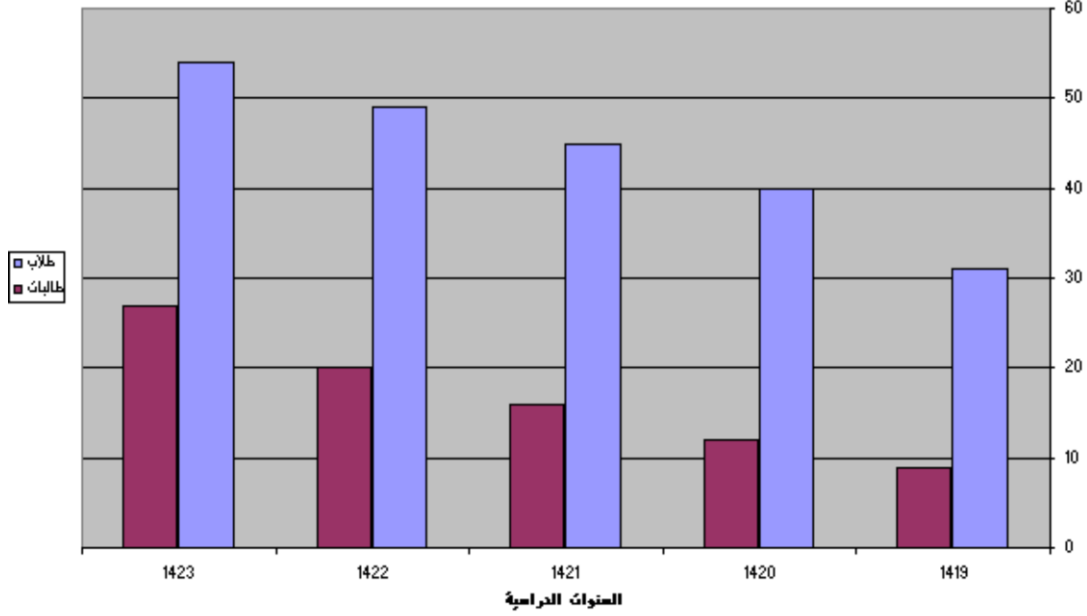
الجدول الآتي يوضح أعداد الطلبة المسجلين باحد الجامعات السعودية في السنوات الدراسية 1419هـ حتى 1423هـ

1419	1420	1421	1422	1423	1424	1425	1426	1427	1428
100	120	150	180	200	220	250	280	300	320
100	120	150	180	200	220	250	280	300	320

## المطلوب:

مثل هذه البيانات بيانيا باستخدام الأعمدة البيانية المزدوجة ؟

شكل يوضح تطور أعداد الطلاب



### ج - الأعمدة البيانية المجزأة :

يستخدم هذا النوع من الرسوم البيانية في تمثيل نفس الحالات التي تستخدم فيها الأعمدة البيانية المزدوجة .

ويتم رسم هذا النوع من الأعمدة كالآتي :

- نقوم برسم عمود واحد يمثل جملة الظواهر محل الدراسة في كل سنة كما في حالة الأعمدة البيانية البسيطة .
- نقسم كل عمود الى مكوناته بحيث يتناسب كل جزء مع العدد الذي يمثله. ونميز بين هذه الاجزاء بالتظليل أو بالألوان المختلفة، ونوضح ذلك على الرسم .

## مثال :-

اذا كانت اعداد الطلاب والطالبات المسجلين في كلية التربية بجامعة الملك فيصل بالاحساء تزداد كما هو موضح في الجدول الآتي:

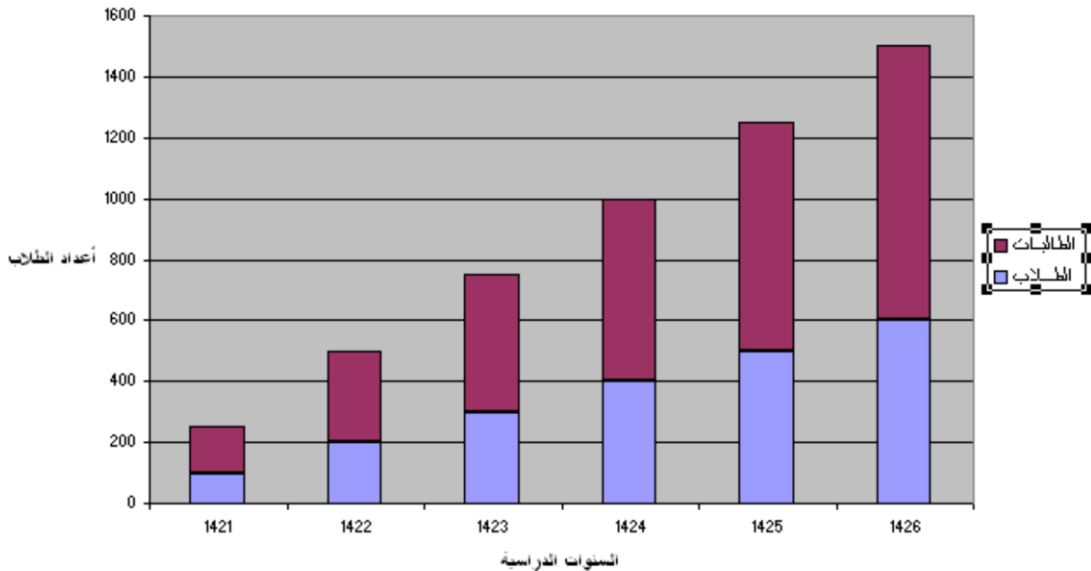
السنة	الطلاب	الطالبات
1421	100	150
1422	200	300
1423	300	450
1424	400	600
1425	500	750
1426	600	900

## المطلوب :-

مثل هذه البيانات بيانيا باستخدام الأعمدة المجزأة؟

## الحل :-

شكل يوضح تطور أعداد الطلاب بكلية التربية



## ملاحظات على استخدام الاعمدة البيانية (بأنواعها المختلفة):

يمكن ابداء الملاحظات التالية على الرسومات بالاعمة البيانية بأنواعها المختلفة:

- تعتبر الاعمدة البيانية من اكثر الرسومات البيانية انتشارا، وهي عبارة عن مستطيلات قواعدها متساوية وأطوالها (ارتفاعاتها) مختلفة تتناسب مع القيم التي تمثلها، وتكون منفصلة عن بعضها البعض بمسافة يقدرها الباحث.
- يفضل تظليل الاعمدة أو تخطيطها بواسطة خطوط متوازية أو ابرازها بألوان مختلفة وخاصة عند مقارنة ظواهر مختلفة.
- يستحسن اختيار مقياس رسم مناسب وثابت، ولهذا لا بد لمصمم الرسم من التعرف على القيمة الكبرى والقيمة الصغرى لتحديد مقياس الرسم المناسب. هذا ويجب البدء بالصفير على المحور الرأسي الذي يدل على القيم الرقمية حتى تكون المقارنة سهلة وسليمة وغير مضللة.
- يفضل عدم كتابة القيم التي تمثلها الاعمدة فوق الاعمدة وذلك لتلافي المبالغة في طول الاعمدة، وبالتالي تجنب اظهار الرسم مزدحما او مكتظا مما ينفر القارئ، الا اذا كان ذلك هدفا في حد ذاته .
- يمكن استخدام العمود الواحد لتمثيل اكثر من نوع واحد من البيانات، وذلك باستخدام مفهوم الاعمدة المجزأة، هذا ويفضل أن لا نعرض اكثر من ثلاثة ظواهر في العمود حتى لا يفقد الرسم البياني الهدف الأساسي منه.
- تصلح الاعمدة البيانية لتمثيل البيانات ذات المتغيرات المنفصلة، كما تصلح بشكل خاص لتمثيل البيانات الوصفية (النوعية) (أي غير الرقمية) وذلك كما في تمثيل الحالة الاجتماعية (متزوج، مطلق، أرمل)

### د - اللوحة الدائرية:

تستخدم الدائرة أو اللوحة الدائرية لتمثيل البيانات في الحالات التالية:

- عندما يكون الهدف منها مقارنة الاجزاء المختلفة بالنسبة للمجموع الكلي
  - أن تكون الاجزاء المقارنة قليلة العدد نسبيا وفي فترة زمنية واحدة.
- مثال:** يمكن استخدام الدائرة لبيان توزيع طلبة جامعة الملك فيصل حسب الكليات (التربية - الزراعة - الادارة - الطب البيطري) أو توزيع طلبة كلية العلوم الإدارية (أو أي كلية أخرى) حسب السنة الاكاديمية (أولى - ثانية - ثالثة - رابعة) .

- وتمثل المساحة الكلية للدائرة المجموع الكلي، ثم تقسم الدائرة الى قطاعات دائرية تتناسب مساحة كل منها مع نسبة كل جزء الى المجموع الكلي، وتميز بين هذا القطاعات بالتظليل أو بالألوان المختلفة.

### - وفيما يلي خطوات رسم الدائرة وتقسيمها الى قطاعات:

- اختيار نصف قطر مناسب لها.
- تحسب الزاوية المقابلة لكل قطاع من خلال العلاقة التالية:

قيمة القطر

$$\text{زاوية القطاع} = \frac{\text{الزاوية المركزية للدائرة (360)}}{\text{المجموع العام}} \times$$

المجموع العام

- تقسم الدائرة الى قطاعاتها المختلفة بتحديد مساحة كل قطاع على الدائرة وذلك بتقسيم الزاوية المركزية للدائرة الى زوايا القطاعات المختلفة.

فمثلا: مساحة القطاع الأول تحدد بوضع قاعدة المنقلة على نصف القطر ونقيس زاوية

مساوية لزاوية القطاع، نسقط من عندها عمودا على مركز الدائرة، فنحصل على القطاع الأول، ثم نقيس من عند نهاية مساحة القطاع الأول زاوية مساوية لزاوية القطاع الثاني، نسقط من عندها عمودا على مركز الدائرة فنحصل على القطاع الثاني. وهكذا بالنسبة لباقي القطاعات.

### مثال:

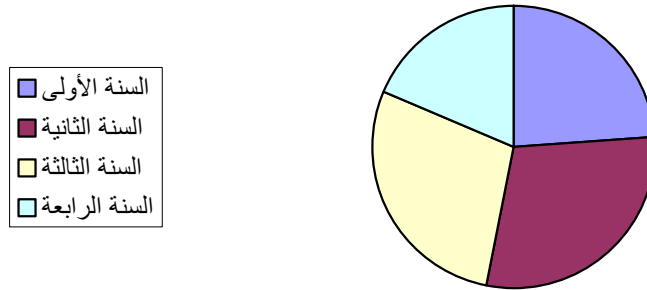
فيما يلي احصائية لطلاب البكالوريوس في كلية العلوم الإدارية موزعين حسب السنة الدراسية للعام الجامعي 1426 هـ .


## المطلوب:

عرض هذه البيانات باستخدام اللوحة الدائرية؟

## أكل:

شكل بياني يوضح توزيع طلاب بكالوريوس العلوم الإدارية للعام الجامعي 1426 هـ موزعة على حسب السنوات الدراسية



هذا ويستحسن تظليل القطاعات الدائرية أوتلوينها وذلك زيادة في قيمة الرسم البيان وبالتالي زيادة جاذبيته ووضوحه، وكذلك ينصح كتابة الجزء (السنة) داخل كل قطاع دائري .

- وعند الحاجة الى مقارنة بين مجموعتين أو أكثر باستخدام اللوحة الدائرية فاننا نرسم عددا من الدوائر يتناسب مع عدد البيانات المطلوب مقارنتها، ونتبع فيها نفس الخطوات السابقة لرسم اللوحة الدائرية.

**س: متى نستخدم الأعمدة البيانية (بأنواعها المختلفة) في تمثيل البيانات**

**الاحصائية بيانيا؟ وبماذا تختلف عن التمثيل البياني باستخدام الدائرة؟**

يرى غالبية المختصين أن الأعمدة البيانية يفضل استخدامها في الحالات التالية:

- عندما تكون الكميات المقارنة كثيرة العدد نسبيا، حيث يصعب تمثيلها بالدائرة وذلك أن كثرة الكميات المقارنة تجعل الدائرة مكتظة لدرجة يصعب مقارنة التوزيع النسبي للظاهرة المدروسة.
- عند ما تكون الاجزاء المقارنة في فترات زمنية مختلفة، وهذا لا يمنع من استعمالها في فترة زمنية واحدة، الا أن الدائرة لايمكن استخدامها لمقارنة الاجزاء بالكل في فترات زمنية مختلفة.

- عندما نرغب في توضيح قيم الاجزاء المقارنة المختلفة للظاهرة موضع البحث وذلك من أجل ابراز المقارنة بين هذه الأجزاء أو توضيح التغير أو التطور عبر الزمن سواء لظاهرة واحدة أو عدة ظواهر بين فترات زمنية مختلفة.
- غالبا ما ينصح باستعمال الاعمدة البيانية (بأنواعها المختلفة) مع المتغيرات المنفصلة (وهي التي تأخذ قيما أو أعداد صحيحة) كما في عدد الطلبة أو أفراد الأسرة أو عدد الكتب في المكتبة .. الخ.

## هـ – المنحنى أو الخط البياني:

يستخدم المنحنى أو الخط البياني أساسا لتوضيح الاتجاه العام للظاهرة خلال فترة من الزمن، ويستخدم هذا النوع من الرسم البياني لتمثيل الظواهر ذات البيانات المتصلة (غالبا) كما في التحصيل الدراسي أو الذكاء والأعمار وكذا اسعار السلع... الخ، وكذلك ممكن استخدامه مع البيانات المنفصلة كعدد الطلاب .. الخ .

### ويتم رسم المنحنى أو الخط البياني بإتباع الآتي:

- نرسم محورين أفقي ورأسي بحيث يمثل المحور الأفقي الزمن مثلا والمحور الرأسي قيم الظاهرة.
- نستخدم نفس المبدأ الذي اتبعناه في رسم الأعمدة البيانية المختلفة اللهم بدلا من رسم الأعمدة ذاتها نستعيز عنها بتعيين نقطة (إحداثية النقطة) فقط لكل منها.
- توصيل هذه النقط ببعضها بمنحنى ممهد متصل فنحصل على خط متصل يسمى المنحنى، أو القيام بتوصيل كل نقطتين متجاورتين بخط مستقيم فنحصل عندئذ على الخط البياني.



## مثال :-

البيانات التالية لدرجات عشر طلاب بكلية العلوم الإدارية في مقرر الرياضيات والمحاسبة، فكانت كما يلي:

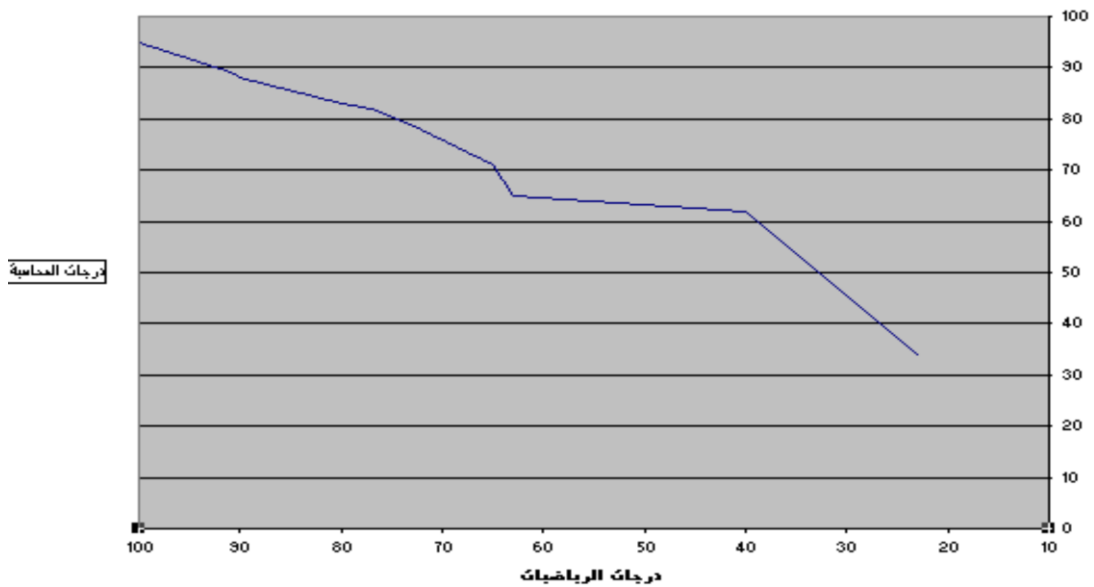
10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	
100	91	90	80	77	72	65	63	40	23	
95	89	88	83	82	78	71	65	62	34	

## المطلوب :-

استخدام المنحنى او الخط البياني لتمثيل هذه البيانات (درجات مقرر الرياضيات ودرجات مقرر المحاسبة).

## أحل :-

شكل يوضح العلاقة بين درجات الرياضيات و درجات المحاسبة



## ملاحظات على المنحنى وأخط البياني :

- الرسم بالخط البياني أو المنحنى يتطلب جهداً أقل من الجهد والوقت اللذين يتطلبهما رسم الأعمدة البيانية بأنواعها المختلفة.
- يسهل الخط البياني أو المنحنى المقارنة على القارئ وذلك انطلاقاً من المبدأ الذي يرى أن العين تدرك الأشياء المتصلة بسهولة ويسر أكثر من ادراكها للأشياء المنفصلة، وبالتالي يستطيع الشخص استخلاص بعض النتائج أو المدلولات الرقمية بطريقة أسهل، كما يسهل عليه معرفة الاتجاه العام للظاهرة.
- يمكن استخدام الخط البياني أو المنحنى (كما في الأعمدة البيانية) لتمثيل أكثر من ظاهرة على نفس الرسم ومقارنتها ببعضها، مع ملاحظة تمييز الخط البياني لكل ظاهرة إما بخطوط متصلة أو متقطعة أو إعطائها ألواناً مختلفة وتوضيح ذلك في مفتاح الرسم.

## مزايا وعيوب الرسوم البيانية :

### المزايا:

- تثير انتباه المشاهد خاصة إذا كانت جيدة التصميم.
- توفر وقت المشاهدة إذ أن استنباط الحقائق من الرسوم البيانية أسرع من الوصول إليها بواسطة الأرقام الموضوعية في جداول.
- إمكانية معرفة الاتجاهات العامة للظواهر.
- سهولة فهم وتذكر العلاقات بين الظواهر محل الدراسة.

### العيوب:

- التضحية بدقة البيانات إذ أن الرسوم توضح فقط التغيرات العامة للظواهر ولا تبين التفاصيل الدقيقة لها.
- أحيانا تكون الرسوم معقدة، خاصة إذا كانت تشتمل على مجموعات من البيانات المتباينة.
- كثرة التكاليف خاصة إذا كانت البيانات تحتاج إلى مقياس رسم كبير.

### العرض البياني للبيانات

#### ثانياً: البيانات المبوبة البيانات الكمية المتصلة

يتم استخدام العديد من الأشكال للتعبير عن البيانات المبوبة في صورة جداول توزيعات تكرارية وهي:

- المدرج التكراري
- المضلع التكراري
- المنحنى التكراري
- المنحنى التكراري المتجمع الصاعد
- المنحنى التكراري المتجمع الهابط (النازل)

**المدرج التكراري:** المدرج التكراري هو عبارة عن أعمدة مستطيلة متلاصقة يعبر ارتفاع العمود فيها على التكرار المناظر للفئة.

ويستخدم المدرج التكراري لتمثيل البيانات التي تم عرضها في جدول توزيع تكراري، وفيه يمثل كل مستطيل فئة من فئات التوزيع التكراري.

يتم تقسيم المحور الرأسي (المحور الصادي) في المدرج التكراري حسب التكرار ( فقد نستخدم التكرار الأصلي في حالة تمثيل التوزيع التكراري، وكذلك يمكن أن نستخدم التكرار النسبي في حالة تمثيل التوزيع التكراري النسبي).

ويتم تقسيم المحور الأفقي (المحور السيني) على أساس الفئات وهنا يظهر حالتين هما:

#### الحالة الأولى:- تساوي أطوال الفئات

وفي هذه الحالة يكون ارتفاع المستطيل معبراً عن عدد مرات تكرار وجه الظاهرة محل الدراسة حيث أنه يتناسب مع مساحه المستطيل، وذلك لان طول الفئة هو عرض المستطيل، وحيث أن أطوال الفئات متساوية فإن مساحه المستطيل تتناسب مع طوله فقط.

## الحالة الثانية: - عدم تساوى أطوال الفئات

وفى هذه الحالة لابد من إجراء تعديل في التكرار الأصلي قبل رسم المدرج التكرارى، لذا فإننا نقوم بإيجاد التكرار المعدل والذي هو عبارة عن ناتج قسمه التكرار الأصلي لكل فئة على طول الفئة المقابلة، وهنا تكون مساحه المستطيل معبره عن وجه الظاهرة المقابل لها، وليس ارتفاع المستطيل.

## خطوات رسم المدرج التكرارى:

- نرسم محورين أفقي ورأسي بحيث يمثل المحور الأفقي الفئات والمحور الرأسي التكرارات.
- نمثل بيانات الدراسة من خلال مجموعة من المستطيلات المتلاصقة بحيث يعبر ارتفاع المستطيل عن عدد مرات تكرار وجه الظاهرة محل الدراسة.

## مثال:

فيما يلى بيان بتوزيع لعينة من 40 عامل على أساس فئات العمر للعمال.

فئات العمر	20-	25-	30-	35-	40-	45-	50-55	المجموع
عدد العمال	1	4	7	16	7	4	1	40

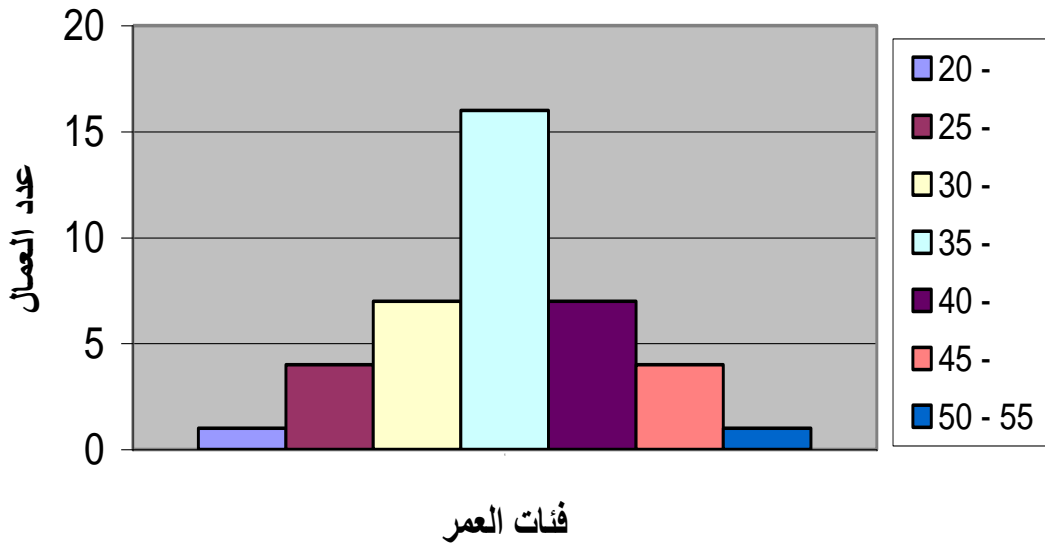
## المطلوب:-

عرض البيانات السابقة في شكل المدرج التكرارى.

### حالة فئات العمر المتساوية:

- يتم رسم المدرج التكراري على أساس التكرار الأصلي (فئات عمر العمال).
- نرسم محورين أفقي ورأسي بحيث يمثل المحور الأفقي فئات العمر والمحور الرأسي تكرار عدد العمال في كل فئة عمرية.
- نمثل بيانات الدراسة من خلال مجموعة من المستطيلات المتلاصقة بحيث يعبر ارتفاع المستطيل عن عدد العمال في كل فئة.

### شكل يوضح المدرج التكراري لتوزيع العمال وفقاً لفئات العمر



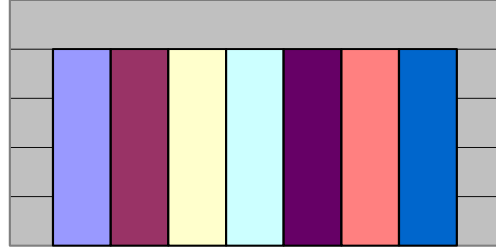
## بعض خصائص التوزيع التكراري:

يمكن إستنتاج بعض خصائص التوزيع التكراري من شكل المدرج التكراري  
بدراسة الخصائص التالية:

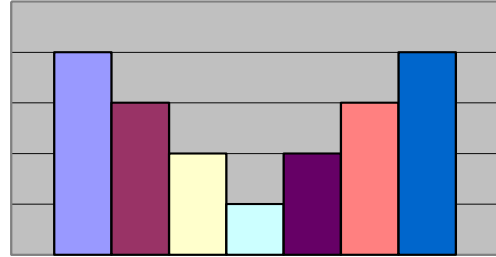
### الخاصية الأولى: التماثل

يسمى المدرج التكراري متماثلاً عندما نقوم برسم خط مستقيم في منتصف المدرج التكراري فيظهر لنا التطابق التام بين الجانبين حول الخط المستقيم. وذلك يظهر في الرسم السابق مباشرة حيث يكون الجانب الأيمن كخيال للجانب الأيسر في المرآة، وكذلك قد يكون شكل المدرج التكراري متماثل كما هو واضح في الشكلين التاليين:-

شكل يوضح التوزيع المتماثل



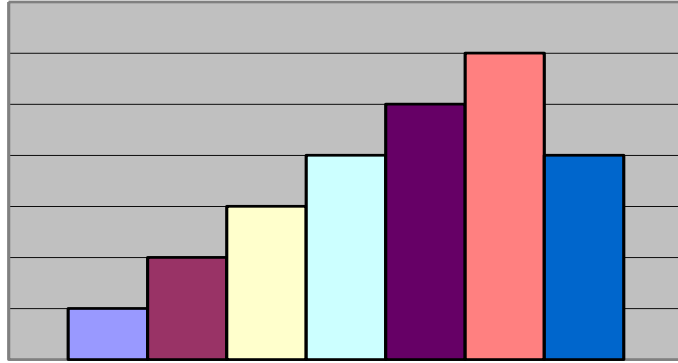
شكل يوضح التوزيع المتماثل



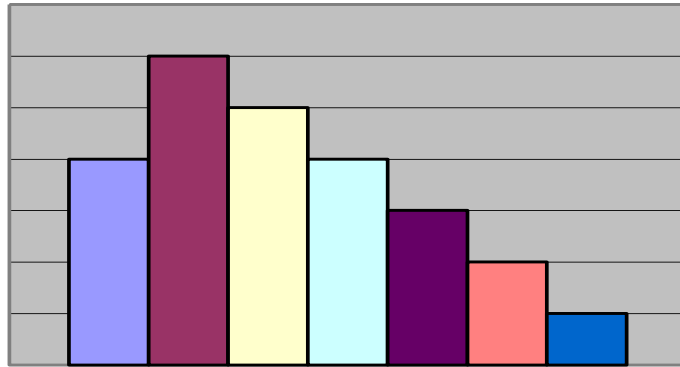
### الخاصية الثانية: الإلتواء

وعندما يكون ذيل التوزيع جهة اليسار - بمعنى أن الطرف الأيسر للتوزيع أطول من طرفه الأيمن - يكون الإلتواء باتجاه اليسار ويسمى توزيع سالب الإلتواء، فمثلاً توزيع الوقت اللازم لإجابة الإمتحان بالنسبة لعدد الطلاب يكون في الغالب سالب الإلتواء ويرجع ذلك لقيام عدد قليل من الطلاب بتسليم أوراق الإجابة قبل موعد إنتهاء الامتحان، وفي المقابل يفضل الكثير من الطلاب تسليم أوراق الإجابة مع نهاية وقت الامتحان وفيما يلي توضيح الإلتواء بنوعيه في الشكلين التاليين:-

شكل يوضح الإلتواء السالب



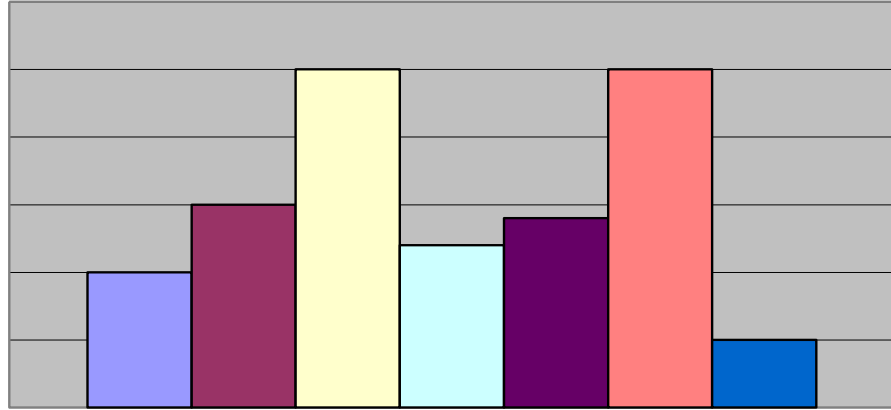
شكل يوضح الإلتواء الموجب



### الخاصية الثالثة: المنوال

المنوال هو القيمة الأكثر تكرراً (شيوفاً) في الظاهره محل الدراسة، وفي بعض الأحيان يكون المدرج التكرارى أحادى المنوال عندما تقع معظم البيانات داخل فئه فى منتصف التوزيع التكرارى وتسمى الفئه المنوالية وهي تمثل قمه واحده للتوزيع، مع وجود بعض البيانات قبل وبعد هذه الفئه، وفي أحيان أخرى يكون المدرج التكرارى ثنائى المنوال، وذلك في حالة وجود قيمتين في التوزيع ويشترط تساوى القمتين معاً، فمثلاً إذا نظرنا إلى التوزيع التكرارى للدخول فى إحدى البلدان التى يعيش فيها كثير من الاغنياء وكثير من الفقراء وقله من الطبقة المتوسطة، فإن شكل المدرج التكرارى لسكان هذا البلد يكون ثنائى المنوال كما فى الشكل التالي:

شكل يوضح توزيع ثنائى المنوال



**المضلع التكرارى :** المضلع التكرارى هو مضلع مغلق نحصل عليه من خلال حساب مراكز الفئات أو بتتصيف الأضلاع العلوية للمستطيلات في المدرج التكرارى، ثم نوصل هذه النقاط بعضها مع بعض، ولكي نغلق الخط المنكسر الذي حصلنا عليه نعتبر أن هناك فئتين متطرفتين واحدة في أقصى اليمين والثانية في أقصى اليسار وتكرار كل منهما صفر، نأخذ مركز كل من هاتين الفئتين، ونغلق المضلع كما يبدوا لنا في المثال التالي:

### خطوات رسم المضلع التكرارى:

- نرسم محورين أفقي ورأسي بحيث يمثل المحور الأفقي الفئات والمحور الرأسى التكرارات.
- **لكي نرسم المضلع من خلال المدرج التكرارى** نقوم بتمثيل بيانات الدراسة من خلال مجموعة من المستطيلات المتلاصقة بحيث يعبر ارتفاع المستطيل عن عدد مرات تكرار وجه الظاهرة محل الدراسة.
- نقوم بتقسيم هذه المستطيلات من أعلى (مركز الفئة)، ثم بعد ذلك نوصل نقاط التقسيم هذه بعضها مع بعض بخط مستقيم من خلال المسطرة لنحصل بالتالي على المضلع التكرارى من خلال المدرج التكرارى.
- **ولرسم المضلع من خلال مراكز الفئات** نقوم بإيجاد مركز الفئة لجميع فئات التوزيع التكرارى، ثم نقوم بتمثيل التكرار الأسمى المقابل لكل فئة بنقطه تناظر مركز هذه الفئة.
- نقوم برسم خط باستخدام المسطرة يصل كل نقطتين متتاليتين، فنحصل على المضلع التكرارى.
- لإغلاق المضلع من الطرفين نقوم بإنشاء فئة سابقة عند النقطة الأولى في التوزيع التكرارى يقابلها تكرار أسمى يساوى الصفر، وكذلك إنشاء فئة لاحقة للفئة الأخيرة في التوزيع التكرارى يقابلها تكرار أسمى يساوى الصفر أيضاً، ونحسب مركز الفئة لكل منهما.



## مثال:-

استخدم بيانات المثال السابق لرسم المضلع التكراري

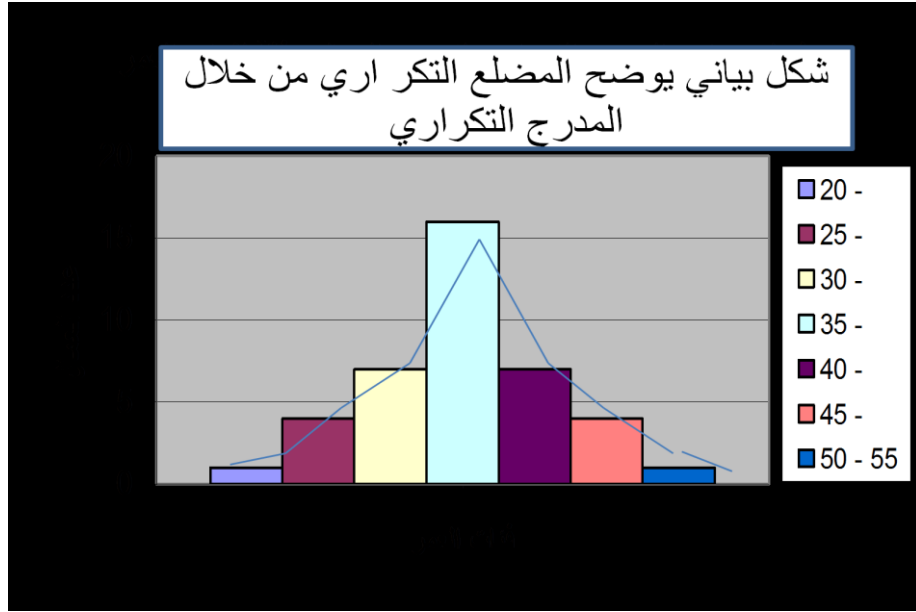
## الحل:-

(١) نحصل على مراكز الفئات

فئات العمر	-20	-25	-30	-35	-40	-45	55-50	المجموع
مراكز الفئات	22.5	27.5	32.5	37.5	42.5	47.5	52.5	
عدد العمال	1	4	7	16	7	4	1	٤٠

(٢) استحداث فئتين سابقة ولاحقة للتوزيع وحساب مركز الفئة لكل منها، فمركز الفئة السابقة عن الفئة الاولى للتوزيع هو 17.5، وذلك باعتبار الفئة السابقة هي 15-20، وكذلك مركز الفئة اللاحقة للفئة الأخير للتوزيع هو 57.5، وذلك باعتبار الفئة اللاحقة هي -60 و55، والتكرار المقابل لكل مركز منهما يساوى الصفر.

(٣) نرسم محورين أفقي ورأسي بحيث يمثل المحور الأفقي الفئات والمحور الرأسي التكرارات، ثم بعد ذلك نرسم شكل المدرج التكراري ومن ثم نقوم بتقسيم مستطيلات المدرج التكراري من أعلى (مركز الفئة)، ثم بعد ذلك نوصل نقاط التقسيم هذه بعضها مع بعض بخط مستقيم من خلال المسطرة لنحصل بالتالي على المضلع التكراري من خلال المدرج التكراري.

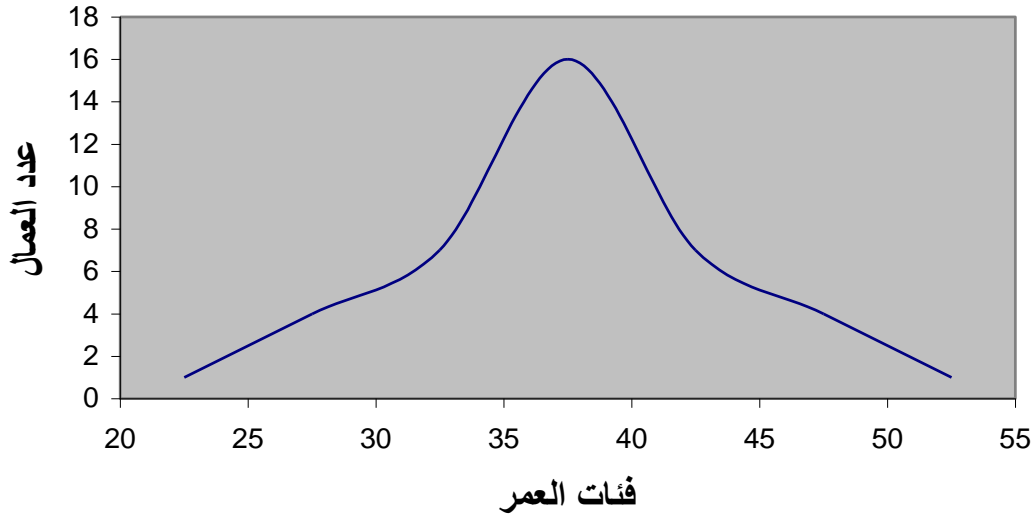


**المنحنى التكراري :** إذا مهدنا المضلع التكراري وجعلناه منحنى بدلاً من خطوط منكسرة فإننا نحصل على المنحنى التكراري، ويلاحظ أنه ينبغي عدم رسم المنحنى التكراري إلا إذا كانت الفئات كثيرة العدد، وذات طول صغير وكان عدد البيانات كبيراً وكانت هذه البيانات من النوع المتصل مثل الزمن والوزن.

### خطوات رسم المنحنى التكراري:

- نرسم محورين أفقي ورأسي بحيث يمثل المحور الأفقي الفئات والمحور الرأسي التكرارات.
- نقوم بإنشاء فئة سابقة عند النقطة الأولى في التوزيع التكراري يقابلها تكرار أصلي يساوي الصفر.
- نقوم بإنشاء فئة لاحقة للفئة الأخيرة في التوزيع التكراري يقابلها تكرار أصلي يساوي الصفر أيضاً.
- إيجاد مركز الفئة لجميع فئات التوزيع التكراري، ثم نقوم بتمثيل التكرار الأصلي المقابل لكل فئة بنقطة تناظر مركز هذه الفئة.
- نقوم برسم خط باليد دون استخدام المسطرة يصل كل نقطتين متتاليتين، فنحصل على المنحنى التكراري.

شكل يوضح المنحنى التكرارى لعدد العمال وفقاً لفئات العمر



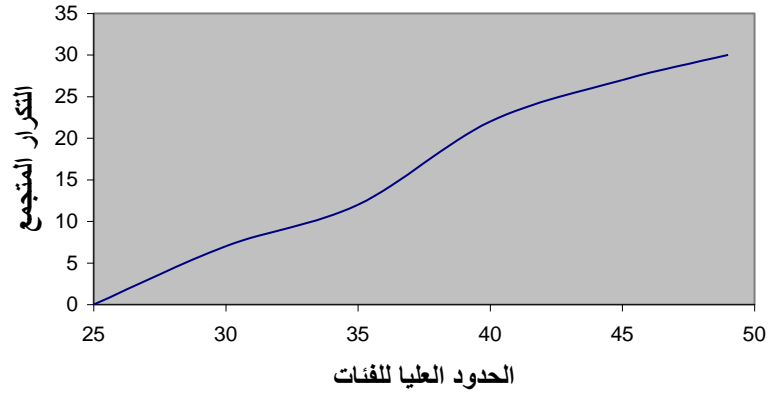
### التوزيعات التكرارية المتجمعه:

تستخدم المنحنيات المتجمعه لتمثيل التوزيعات التكرارية المتجمعه بيانياً بما يتلائم مع نوع التوزيع التكرارى المتجمع، ونحصل على المنحنى المتجمع برصد التكرار المتجمع لأي فئة مقابل الحد الأعلى أو الحد الأدنى الفعلي لها ثم نوصل هذه النقاط فيما بينها بخطوط ممهدة.

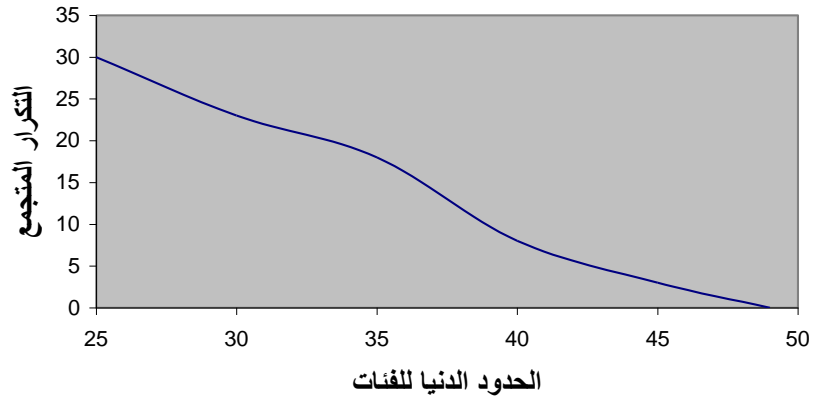
يستخدم المنحنى المتجمع الصاعد لتمثيل التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد، سواء أكان بالقيم المطلقة للتكرارات، أو بالتكرار النسبي. ويراعى وضع النقاط الخاصه بالتكرارات في حالة المنحنى المتجمع الصاعد عند الحد الأعلى لكل فئة، لأنه يعبر عن العدد الاجمالي لأوجه الظاهرة الواقع أسفل الحد الأعلى للفئة.

ويستخدم المنحنى المتجمع الهابط (النازل) لتمثيل التوزيع التكرارى المتجمع الهابط (النازل) أيضاً بالقيم المطلقة للتكرارات أو بالتكرار النسبي، ويراعى وضع النقاط الخاصه بالتكرارات المتجمعه الهابطه (النازلة) عند الحد الأدنى لكل فئة، لأنه يعبر عن العدد الاجمالي لأوجه الظاهرة الواقع أعلي الحد الأدنى للفئة.

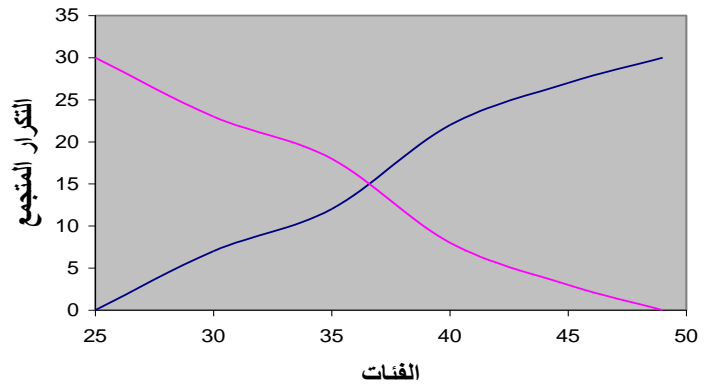
شكل يوضح المنحنى التكرارى المتجمع الصاعد



شكل يوضح المنحنى التكرارى المتجمع الهابط



شكل يوضح كلاً من المنحنى التكرارى المتجمع الصاعد و الهابط

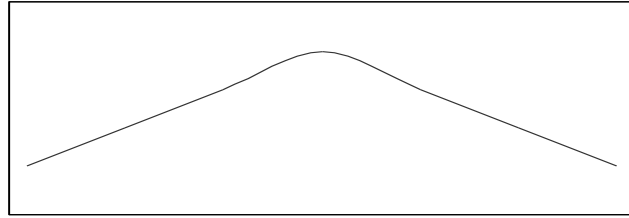


## الأشكال الشائعة للتوزيعات التكرارية:-

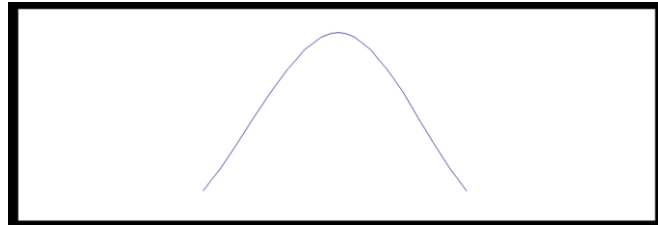
يعتبر التوزيع الطبيعي ذو شكل الجرس من التوزيعات التكرارية الهامة في دراستنا.

وفي أحيان أخرى يكون المنحنى التكراري مدبب القمة بحيث تكون القمة ضيقة وذو طرفين واسعين نسبياً، فيسمى في هذه الحالة منحنى قليل التفرطح أو المنحنى المدبب.

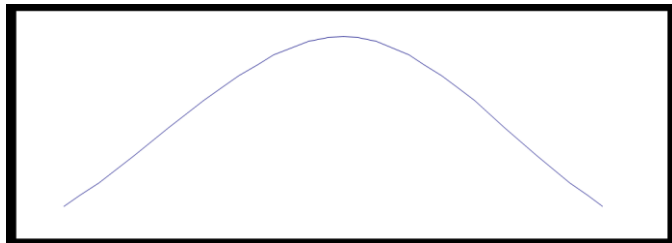
وقد يكون المنحنى التكراري مسطح القمة بحيث تكون القمة واسعه ذو طرفين ضيقين نسبياً، فيسمى منحنى كبير التفرطح أو المنحنى المفرطح، وفيما يلي رسم بياني يوضح كلا المنحنيين المدبب والمفرطح.



المنحنى المفرطح



المنحنى المدبب



المنحنى الطبيعي

## المحاضرة السابعة (الجزء الاول)

### المقاييس الإحصائية للبيانات غير المبوبة

#### أولاً: مقاييس النزعة المركزية

سبق و أن أستعرضنا مراحل البحث العلمى و أتضح لنا أن البحث الإحصائى له نفس المراحل فبعد جمع البيانات و المعلومات Data Collection لا بد من عرض هذه البيانات فى شكل جدولى او فى شكل الرسومات بيانية Data Presentation and Tabulation مما يسهل من فهم و أستيعاب مضمونها . و تأتى بعد ذلك المرحلة التالية وهى تحليل البيانات Data Analysis و التى فيها يتم استخدام الأدوات الإحصائية المختلفة لوصف البيانات من خلال حساب المقاييس الإحصائية المختلفة التى سوف نستعرضها فى هذه المحاضرة بمشيئة الله.

#### المقاييس الإحصائية:

تتمثل أهمية عملية وصف البيانات كمياً من خلال محاولة الوصول إلى فهم ورؤية أوضح للمعلومة المحتواه فى القيم الكمية للمتغيرات محل الدراسة ومحاولة التعبير عن تلك البيانات الكمية بقيم تصف طبيعة وشكل المتغيرات محل الدراسة بالطريقة التى تمكننا من التعامل معها بشكل أدق وأفضل ويطلق على تلك القيم المقاييس الإحصائية.

المقاييس الإحصائية لم توجد من تلقاء نفسها وإنما دعت الحاجة إلى وجودها حيث تساعدنا فى وصف المتغيرات المختلفة عن طريق معرفة القيم التى تتركز حولها البيانات ومدى التفاوت بين قيم المفردات محل الدراسة وتلك القيم، كما تساعدنا فى المقارنة بين المتغيرات المختلفة من حيث مدى نزعتها نحو مراكز معينة وتحديد مدى تجانس البيانات بعضها مع بعض.

#### أقسام المقاييس الإحصائية :

تنقسم المقاييس الإحصائية إلى نوعين رئيسيين هما:

- مقاييس النزعة المركزية Central Tendency Measures
- مقاييس التشتت أو الانتشار Dispersion Measures

فى هذه المحاضرة سنتعرض لكيفية حساب مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت فى حالة استخدام البيانات الخام غير المبوبة، أى تلك التى لم يتم تصنيفها فى صورة جداول تكرارية، وذلك هو الأصل فى التحليل الإحصائي للبيانات، لأنه يعطى الصورة الحقيقية للنتائج بدون أى تدخل شخصى فيها، إلا ان ذلك لا يقلل إىضا من أهمية الحاجة لدراسة كيفية حساب المقاييس الإحصائية المختلفة من البيانات المبوبة والتي سنتعرض لها فى المحاضرات التالية إن شاء الله.

## اولا- مقاييس النزعة المركزية Central Tendency Measures

نقصد بمقاييس النزعة المركزية تلك القيم الوسطى التى توضح القيمة التى تجمع أكبر عدد من القيم الخاصة بمجموعة معينة عندها . أو هي قيمة تلك الدرجة التى يمكن أن تعتبر ممثلة لكافة الدرجات الموجودة فى تلك المجموعة . ولتحديد القيمة المتوسطة للتوزيع يوجد هناك عدة مقاييس أهمها :

- المتوسط الحسابي
- الوسيط
- المنوال (الشائع)

كما يوجد عدة مقاييس أخرى أقل شيوعا مثل:

- الوسط الهندسى
- الوسط التوافقي
- العشير
- المثين

### أهمية حساب مقاييس النزعة المركزية :

حساب مقاييس النزعة المركزية يساعد على التالي:

- ايجاد ذلك الرقم المتوسط الذي يدل على خصائص أرقام مجموعة من المجموعات فيكفي أن ننظر الى ذلك الرقم المتوسط لنعرف الكثير عن خصائص هذه المجموعة من الأرقام
- المقارنة بين عدة مجموعات فى وقت واحد ، فنقول أن هذه المجموعة أقوى من تلك ، وذلك اعتمادا على مقارنة هذه المتوسطات بعضها ببعض

## الوسط الحسابي ( المتوسط ) Mean

يُعرف المتوسط الحسابي بأنه قيمة التي اذا أعطيت لكل مفرد من مفردات الظاهرة لكان مجموع القيم الجديدة مساويا للمجموع الفعلي للقيم الأصلية للظاهرة، أي أن الوسط الحسابي يساوي مجموع القيم مقسوما على عددها، ويتم حساب المتوسط الحسابي للبيانات غير المبوبة من خلال المعادلة التالية:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

### مثال:

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بالألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذي القعدة	ذي الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

### المطلوب:

حساب المتوسط الحسابي للمبيعات الشهرية.

ويجب ملاحظة عدة أمور في الوسط الحسابي وهي:

- انه لا يشترط أن يكون المتوسط الحسابي عددا صحيحا.
- ان المتوسط الحسابي دائما محصور بين أقل القيم وأعلىها، ولكن هذا لا يعني أنه يقع في الوسط تماما بين هذين الحدين.
- إن المجموع الجبري لانحراف القيم عن المتوسط يكون دائما صفر.
- ومن أهم خصائص الوسط الحسابي هو تأثره بجميع العمليات الجبرية تجرى على البيانات من إضافة قيمة لجميع البيانات أو طرحها أو ضربها أو قسمتها.



## مثال:

بسؤال خمسة أشخاص عن أجرهم الشهري فكانت إجاباتهم كما يلي بالألف ريال:

3 , 5 , 2, 7,3

## المطلوب:

- أحسب متوسط الأجر الشهري
  - وإذا قررت إدارة الشركة زيادة أجورهم أحسب متوسط الأجر الجديد في الحالتين التاليتين
- 1- زيادة اجور العاملين بمقدار 2000 ريال
- 2- زيادة أجور العاملين بنسبة 5 %

## مزايا وعيوب المتوسط الحسابي:

### المزايا:

- يعد المتوسط الحسابي من اكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما، واسهلها فهما وذلك نتيجة لسهولة حسابه
- يدخل في حسابه كل القيم دون اهمال أي قيمة منها.

### العيوب:

- يتأثر بالقيم المتطرفة الشاذة قلة أو كثرة، فقد يرتفع لمجرد وجود قيمة مرتفعة، وقد يقل كثيرا لمجرد وجود قيمة واحدة صغيرة وهذا بالتالي يؤدي الى عدم تمثيل المتوسط لواقع المعلومات.
- لايمكن ايجاده من خلال الرسم

## الوسيط Median

هو الدرجة التي تتوسط مجموعة من الدرجات المرتبة ترتيبا تصاعديا أو تنازليا، أى هو القيمة التي يصغرها عدد من القيم يساوى العدد الذى يكبر هذه القيمة ويمكن حساب الوسيط باتباع الخطوات التالية:

- ترتيب الدرجات تصاعديا أو تنازليا
- إيجاد ترتيب الوسيط و يقصد به إيجاد مكان الوسيط، ويختلف ترتيب الوسيط إذ كان عدد المشاهدات فردى أو زوجي كما يلي:

	n
$(n+1)/2$	
$n/2$ , $(n/2)+1$	

- - إيجاد قيمة الوسيط.

### مثال:

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بلألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الاخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذي القعدة	ذي الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

### المطلوب:

إيجاد قيمة الوسيط للبيانات السابقة.

## مزاجا وعبوب الوسيط:

### المزاجا:

- لا يتأثر بالقيم الشاذة.
- يمكن استخدام الوسيط في البيانات الناقصة.
- يمكن الحصول على الوسيط وحسابه من خلال الرسم.
- يمكن استخدام الوسيط في البيانات التي يعرف ترتيبها ولا تعرف قيمتها.

### العبوب:

- لا يعتمد على جميع القيم، حيث أنه لا يدخل في حسابه سوى قراءة واحدة أو قراءتين من البيانات كلها.

## المنوال Mode

هو القيمة التي تعتبر اكثر القيم شيوعا، وعلى ذلك فتحديده يتوقف على تكرار القيم في المجموعة.

في نفس المثال السابق للمبيعات الشهرية . أحسب المنوال؟

نجد أن المبيعات الأكثر تكراراً هنا هي 3 ألف ريال لذلك

**فان المنوال هنا = 3**

وقد يكون في التوزيع منوالين أو أكثر وذلك كالمثال الآتي:

6 ، 5 ، 5 ، 5 ، 4 ، 4 ، 4

**فالمنوال هنا = 4 ، 5** أي أنه يوجد منوالين .

وقد لا يكون في التوزيع منوال وذلك كالمثال الآتي:

2 ، 5 ، 7 ، 9 ، 11

## مزايا وعيوب المتوال:

### المزايا:

- سهل الحساب سواء بالرسم أو بالحساب
- لا يتأثر كثيرا بالقيم الشاذة
- لا يتأثر كثيرا لو تغيرت قيم بعض مفردات البيانات

### العيوب:

- أقل مقاييس النزعة المركزية استعمالا
- عديم الفائدة في البيانات القليلة العدد

## الوسط الهندسي Geometric Mean

نتيجة أن الوسط الحسابي يتأثر بالقيم الشاذة دعت الحاجة إلى وجود مقاييس لا تتأثر بقدر الإمكان بالقيم الشاذة والمتطرفة ومن تلك المقاييس الوسط الهندسي GM والذي يكون مفيد في بعض التطبيقات الاقتصادية ودراسات نمو الظواهر الديموجرافية وكذلك في حساب الأرقام القياسية، فالوسط الهندسي هو الجذر النوني لحاصل ضرب القيم محل الدراسة ويمكن حسابه من خلال المعادلة التالية:

$$GM = \sqrt[n]{x_1 \times x_2 \times \dots \times x_n}$$

ويحسب الجذر النوني من خلال استخدام الآلة الحاسبة العلمية بكتابة حاصل ضرب القيم محل الدراسة ثم الضغط على الجذر النوني ثم إدخال قيمة n ثم الضغط على يساوي فتظهر بالتالي قيمة الوسط الهندسي.

## مثال :

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بلألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الاخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذي القعدة	ذي الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

## المطلوب:

إيجاد قيمة الوسط الهندسي للبيانات السابقة.

## الحل:

يمكن تطبيق المعادلة السابقة على البيانات الموجودة بالمثل ولكن قد يكون الأمر صعب في حالة ما تكون المشاهدات محل الدراسة ( n ) كبيرة الحجم . لذا يمكن حساب الوسط الهندسي كما يلي:

$$GM = \sqrt[12]{3 \times 5 \times 8 \times 3 \times 6 \times 4 \times 12 \times 5 \times 4 \times 3 \times 7 \times 9} = \\ = \sqrt[12]{391910400} = 5.2014$$

## خواص الوسط الهندسي:

- ١ . يعطى نتائج أكثر اعتدالا من المتوسط الحسابي
- ٢ . تتوقف قيمته على سائر القيم دون استثناء أو استبعاد، شأنه شأن الوسط الحسابي
- ٣ . أقل تأثرا بالقيم المتطرفة عن الوسط الحسابي

## مزايا وعيوب الوسط الهندسي:

### المزايا:

١. أكثر تمثيلاً للقيم عن الوسط الحسابي بأعتبار أنه لا يتأثر بالقيم المتطرفة بنفس درجة الوسط الحسابي
٢. يعتبر من أنسب المقاييس لحساب متوسطات النسب ومعدلات النمو
٣. يعتبر من أكثر مقاييس النزعة المركزية ملائمة لحساب الأرقام القياسية للمناسيب

### العيوب:

١. لا يمكن حسابه اذا كانت احدى القيم صفر
٢. لا يمكن استخدامه اذا كان ناتج حاصل ضرب قيم المشاهدات محل الدراسة سالب
٣. صعوبة حسابه يدويا وإنما يمكن ذلك بأستخدام الحاسب الألى (الآلة الحاسبة).

## تابع المحاضره السابعه (الجزء الثاني)

تابع ... المقاييس الإحصائية للبيانات غير المبوبة

### ثانياً: مقاييس التشتت أو الانتشار Dispersion Measures

كما تميل القيم الى التمرکز فانها تميل أيضا إلى التشتت أو الانتشار، فبالتالي فان أي توزيع من القيم له صفة التمرکز، وصفة التشتت.

فمقاييس التشتت هي تلك المقاييس التي تعبر عن مدى تباعد القيم أو تقاربها في المجموعات التي يشملها البحث

### مثال

مجموعة (أ): 8 ، 8 ، 8 ، 8 ، 8

مجموعة (ب): 1 ، 2 ، 3 ، 5 ، 6

نلاحظ أن المجموعة الأولى (أ) لا يوجد بها تشتت، فهذه المجموعة متجانسة.

في حين نلاحظ ان المجموعة الثانية (ب) يوجد بها تشتت

يمكن ان يقاس تشتت البيانات عن طريق مقاييس التشتت المختلفة، وأهم هذه المقاييس:

- المدى
- المدى الربيعي
- الإنحراف عن المتوسط
- التباين
- الإنحراف المعياري

### - لماذا نستخدم مقاييس التشتت؟

نستخدم هذه المقاييس اذا كان عندنا مجموعتين ونريد ان نقارن بينهما، وكان المتوسط فيما بينهما متساوي ، كما في المثال التالي:

مجموعة (أ): ( 45 ، 50 ، 55 ) المتوسط هنا = 50

مجموعة (ب): ( 30 ، 50 ، 70 ) المتوسط هنا = 50

فلذا لا نستطيع ان نقول هنا ان المجموعتين متساويتين لأننا إذا رجعنا الى المجموعتين وجدنا انهما مختلفتين في الدرجات رغم تساوي المتوسطين حيث أن المتوسط الحسابي في المجموعتين يساوي (50) .

لكن اذا استخدمنا احد مقاييس التشتت مثل المدى والذي يحسب من خلال العلاقة التالية: المدى = أعلى درجة - أقل درجة

وعلى ذلك فإن:

$$\text{مدى مجموعة (أ)} = 55 - 45 = 10$$

$$\text{مدى مجموعة (ب)} = 70 - 30 = 40$$

نرى ان درجة التشتت في المجموعة (أ) أقل منها في المجموعة (ب)، أي ان المجموعة (أ) تكون أكثر تجانساً من المجموعة (ب)

## المدى Range

المدى هو الفرق بين أعلى درجة وأقل درجة في التوزيع.

ويعتبر المدى الوسيلة المباشرة لمعرفة مدى تقارب القيم أو تباعدها في أي توزيع، وهو وسيلة سهلة، إلا أنها أقل الوسائل دقة وذلك لأن حسابه يتوقف على قيمتين فقط من قيم المجموعة، ولا يهتم مطلقاً بما بينهما من قيم أخرى.

فالمدى لا يصلح إلا إذا أراد الباحث أن يأخذ فكرة سريعة عن مدى تشتت بيانات التوزيع موضع الدراسة، إلا أن استخدامه والاعتماد عليه قد يؤديان إلى نتائج خادعة، وخاصة إذا كان هناك انفصال بين الدرجات المتطرفة وباقي الدرجات موضع البحث.

### مثال:

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بالألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذي القعدة	ذي الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

### المطلوب:

حساب المدى للمبيعات الشهرية.

### الحل:

نلاحظ أن أكبر قيمة هي 12 وأقل قيمة للمبيعات الشهرية هي 3 لذلك يكون المدى 9

$$\text{Range}=12-3=9$$

### عيوب المدى:

نجد أن من أهم عيوب المدى أنه يتم حسابه بناءً على أكبر و أصغر قيمتين وبالتالي في حالة كونهما أو أحدهما متطرفتين أو قيم شاذة فإن المدى يعطى نتائج مضللة.



## - متوسط الانحرافات المطلقة Average Absolute Deviation

متوسط الانحرافات المطلقة AAD هو ذلك المقياس الذي يقيس تباعد كافة القيم عن المتوسط الحسابي .

وعلى الرغم من أن حساب نصف المدى الربيعي يقضي على أثر القيم المتطرفة، والتي تؤثر على حساب المدى المطلق، إلا أنها جميعا (المدى، ونصف المدى الربيعي) يتناولان التباعد بين قيمتين فقط (أعلى قيمة وأدنى قيمة) في المدى، (وقيمة الربع الأدنى وقيمة الربع الأعلى) في نصف المدى الربيعي، وذلك من بين القيم موضع الدراسة، أما بقية القيم تبقى مهملة .

وهذا ما أدى الى تطبيق متوسط الانحرافات المطلقة AAD الذي يقيس تباعد كافة القيم عن متوسطها الحسابي.

ويمكن حساب متوسط الأنحرافات المطلقة من خلال المعادلة التالية :

$$AAD = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - \bar{x}|}{n}$$

**مثال :**

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بلألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الاخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذي القعدة	ذي الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

**المطلوب:**

أحسب متوسط الأنحرافات المطلقة للمبيعات الشهرية.

## - التباين والانحراف المعياري :

التباين **Variance** هو متوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي. ويرمز له بالرمز (تقراء سيجما تربيع) وذلك إذا كان محسوب لبيانات المجتمع أما في حالة حسابة لبيانات عينة من المجتمع فيرمز له بالرمز  $S^2$  .

الانحراف المعياري **Standard Deviation** وهو الجذر التربيعي لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي أي هو جذر التباين لذلك يرمز له بالرمز (تقراء سيجما) و ذلك إذا كان محسوب لبيانات المجتمع أما في حالة حسابة لبيانات عينة من المجتمع فيرمز له بالرمز  $S$  .

ويعتبر الانحراف المعياري والتباين من أهم مقاييس التشتت جميعا أو أكثرها استعمالا، وهما قريبين في خطوات ايجادهما من الانحراف عن المتوسط.

فالتباين والانحراف المعياري يختلف عن الانحراف عن المتوسط في طريقة التخلص من اشارات الفروق بين القيم والمتوسط الحسابي، فبينما نتخلص من هذه الاشارات في طريقة الانحراف عن المتوسط بإهمال الاشارات كلية، نحتال على ذلك في طريقة التباين والانحراف المعياري بتربيع هذه الفروق (أي نضربها في نفسها) فتصبح بالتالي جميع الاشارات موجبة.

## حساب التباين والانحراف المعياري :

- يمكن حساب التباين من خلال المعادلة التالية:

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

- بالتالي يكون حساب الانحراف المعياري كما يلي:

$$S = \sqrt{S^2}$$

## مثال :

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ  
بـألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذو القعدة	ذو الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

## المطلوب:

أحسب قيمة التباين وقيمة الإنحراف المعياري للمبيعات الشهرية.

## ملاحظة هامة:

يعتبر من أهم خصائص الانحراف المعياري هو **عدم تأثره** بعمليات الجمع والطرح  
**وإنما يتأثر فقط** بعمليات الضرب والقسمة.

فلاحظ **عدم تغير قيمة الانحراف المعياري** في حالة الجمع أو الطرح وإنما تظل  
قيمة كما هي بالرغم من طرح مقدار ثابت من جميع قيم التوزيع.

أما في حالة الضرب أو القسمة فنلاحظ تغير **قيمة الانحراف المعياري** وهي نفس  
قيمة الانحراف المعياري القديمة مضروبة في القيمة التي ضرب فيها أو قسم عليها.

## مثال :

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بـألف ريال كما  
يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذو القعدة	ذو الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

## المطلوب:

فإذا تم طرح 2 من جميع بيانات المبيعات الشهرية أي تم تخفيض المبيعات الشهرية بمقدار 2  
أحسب قيمة الانحراف المعياري الجديد؟

نلاحظ عدم تغير قيمة الانحراف المعياري وإنما ظلت قيمة كما هي بالرغم من طرح مقدار ثابت 2 من جميع قيم المبيعات الشهرية.

**مثال :**

البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام 1427 هـ بألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثاني	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذو القعدة	ذو الحجة
المبيعات	3	5	8	3	6	4	12	5	4	3	7	9

**المطلوب:**

أحسب قيمة الانحراف المعياري للمبيعات الشهرية إذا تم زيادة المبيعات الشهرية إلى ثلاث أمثال الموجود حالياً؟

نلاحظ تغير قيمة الانحراف المعياري وهي نفس قيمة الانحراف المعياري القديمة مضروبة في 3

وبالتالي يمكن أن نكون حصلنا على كافة المقاييس الإحصائية الوصفية التي تصف المبيعات الشهرية فكانت كما يلي:

5.20114	3	5	5.75

2.80016	7.840909	2.20833	9



## المحاضره الثامنه " الجزء الاول "

### المقاييس الإحصائية للبيانات المبوبة

يقصد بالبيانات المبوبة تلك البيانات التي تم وضعها في صورة جداول تكرارية.

والجداول التكرارية للمتغير الكمي المتقطع يمكن تحويلها لتكون بيانات غير مبوبة و نتعامل معها كما سبق توضيح ذلك في المحاضرة السابقة، إلا أن الأمر يختلف بالنسبة للمتغير الكمي المتصل حيث يصعب ذلك ولا بد من التعامل معها كما هي على صورتها الجدولية وهذا ما سوف نتناوله في هذه المحاضرة إن شاء الله

وسيتم عرض كيفية حساب كلا من مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت في ثلاث حالات للجداول التكرارية وهي :

- الجداول المنتظمة
- الجداول غير المنتظمة
- الجداول المفتوحة

### أجداول المنتظمة :

- وهي تلك الجداول التي تكون فيها أطوال الفئات جميعها متساوية .

أولاً- الوسط الحسابي والتشتت حولة:

الوسط الحسابي كما سبق أن تم تعريفه في الفصل السابق هو القيمة التي إذا أخذها جميع المفردات لكان مجموعها يساوى مجموع القيم الأصلية، ويمكن حساب الوسط الحسابي او المتوسط الحسابي كما يلي:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^l x_i f_i}{\sum_{i=1}^l f_i}$$

	█	$\bar{x}$
█	█	$x_i$
	i █	$f_i$
	█	$l$

ويتم حساب التشتت حول المتوسط الحسابي من خلال الآتي:  
**أ- متوسط الانحرافات المطلقة AAD:**

وهو يقيس إنحراف القيم عن وسطها الحسابي بغض النظر عن اشارة ذلك الانحراف حيث يتم حسابه من خلال المعادلة التالية :

$$AAD = \frac{\sum_{i=1}^l |x_i - \bar{x}| f_i}{\sum_{i=1}^l f_i}$$

**ب - التباين  $\sigma^2$  :**

وهو متوسط مجموع مربع إنحرافات القيم عن وسطها الحسابي. ويتم حسابه من خلال المعادلة التالية:

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^l (x_i - \bar{x})^2 f_i}{\sum_{i=1}^l f_i}$$

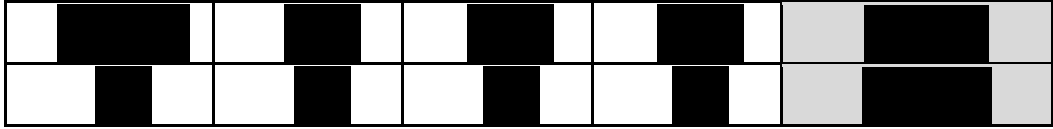
### ج - الانحراف المعياري $\sigma$ :

هو الجذر التربيعي للتباين، ويمكن حسابه من خلال المعادلة التالية:

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$

### مثال:

البيانات التالية توضح توزيع مجموعة من المدرسين العاملين في مجال التربية وفقاً لفئات أعمارهم فكانت النتائج كما يلي:



### المطلوب: حساب التالي:

- الوسط الحسابي
- التباين
- الانحراف المعياري
- متوسط الانحرافات المطلقة

### أحل:

يتم إعداد الجدول التالي حتى يمكن حساب كلاً من الوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري:

$x^2 f$	$xf$	x	f	
6250	250	25	10	20 -
36750	1050	35	30	30 -
101250	2250	45	50	40 -
60500	1100	55	20	50 - 60
204750	4650		110	
$\sum x^2 f$	$\sum xf$		$\sum f$	



• الوسط الحسابي:

يمكن إيجاد الوسط الحسابي بتطبيق المعادلة الخاصة بذلك كما يلي:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^l x_i f_i}{\sum_{i=1}^l f_i} = \frac{4650}{110} = 42.2727$$

• التباين:

يمكن الحصول على التباين باستخدام المعادلة الخاصة بذلك كما يلي:

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^l x_i^2 f_i}{\sum_{i=1}^l f_i} - \bar{x}^2$$

$$\sigma^2 = \frac{204750}{110} - (42.2727)^2 = 74.3801$$

• الانحراف المعياري:

يمكن حساب الانحراف المعياري باستخدام المعادلة الخاصة بذلك كما يلي:

$$\sigma = \sqrt{74.3801} = 8.62439$$

• متوسط الانحرافات المطلقة AAD:

حتى يمكن إيجاد متوسط الانحرافات المطلقة لابد أولاً من إيجاد الانحرافات عن الوسط الحسابي ثم استخدامها في الحساب كما يتضح ذلك من الجدول التالي:

$ x - \bar{x} f$	$(x - \bar{x})f$	$x - \bar{x}$	x	f	
172.7273	-172.727	-17.2727	25	10	20 -
218.1818	-218.182	-7.27273	35	30	30 -
136.3636	136.3636	2.727273	45	50	40 -
254.5455	254.5455	12.72727	55	20	50 - 60
781.8182	0			110	
$\sum  x - \bar{x} f$	$\sum (x - \bar{x})f$				

ويمكن الحصول على متوسط الانحرافات المطلقة AAD بتطبيق المعادلة الخاصة بذلك كما يلي:

$$AAD = \frac{\sum_{i=1}^l |x_i - \bar{x}| f_i}{\sum_{i=1}^l f_i} = \frac{781.8182}{110} = 7.1074$$

فيوضح لنا من الجدول السابق أن:

مجموع انحرافات القيم عن وسطها الحسابي تساوى صفر حيث أن

$$\sum (x - \bar{x}) f = 0$$

كما يمكن الاعتماد على هذه الانحرافات في حساب التباين بتطبيق المعادلة الخاصة بذلك.

## المحاضرة الثامنة " الجزء الثاني "

### تابع ... المقاييس الإحصائية للبيانات المبوبة

ثانياً - الوسيط والتشتت حوله:

الوسيط هو القيمة التي يصغرها عدد من القيم يتساوى مع العدد الذي يكبر هذه القيمة، وهو يعتبر أحد مقاييس النزعة المركزية التي نلجأ إليها لتحليل الظواهر وفقاً لشكل التوزيع الإحصائي محل الدراسة.

ولحساب الوسيط من البيانات المبوبة هناك ثلاث خطوات يجب إتباعها وهى:

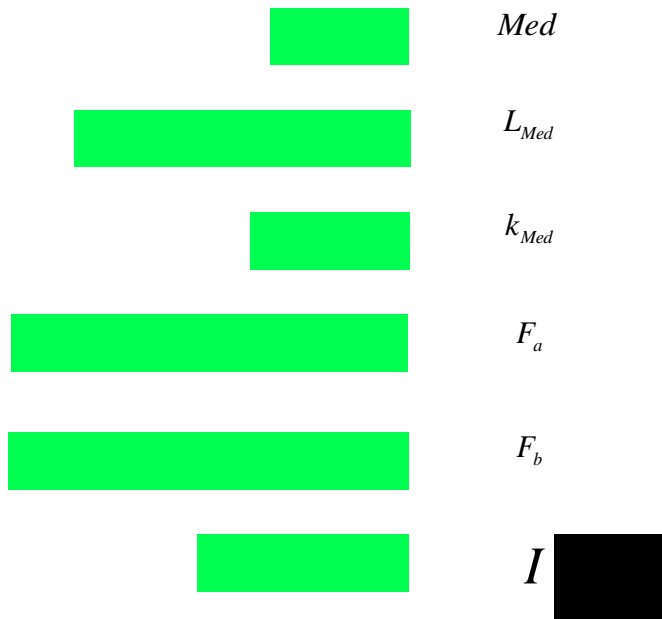
- إيجاد الجدول التكرارى المتجمع الصاعد
- إيجاد ترتيب الوسيط من خلال المعادلة التالية:

$$k_{Med} = n / 2$$

- إيجاد قيمة الوسيط من خلال المعادلة التالية:

$$Med = L_{Med} + \frac{k_{Med} - F_a}{F_b - F_a} \times I$$

حيث أن :



## مثال :-

فى بيانات المثال السابق توزيع مجموعة من المدرسين العاملين فى مجال التربية وفقاً لفئات أعمارهم، أحسب قيمة الوسيط؟


## أحل :-

- إيجاد الجدول التكرارى المتجمع الصاعد كما يلي:

0	20
10	30
40	40
90	50
110	60

- إيجاد ترتيب الوسيط كالتالى:

$$k_{Med} = 110 / 2 = 55$$

- إيجاد قيمة الوسيط من خلال التالى:

نلاحظ أن ترتيب الوسيط = 55 ، مما يعنى أن ترتيب الوسيط يقع بين التكرار المتجمع الصاعد ( 40 ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 40 والتكرار المتجمع الصاعد ( 90 ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 50

أي أن الحد الأدنى للفئة هو  $40 = L_{Med}$

وبالتالى يكون طول الفئة الوسيطة هو:

$$I = 50 - 40 = 10$$

وعلى ذلك يمكن حساب قيمة الوسيط كما يلي:

$$Med = L_{Med} + \frac{k_{Med} - F_a}{F_b - F_a} \times I$$

$$Med = 40 + \frac{55 - 40}{90 - 40} \times 10 = 43$$

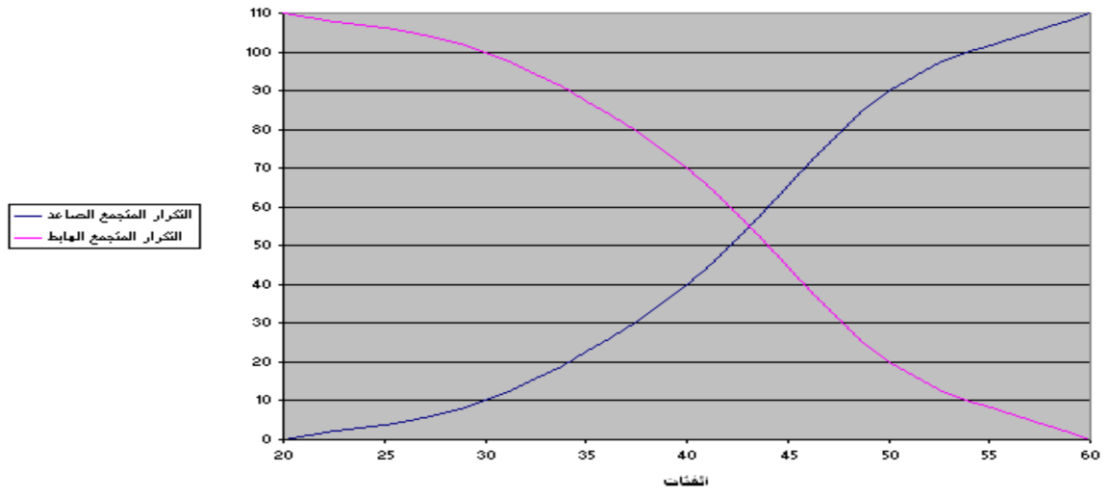
كما يمكن إيجاد الوسيط عن طريق رسم كلا من المنحنى التكراري المتجمع الهابط والمنحنى التكراري المتجمع الصاعد كما يلي :

لقد قمنا في أثناء حل المثال السابق بحساب التكرار المتجمع الصاعد، ونقوم الآن بإيجاد التكرار المتجمع الهابط كما يلي:

110			
100			
70			
20			

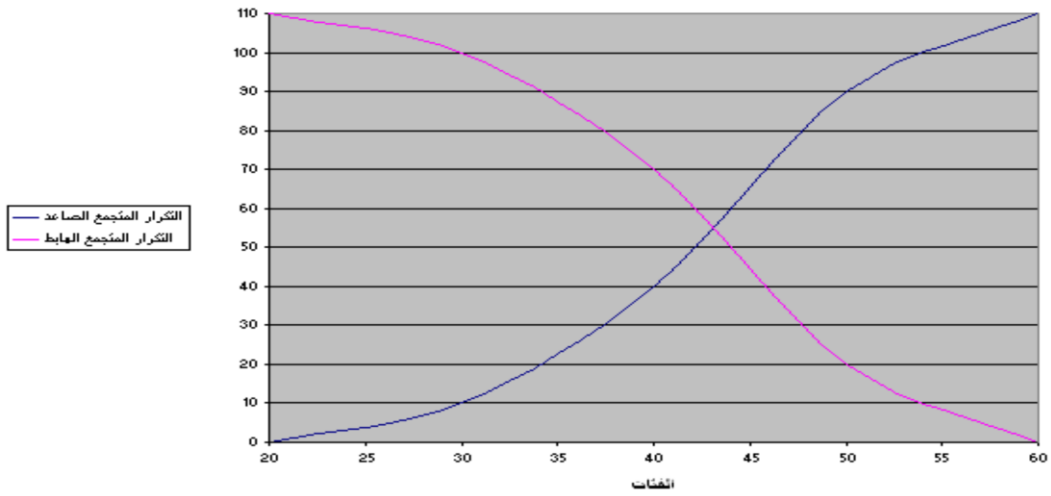
ثم بعد ذلك نقوم برسم كلا من المنحنى التكراري المتجمع الصاعد والمنحنى التكراري المتجمع الهابط معا كما يلي:

شكل يوضح كلاً من المنحنى التكراري المتجمع الصاعد و الهابط



ويمكن الحصول على قيمة الوسيط من خلال الرسم بأن نسقط عمود رأسي من نقطة تقاطع كلا من المنحنى التكراري المتجمع الصاعد مع المنحنى التكراري المتجمع الهابط على المحور الرأسي لنقرأ قيمة الوسيط كما يتضح مما يلي:

شكل يوضح كلاً من المنحنى التكراري المتجمع الصاعد و الهابط



و يتضح لنا من الشكل السابق أن الوسيط تبلغ قيمته 43 تقريبا

### الرُّبِيعِ الادنى ( الأول ):

يُعبّر الرُّبِيعِ الأول Q1 عن القيمة التي يكون قبلها عدد المشاهدات ربع العدد الكلي للملاحظات والمشاهدات بعده تمثل ثلاث ارباع العدد الكلي للملاحظات محل الدراسة.

لذلك يتم حسابها كما في حالة الوسيط مع اختلاف أن ترتيب الرُّبِيعِ الأول Q1 هو  $(n / 4)$

$$Q_1 = L_{Q_1} + \frac{\frac{n}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_1}$$


### الرُّبِيعِ الاعلى ( الثالث ):

يُعبّر الرُّبِيعِ الثالث Q3 عن القيمة التي يكون قبلها عدد المشاهدات ثلاث ارباع العدد الكلي للملاحظات والمشاهدات بعده تمثل ربع العدد الكلي للملاحظات محل الدراسة.

لذلك يتم حسابه كما في حالة الوسيط مع اختلاف أن ترتيب الرُّبِيعِ الثالث Q3 هو  $(3n / 4)$

$$Q_3 = L_{Q_3} + \frac{\frac{3(n)}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_3}$$

ويمكن إيجاد كلا من الرُّبِيعِ الادنى ( الأول ) Q1 و الرُّبِيعِ الاعلى ( الثالث ) Q3 بنفس خطوات حساب الوسيط الا أن الامر المختلف هنا هو الترتيب حيث يكون كالتالي:

Q3	Q1	
$k_{Q_3} = 3n/4$	$k_{Q_1} = n/4$	

## مثال :-

من بيانات المثال السابق أحسب كلا من الربيع الاول والربيع الثالث؟

### حساب الربيع الادنى ( الاول ) Q1 :

الجدول المتجمع الصاعد تم إعداده سابقا

• إيجاد ترتيب الربيع الاول كالتالي:

$$k_{Q_1} = n/4 = 110/4 = 27.5$$

• إيجاد قيمة الربيع الادنى ( الاول ) Q1 كالتالي:

نلاحظ أن ترتيب الربيع الادنى ( الاول ) Q1 27.5 مما يعنى أن الربيع الادنى ( الاول ) Q1 يقع بين التكرار المتجمع الصاعد (  $F_a$  10 ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 30 و التكرار المتجمع الصاعد (  $F_b$  40 ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 40 والحد الادنى للفئة هو = (  $L_{Q_1}$  30 ) .

وبالتالى يكون طول فئة الربيع الادنى ( الاول ) Q1

$$10 = 30 - 40 = I_{Q_1}$$

وعلى ذلك يمكن حساب قيمة الربيع الادنى ( الاول ) Q1 من خلال المعادلة التالية كما يلى :

$$Q_1 = L_{Q_1} + \frac{\frac{n}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_1}$$

$$Q_1 = 30 + \frac{27.5 - 10}{40 - 10} \times 10 = 35.8333$$



### حساب الرُّبيع الاعلى ( الثالث ) Q3 :

الجدول المتجمع الصاعد تم إعداده سابقا

نقوم بإيجاد ترتيب الرُّبيع الاعلى ( الثالث ) Q3 كالتالي:

$$k_{Q_3} = 3(n) / 4 = (3)110 / 4 = 82.5$$

إيجاد قيمة الرُّبيع الاعلى ( الثالث ) Q3 ، ونلاحظ أن ترتيب الرُّبيع الاعلى ( الثالث ) Q3 82.5 مما يعنى أن الرُّبيع الاعلى ( الثالث ) Q3 يقع بين التكرار المتجمع الصاعد (  $F_a$  40 ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 40 والتكرار المتجمع الصاعد (  $F_b$  90 ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 50 والحد الأدنى للفئة هو (  $L_{Q_3}$  40 ) = .

وبالتالى يكون طول فئة الرُّبيع الاعلى ( الثالث )

$$10 = 40 - 50 = I_{Q_3}$$

وعلى ذلك يمكن حساب قيمة الرُّبيع الاعلى ( الثالث ) Q3 كما يلي:

$$Q_3 = L_{Q_3} + \frac{\frac{3(n)}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_3}$$

$$Q_3 = 40 + \frac{82.5 - 40}{90 - 40} \times 10 = 48.5$$

## حساب قيمة العُشير :

وبنفس الطريقة السابقة يمكن الحصول على العُشير  $P_{0.10}$  وهو القيمة التي يكون قبلها 10% من مفردات المجتمع و 90% منها أكبر منه. والاختلاف يكون فقط في الترتيب حيث أن ترتيب العُشير هو:

$$k_{P_{0.10}} = n / 10$$

ففي مثالنا هذا يكون ترتيب العُشير هو :

$$k_{P_{0.10}} = n / 10 = 110 / 10 = 11$$

ونلاحظ أن ترتيب العُشير  $P_{0.10}$  هو 11 مما يعني أن العُشير  $P_{0.10}$  يقع بين التكرار المتجمع الصاعد ( 10  $F_a$  ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 30 والتكرار المتجمع الصاعد ( 40  $F_b$  ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 40 والحد الأدنى للفئة هو = ( 30  $L_{P_{0.10}}$  ).

وبالتالي يكون طول فئة العُشير :

$$10 = 30 - 40 = I_{P_{0.10}}$$

وعلى ذلك يمكن حساب قيمة العُشير  $P_{0.10}$  كما يلي :

$$P_{0.10} = L_{P_{0.10}} + \frac{\frac{n}{10} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{P_{0.10}}$$

$$P_{0.10} = 30 + \frac{11 - 10}{40 - 10} \times 10 = 30.333$$

حساب قيمة المئويين أو المئين  $P_{0.01}$  :

وبنفس الطريقة السابقة يمكن الحصول على المئوي  $P_{0.01}$  وهو القيمة التي يكون قبلها 1 % من مفردات المجتمع و 99 % منها أكبر منه، والاختلاف بينه وبين ما سبق حسابه من الوسيط والربيع الأول أو الربيع الثالث أو العشير يكون فقط في الترتيب حيث أن ترتيب المئويين هو :

$$k_{P_{0.01}} = n / 100$$

ففي مثالنا هذا يكون ترتيب المئويين  $P_{0.01}$  هو :

$$k_{P_{0.01}} = n / 100 = 110 / 100 = 1.1$$

**ونلاحظ** أن ترتيب المئويين  $P_{0.01}$  هو 1.1 مما يعنى أن المئويين  $P_{0.01}$  يقع بين التكرار المتجمع الصاعد ( صفر  $F_a$  ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 20 والتكرار المتجمع الصاعد ( 10  $F_b$  ) وهو المقابل للحد الأعلى للفئة 30 والحد الأدنى للفئة هو  $( 20 L_{P_{0.01}} )$ .

وبالتالى يكون طول فئة المئويين

$$10 = 20 - 30 = I_{P_{0.01}}$$

وعلى ذلك يمكن حساب قيمة المئويين كما يلى :

$$P_{0.01} = L_{P_{0.01}} + \frac{n}{100} - F_a \times I_{P_{0.01}} / F_b - F_a$$

$$P_{0.01} = 20 + \frac{1.1 - 0}{10 - 0} \times 10 = 21.1$$

وعلى ذلك نكون قد حصلنا على مقاييس النزعة المركزية التي تصف تركيز البيانات عند أي نسبة من مفردات البيانات محل الدراسة في حالة البيانات المبوبة والتي كانت كما يلي:

Q3	Med	Q1	$P_{0.10}$	$P_{0.01}$	

### نصف المدى الربيعي Inter Quartile Range

بسبب العيب الموجود في مقياس التشتت ( المدى ) وتأثرة بالقيم الشاذة أدى ذلك للجوء إلى مقياس آخر يسمى ( نصف المدى الربيعي IQR ) والذي يستبعد القيم المتطرفة من الطرفين، حيث يعتمد في حسابه على كلا من الربيع الأول Q1 والربيع الثالث Q3 ويتم حسابه من خلال المعادلة التالية:

$$IQR = \frac{Q3 - Q1}{2}$$

وبالتالي يكون نصف المدى الربيعي في مثالنا هو:

$$IQR = \frac{48.5 - 35.8333}{2} = 6.33335$$

ثالثاً: المنوال :

المنوال هو القيمة الأكثر شيوعاً أو تكراراً. وفي حالة البيانات المبوبة يمكن حسابها باستخدام المعادلة التالية:

$$Mod = L_{Mod} + \frac{D1}{D1 + D2} \times I$$

قيمة المنوال Mod

الحد الأدنى لفئة المنوال  $L_{Mod}$

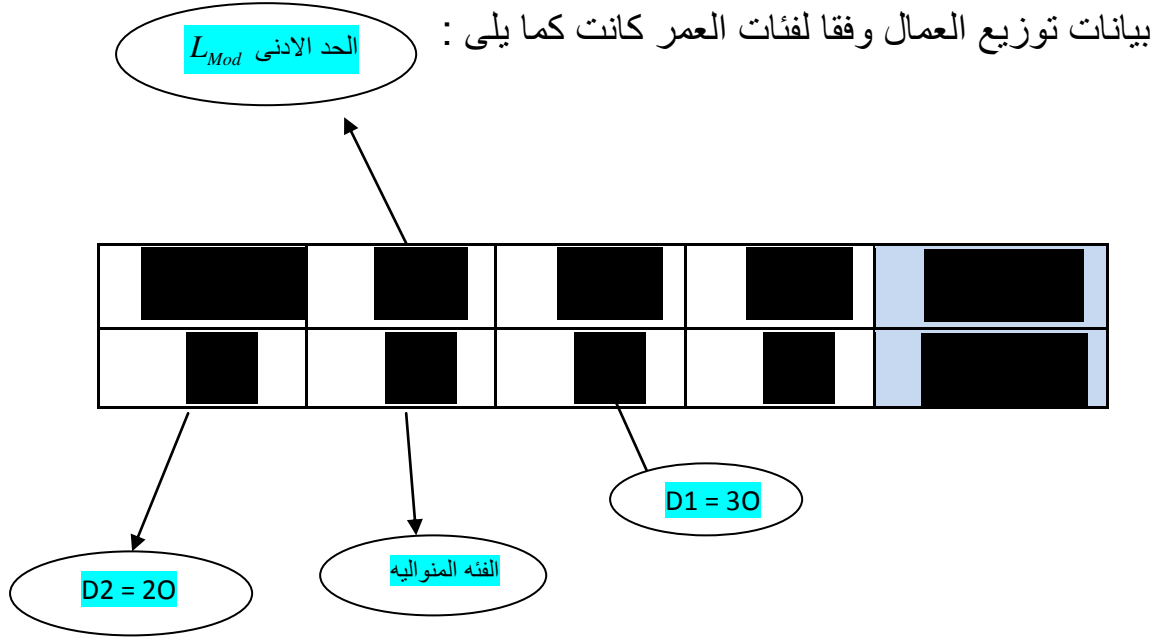
يساوي تكرار فئة المنوال - تكرار الفئة السابقة D1

يساوي تكرار فئة المنوال - تكرار الفئة اللاحقة D2

طول الفئة المنوالية I

أحسب المنوال لأعمار مجموعة من المدرسين العاملين في مجال التربية في المثال السابق؟

الحل:



نلاحظ أن أكبر تكرار هو 50 و يكون مقابل للفئة " 40 - 50 " لذلك يطلق عليها الفئة المنوالية و من ثم فإن الحد الأدنى لها هو (  $L_{Mod} = 40$  ) وطول الفئة هو ( 10 ).

كما يمكن حساب كلا  $D1$  و  $D2$  كالتالي:

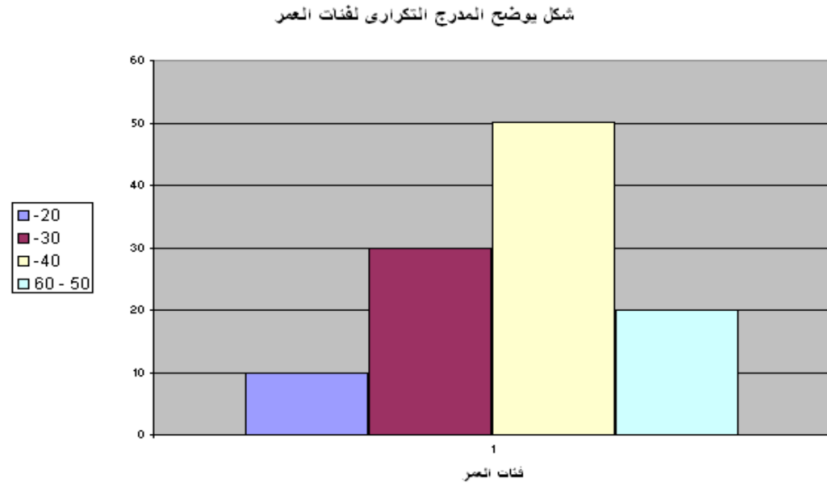
$$D1 = 50 - 30 = 20$$

$$D2 = 50 - 20 = 30$$

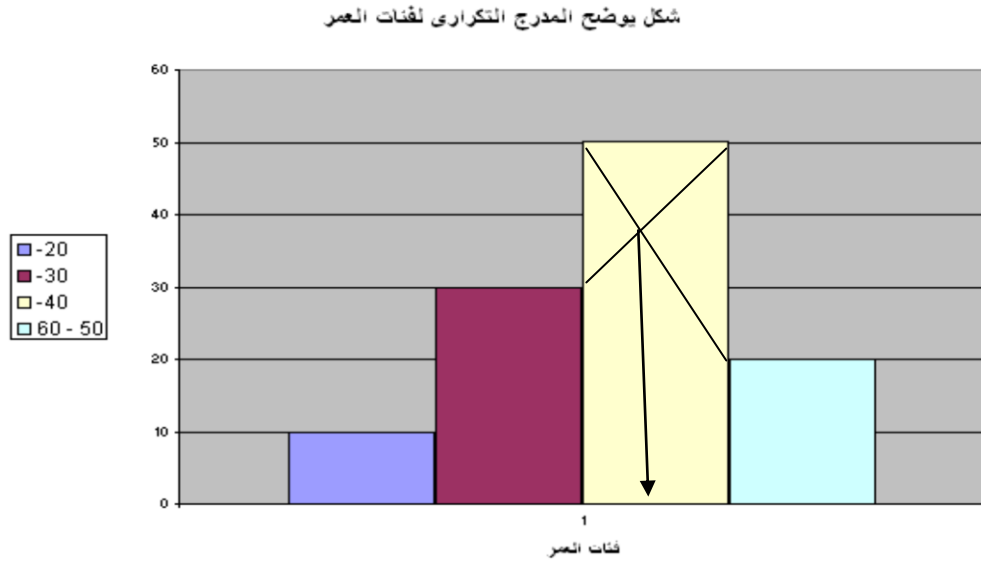
وبالتالي يمكن حساب قيمة المنوال Mod كالتالي:

$$Mod = 40 + \frac{20}{20 + 30} \times 10 = 44$$

كما يمكن إيجاد المنوال بيانياً، ويتم ذلك عن طريق رسم المدرج التكرارى كما يلي:



ثم نأتى على أعلى مستطيل الذى يمثل أكبر تكرار ونصل بداية الفئة المنوالية ببداية الفئة التالية ونهاية الفئة المنوالية بنهاية الفئة السابقة عليها فيتقاطع الخطان عند نقطة **نسقط منها عموداً على المحور الأفقى فيلتقى عند نقطة تكون هي قيمة المنوال** كما يتضح من الشكل التالى:



## أجدول غير المنتظمة:

وهي الجدوال التي يكون فيها أطوال الفئات غير متساوية ويكفي وجود فئة واحدة فقط طولها غير متساوى مع باقى الفئات لجعل الجدول غير منتظم.

ويتم حساب المقاييس الإحصائية التي سبق عرضها فى حالة الجداول المنتظمة بنفس الطريقة فيما عدا المنوال،

ويتعين علينا عند حساب المنوال تعديل التكرارات قبل حسابة وكذلك قبل رسم المدرج التكرارى وذلك لأن حجم التكرارات فى تلك الحالة قد يسبب اتساع أو ضيق فى أعمدة فئات التوزيع ولذلك يتم التخلص من تأثير طول الفئة بإيجاد التكرار المعدل، ويتم ذلك من خلال المعادلة التالية:

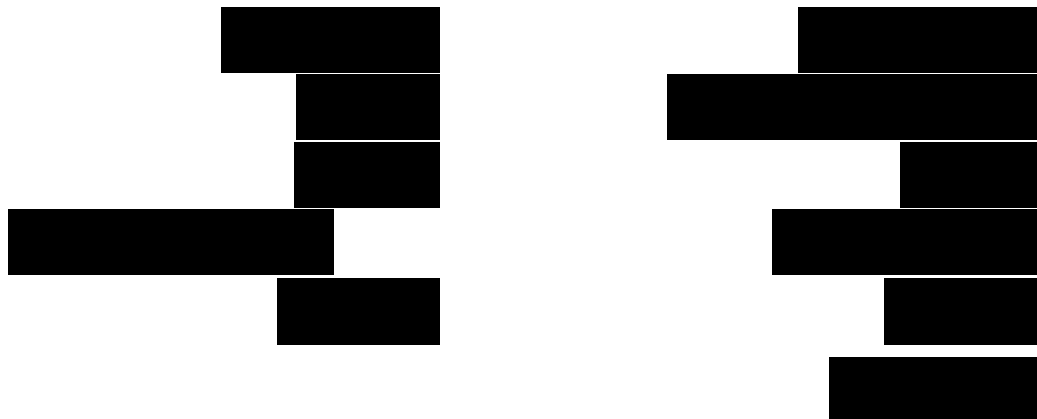
$$\text{التكرار المعدل} = \text{التكرار الأصىلى للفئة} \div \text{طول الفئة}$$

## مثال:

البيانات التالية توضح توزيع مجموعة من الموظفين وفقا لفئات دخلهم الشهري بالألف ريال فكانت كما يلي:

10	5	5	5	10
5	5	5	5	10

## المطلوب حساب:



## أكل

يمكن حساب المطلوب من 1 إلى 10 بنفس طريقة حسابها في حالة الجداول المنتظمة بدون أي تعديل. اما المطلوب رقم 11 فيطلب حساب المنوال، وهو الذي طريقته تحتاج إلى تعديل في الحساب في حالة الجداول غير المنتظمة، ويتم ذلك وفق التالي:

ولحساب المنوال في هذه الحالة فإنه لا يتم الاعتماد على بيانات الفئات الاصلية وإنما يتم إيجاد التكرار المعدل بقسمة تكرار كل فئة على طولها كما يلي:

فئات الدخل	التكرار f	طول الفئة	التكرار المعدل
3 -	20	2	10
5 -	50	3	16.6667
8 -	15	2	7.5
10 - 15	15	5	3
المجموع			

نلاحظ أن أكبر تكرار معدل هو 16.6667 و يكون مقابل للفئة " 5 - 8 " لذلك يطلق عليها الفئة المنوالية و من ثم فإن الحد الأدنى  $Mod$  لها هو 5 طول الفئة  $I$  هو 3.

كما يمكن حساب كلا من  $D1$  و  $D2$  كالتالي:

$$D1 = 16.66667 - 10 = 6.66667$$

$$D2 = 16.66667 - 7.5 = 9.16667$$

وبالتالي يمكن حساب قيمة المنوال  $Mod$  من خلال تطبيق معادلة حساب المنوال مع الأخذ في الاعتبار التكرار المعدل كالتالي:

$$Mod = 5 + \frac{6.66667}{6.66667 + 9.16667} \times 3 = 6.263158$$



## أجداول المفتوحة :

وهي ذلك النوع من الجداول التي يكون فيها الحد الأدنى للفئة الأولى غير محدد أو الحد الأعلى للفئة الأخيرة غير محدد أو كلاهما. وفي هذا النوع من الجداول يصعب حساب الوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري، حيث لا يمكن تحديد مركز الفئة للفئات المفتوحة، لذا فيعبر من أنسب المقاييس الإحصائية في تلك الحالة هي المقاييس الوسيطة والتي يقصد بها الوسيط والرابع الأدنى والرابع الأعلى والعشير والمئويين وكذلك لقياس التشتت يتم من خلال نصف المدى الربيعي.

### مثال:

البيانات تعبر عن أوزان مجموعة من الطلاب بالكيلوجرام في المرحلة الجامعية فكانت كما يلي:

■	■	■	■	■	■
■	■	■	■	■	■

### المطلوب:

حساب مقاييس النزعة المركزية والتشتت المناسبة؟

### أحل:

موجود في الكتاب صفحة 144 و 145

## الماضرة التاسعه ( أجزء الأول )

### مقاييس التشتت النسبى والإلتواء والتفطح

هناك مقاييس أخرى لا بد من دراستها غير تلك التي تم التعرض لها في المحاضرات السابقة لمساعدة الباحث فى الحكم على البيانات محل التحليل والدراسة من حيث درجة التشتت والمقارنة فيما بينها وكذلك مقاييس التوزيع والتي تتمثل فى دراسة الإلتواء والتفطح للمنحنيات التكرارية لتوزيعات المتغيرات المختلفة .

لذلك سيتم فى هذا الفصل دراسة كلا من:

- مقاييس التشتت النسبى
- القيمة المعيارية
- الإلتواء
- التفطح

### اولا – مقاييس التشتت النسبى Coefficient of Variation

يستخدم هذا النوع من المقاييس لمقارنة تشتت مجموعتين من البيانات او ظاهرتين او توزيعين، وفى تلك الحالة لا يصلح مقانة التباين او الانحراف المعيارى لكلا المجموعتين، حيث يكون لها وحدات قياس تختلف على حسب طبيعة الظاهرة محل الدراسة.

لذا فى حالة الرغبة فى المقارنة بين التشتت لظاهرتين أو أكثر فإنه يتم الاعتماد فى عملية المقارنة على مقاييس التشتت النسبى Coefficient of variations (c.v.) والتي يعبر عنها من خلال معامل الاختلاف المعيارى والذي يمكن حسابة بالاعتماد على كلا من الوسط الحسابى والانحراف المعيارى حيث أن

معامل الاختلاف = الانحراف المعيارى ÷ الوسط الحسابى

فى حالة الاعتماد على بيانات العينة يتم حساب معامل الاختلاف من خلال المعادلة:

$$c.v. = \frac{s}{\bar{x}} \times 100$$

أما إذا كانت البيانات المتاحة من جداول تكرارية (بيانات مبوبة) فيمكن الاعتماد على معامل الاختلاف الربيعي المعياري والذي يعتمد في حسابة على الوسيط والربيع الأدنى والربيع الأعلى وخاصة في حالة الجداول المفتوحة حيث أن:

$$c.v. = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100$$

### معادلات حساب كل من الوسيط Med والربيع الأول Q1 والربيع الثالث Q3

الوسيط  $Med$ :

$$Med = L_{Med} + \frac{k_{Med} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Med}$$



### معادلات حساب كل من الوسيط Med والربيع الأول Q1 والربيع الثالث Q3

الربيع الأول Q1:

$$Q_1 = L_{Q_1} + \frac{\frac{n}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_1}$$

[Redacted]

$Q_1$

[Redacted]

$L_{Q_1}$

[Redacted]

$k_{Q_1}$

[Redacted]

$F_a$

[Redacted]

$F_b$

[Redacted]

$I_{Q_1}$

$Q_3$

معادلات حساب كل من الوسيط Med والربيع الأول Q1 والربيع الثالث Q3

الربيع الثالث Q3:

$$Q_3 = L_{Q_3} + \frac{\frac{3(n)}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_3}$$

[Redacted]

$Q_3$

[Redacted]

$L_{Q_3}$

[Redacted]

$k_{Q_3}$

[Redacted]

$F_a$

[Redacted]

$F_b$

[Redacted]

$I_{Q_3}$

## مثال :

البيانات التالية تعبر عن توزيع الوحدات السكنية حسب الإيجار السنوى بأحد الأحياء:


## المطلوب :-

حساب :

- معامل الاختلاف للإيجار السنوى
- معامل الاختلاف الربيعى للإيجار السنوى

## الحل :

- حساب معامل الاختلاف للإيجار السنوى

يتم إعداد الجدول التالي حتى يمكن حساب كلاً من الوسط الحسابى والتباين والانحراف المعيارى.

$f(x-\bar{x})^2$	$(x-\bar{x})^2$	$x-\bar{x}$	$\bar{x}$	$xf$	$x$	$f$	
208.69	13.91	-3.73	11.73	120	8	15	6 -
10.66	0.533	-0.73	11.73	220	11	20	10 -
19.32	1.61	1.27	11.73	156	13	12	12 -
236.99	18.23	4.27	11.73	208	16	13	14 - 18
475.66				704		60	
$\sum [f(x-\bar{x})^2]$				$\sum xf$		$\sum f$	

الوسط الحسابي:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^l x_i f_i}{\sum_{i=1}^l f_i} = \frac{704}{60} = 11.733$$

يمكن إيجاد الوسط الحسابي كما يلي:

التباين:

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^l [f(x - \bar{x})^2]}{\sum_{i=1}^l f_i}$$

يمكن الحصول على التباين كما يلي:

$$S^2 = \frac{475.66}{60} = 7.93$$

الانحراف المعياري

$$S = \sqrt{7.93} = 2.816$$

يمكن حسابة كما يلي:

وبذلك يمكن حساب معامل الاختلاف V. C. ليكون كما يلي:

$$\begin{aligned} c.v. &= \frac{S}{\bar{x}} \times 100 \\ &= \frac{2.816}{11.733} \times 100 = 24\% \end{aligned}$$

أى أن معامل الاختلاف للإيجار السنوى للوحدات السكنية بلغ 24 %

حساب معامل الاختلاف الربيعي:

وحتى يمكن حسابة لابد من حساب كلا من:

- الربيع الاعلى
- الربيع الادنى
- الوسيط

وحتى يتسنى لنا حساب ذلك لابد من إعداد جدول التكرار المتجمع الصاعد كما يلي:

	6
15	10
35	12
47	14
60	18

إيجاد الرتبة:

Q3	Med	Q1	
$k_{Q3} = 3n / 4$ $= 3(60) / 4$ $= 45$	$k_{Med} = n / 2$ $= 60 / 2$ $= 30$	$k_{Q1} = n / 4$ $= 60 / 4$ $= 15$	

إيجاد القيمة:

أ- الوسيط

$$Med = L_{Med} + \frac{k_{Med} - F_a}{F_b - F_a} \times I$$

$$Med = 10 + \frac{30 - 15}{35 - 15} \times 2 = 11.5$$

ب- الربع الأدنى (الأول):

نلاحظ أن رتبة الربع الأول 15 ويوجد تكرار متجمع صاعد نفسه 15 أمام الحد الأعلى للفئة 10 لذلك لا يتم تطبيق قانون الربع الأول وإنما نحصل على قيمة الربع الأول مباشرة وهي:

$$Q_1 = 10$$

ج- الربع الأعلى ( الثالث ):

$$Q_3 = 12 + \frac{45 - 35}{47 - 35} \times 2 = 13.6667$$

وبذلك يمكن حساب معامل الاختلاف الربيعي كما يلي:

$$\begin{aligned} c.v. &= \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 \\ &= \frac{13.6667 - 10}{13.6667 + 10} \times 100 = 15.494\% \end{aligned}$$

ويتضح لنا مما سبق أن معامل الاختلاف الربيعي للإيجار السنوي للوحدات السكنية بلغ 15.494 % .

ونلاحظ وجود أختلاف بين قيمتي معامل الاختلاف بأستخدام كلا من المعادلة الأولى والثانية وذلك لأختلاف الأساس الرياضى فى كل من التعريفين المعادلتين. الا أنه يفضل استخدام المعادلة الثانية فى حالة الجداول التكرارية المفتوحة أما غير ذلك فيفضل استخدام المعادلة الأولى.

### ثانياً: القيمة المعيارية Standardized values

وهي تلك القيمة التي تقيس مدى انحراف قيمة مفردة ما من مفردات الدراسة عن الوسط الحسابى لها وذلك بوحدات من الانحراف المعيارى. ويشار إلى المتغير الذى يعبر عن القيم المعيارية بالمتغير المعيارى. ويرمز للقيمة المعيارية بالرمز Z حيث أن:

$$z = \frac{x - \bar{x}}{s}$$

وبالتالى يمكن الاعتماد على القيمة المعيارية فى المقارنة بين القيم المطلقة للظواهر المختلفة



## مثال :-

حصل أحد الطلاب في مقرر المحاسبة على (80) درجة حيث بلغ متوسط درجات الطلاب في اختبار المحاسبة (83) درجة بإنحراف معياري (5). بينما حصل في اختبار مقرر الرياضيات على (70) درجة حيث بلغ متوسط درجة الطلاب في اختبار الرياضيات (65) درجة بإنحراف معياري قدرة (5) درجات . هل يمكن القول بأن درجات الطالب في مقرر المحاسبة أفضل من درجته في مقرر الرياضيات ؟

## أكل :

للحكم على مدى أفضلية الدرجة التي حصل عليها الطالب في أي من المقررين يجب حساب القيمة المعيارية لكل منهما كما يلي:

القيمة المعيارية لدرجة الطالب في مقرر المحاسبة هي:

$$z_1 = \frac{x - \bar{x}}{s} = \frac{80 - 83}{5} = -0.6$$

القيمة المعيارية لدرجة الطالب في مقرر الرياضيات هي:

$$z_2 = \frac{70 - 65}{5} = 1$$

يتضح لنا مما سبق أن القيمة المعيارية لدرجة الطالب في مقرر الرياضيات هي (+1) مما يعنى أن الدرجة التي حصل عليها الطالب أكبر من متوسط درجات الطالب بينما بلغت القيمة المعيارية للدرجة التي حصل عليها الطالب في مقرر المحاسبة (-0.6) مما يدل على أن الدرجة التي حصل عليها الطالب أقل من متوسط الدرجات التي حصل عليها الطلاب .

ويدل ذلك على أنه من الناحية الظاهرية قد تبدو درجة الطالب في مقرر المحاسبة أفضل إلا أنه في حقيقة الأمر أن مستوى الطالب في مقرر الرياضيات هو الأفضل.

## المحاضرة التاسعة (الجزء الثاني)

### تابع .... مقاييس التشتت النسبي والإلتواء والتفطح

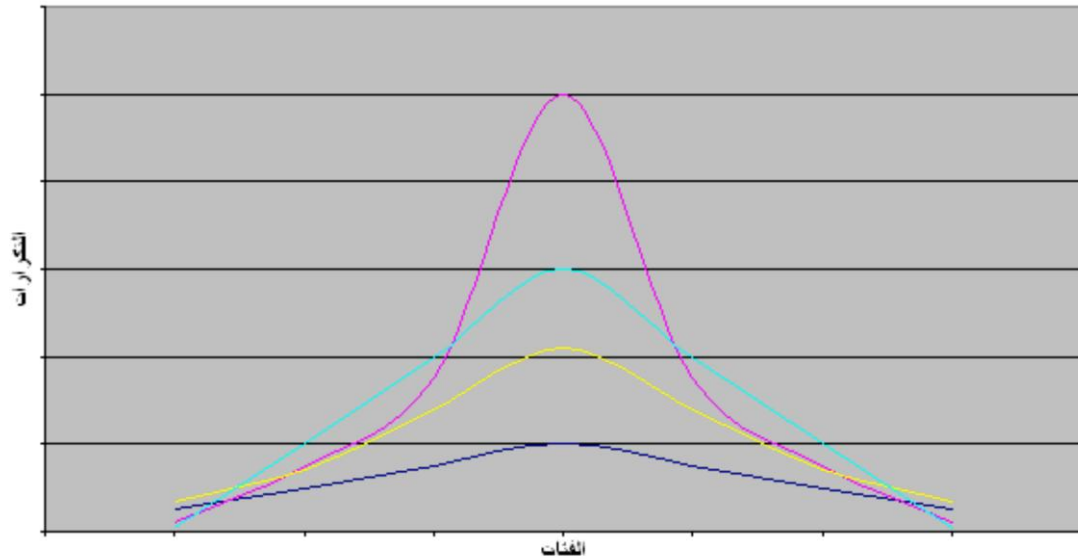
#### ثالثاً: مقاييس الإلتواء Skewness Measures

عند دراسة أشكال منحنيات التوزيعات التكرارية المختلفة نجد أن منها ما هو متمائل Symmetrical ومنها الغير متمائل أى يوجد به ما يسمى بالإلتواء Skewed كما يتضح من أشكال منحنيات التوزيعات التالية:

#### المنحنى المتمائل Symmetrical Curve

هو المنحنى الذى اذا قسمناه إلى نصفين إنطبق هذان النصفان على بعضهما البعض تماماً

شكل يوضح منحنيات التوزيع المتمائل



#### مقاييس التشتت النسبي Coefficient of Variation

ونلاحظ ان المنحنيات المتمائلة فى الشكل السابق تختلف قممها ارتفاعاً أو تفلطحاً و تدبياً حسب حجم التكرارات على جانبي القمة.

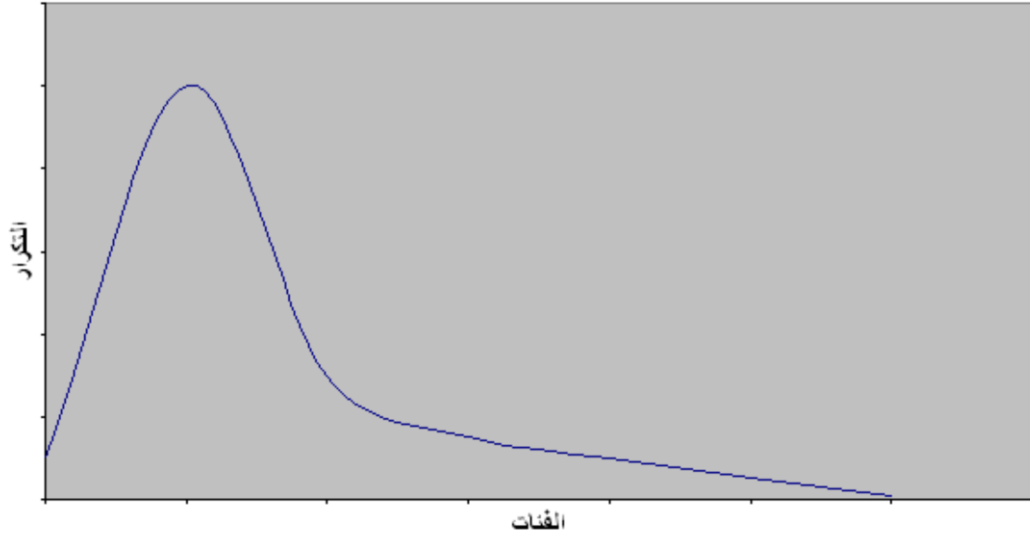
ويتميز التوزيع المتمائل بأن:

$$\text{الوسط الحسابى} = \text{الوسيط} = \text{النوال}$$

## المنحنيات الملتوية Skewed

إن الكثير من التوزيعات الإحصائية تبتعد عن التماثل **بتركز تكراراتها إما عند أصغر القيم** فيصبح المنحنى **ملتويا جهة اليمين أو إلتواء موجب** كما يظهر فى الشكل التالي:

شكل يوضح منحنى ملتوى جهة اليمين



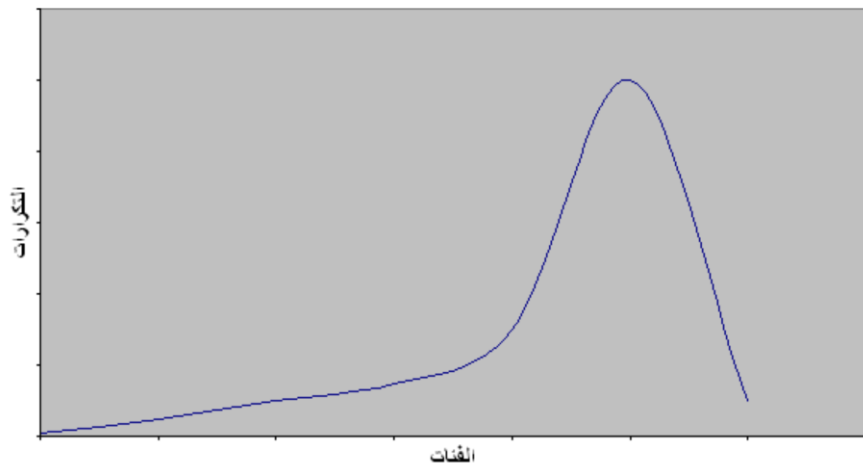
والتوزيع الملتوى جهة اليمين ( **الإلتواء الموجب** ) يكون فيه :

$$\text{الوسط الحسابى} < \text{الوسيط} < \text{المنوال}$$

أى أن الوسط الحسابى أكبر من الوسيط والوسيط أكبر من المنوال

أما فى حالة تركيز التكرارات عند أكبر القيم فيسمى المنحنى فى تلك الحالة **منحنى ملتوى جهة اليسار ( إلتواء سالب )** كما يظهر من الشكل التالي:

شكل يوضح منحنى ملتوى جهة اليسار



والتوزيع الملتوى جهة اليسار ( الإلتواء السالب ) يكون فيه:

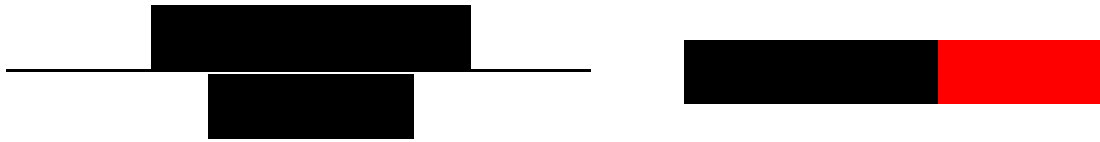
المنوال < الوسيط < الوسط الحسابي

أى أن المنوال أكبر من الوسيط والوسيط أكبر من الوسط الحسابي

ويمكن قياس الإلتواء من خلال معامل الإلتواء SK والذي يفيدنا فى الحكم على مدى تماثل أو إلتواء التوزيع حيث يكون التوزيع متماثل اذا كان معامل الإلتواء يساوى صفر او يكون إلتواء موجب إذا كانت قيمة معامل الإلتواء موجبة و يكون سالب اذا كانت قيمة معامل الإلتواء سالبة

إلا أنه فى بعض الاحيان يكون التوزيع قريب من التماثل فى حالة ما تقترب قيمة معامل الإلتواء من الصفر، وتتعدد مقاييس الإلتواء إلا أن من أهمها:

معامل الإلتواء لبيرسون والذي يكون فى أحد الصورتين التاليتين:



أي :

$$SK = \frac{\bar{x} - Mod}{S}$$

إلا أنه فى بعض الاحيان يكون التوزيع قريب من التماثل فى حالة ما تقترب قيمة معامل الإلتواء من الصفر، وتتعدد مقاييس الإلتواء إلا أن من أهمها:

معامل الإلتواء لبيرسون والذي يكون فى أحد الصورتين التاليتين:



أي

$$SK = \frac{3(\bar{x} - Med)}{S}$$

وحيث أنه لا يمكن حساب معامل الإلتواء لبيرسون في حالة المنحنيات التي تكون شديدة الإلتواء أو في حالة التوزيعات التكرارية المفتوحة.

لذلك يمكن الاعتماد على مقياس الإلتواء لباولي  $SK_B$  الذي يعرف كما يلي:

$$SK_B = \frac{(Q_3 - Med) - (Med - Q1)}{(Q_3 - Med) + (Med - Q1)}$$

أو يمكن إعادة صياغة معامل الإلتواء لباولي  $SK_B$  على الصورة التالية:

$$SK_B = \frac{Q_3 - 2Med + Q1}{Q_3 - Q1}$$

معادلات حساب كل من الوسيط  $Med$  والربيع الأول  $Q1$  والربيع الثالث  $Q3$

الوسيط  $Med$

$$Med = L_{Med} + \frac{k_{Med} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Med}$$



معادلات حساب كل من الوسيط Med والربيع الأول Q1 والربيع الثالث Q3

الربيع الأول Q1:

$$Q_1 = L_{Q_1} + \frac{\frac{n}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_1}$$

[Redacted]

$Q_1$

[Redacted]

$L_{Q_1}$

[Redacted]

$k_{Q_1}$

[Redacted]

$F_a$

[Redacted]

$F_b$

[Redacted]

$I_{Q_1}$

معادلات حساب كل من الوسيط Med والربيع الأول Q1 والربيع الثالث Q3

الربيع الثالث Q3:

$$Q_3 = L_{Q_3} + \frac{\frac{3(n)}{4} - F_a}{F_b - F_a} \times I_{Q_3}$$

[Redacted]

$Q_3$

[Redacted]

$L_{Q_3}$

[Redacted]

$k_{Q_3}$

[Redacted]

$F_a$

[Redacted]

$F_b$

$I_{Q_3}$

## مثال:

البيانات التالية تعبر عن توزيع الوحدات السكنية حسب الإيجار السنوى بأحد الأحياء في أحد المدن:


## المطلوب:

حساب معامل الإلتواء لتوزيع الإيجار السنوى للوحدات السكنية.

## أكل:

تم من قبل حساب المقاييس التالية:

13.667	11.5	10	2.8158	11.733	

ولكن يبقى لنا حساب المنوال حتى تكون جميع المقاييس الإحصائية التي نحتاج إليها موجودة لذا يمكن الحصول على المنوال كما يلي:

**نلاحظ** أن أطوال الفئات للإيجار السنوى غير متساوية لذا لحساب المنوال يلزم إيجاد التكرار المعدل ومن ثم يتم إعداد الجدول التالي:

		f	
3.75	4	15	6 -
10	2	20	10 -
6	2	12	12 -
3.25	4	13	14 - 18

ويمكن حساب المنوال بتطبيق المعادلة التالية كما سبق أن بينا ذلك في الفصل السابق:

$$Mod = L_{Mod} + \frac{D1}{D1 + D2} \times I_{Mod}$$

$$D1 = 10 - 3.75 = 6.25$$

حيث أن:

$$D2 = 10 - 6 = 4$$

$$L_{Mod} = 10$$

$$I_{Mod} = 2$$

وعلى ذلك يمكن حساب المنوال كما يلي:

$$Mod = 10 + \frac{6.25}{6.25 + 4} \times 2 = 11.21951$$

- وعلى ذلك يمكن حساب معامل الإلتواء لبيرسون باستخدام المعادلة  $SK = \frac{\bar{x} - Mod}{S}$

كما يلي:

$$SK = \frac{\bar{x} - Mod}{S} = \frac{11.73333 - 11.2195122}{2.8158} = 0.18247$$

تفسير النتيجة:

ويعبر ذلك على وجود التواء موجب جهة اليمين الا أن قيمة معامل الإلتواء صغيرة تقترب من الصفر مما يدل ايضا على أن التوزيع قريب من التماثل.

- كما يمكن تطبيق المعادلة  $SK = \frac{3(\bar{x} - Med)}{S}$  لحساب معامل الإلتواء كما يلي:

$$SK = \frac{3(\bar{x} - Med)}{S} = \frac{3(11.73333 - 11.5)}{2.8158} = 0.24859$$

تفسير النتيجة:

ويعبر ذلك ايضا على وجود التواء موجب جهة اليمين كما حددته النتيجة في المعادلة السابقة.



- كما يمكن تطبيق المعادلة  $SK_B = \frac{Q_3 - 2Med + Q1}{Q_3 - Q1}$  لحساب معامل الإلتواء كما يلي:

$$SK_B = \frac{Q_3 - 2Med + Q1}{Q_3 - Q1} = \frac{13.6667 - 2(11.5) + 10}{13.6667 - 10} = .1816$$

**تفسير النتيجة:**

ويشير معامل الإلتواء لباولي بوجود التواء موجب.

ونتيجة لوجود اختلاف في الاصل الرياضى لكل من المعادلات الثلاث السابقة لذا نجد أن قيمة معامل الإلتواء تختلف. إلا أنه كما سبق وذكرنا بأنه يفضل استخدام معامل الإلتواء لبيرسون في أي من صيغتيه في حالة البيانات غير المبوبة وكذلك الجداول التكرارية المغلقة أما في حالة الجداول التكرارية المفتوحة فيفضل استخدام معامل الإلتواء لباولي.

## رابعاً: التفلطح Kurtosis

يقصد بالتفلطح مقدار التدبب ( الارتفاع أو الإنخفاض ) فى قمة المنحنى مقارنة بقمة منحنى التوزيع الطبيعى.

وتكون قيمة معامل التفلطح صفر فى حالة التوزيع الطبيعى المعيارى.

- لذا تقوم الكثير من البرامج الإحصائية بحساب معامل التفلطح للقيم المعيارية للبيانات فإذا كان الناتج:

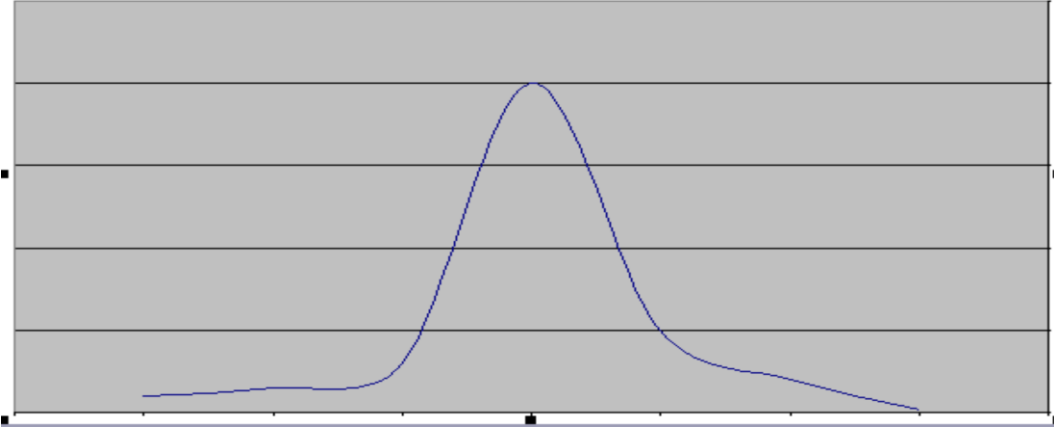
**موجب** أى **قيمة معامل التفلطح** للبيانات الأصلية **أكثر من 3** فيكون بالتالي المنحنى مدبب إلى أعلى.

**سالب** أى **قيمة معامل التفلطح** للبيانات الأصلية **أقل من 3** فيكون بالتالي المنحنى مفلطح أو أكثر إنبطاحاً من قمة منحنى التوزيع الطبيعى.

**صفر** أى **قيمة معامل التفلطح** للبيانات الأصلية **تساوى 3** فيكون بالتالي المنحنى متوسط التفلطح.

- ففى حالة ما يكون **معامل التفلطح** للبيانات الاصلية **أكبر من 3** يكون المنحنى مدبب لأعلى كما بالشكل التالي:

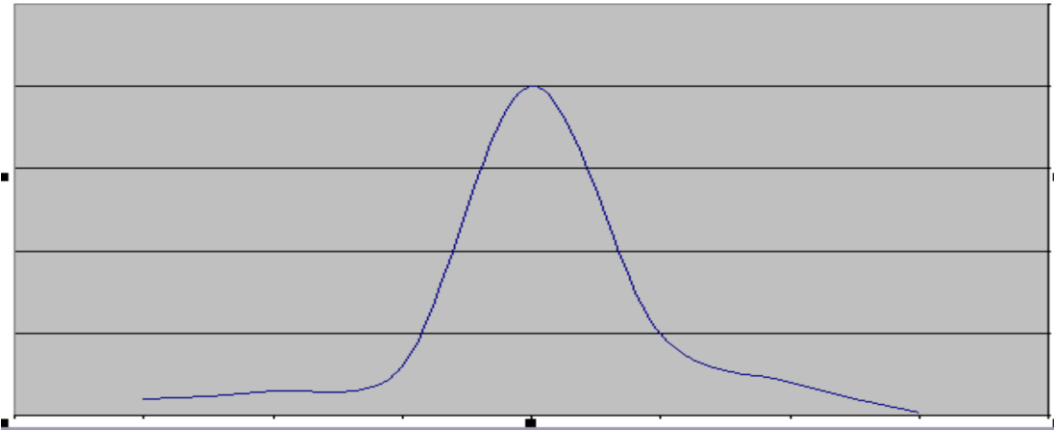
شكل يوضح المنحنى المدبب



وكما يتضح من الشكل السابق أن هناك فئة معينة من البيانات تتركز بها التكرارات والتي تجعل المنحنى مدبب إلى أعلى.

أما في حالة ما يكون **معامل التفلطح** للبيانات الأصلية **أقل من 3** يعني ذلك أن المنحنى مفلطح كما يتضح من الشكل التالي:

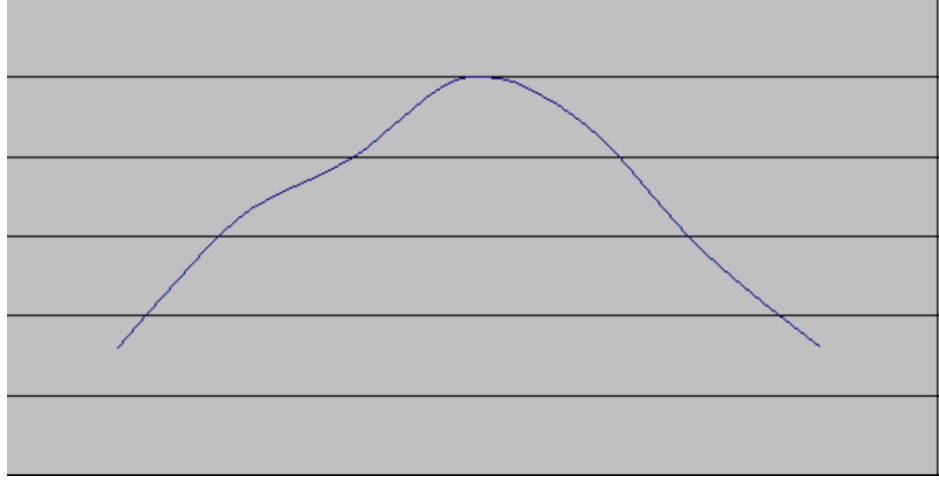
شكل يوضح المنحنى المدبب



وكما يتضح من الشكل السابق أن هناك فئة معينة من البيانات تتركز بها التكرارات والتي تجعل المنحنى مدبب إلى أعلى.

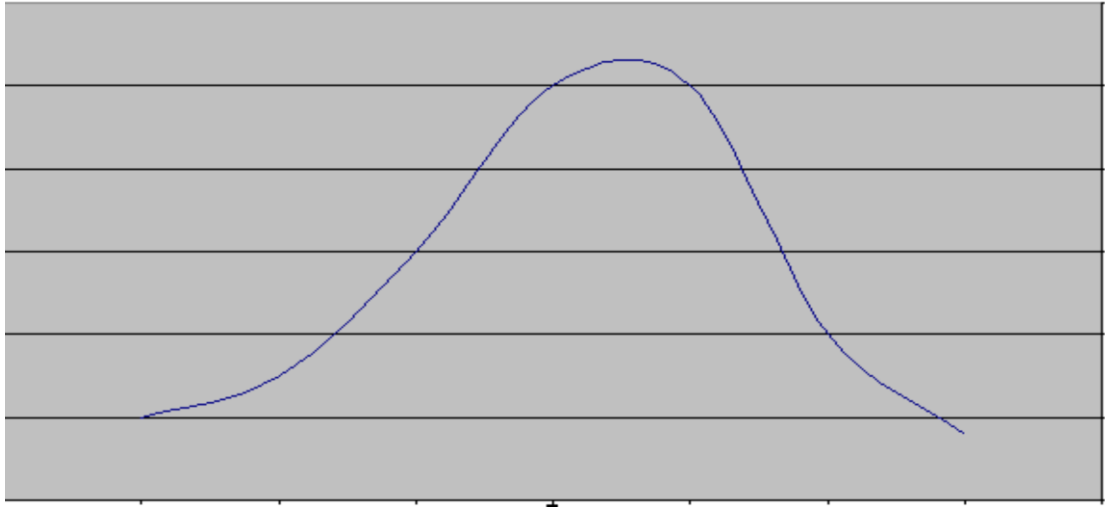
- أما في حالة ما يكون **معامل التفلطح** للبيانات الأصلية **أقل من 3** يعني ذلك أن المنحنى مفلطح كما يتضح من الشكل التالي:

شكل يوضح المنحنى المفطح



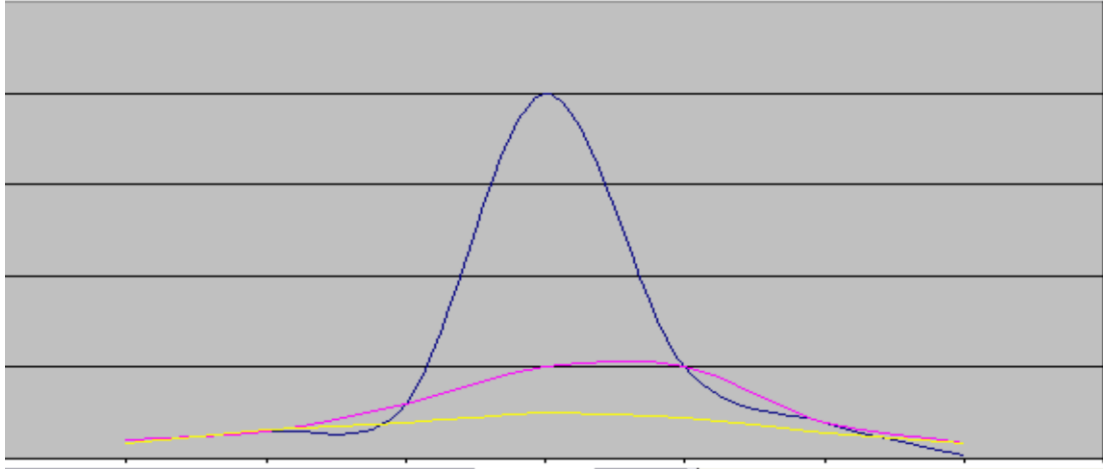
أما في حالة ما يكون **معامل التفلطح يساوي ثلاثة** يكون المنحنى متوسط التفلطح و يكون بالشكل التالي:

شكل يوضح المنحنى متوسط التفلطح



- وحتى يتضح الفرق بين المنحنيات الثلاث يمكن رسمها معا كما يلي:

شكل يوضح المنحنيات الثلاث معاً المدبب و متوسط التفلطح و  
المقلطح



ويتم قياس معامل التفرطح KU باستخدام الربيعات والمئينيات من خلال المعادلة التالية:

$$KU = \frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{0.90} - P_{0.10})}$$

حيث يشير :

إلى المئين التسعين والذي يعبر عن 90 % من المفردات تكون أقل منه و 10% منها أكبر منه	$P_{0.90}$
إلى المئين العاشر ( العشير ) والذي يعبر عن 10 % من المفردات تكون أقل منه و 90% منها أكبر منه	$P_{0.10}$

مثال :

البيانات التالية تعبر عن توزيع الوحدات السكنية حسب الإيجار السنوى بأحد الاحياء في أحد  
المدن:

■	■	■	■	■
■	■	■	■	■

## المطلوب:

حساب معامل التفلطح لتوزيع الإيجار السنوى للوحدات السكنية.

## أكل:

تم سابقا حساب Q1 و Q3

ولكن يبقى علينا حساب كلا من  $P_{0.10}$  و  $P_{0.90}$  بنفس طريقة حساب الوسيط والربيع الأعلى والأدنى كما تم شرح ذلك من قبل كما يلي:

- إعداد الجدول التكرارى المتجمع الصاعد كما يلي:

		6	
15		10	
35		12	
47		14	
60		18	

- إيجاد الرتبة كالتالي:

$P_{0.90}$	$P_{0.10}$	
$k_{P_{0.90}} = (n \times 9) / 10$ $= (60 \times 9) / 10$ $= 54$	$k_{P_{0.10}} = n / 10$ $= 60 / 10$ $= 6$	

- إيجاد القيمة كالتالي:

$P_{0.10}$  المئين العاشر

$$P_{0.10} = L_{P_{0.10}} + \frac{k_{P_{0.10}} - F_a}{F_b - F_a} \times I$$

$$P_{0.10} = 6 + \frac{6 - 0}{15 - 0} \times 4 = 7.6$$

إيجاد القيمة كالتالي:

$P_{0.90}$  المئين التسعين

$$P_{0.90} = L_{P_{0.90}} + \frac{k_{P_{0.90}} - F_a}{F_b - F_a} \times I$$

$$P_{0.90} = 14 + \frac{54 - 47}{60 - 47} \times 4 = 16.153$$

- وقد تم حساب الربيعات Q1 و Q3 سابقا:

Q3		Q1		
13.667		10		

وعلى ذلك يمكن حساب معامل التفلطح كالتالي:

$$KU = \frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{0.90} - P_{0.10})} = \frac{13.6667 - 10}{2(16.15385 - 7.6)} = 0.2143$$

ويتضح لنا أن معامل التفلطح أقل من 3 مما يدل على أن المنحنى مفلطح أى أن المشاهدات (التكرارات) موزعة على الفئات المختلفة للإيجار السنوى ولا يوجد تركيز بدرجة كبيرة فى أحد الفئات على حساب باقى الفئات الأخرى.

## المحاضرة العاشرة

### تحليل الارتباط

يعتبر تحليل الارتباط **Correlation Analysis** من الاساليب الإحصائية المناسبة لتقييم العلاقات بين المتغيرات المختلفة.

ويتم استخدام معامل الارتباط فى الحكم على نوع العلاقة بين المتغيرين حيث تكون علاقة طردية أو عكسية، وكذلك بالنسبة لقوه العلاقة فقد تكون علاقة قوية، أو متوسطة أو ضعيفة.

يستخدم **معامل الارتباط البسيط** **Correlation coefficient** فى تحديد ما إذا كان هناك علاقة بين المتغيرين، وكذلك تحديد نوع وقوة العلاقة إن وجدت.

أما فى حالة دراسة مدى وجود علاقة ارتباطية بين أكثر من متغيرين فإنه يتم الاعتماد على **معامل الارتباط المتعدد** **Multiple Correlation coefficient**.

أما فى حالة وجود أكثر من متغير ويرغب الباحث فى تثبيت تأثير أحد المتغيرات كما فى الدراسات الاقتصادية يتم دراسة تأثير السعر على الكمية المطلوبة بفرض ثبات الجودة ومستوى الذوق كما هو يتم الاعتماد على **معامل الارتباط الجزئى**

### **Partial Correlation coefficient**

تنقسم المتغيرات محل الدراسة كما أوضحنا ذلك سابقا إلى:

#### - متغيرات مستقلة **Independent Variables**

وهى المتغيرات التى بتغير قيمتها تؤثر فى تغيير قيمة متغير أو متغيرات أخرى، أى هى المتغيرات التى تتغير أولا. وسنرمز للمتغير المستقل بالرمز  $x$

#### - المتغيرات التابعة **Dependent Variables**

وهى تلك المتغيرات التى تتغير قيمتها بتغير المتغيرات المستقلة أو إحداها، أى هى المتغيرات التى تتغير تالية للمتغيرات المستقلة. وسنرمز للمتغير التابع بالرمز  $y$

وسيتم قياس الارتباط البسيط من خلال كلا من:

- معامل الارتباط الخطى البسيط لبيرسون Person's Correlation Coefficient
- معامل ارتباط الرتب لسبيرمان Spearman's Rank Correlation Coefficient

### معامل الارتباط الخطى البسيط لبيرسون Person's Correlation Coefficient

يعتبر معامل الارتباط الخطى البسيط لبيرسون Person's Correlation Coefficient والذي سنرمز له بالرمز  $r_p$  من أكثر الأدوات الإحصائية استخداماً في تحديد قوة العلاقة بين متغيرين كما يستعمل لتحديد مدى وجود علاقة خطية بين متغيرين.

وهناك أكثر من صيغة يمكن الاعتماد عليها في حساب معامل الارتباط الخطى البسيط لبيرسون منها:

$$r_p = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x - \bar{x})^2} \sqrt{\sum (y - \bar{y})^2}}$$

وكذلك المعادلة الرياضية التالية والتي تعتبر أسهل وأبسط:

$$r_p = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{\sqrt{n \sum x^2 - (\sum x)^2} \sqrt{n \sum y^2 - (\sum y)^2}}$$

- وتتراوح قيمة معامل الارتباط بين الواحد الصحيح الموجب و الواحد الصحيح السالب أى أن قيمة معامل تكون كالتالي:

$$1 \geq r_p \geq -1$$

والارتباط غالباً قيمته كسر أى اقل من الواحد الصحيح

- ولتحديد نوع العلاقة نعتمد على إشارة معامل الارتباط فإذا كانت الإشارة:

- موجبة فإن العلاقة تكون طردية
- سالبة فإن العلاقة تكون عكسية



- ولتحديد قوة العلاقة نعتمد على قيمة معامل الارتباط فإذا كانت القيمة:

- أكبر من صفر إلى أقل من 0.3 فتكون علاقة ضعيفة
- من 0.3 إلى أقل من 0.7 تكون علاقة متوسطة
- من 0.7 إلى الواحد الصحيح تكون علاقة قوية
- إما إذا كانت قيمة معامل الارتباط تساوى صفر فلا توجد علاقة خطية أو ارتباط بينهما أى يكون المتغيرين مستقلين عن بعضهما البعض .

- فمثلا إذا كانت قيمة معامل الارتباط  $r_p$  كالتالي فإن تفسيره يكون:



### مثال :

فيما يلي بيان بالمنفق على الاعلان والمبيعات لأحد المنتجات فكانت بالمليون ريال كمايلي:

8	9	11	4	15	10	5	6	7	2	3	2	
17	15	22	18	33	26	19	18	22	9	12	10	

### المطلوب :

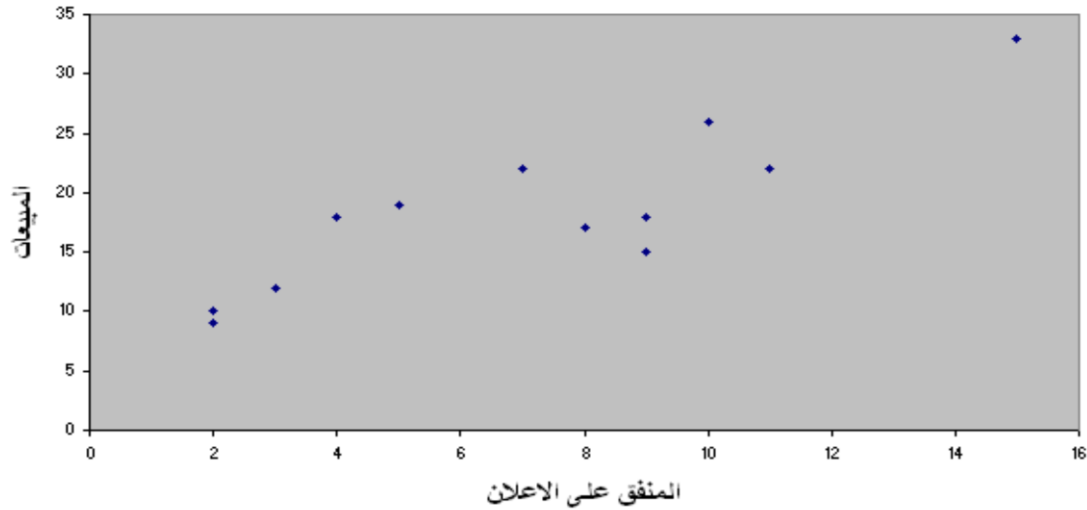
ارسم شكل الانتشار يوضح العلاقة بين المنفق على الاعلان و المبيعات ؟

احسب معامل الارتباط الخطى البسيط (بيرسون)، مع التعليق

## أكل :

ارسم شكل الانتشار والذي يوضح العلاقة بين المنفق على الاعلان والمبيعات حيث يتم الرسم من خلال رسم محورين سيني ويوضح المبالغ المنفقة على الإعلان وصادي يوضح المبيعات من ثم تحديد إحداثيات النقاط فيظهر لنا الشكل التالي:

يوضح الشكل الانتشاري للمنفق على الاعلان و المبيعات



نستنتج من شكل الانتشار أن قيم كلا من المنفق على الاعلان والمبيعات يأخذ اتجاه تصاعدي جهة اليمين مما يدل على وجود علاقة طردية بينهما .

- و اذا اردنا استخدام المعادلة الرياضية في حساب معامل الارتباط بين المنفق على الاعلان والمبيعات لا بد أولاً من حساب الوسط الحسابي  $\bar{x}$  للمنفق على الاعلان والوسط الحسابي للمبيعات  $\bar{y}$  حيث أن:

$$r_p = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x - \bar{x})^2} \sqrt{\sum (y - \bar{y})^2}}$$

وإذا اردنا استخدام المعادلة السابقة في حساب معامل الارتباط بين المنفق على الاعلان والمبيعات لابد من حساب الوسط الحسابي للمنفق على الاعلان  $\bar{x}$  والوسط الحسابي للمبيعات  $\bar{y}$  كما يلي:

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{82}{12} = 7.08333$$

$$\bar{y} = \frac{\sum y}{n} = \frac{221}{12} = 18.41667$$

- و على ذلك يمكن لنا أعداد الجدول التالي :

$(y - \bar{y})^2$	$(x - \bar{x})^2$	$(x - \bar{x})(y - \bar{y})$	$(y - \bar{y})$	$(x - \bar{x})$	$y$	$x$
70.84028	23.36111	40.68056	-8.41667	-4.83333	10	2
41.17361	14.69444	24.59722	-6.41667	-3.83333	12	3
88.67361	23.36111	45.51389	-9.41667	-4.83333	9	2
12.84028	0.027778	0.597222	3.58333	0.16666	22	7
0.173611	0.694444	0.347222	-0.41667	-0.83333	18	6
0.340278	3.361111	-1.06944	0.58333	-1.83333	19	5
57.50694	10.02778	24.01389	7.58333	3.16666	26	10
212.6736	66.69444	119.0972	14.5833	8.16666	33	15
0.173611	8.027778	1.180556	-0.41667	-2.83333	18	4
12.84028	17.36111	14.93056	3.58333	4.16666	22	11
11.67361	4.694444	-7.40278	-3.41667	2.16666	15	9
2.006944	1.361111	-1.65278	-1.41667	1.16666	17	8
510.9167	173.6667	260.8333	0	0	221	82

- ويمكن بالتالي تطبيق المعادلة الرياضية لحساب معامل الارتباط كما يلي:

$$r_p = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x - \bar{x})^2} \sqrt{\sum (y - \bar{y})^2}}$$

$$= \frac{260.8333}{\sqrt{173.667} \sqrt{510.9167}} = 0.8756$$

وتدل قيمة معامل الارتباط على وجود **علاقة قوية وطرديّة** بين المنفق على الإعلان والمبيعات

- كما يمكن حساب معامل الارتباط من خلال المعادلة الثانية والتي تكون بالصورة التالية:

$$r_p = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{\sqrt{n \sum x^2 - (\sum x)^2} \sqrt{n \sum y^2 - (\sum y)^2}}$$

وحتى يمكن تطبيق هذه المعادلة على بيانات المثال السابق لحساب معامل الارتباط بين المنفق على الاعلان والمبيعات لابد من تكوين الجدول التالي:

$y^2$	$x^2$	$xy$	$y$	$x$
100	4	20	10	2
144	9	36	12	3
81	4	18	9	2
484	49	154	22	7
324	36	108	18	6
361	25	95	19	5
676	100	260	26	10
1089	225	495	33	15
324	16	72	18	4
484	121	242	22	11
225	81	135	15	9
289	64	136	17	8
4581	734	1771	221	82

- وبالتالي يمكن تطبيق المعادلة السابقة كما يلي:

$$\begin{aligned} r_p &= \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{\sqrt{n \sum x^2 - (\sum x)^2} \sqrt{n \sum y^2 - (\sum y)^2}} \\ &= \frac{12(1771) - (82 \times 221)}{\sqrt{12(734) - (82)^2} \sqrt{12(4581) - (221)^2}} \\ &= \frac{3130}{\sqrt{2084} \sqrt{6131}} = 0.8756 \end{aligned}$$

وهي نفس النتيجة التي حصلنا عليها بتطبيق المعادلة السابقة مما يدل على وجود علاقة طردية وقوية بين المنفق على الإعلان والمبيعات .

\*\*\*ومن أهم خصائص معامل الارتباط الخطى البسيط لبيرسون أنه لا يعتمد على قيم المتغيران نفسها عند حساب قيمته وإنما يعتمد على مقدار التباعد بين هذه القيم بعضها البعض.

لذلك لا يتأثر معامل الارتباط الخطى البسيط بأى عمليات جبرية يتم إجراؤها على بيانات أى من المتغيرين أو أحدهما من جمع أو طرح أو ضرب أو قسمة .

### مثال :

فى بيانات المثال السابق إذا أكتشفت إدارة الشركة أن البيانات تم تجميعها وحسابها بطريقة خاطئة حيث يجب إضافة 5 مليون ريال إلى جميع قيم المنفق على الإعلان. كما أن المبيعات يجب مضاعفة قيمتها لجميع القيم.

### المطلوب :

أحسب معامل الارتباط فى هذه الحالة بين المنفق على الإعلان والمبيعات.

## أكل :

يتم أولاً تعديل البيانات لكل من المنفق على الإعلان والمبيعات لتكون النتائج كما يلي:

$y^2$	$x^2$	$xy$	$y$	$x$
400	49	140	20	7
576	64	192	24	8
324	49	126	18	7
1936	144	528	44	12
1296	121	396	36	11
1444	100	380	38	10
2704	225	780	52	15
4356	400	1320	66	20
1296	81	324	36	9
1936	256	704	44	16
900	196	420	30	14
1156	169	442	34	13
18324	1854	5752	442	142

- وبالتالي يمكن تطبيق واحدة من المعادلات السابقة كما يلي:

$$\begin{aligned} r_p &= \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{\sqrt{n \sum x^2 - (\sum x)^2} \sqrt{n \sum y^2 - (\sum y)^2}} \\ &= \frac{12(5752) - (142 \times 442)}{\sqrt{12(1854) - (142)^2} \sqrt{12(18324) - (442)^2}} \\ &= \frac{6260}{\sqrt{2084} \sqrt{24524}} = 0.8756 \end{aligned}$$

وهي نفس النتيجة التي حصلنا عليها سابقاً مما يدل على أن معامل الارتباط لم تتأثر قيمته بالعمليات الجبرية من جمع (5 مليون) أو الضرب (2 ×). وبالمثل لا يتأثر بالطرح أو القسمة.

## معامل التحديد Determination Coefficient

وهو مربع معامل الارتباط لذلك يرمز له بالرمز  $R^2$  أو R-Square و هو يشير إلى نسبة تفسير المتغير أو المتغيرات المستقلة للتغير في المتغير التابع

### فمثلاً:

وجد أن المنفق على الاعلان يفسر نسبة (  $0.8756^2$  ) أى 76.675 % من التغير في قيمة المبيعات بينما 23.32 % من التغير في المبيعات ترجع إلى عوامل أخرى منها الخطاء العشوائى .

## معامل ارتباط الرتب لسبيرمان Spearman's Rank Correlation Coefficient $r_s$

معامل الارتباط لبيرسون لا يمكن استخدامه في حساب قوة العلاقة بين متغيرين الا اذا كانت البيانات المتوافره عنهما في صورة كمية فقط، أما اذا كانت البيانات في صورة وصفية فلا يمكن تطبيق معامل ارتباط بيرسون وحساب الارتباط بين المتغيرين محل الدراسة.

أما في حالة المتغيرات الوصفية فنستخدم معامل ارتباط الرتب لسبيرمان، والذي يتم استخدامه في قياس الارتباط خاصة في حالة البيانات الوصفية الترتيبية مثل تقديرات الطلاب (ممتاز - جيد جداً - جيد - مقبول - ضعيف) وكذلك قوة المركز المالى (جيد - متوسط - ضعيف) ودرجة الموافقة على رأى فى اسئلة الاستبانة (موافق تماماً - موافق - محايد - غير موافق - غير موافق على الاطلاق).

- ويتم حساب معامل الارتباط الرتب لسبيرمان  $r_s$  باستخدام المعادلة التالية:

$$r_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)}$$

حيث ان :

$d$

$n$

### ملاحظات يجب مراعاتها عند ترتيب المتغيرات:

- يتم ترتيب قيم مشاهدات المتغير  $x$  وتسمى القيم الترتيبية للمتغير  $x$  "رتب  $x$ " وكذلك الامر للمتغير  $y$  تسمى بـ "رتب  $y$ ". والترتيب يكون تصاعديا أو تنازليا ولكن أهم شيء هو اذا كان ترتيب  $x$  تصاعدي لابد ان يكون ترتيب  $y$  تصاعدي ايضا والعكس صحيح.
- فى حالة الترتيب التصاعدي مثلا يتم اعطاء أقل قيمة الرتبة 1 والقيمة التي هى أكبر منها الرتبة 2 وهكذا
- فى حالة تكرار أو تساوى بعض القيم لأي متغير تعطى كل منهم رتبة كما لو كانت القيم غير متساوية ثم نحسب الوسط الحسابى (مجموع الرتب ÷ عددها) لتلك الرتب ويعطى الوسط الحسابى كرتبة تلك القيم المتساوية .

### مثال :

فيما يلى بيان بالمنفق على الاعلان والمبيعات لأحد المنتجات فكانت بالمليون ريال كمايلى:

8	9	11	4	15	10	5	6	7	2	3	2	
17	15	22	18	33	26	19	18	22	9	12	10	

### المطلوب :

أحسب معامل الارتباط لسبيرمان بين المنفق على الاعلان و المبيعات ؟

### أكل :

يتم اولا ترتيب قيم كلا من  $x$  و  $y$  كما يتضح من الجدول التالى:



d2	d	y	x	y	X
0.25	-0.5	2	1.5	10	2
0	0	3	3	12	3
0.25	0.5	1	1.5	9	2
12.25	-3.5	9.5	6	22	7
4	2	6.5	8.5	18	9
9	-3	8	5	19	5
1	-1	11	10	26	10
0	0	12	12	33	15
6.25	-2.5	6.5	4	18	4
2.25	1.5	9.5	11	22	11
20.25	4.5	4	8.5	15	9
4	2	5	7	17	8
59.5	0				

### نلاحظ من ذلك الجدول أن:

1. تم ترتيب المتغيران تصاعدياً
2. عند ترتيب قيم المتغير المنفوق على الاعلان  $x$  وجدنا ان القيمة 2 تكررت مرتان لتأخذ الرتب 1 و 2 لذلك نحسب المتوسط لهما وهو  $(2+1) \div 2$  ليكون 1,5 لذلك وضعنا امام القيمة 2 الرتبة 1.5 . وكذلك الامر بالنسبة للقيمة 9 فإنها تأخذ الرتبة 8 و 9 لذلك وضعنا أمام القيمة 9 الرتبة 8,5
3. عند ترتيب قيم المتغير " المبيعات "  $y$  وجدنا أن القيمة 18 أخذت الرتبة 6 و 7 لذلك وضعنا أمام القيمة 18 الرتبة 6,5 وكذلك القيمة 22 أخذت الرتبة 9 و 10 لذلك وضعنا أمامها الرتبة 9,5

ثم نحسب الفرق بين رتب المتغير  $x$  ورتب المتغير  $y$  والتي نعطي لها الرمز  $d$  ، ونلاحظ من الجدول السابق أن مجموع الفروق  $d$  لا بد أن يكون صفر والا يكون هناك خطأ في الترتيب لأحد المتغيرين أو كلاهما، ولا بد من مراجعة الترتيب مرة أخرى والتأكد من ذلك.

كما بلغ  $\sum d^2 = 59.5$  وحيث أن عدد المشاهدات  $n = 12$  فإنه يمكن حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان كما يلي:

$$r_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)} = 1 - \frac{6(59.5)}{12(144 - 1)} = 0.7919$$

وقد بلغ معامل ارتباط الرتب لسبيرمان 0.7919 مما يدل على وجود ارتباط طردى قوى بين المنفق على الاعلان والمبيعات، وهى قيمة قريبة من التى تم حسابها بإسخدام معامل الارتباط لـ بيرسون حيث بلغ 0.8756

### مثال :

البيانات التالية تمثل التقديرات التى حصل عليها عشر طلاب فى مقررى المحاسبة والقانون:

■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	■
■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	■

### المطلوب:

أحسب معامل الارتباط المناسب.

### أحل :

يتم ترتيب المشاهدات وحساب الفروق بين الرتب ومربعاتها كما يتضح من الجدول التالي:

d^2	d				
30.25	5.5	4.5	10		
16	4	4.5	8.5		
20.25	4.5	1.5	6		
2.25	-1.5	4.5	3		
49	-7	8	1		
4	-2	8	6		
49	-7	10	3		
49	7	1.5	8.5		
2.25	1.5	4.5	6		
25	-5	8	3		
247	0				

- نلاحظ عند ترتيب تقديرات مقرر المحاسبة أن التقدير "مقبول" اخذ الرتب 2 و 3 و 4 لذلك تم جمع ( 2+3+4 ) ÷ 3 = 9 ÷ 3 = 3 فوضع 3 أمام التقدير مقبول في مقرر المحاسبة.
- كما أن تقدير جيد في مقرر القانون أخذ الرتب 3 و 4 و 5 و 6 لذلك تم جمع ( 3+4+5+6 ) ÷ 4 = 18 ÷ 4 = 4,5 فوضع الرتبة 4.5 امام التقدير جيد في مقرر القانون.

- من الجدول السابق يتضح لنا أن مجموع الفروق d لابد أن يكون صفر.

كما بلغ  $\sum d^2 = 247$  وحيث أن عدد المشاهدات  $n = 10$  فإنه يمكن حساب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان كما يلي:

$$r_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)} = 1 - \frac{6(247)}{10(100 - 1)} = -0.4969$$

**ونلاحظ** أن معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بلغ -0.4969 مما يدل على وجود ارتباط عكسي متوسط بين تقدير مقرر المحاسبة وتقدير مقرر القانون.

## معامل الاقتران Conjunction Coefficient

ويستخدم في حساب العلاقة الاتباطية بين المتغيرات الوصفية التي ليس في طبيعتها صفة الترتيب أى الوصفية الأسمية التي يكون لها زوج من الصفات مثل:

النوع (ذكر - انثى)، والحالة التعليمية (متعلم - غير متعلم)

وعلى ذلك إذا كان لدينا متغيران لدي كلا منهما زوج من الصفات فيكون جدول تكرارات الصفات المشتركة بينهما على الصورة التالية:

y	y	
B	A	x
D	C	x

حيث أن A , B , C , D تشير إلى التكرارات المشتركة بين صفات المتغيرين، ويمكن حساب معامل الاقتران في هذه الحالة كما يلي:

$$r_c = \frac{AD - BC}{AD + BC}$$

### مثال :

في دراسة اجريت لمعرفة هل هناك علاقة بين العمل والتعليم تم سؤال 200 شخص سؤالين هما:

هل انت متعلم؟ نعم لا

هل انت ملتحق بأى عمل؟ نعم لا

وبتجميع الاجابات تم عمل جدول الاقتران التالي:

		العمل
		التعليم
23	113	
15	49	

## المطلوب :

أحسب معامل الاقتران ؟

## الحل :

يمكن حساب معامل الاقتران فى هذه الحالة كما يلي:

$$r_c = \frac{AD - BC}{AD + BC}$$

23 = B	113 = A	
15 = D	49 = C	

$$r_c = \frac{(113)(15) - (23)(49)}{(113)(15) + (23)(49)} = \frac{568}{2822} = 0.20$$

- أى يوجد ارتباط ضعيف بين العمل والتعليم

## معامل التوافق Contingency Coefficient

ويستخدم لحساب الارتباط بين المتغيرات الوصفية الاسمية والتي يكون لصفاتها قيم أكثر من 2، مثل الحالة الاجتماعية ( اعزب - متزوج - متزوج ويعول - أرمل - مطلق )

وحتى يمكن حسابه يتم إعداد الجدول المزدوج بين صفات المتغيريين ومنه يتضح لنا التكرارات المشتركة بين الصفات التي نعتمد عليها فى حساب مقدار يطلق عليه " M "

- ويتم حساب معامل التوافق من خلال المعادلة التالية:

$$M = \sum \frac{(f_{ij})^2}{f_{i.} \cdot f_{.j}}$$

حيث أن:

التكرار المشترك بين الصفة i والصفة j	$f_{ij}$
مجموع صف الصفة i	$f_{i.}$
مجموع عمود الصفة j	$f_{.j}$

أى يتم إيجاد:

مربع تكرار كل خلية مشتركة  
مجموع الصف × مجموع العمود  
ثم نجمعهم كلهم

- وعلى ذلك يتم حساب معامل التوافق كما يلي:

$$r_T = \sqrt{\frac{M - 1}{M}}$$

## مثال :

أوجد معامل التوافق بين تخصص الطالب ودرجة الرضا عن الدراسة بالكلية الملتحق بها إذا كانت البيانات كما يلي:

90	45	15	30	
70	20	30	20	
20	5	5	10	
180	70	50	60	

## الحل :

$$M = \frac{(30)^2}{60 \times 90} + \frac{(15)^2}{50 \times 90} + \frac{(45)^2}{70 \times 90} + \frac{(20)^2}{60 \times 70} + \frac{(30)^2}{50 \times 70} + \frac{(20)^2}{70 \times 70} + \frac{(10)^2}{60 \times 20} + \frac{(5)^2}{50 \times 20} + \frac{(5)^2}{70 \times 20}$$

$$M = 0.166 + 0.05 + 0.32 + 0.095 + 0.257 + 0.081 + 0.083 + 0.025 + 0.017 = 1.094$$

- وعلى ذلك يتم حساب معامل التوافق كما يلي:

$$r_T = \sqrt{\frac{1.094 - 1}{1.094}} = 0.293$$

يوجد ارتباط ضعيف بين تخصص الطالب ودرجة الرضا عن الدراسة بالكلية الملتحق بها.

## المحاضرة أكاديمية عشر

### تحليل الانحدار

يعتبر تحليل للانحدار أكثر طرق التحليل الإحصائي استخداماً، حيث يتم من خلاله التنبؤ بقيمة احد المتغيرات (المتغير التابع) عند قيمة محددة لمتغير أو متغيرات أخرى (المتغيرات المستقلة).

وتسمى **العلاقة الرياضية** التي تصف سلوك المتغيرات محل الدراسة **والتي من خلالها يتم التنبؤ** بسلوك احد المتغيرين عند معرفة الاخر **بمعادلة خط الانحدار**.

- وهناك صورتان أساسيتان لمعادلة الانحدار وهما:

الصورة الأولى: معادلة انحدار  $x|y$  (التي يطلق عليها معادلة انحدار  $y$  على  $x$ )

الصورة الثانية: معادلة انحدار  $y|x$  (التي يطلق عليها معادلة انحدار  $x$  على  $y$ )

#### معادلة انحدار $y$ على $x$

وهي تلك المعادلة التي يطلق عليها معادلة انحدار  $x | y$ . أي تتحدد قيمة المتغير  $y$  تبعاً لقيمة المتغير  $x$  لذلك يمكن التعبير عن تلك العلاقة الخطية بالمعادلة التالية:

$$\hat{y} = b_0 + b_1 x$$

حيث يسمى ثابت الانحدار او الجزء الثابت او الجزء المقطوع من محور الصادات بينما يطلق عليها معامل الانحدار أو معدل التغير في الدالة .

ويمكن تقدير قيمة للثابتين  $b_0$  و  $b_1$  كما يلي، وهما المعادلات التي نستخدمها لحساب معامل الانحدار باستخدام طريقة المربعات الصغرى:

$$b_1 = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$b_0 = \frac{\sum y}{n} - b_1 \frac{\sum x}{n} \\ = \bar{y} - b_1 \bar{x}$$



## مثال :

عند دراسة العلاقة بين عدد غرف المسكن وكمية الكهرباء المستهلكة بالآلف كيلو وات فكانت كما يلي:

8	5	10	10	7	4	6	14	9	12	
6	4	10	8	7	3	5	10	7	9	

المطلوب أوجد:

1. معادلة انحدار  $y$  على  $x$  ؟
2. تحديد معدل التزايد أو التناقص في استهلاك الكهرباء؟
3. ماهو الاستهلاك المتوقع لمسكن مكون من 8 غرف؟

## 4. أكل :

نقوم بعمل الجدول التالي:

$y^2$	$x^2$	$xy$	$y$	$x$
144	81	108	12	9
81	49	63	9	7
196	100	140	14	10
36	25	30	6	5
16	9	12	4	3
49	49	49	7	7
100	64	80	10	8
100	100	100	10	10
25	16	20	5	4
64	36	48	8	6
811	529	650	85	69

وبالتالي يمكن تقدير  $b_1$  من خلال تطبيق المعادلة التالية:

$$b_1 = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$b_1 = \frac{10(650) - (69)(85)}{10(529) - (69)^2} = \frac{635}{529} = 1.2003$$

وكذلك يمكننا تقدير  $b_0$  من خلال تطبيق المعادلة التالية:

$$\begin{aligned} b_0 &= \frac{\sum y}{n} - b_1 \frac{\sum x}{n} \\ &= \frac{85}{10} - (1.2003) \frac{69}{10} \\ &= 8.5 - 8.28207 \\ &= 0.21793 \end{aligned}$$

وعلى ذلك يمكن كتابة معادلة الانحدار  $y$  على  $x$  على الشكل التالي:

$$\hat{y} = 0.21793 + 1.2003x$$

وبالتالي يكون معدل التزايد في استهلاك الكهرباء هو لأنها موجبة ويساوي 1.2003 أى أن كل غرفة بالمسكن تعمل على زيادة استهلاك الكهرباء بمقدار 1200.3 كيلو وات.

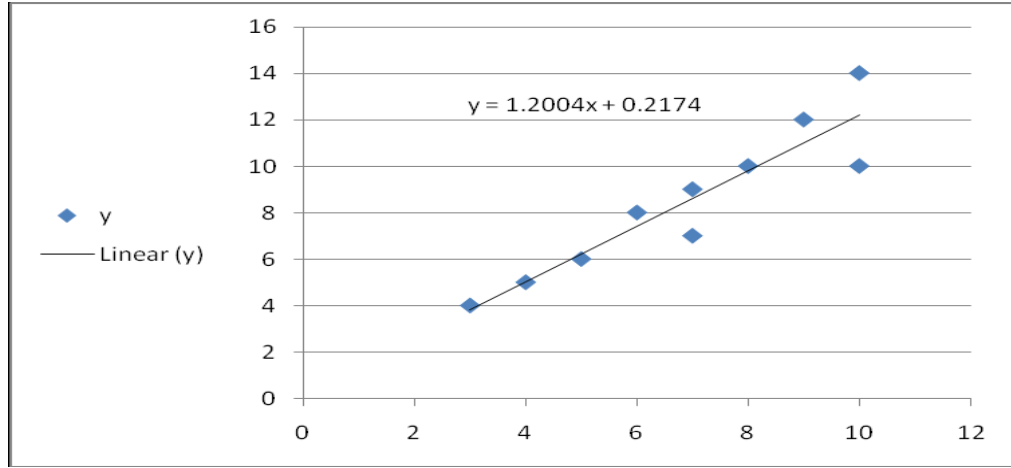
- الاستهلاك المتوقع لمسكن مكون من 8 غرف:

يتم التعويض في معادلة الانحدار التي سبق إيجادها عندما تكون  $x = 8$  كما يلي:

$$y = 0.21793 + 1.2003(8) = 9.8203$$

أى أن الاستهلاك المتوقع لمسكن مكون من 8 غرف هو 9820.3 كيلو وات

- ويمكن لنا رسم بيانات المثال السابق وخط معادلة الانحدار  $y$  على  $x$  كما يلي:



ويتضح لنا من الشكل السابق ان خط الانحدار لا يمر بجميع النقاط حيث تكون هناك نقاط مشتته حول الخط، وبالرغم من ذلك يعد هذا الخط من أفضل الخطوط التي حصلنا عليها للتعبير عن العلاقة بين المتغيرين محل الدراسة **ولكن بخطأ**

معين يسمى خطأ التقدير **Standard Error**

### معادلة انحدار x على y

وهي التي يطلق عليها معادلة انحدار  $y | x$ . أي تتحدد قيمة المتغير  $x$  تبعاً لقيمة المتغير  $y$  لذلك يمكن التعبير عن تلك العلاقة الخطية بالمعادلة التالية:

$$\hat{x} = c_0 + c_1 y$$

حيث يسمى  $c_0$  ثابت الانحدار او الجزء الثابت بينما  $c_1$  يطلق عليها معامل الانحدار أو معدل التغير في الدالة

ولتحديد المعادلة الدالة على العلاقة بين المتغيرين  $x$  و  $y$  لابد من تقدير قيمة للثابتين  $c_0$  و  $c_1$  الذين يمكن تقديرهما من خلال تطبيق طريقة المربعات الصغرى فتكون النتيجة كما يلي:

$$c_1 = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum y^2 - (\sum y)^2}$$

$$c_0 = \frac{\sum x}{n} - c_1 \frac{\sum y}{n}$$

$$= \bar{x} - c_1 \bar{y}$$

## مثال :

باستخدام بيانات المثال السابق لعدد الغرف واستهلاك الكهرباء أوجد التالي:

١. معادلة انحدار  $x$  على  $y$  ؟

٢. ماهو عدد الغرف المتوقع لأستهلاك 25000 كيلو وات ؟

## أكل :

نقوم بعمل الجدول التالي:

$y^2$	$x^2$	$xy$	$y$	$x$
144	81	108	12	9
81	49	63	9	7
196	100	140	14	10
36	25	30	6	5
16	9	12	4	3
49	49	49	7	7
100	64	80	10	8
100	100	100	10	10
25	16	20	5	4
64	36	48	8	6
811	529	650	85	69

من خلال الجدول السابق يمكن تقدير معادلة انحدار  $x$  على  $y$  كما يلي:

أولاً- يتم تقدير قيمة معامل الانحدار  $c_1$

$$c_1 = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum y^2 - (\sum y)^2}$$

$$\begin{aligned} c_1 &= \frac{10(650) - (69)(85)}{10(811) - (85)^2} \\ &= \frac{635}{885} = 0.717 \end{aligned}$$

ثانياً - تقدير قيمة

$$c_0 = \frac{\sum x}{n} - c_1 \frac{\sum y}{n}$$

$$c_0 = \frac{69}{10} - 0.717 \frac{85}{10} \\ = 6.9 - 6.0945 = 0.8055$$

معادلة انحدار x على y هي:

$$\hat{x} = c_0 + c_1 y$$

$$\hat{x} = 0.8055 + 0.717y$$

ماهو عدد الغرف المتوقع لأستهلاك 25000 كيلو وات

يتم التعويض في المعادلة السابقة عن قيمة y تساوى 25 كما يلي:

$$\hat{x} = 0.8055 + 0.717(25) = 18.7305$$

- العلاقة بين معاملي معادلتى الانحدار y على x و معادلة انحدار x على y

إذا علم معامل معادلة انحدار y على x  $b_1$  ومعامل معادلة انحدار x على y  $c_1$  فإنه يمكن تقدير كلاً من معامل التحديد ومعامل الارتباط كما يلي:

$$r^2 = b_1 \times c_1$$

فكما يبدوا معامل التحديد هو عبارة عن حاصل ضرب معاملي الانحدار  $b_1$  و  $c_1$

وبالتالي يمكن الحصول على معامل الارتباط بأخذ الجذر التربيعي لمعامل التحديد كما يلي:

$$r = \sqrt{r^2}$$

**مع ملاحظة** أن إشارة معامل الارتباط تكون موجبة أو سالبة بما يتفق وإشارة كلا من  $b_1$  و  $c_1$  حيث أن إشارتهما جميعا واحدة، لأن الإشارة لأي منهما تتوقف على البسط نفسه وهو التغير بين المتغيرين  $x$  و  $y$ .

كما يمكن معرفة قيمة أي معامل انحدار بمعلومية الآخر كما يلي:

$$b_1 = r \times \frac{\sigma_y}{\sigma_x} \qquad c_1 = r \times \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$$

حيث ان :

x		$\sigma_x$
y		$\sigma_y$

**مثال :**

أحسب معامل الارتباط بين عدد الغرف والمستهلك من الكهرباء إذا علمت أن:

$$b_1 = 1.2003 \qquad c_1 = 0.717$$

**أكل :**

إيجاد معامل التحديد كالتالي:

$$\begin{aligned} r^2 &= b_1 \times c_1 \\ &= 1.2003 \times 0.717 \\ &= 0.8606 \end{aligned}$$

أي أن عدد الغرف يفسر 86.06 % من التغير في استهلاك الكهرباء

إيجاد معامل الارتباط كالتالي:

$$r = \sqrt{r^2} = \sqrt{0.8606} = 0.9276$$

مما يدل على وجود ارتباط طردى قوى بين عدد الغرف و استهلاك الكهرباء

## المحاضرة الثانية عشر (أجزاء الأول)

### السلاسل الزمنية

يحتاج التخطيط الفعال إلى أدوات تنبؤ متقدمة نظريا وتطبيقيا في مجالات إحصائية عديدة ومنها تحليل السلاسل الزمنية والتي تقوم على دراسة التطور التاريخي لقيم الظواهر المختلفة لمعرفة خصائصها واستخدامها في استخلاص النتائج النهائية.

وتبرز أهمية تحليل السلاسل الزمنية في حالات كثيرة مرتبطة بالجوانب الاقتصادية والإدارية والاجتماعية والبيئية، ومن ضمن الحالات المتعلقة بالجوانب الاقتصادية والإدارية مايلي:

- الناتج المحلي الإجمالي
- معدلات التضخم
- إجمالي الودائع
- أسعار النفط الخام والمنتجات النفطية
- كمية وقيمة المبيعات
- ميزانية الإعلان
- مستوى المخزون
- إجمالي التكاليف
- مستوى الدائنون والمدينون

- وفي جميع هذه الحالات يحتاج متخذ القرار إلى دراسة البيانات التاريخية كما وكيفا، ومن ثم تحديد الفروق الجوهرية بين الظروف التي أحاطت هذه البيانات التاريخية والظروف الحالية من أجل دمجها في مراحل عملية التحليل النهائي المساعدة في اتخاذ القرار.

### - تعريف السلسلة الزمنية :

**السلسلة الزمنية** عبارة عن مجموعة من المشاهدات الاحصائية تصف الظاهرة مع مرور الزمن، أو هي البيانات الاحصائية التي تجمع أو تشاهد أو تسجل لفترات متتالية من الزمن .

وقد تكون **السلسلة الزمنية بالارقام المطلقة** (وتسمى بالتالي سلسلة قيم مطلقة).

أو قد تكون **السلسلة الزمنية بالقيم النسبية** مثل تلك الجداول التي تبين معدلات الزيادة الطبيعية للسكان في الألف ونحوها.

أو قد تكون **السلسلة الزمنية بالمتوسطات** مثل السلسلة الزمنية التي تبين متوسط إنتاج الكيلومتر مربع من القمح.

### - أمثلة متنوعة على السلاسل الزمنية :

- مرضى العيادات النفسية المترددين شهرياً
  - عدد الأطفال المرضى الجدد المصابين بالتوحد شهرياً
  - عدد المتعطلين سنوياً عن العمل
  - معدلات الإنجاب السنوية
  - معدلات الطلاق السنوية
  - المبيعات اليومية في مركز لبيع الكتب لمدة شهر
  - قراءة درجات حرارة المريض في ساعة لمدة يوم واحد
  - قراءة الإنتاج الشهري لمدة سنة في شركة للأدوية
  - الإنتاج الشهري من البترول للسعودية ولعدة سنوات
- كل هذه القراءات وتتابعها الزمني جميعها تمثل سلسلة زمنية



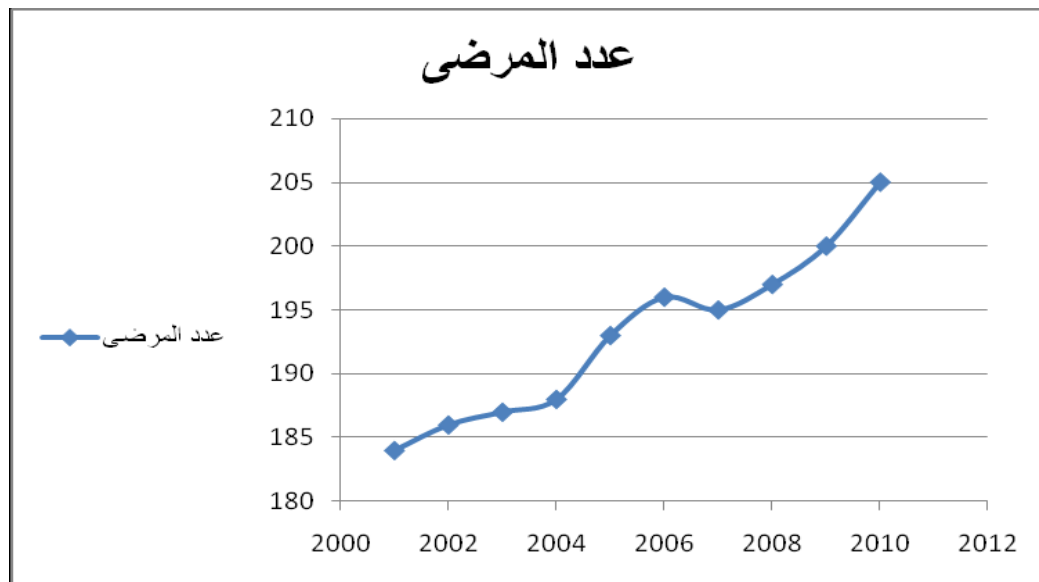
## مثال :

الجدول التالي يوضح عدد مرض الفصام المترددين على احد العيادات خلال العشر سنوات الماضية:

184	2001
186	2002
187	2003
188	2004
193	2005
196	2006
195	2007
197	2008
200	2009
205	2010

- ويمكن رسم الشكل البياني للسلسلة الزمنية على الشكل التالي:

حيث يتم الرسم من خلال رسم محورين سيني ويوضح السنوات وصادي يوضح عدد مرضى الفصام ومن ثم تحديد إحداثيات النقاط فيظهر لنا الشكل التالي:



## - أنواع السلسلة الزمنية :

السلسلة الزمنية نوعان هما:

١. سلسلة زمنية فترية وهي السلسلة التي تتكون من بيانات كمية لمستوى الظاهرة عن فترات محددة من الزمن (شهر، ربع سنة، أو ما شابه ذلك)
٢. السلسلة الزمنية اللحظية وهي السلسلة التي تتكون من مستويات للظاهرة مقاسة في لحظات (تواريخ معينة ومحددة)

## - تحليل السلسلة الزمنية :

لغرض فهم السلسلة الزمنية لابد من تحليلها إلى عناصرها ومركباتها الأساسية مما يمكننا من معرفة تطور الظاهرة مع الزمن والتنبؤ بمعالمها خلال الفترات المقبلة لتتخذ أساسا للتخطيط الاقتصادي أو الإداري الطويل الأجل، وتتألف السلسلة الزمنية من **أربعة عناصر أساسية هي:**

١. الاتجاه العام ويرمز لقيمه بالرمز (T) وتسمى "القيم الإتجاهية"
٢. التغيرات الموسمية ويرمز لقيمها بالرمز (S) وتسمى "القيم الموسمية"
٣. التغيرات الدورية ويرمز لقيمها بالرمز (C) وتسمى "القيم الدورية"
٤. التغيرات العشوائية أو الفجائية ويرمز لقيمها بالرمز (R) وتسمى "القيم العشوائية"

أي أن القيمة الأصلية للظاهرة (Yt) في كل سنة من السنوات يمكن وصفها بالعلاقة التالية :

### ١. نموذج الجمع :

ويستخدم عندما يكون مدى التغيرات الموسمية ثابت من سنة إلى أخرى ومستقل عن الاتجاه العام , و يتم فرض أن السلسلة الزمنية مكونة من مجموع مكوناتها من الأربعة عناصر السابق ذكرها، أي يكون النموذج بالصورة التالية:

$$y_t = T_t + C_t + S_t + R_t$$

### 2. نموذج الضرب:

ويستخدم هذا النموذج في الحالات المعاكسة لحالات استخدام نموذج الجمع. ويتم فرض أن السلسلة الزمنية مكونة من حاصل ضرب مكوناتها من الأربعة عناصر، أي يكون النموذج على الصورة التالية :

$$y_t = T_t \times C_t \times S_t \times R_t$$

ويجب ملاحظة أن قيم المتغيرات الموسمية وكذا المتغيرات الدورية عبارة عن نسب مئوية في نموذج الضرب.

**حيث أن :**

$Y_t =$  قيمة الظاهرة المدروسة في الفترة  $t$  (القيمة الحقيقية)

$T_t =$  قيمة الاتجاه العام في الفترة  $t$

$C_t =$  قيمة التغيرات الموسمية (القيم الموسمية) في الفترة  $t$

$S_t =$  قيمة التغيرات الدورية (القيم الدورية) في الفترة  $t$

$R_t =$  قيمة التغيرات العشوائية (القيم العشوائية) في الفترة  $t$

### - عناصر السلسلة الزمنية:

إن دراسة أي سلسلة زمنية وتحليلها يستدعي دراسة كل عنصر من هذه العناصر على حدة، وهذه العناصر هي:

#### 1- الاتجاه العام : The Secular Trend

تغيرات الاتجاه العام تعني الزيادة أو الإنخفاض طويل الأجل في البيانات عبر الزمن، ويتم التعرف على ذلك من خلال تمثيل السلسلة الزمنية بيانياً فنحصل بالتالي على خط بياني، واتجاه خط السلسلة الزمنية صعوداً أو هبوطاً يسمى الاتجاه العام للسلسلة، فإذا نظرنا للخط ووجدناه يتجه من الأسفل إلى الأعلى دل ذلك على نمو الظاهرة مع مرور الزمن، أما إذا كان الخط يهبط من الأعلى إلى الأسفل دل على ان الظاهرة تنقص مع مرور الزمن، أما إذا كان الخط أفقياً دل ذلك على ثبات الظاهرة.

#### - طرق حساب الإتجاه العام:

##### أ- طريقة الانتشار (التمهيد باليد):

يتم بهذه الطريقة رسم شكل الانتشار للظاهرة موضع الدراسة، وشكل الانتشار عبارة عن رسم بياني لمتغيرين بحيث يكون الزمن على المحور السيني، وقيم الظاهرة على المحور الصادي، وعند توصيل نقط شكل الانتشار ببعضها البعض نحصل على الخط البياني للظاهرة عبر الزمن، ويعطي شكل الانتشار فكرة سريعة عن طبيعة الاتجاه العام للظاهرة ومدى ارتباطه بالزمن ومدى تأثير التقلبات الدورية أو الموسمية أو التغيرات العشوائية، وبالامكان ومن خلال شكل الانتشار القيام بعملية مقارنة بين سلسلتين أو أكثر عبر فترات مختلفة من الزمن.

- و عملية التمهيد باليد (شكل الانتشار) عادة لا تكون دقيقة مما يقلل الاعتماد عليها وذلك لأن التمهيد باليد يتم بطريقة تقديرية تختلف من شخص لآخر وتعتمد على مهارة الشخص في رسم خط يمر بأكبر عدد ممكن من النقاط ويمثل السلسلة أفضل تمثيل

### مثال :

إذا كان لدينا بيانات ربع سنوية لإجمالي الودائع في المصارف السعودية (آلاف الملايين من الريالات) في الفترة النصف الأخير من عام 2005م إلى عام 2007م والموضحة في الجدول التالي:

■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	■
■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	■
■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	■

### المطلوب :

رسم شكل الانتشار لهذه البيانات ومن ثم تفسيره وإبراز معالم الاتجاه العام للظاهرة موضع الدراسة؟

### أكل :

يتم رسم شكل الانتشار من خلال رسم محورين سيني ويوضح الفترات الزمنية بربع السنة وصادي يوضح الودائع ومن ثم تحديد إحداثيات النقاط.

ويمكن كذلك رسم شكل الانتشار من خلال إدخال البيانات السابقة إلى برنامج الإكسل لتكون بالشكل التالي:

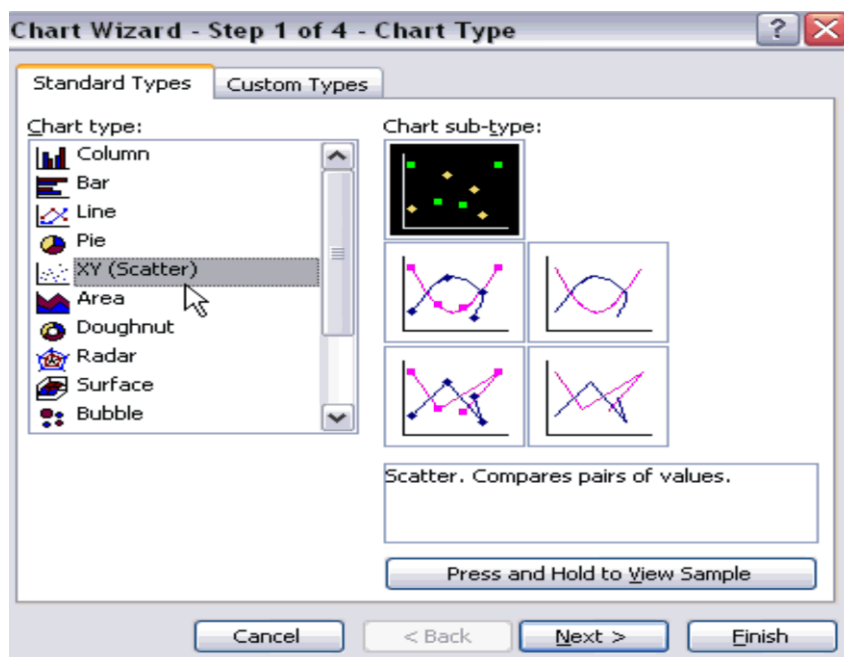
D	C	B	A	
الودائع	الفترة الزمنية	الفصل	السنة	1
195.64	1	3	2005	2
196.97	2	4		3
200.11	3	1	2006	4
205.33	4	2		5
207.49	5	3		6
215.46	6	4		7
223.36	7	1	2007	8
222.31	8	2		9
222.07	9	3		10
226.18	10	4		11

**تلاحظ** أننا بالإضافة إلى البيانات التي كانت موجودة بالتمرين وهي السنة والفصل والودائع تم إضافة عمود يوضح الفترة الزمنية وهي تأخذ القيم ( 1 و 2 و 3 و ... و 10 )، ويمكن رسم الشكل الانتشاري للبيانات الربع سنوية الخاصة بإجمالي الودائع في المصارف السعودية باتباع الخطوات التالية :-

١. يتم تحديد العموديين الخاصين بالفترات الزمنية والودائع المطلوب رسم الشكل الانتشاري لهما كما بالشكل التالي:

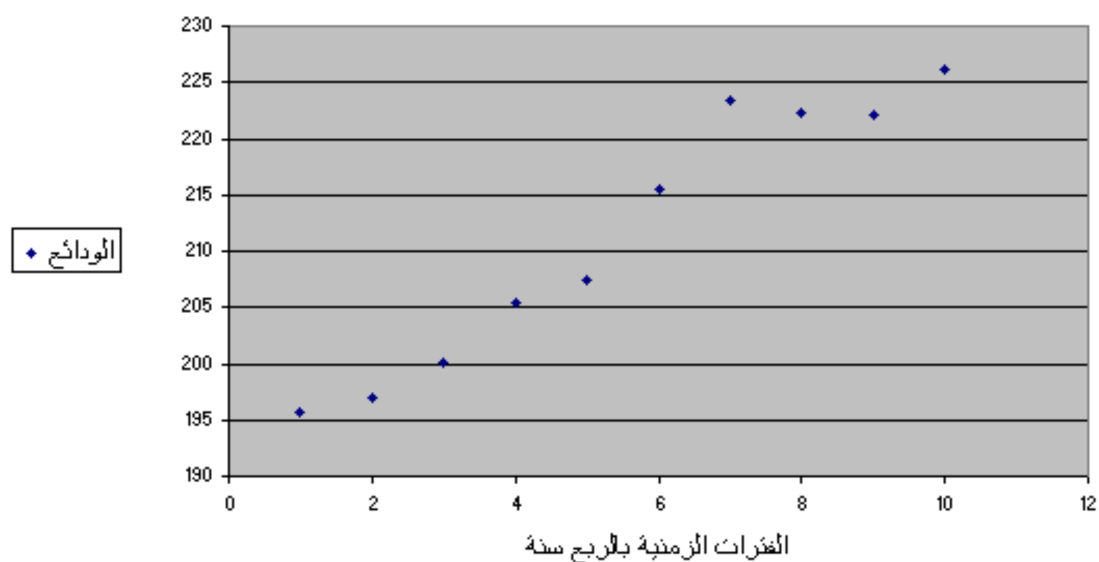
D	C	B	A	
الودائع	الفترة الزمنية	الفصل	السنة	1
195.64	1	3	2005	2
196.97	2	4		3
200.11	3	1	2006	4
205.33	4	2		5
207.49	5	3		6
215.46	6	4		7
223.36	7	1	2007	8
222.31	8	2		9
222.07	9	3		10
226.18	10	4		11

2. ثم نختار من قائمة الرسومات البيانية Wizard Chart رسم الشكل الانتشاري من خلال ( Scatter ) كما بالشكل التالي:



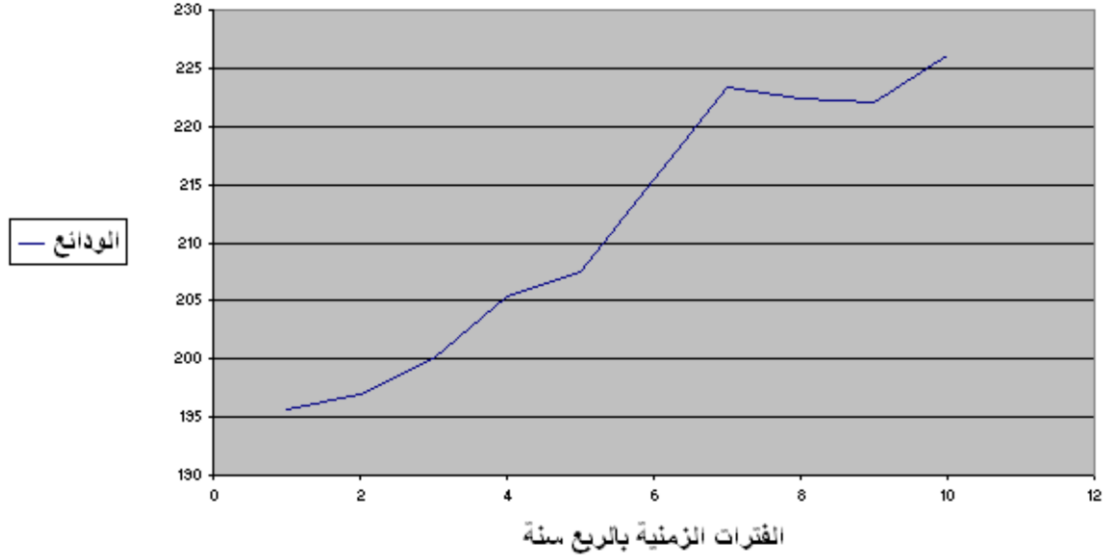
وباستكمال باقى الخطوات يظهر لنا الشكل البياني التالي:

الشكل الانتشاري لودائع المصارف السعودية



- كما يمكن رسم الخط البياني الخاص ببيانات إجمالي الودائع في المصارف السعودية ليكون كما يلي :-

شكل يوضح الخط البياني لودائع المصارف السعودية



- فعند رسم شكل الانتشار لهذه البيانات كما يبدو في الشكل السابق، نستطيع من خلال هذا الرسم لتوضيح التالي:

١. يتبين لنا أن هناك ارتفاع مستمر في إجمالي الودائع عبر الزمن
٢. الاتجاه العام لبيانات إجمالي الودائع يمكن وصفه بدالة خطية
٣. ميل خط الاتجاه العام لبيانات إجمالي الودائع سيكون موجبا

#### ب- طريقة المتوسطات المتحركة:

تعتمد هذه الطريقة على اخذ متوسطات متتابعة لمجموعات متتابعة ومتداخلة من البيانات، والهدف الأساسي من ذلك هو إزالة التدرجات من خط السلسلة الزمنية. وهذه الطريقة أكثر دقة في تحديد خط الاتجاه العام من طريقة شكل الانتشار (التمهيد باليد) .

ويتم حساب المتوسط المتحرك من خلال تطبيق قانون المتوسط الحسابي بشكل متتابع لعدد المشاهدات المعطاة لدينا، مع الأخذ في الاعتبار طول المجموعة التي يتم تقسيم البيانات إليها فمثلا إذا كان طول المجموعة 5 يتم إيجاد متوسط المشاهدات (  $x_1$  ,  $x_2$  ,  $x_3$  ,  $x_4$  ,  $x_5$  ) وذلك بإيجاد مجموعهم والقسمة على عددهم كما يبدو ذلك من خلال العلاقة التالية:

$$\frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5}{5}$$

ونضع المتوسط الذي تم الحصول عليه أمام الفئة التي في المنتصف وهي امام المشاهدة **x3** ثم نحسب المتوسط من جديد للملاحظات (  $x_2, x_3, x_4, x_5, x_6$  ) ونضع المتوسط الجديد الذي تم حسابه أمام المشاهدة **x4** . وهكذا حتى نصل إلى المتوسط الأخير في البيانات المعطاة، وبعد حساب المتوسطات المتحركة نقوم برسم خط الاتجاه العام من هذه المتوسطات المتحركة، وقد ينتج عن ذلك خط غير ممدد كما يجب، وفي هذه الحالة لا يرسم الخط، بل تؤخذ متوسطات ثانية للمتوسطات المتحركة الأولى ويرسم الخط من النقاط التي تمثل المتوسطات المتحركة الثانية لأنها تعطي خطاً أكثر تمهيداً. ويكون أسلوب المتوسط المتحرك فعالاً عندما تكون بيانات السلسلة الزمنية مستقرة عبر الزمن

### مثال :

أوجد المتوسطات المتحركة بطول (5) للسلسلة الزمنية التالية :

X7	X6	X5	X4	X3	X2	X1	
17	19	27	23	21	13	7	

### أحل :

يتم أولاً إيجاد متوسط الخمس مشاهدات والتي يكون مركزها هو  $x_3$  وكان الناتج هو 18.2 . ثم نحسب المتوسط مرة أخرى بداية من  $x_2$  حتى  $x_6$  والتي يكون مركزها  $x_4$  وكان الناتج هو 20.6 وهكذا ونتوقف حين لا يمكن لنا تكوين سلسلتها طولها 5 مشاهدات، وتظهر لنا النتيجة كما يبدو ذلك في الجدول التالي:

	7	X1
	13	X2
18.2	21	X3
20.6	23	X4
21.4	27	X5
	19	X6
	17	X7

- وبعد حساب المتوسطات المتحركة نقوم برسم خط الاتجاه العام من هذه المتوسطات المتحركة.



### ج- طريقة متوسط نصف السلسلة:

تعتبر هذه الطريقة أدق من طريقة شكل الانتشار وطريقة المتوسطات المتحركة، ويمكن حسابها من خلال إتباع الخطوات التالية:

- نقسم السلسلة إلى مجموعتين وفق تسلسل السنوات.
- لتعيين الإحداثي الصادي للنقطتين نوجد المتوسط الحسابي لنصف السلسلة الأول إذا كان عدد المشاهدات زوجي، أما إذا كان عدد المشاهدات فردي فتهمل المشاهدة الوسطى ثم نجد المتوسط الحسابي للنصف الثاني.
- لتحديد الإحداثي السيني نعطي قيم المشاهدات ترقيم متسلسل سواء كانت المشاهدات قيما أو غير ذلك، ثم نجد المتوسط الحسابي للنصف الأول من القيم سواء كان عددها زوجي أو فردي فيكون المتوسط هو الإحداثي السيني، وكذلك حساب المتوسط الحسابي للنصف الثاني والذي يمثل الإحداثي السيني وبذا تتعين النقطتين.
- نصل بين النقطتين بعد تعيينهما على مستوى الإحداثي فيكون لدينا خط الاتجاه العام
- نوجد معادلة خط الاتجاه العام من خلال العلاقة التالية:

$$\frac{Y - Y_1}{X - X_1} = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1}$$

### مثال :

إذا كان إنتاج مصنع سيارات (بالآلاف) خلال عشر سنوات كالتالي:

■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	X
■	■	■	■	■	■	■	■	■	■	■

### المطلوب :

إيجاد معادلة خط الاتجاه العام بطريقة متوسط نصف السلسلة

## أكله :

نكون الجدول التالي من الجدول الرئيسي:

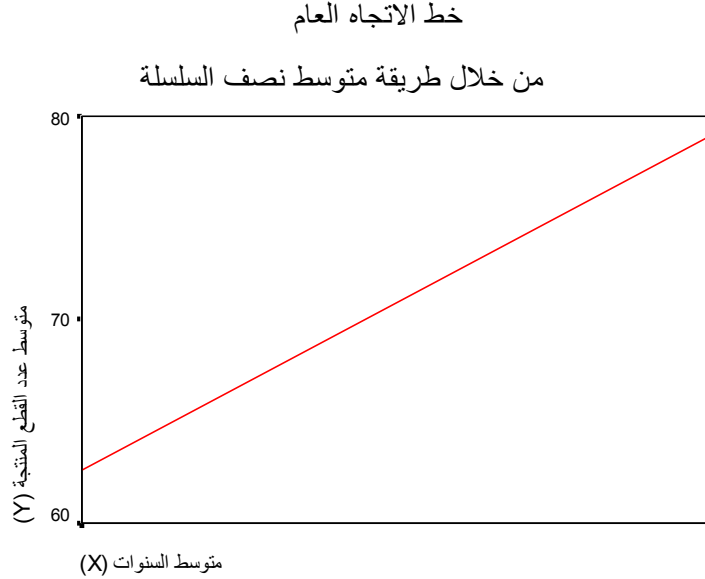
$Y$	$X$	$Y$	$X$	
$Y_1 = 62.6$	$X_1 = 3$			
$Y_2 = 79$	$X_2 = 8$			

$X_1 = \frac{1+2+3+4+5}{5} = \frac{15}{5} = 3$	$X_1$	المتوسط الأول لنصف
$X_2 = \frac{6+7+8+9+10}{5} = \frac{40}{5} = 8$	$X_2$	المتوسط الثاني لنصف
$Y_1 = \frac{53+64+67+60+69}{5} = \frac{313}{5} = 62.6$	$Y_1$	المتوسط الأول لنصف
$Y_2 = \frac{74+67+79+85+90}{5} = \frac{395}{5} = 79$	$Y_2$	المتوسط الثاني لنصف

إذا النقطتين المطلوبتين لتحديد الإحداثي السيني والصادي هما :

(3 ، 62.6) ونسميها بالنقطة (أ) ، و (8 ، 79) ونسميها بالنقطة (ب)

نعين النقطتين على الرسم البياني بحيث يكون إحداثي النقطة الأولى هو ( 3 ، 62.6 ) وإحداثي النقطة الثانية هو ( 8 ، 79 ) ثم نصل بين النقطتين بخط مستقيم فيكون هو خط الاتجاه العام كما يبدو ذلك في الشكل التالي :



- نجد معادلة خط الاتجاه العام من خلال تطبيق العلاقة التالية:

$$\frac{Y - Y_1}{X - X_1} = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = \frac{Y - 62.6}{X - 3} = \frac{79 - 62.6}{8 - 3} = \frac{16.4}{5} = \frac{Y - 62.6}{X - 3} = \frac{16.4}{5}$$

وبضرب طرفي المعادلة كالتالي:

$$5Y - (62.6 * 5) = 16.4X - (16.4 * 3)$$

$$5Y - 313 = 16.4X - 49.2$$

$$5Y = 16.4X - (49.2) + (313)$$

$$5Y = 16.4X + 263.8$$

$$Y = \frac{16.4}{5} X + \frac{263.8}{5}$$

$$Y = 3.28X + 52.76$$

وهذه هي معادلة خط الاتجاه العام من خلال طريقة متوسط نصف السلسلة

#### د - طريقة المربعات الصغرى :

وتعتبر طريقة المربعات الصغرى أكثر دقة من الطرق السابقة لحساب خط الاتجاه العام وذلك من خلال استخدام أسلوب الانحدار الخطي البسيط المعتمد على طريقة المربعات الصغرى التي تجعل مجموع مربعات انحرافات القيم المقدرة عن القيم الفعلية أقل ما يمكن وذلك من خلال العلاقة التالية :

$$\hat{y}_t = b_0 + b_1 t$$

حيث أن :

القيمة الاتجاهية للسلسلة الزمنية في الفترة t

نقطة تقاطع خط الاتجاه العام مع المحور الصادي أو الجزء الثابت

ميل خط الاتجاه العام

الزمن

- ولغرض حساب  $b_0$  و  $b_1$  نقوم بتطبيق المعادلتين التاليتين:

$$b_1 = \frac{n \sum t y_t - \sum t \sum y_t}{n \sum t^2 - (\sum t)^2}$$

$$b_0 = \frac{\sum y_t}{n} - b_1 \frac{\sum t}{n}$$

حيث أن :

القيمة الفعلية للسلسلة الزمنية في الفترة t

عدد الفترات

**مثال :**

بدراسة احد الظواهر الاجتماعية والمتمثلة في العنف الأسرى لأحد المدن. تبين أن تطور أعداد الأسر التي يوجد بها عنف أسرى كانت كما يلي خلال مدة الدراسة

2010	2009	2008	2007	2006	2005	2004	
53	48	39	41	33	25	17	

**المطلوب :**

1. تقدير معادلة الاتجاه العام لتطور أعداد الأسر المعرضة لظاهرة العنف الأسرى بهذه المدينة
2. ما هو عدد الأسر المتوقع المعرضون لهذه الظاهرة في عام 2013 ؟

**أكل :**

حتى يمكن تقدير معادلة الاتجاه العام لتطور أعداد الأسر المعرضة لظاهرة العنف الأسرى بهذه المدينة لابد من أعداد الجدول التالي علي اعتبار أن السنة الأولى تكون قيمة t فيها تساوى 1 والسنة الثانية تكون قيمتها 2 وهكذا كما يلي:

t <sup>2</sup>	y t	t	y	
1	17	1	17	2004
4	50	2	25	2005
9	99	3	33	2006
16	164	4	41	2007
25	195	5	39	2008
36	288	6	48	2009
49	371	7	53	2010
140	1184	28	256	

كما يتضح لنا أن عدد المشاهدات  $n = 7$

- ولغرض حساب  $b_0$  و  $b_1$  نقوم بتطبيق المعادلتين التاليتين:

$$\begin{aligned} b_1 &= \frac{n \sum ty_t - \sum t \sum y_t}{n \sum t^2 - (\sum t)^2} \\ &= \frac{7(1184) - (28 \times 256)}{7(140) - (28^2)} \\ &= \frac{1120}{196} = 5.714 \end{aligned}$$

وبدل ذلك علي أن معدل التزايد السنوي في الأسر المعرضة للعنف الأسرى 5.714 اسرة

$$\begin{aligned} b_0 &= \frac{\sum y_t}{n} - b_1 \frac{\sum t}{n} \\ &= \frac{256 - (5.714 \times 28)}{7} = 13.715 \end{aligned}$$

- وعلى ذلك تكون معادلة الاتجاه العام كما يلي:

$$\hat{y}_t = b_0 + b_1 t$$

$$\hat{y}_t = 13.715 + 5.714 t$$

ما هو عدد الأسر المتوقع المعرضون لهذه الظاهرة في عام 2013 ؟

حتى يمكن تقدير عدد الأسر المتوقع المعرضون لهذه الظاهرة في عام 2013 لابد من تحديد قيمة  $t$  في هذه السنة كما يلي:

t	
7	2010
8	2011
9	2012
10	2013

وعلي ذلك يتم التعويض في معادلة الاتجاه العام عن قيمة t تساوي 10

$$\hat{y}_t = 13.715 + 5.714(10) = 70.855$$

ويتضح لنا مما سبق أن العدد المتوقع للأسر المعرضة للعنف الأسرى يبلغ 70.855 أي ما يقرب من 71 أسرة في عام 2013

## المحاضرة الثانية عشر (الجزء الثاني)

### السلاسل الزمنية

#### 2- التغيرات الموسمية Seasonal Variations

التغيرات الموسمية هي نتيجة طبيعية لاختلاف الظروف بشكل منتظم مما يؤثر على اختلاف رغبات الناس تبعاً لعوامل عديدة منها الزمان والمكان، ويمكن تعريفها بأنها التغيرات التي تطرأ على الظاهرة على مدار المواسم المختلفة للفترة الزمنية موضوع القياس (الموسم)، فهي قد تكون يومية، وقد تكون اسبوعية، وقد تكون شهرية.

مما سبق نرى أن التغيرات الموسمية تحدث في مواعيد زمنية محددة ولا يلبث هذا التغير أن يستعيد سيرته الأولى في نفس المواعيد وعلى مدار نفس الفترة الزمنية

والتغير الموسمي يعتبر أبسط أنواع التغيرات في السلاسل الزمنية حيث يشتمل على نماذج متكررة بانتظام، وهي تغيرات تتميز بالطبيعة الدورية بشرط أن لا يزيد طول الدورة المتكررة عن سنة واحدة كحد أعلى.

وتكمن أهمية دراسة التغيرات الموسمية في تحليل السلسلة الزمنية للظاهرة خاصة فيما يتعلق بالتخطيط لعمليات الإنتاج أو الأوقات المناسبة للإعلانات عن السلع أو التوسع في المشاريع، فالتغيرات الموسمية بشكل عام تساعد على الكشف عن:

- الأوقات المناسبة للتغيير
- مسببات التغيير
- الاستعدادات المناسبة لمواجهة التغيير

- ويتم قياس التغيرات الموسمية عن طريق إيجاد قيمة الظاهرة في كل موسم من المواسم التي تتعرض لها الظاهرة للتغير ثم تنسب كل قيمة للمتوسط العام لقيم هذه الظاهرة، إذ يتم اعتبار المتوسط العام (100%) فنحصل على أرقام تدل على مدى التغيرات للظاهرة هل هي فوق المتوسط أو دونه، مثال على ذلك ما يذاع عن درجات الحرارة المتوقعة في النشرات الجوية من أنها فوق المتوسط أو دون المتوسط، ولحساب الآثار الموسمية هناك طريقتان:

- طريقة النسب للمتوسط المتحرك
- طريقة إيجاد القيم المخلصة من أثر الاتجاه العام وذلك بقسمة طرفي المعادلة على ( Tt )

- طريقة النسب للمتوسط المتحرك، ويتم ذلك من خلال المعادلة التالية:

$$y_t = T_t \times C_t \times S_t \times R_t$$

- طريقة إيجاد القيم المخلصة من أثر الاتجاه العام وذلك بقسمة طرفي المعادلة على ( Tt ) والتي تمثل تأثير الاتجاه العام فنحصل بالتالي على المعادلة التالية:

$$\frac{y_t}{T_t} = C_t \times S_t \times R_t$$

## مثال :

إذا كان لدينا إنتاج إحدى الشركات خلال ثلاث سنوات، وكانت كمية الإنتاج مأخوذة كل ثلاثة شهور (السنة مقسمة إلى أربعة أرباع) والإنتاج بالآلاف الوحدات كما يبدو ذلك في الجدول التالي :

2010	2009	2008		
8	4	3		
10	5	7		
12	6	9		
6	4	2		



## المطلوب :

١. تقدير معادلة الاتجاه العام للعلاقة بين الانتاج و الزمن؟
٢. تقدير القيم الإتجاهية المقابلة للقيم الأصلية للإنتاج؟
٣. إيجاد القيم المخلصة من أثر الأتجاه العام؟
٤. تحديد تأثير كل موسم؟
٥. تقدير الانتاج المتوقع سنة 2012 ؟

## أكل :

1- تقدير معادلة الاتجاه العام للعلاقة بين الانتاج و الزمن:

يتم اولا إدخال البيانات السابقة مع إضافة عنصر الزمن  $t$  ، ثم يتم حساب العمود  $y t$  والعمود  $t^2$  وإيجاد المجاميع اللازمة لحساب معامل الانحدار  $b1$  كما يلي:

$t^2$	$y t$	$t$	$y$		
1	3	1	3		2008
4	14	2	7		
9	27	3	9		
16	8	4	2		2009
25	20	5	4		
36	30	6	5		
49	42	7	6		2010
64	32	8	4		
81	72	9	8		
100	100	10	10		2010
121	132	11	12		
144	72	12	6		
650	552	78	76		

حيث  $n$  هي الفترات الزمنية تساوى 12

- نحسب قيمة  $b_1$  من خلال العلاقة :

$$b_1 = \frac{n \sum ty_t - \sum t \sum y_t}{n \sum t^2 - (\sum t)^2}$$
$$= \frac{12(552) - (78 \times 76)}{12(650) - (78^2)} = 0.40559$$

وبالتالى يكون معدل التزايد كل فترة ربع سنة هو 0.40559 ألف وحدة

- نحسب قيمة  $b_0$  من خلال العلاقة

$$b_0 = \frac{\sum y_t}{n} - b_1 \frac{\sum t}{n}$$
$$= \frac{76 - (0.40559 \times 78)}{12} = 3.69697$$

وعلى هذا تتحدد قيمة معادلة خط الاتجاه العام من خلال العلاقة :

$$\hat{y}_t = b_0 + b_1 t$$

$$\hat{y}_t = 3.69697 + 0.40559 t$$

2- تقدير القيم الإتجاهية المقابلة للقيم الأصلية للإنتاج:

يمكن إيجاد القيم الإتجاهية بالتعويض فى معادلة الانحدار السابق الحصول عليها بقيم  $t$  بداية من 1 و 2 و 3 و ... و 12 وبذلك تكون القيم الإتجاهية هى :

$$\hat{y}_t = 3.69697 + 0.40559 t$$

	t	y		
4.10256	1	3		2008
4.50815	2	7		
4.91374	3	9		
5.31933	4	2		2009
5.72492	5	4		
6.13051	6	5		
6.5361	7	6		
6.94169	8	4		2010
7.34728	9	8		
7.75287	10	10		
8.15846	11	12		
8.56405	12	6		
	78	76		

3- إيجاد القيم المخلصة من أثر الاتجاه العام :

ويتم حساب القيم المخلصة من أثر الاتجاه العام بقسمة قيم الظاهرة الاصلية على القيم الاتجاهية فتكون النتيجة كما بالجدول السابق.

$$\hat{y}_t = 3.69697 + 0.40559 t$$

		t	y		
0.7313	4.10256	1	3		2008
1.5527	4.50815	2	7		
1.8316	4.91374	3	9		
0.376	5.31933	4	2		2009
0.6987	5.72492	5	4		
0.8156	6.13051	6	5		
0.918	6.5361	7	6		
0.5762	6.94169	8	4		2010
1.0888	7.34728	9	8		
1.2898	7.75287	10	10		
1.4709	8.15846	11	12		
0.7006	8.56405	12	6		
		78	76		

#### 4- إيجاد تأثير كل موسم:

حتى يمكن إيجاد تأثير كل موسم نعيد ترتيب القيم المخلصة من أثر الاتجاه العام السابق الحصول عليها كما يلي:

2010	2009	2008	
1.0888	0.6987	0.7313	
1.2898	0.8156	1.5527	
1.4709	0.918	1.8316	
0.7006	0.5762	0.376	

ثم يتم إيجاد متوسط القيم المخلصة من أثر الاتجاه العام لكل ربع للتعبير عن أثر ذلك الموسم فمثلا:

تأثير الربع الأول =

$$0.8396 = \frac{0.7313 + 0.6987 + 1.0888}{3}$$

وهكذا لباقي المواسم فتكون النتيجة كما يلي:

	2010	2009	2008	
0.8396	1.0888	0.6987	0.7313	
1.2194	1.2898	0.8156	1.5527	
1.4068	1.4709	0.918	1.8316	
0.5509	0.7006	0.5762	0.376	
4.0167				

**ونلاحظ** أن مجموع تأثيرات المواسم (الدليل الموسمي) 4.0167 أى 401.67 % وحيث يوجد 4 مواسم لذا فإن مجموع تأثيرات المواسم لابد أن تساوى 400 %

- لذا لابد من تعديل قيم الدليل الموسمي بمعامل تصحيح قدرة  $\frac{4}{4.0167}$

0.836109	0.8396	
1.21433	1.2194	
1.400951	1.4068	
0.54861	0.5509	
4	4.0167	

#### 5- تقدير الانتاج المتوقع سنة 2012

نلاحظ أن قيم  $t$  في الربع الاخير سنة 2010 بلغت 12 لذلك يتم الزيادة عليها سنة 2011 لتكون 13 ، 14 ، 15 ، 16 خلال المواسم الاربع ولذلك تكون القيم خلال سنة 2012 هي 17 و 18 ، 19 ، 20 والتي يتم التعويض بها معادلة الاتجاه العام للحصول على القيم الاتجاهيه ويمكن تقدير القيم المتنبئ بها لكل ربع كما يلي:

القيم المتنبئ بها للموسم = القيمة الاتجاهية × تأثير الموسم المعدل

$$\hat{y}_t = 3.69697 + 0.40559 t$$

- و على ذلك يمكن تقدير الانتاج المتوقع سنة 2012 كما يلي:

			$t$	
8.856069	0.836109	10.592	17	
13.35471	1.21433	10.99759	18	
15.9753	1.400951	11.40318	19	
6.478404	0.54861	11.80877	20	
44.66448				

ويتضح لنا أن الانتاج المتوقع سنة 2012 هو 44664.48 وحدة

### 3- التغيرات الدورية Cyclical Variations

ويعرف هذا النوع من التغيرات بدورات الأعمال، وهذا يمتد لفترة زمنية أطول من سنة، وتنشأ هذه التغيرات عن ظروف عامة تعزى إلى العوامل التي تتحكم في الحياة الاقتصادية للبلاد. ويهتم الباحثون الاقتصاديون ورجال الأعمال بالتغيرات الدورية لغايات التخطيط لمواجهة المشاكل التي قد تنشأ عن حدوثها، وقد تمتد بعض التغيرات الدورية إلى 50 سنة وهذه دورة طويلة، أما الدورة المتوسطة فتتمدد بين 8-12 سنة، أما الدورة القصيرة فتكون بين 3-4 سنوات، وتقع التقلبات الدورية أعلى وأسفل خط الاتجاه العام .

### 4- التغيرات العشوائية أو الفجائية Random (Irregular) Variations:

تؤثر هذه التغيرات على السلسلة الزمنية بشكل عشوائي أو مفاجئ وغير منتظم، فقد تكون هذه التغيرات ناتجة عن حدوث ظواهر طبيعية مثل الزلازل والبراكين أو حروب ونحوها، لذا فهذا النوع من التغيرات من الصعب التنبؤ بها ومن الصعب كذلك تحديد حجم هذه التغيرات ومدى تأثيرها على الظاهرة موضع الدراسة، وتمتاز هذه التغيرات بعدد من المميزات منها :

- إنها لا تحدث وفقا لقاعدة أو قانون
- قد تتكرر أو لا تتكرر
- تأثيرها غير ثابت فمرة تآثر بالنقص ومرة بالزيادة
- لا تستمر طويلا لذا يطلق عليها اسم التغيرات قصيرة الأجل

## أكاظره الثالث عشر

### الأرقام القياسية

#### - تعريف الأرقام القياسية:

الرقم القياسي هو مؤشر إحصائي (رقم نسبي) يستخدم في قياس التغير النسبي الذي طرأ على ظاهرة من الظواهر الاقتصادية أو الاجتماعية، فهو يستخدم لقياس التغير في أسعار السلع أو في حجم إنتاجها أو في كميات المبيعات منها أو في حجم السكان أو أجور العمال (وفقاً للأساس معين) سواء كان هذا الأساس فترة زمنية معينة أو مكاناً معيناً

#### - فترة الأساس:

الأساس هو فترة زمنية معينة أو مكاناً معيناً، وعادة تكون فترة الأساس فترة سابقة للفترة التي نريد مقارنتها (وفي حالات نادرة جداً قد تكون فترة الأساس فترة لاحقة لفترة المقارنة) **ويجب أن تمتاز فترة الأساس بما يلي :**

- الاستقرار الاقتصادي
  - خلوها من العوامل المؤثرة على الأسعار (الحروب)
  - أن تكون بعيدة جداً عن سنوات المقارنة
- أما عند اختيار مكان الأساس لا بد أن يكون لهذا المكان أهمية خاصة وأن يكون مركزاً أساسياً لإنتاج السلعة المراد استخراج الرقم القياسي لها .

#### - الأرقام القياسية للأسعار Price Index Numbers

تعتبر الأرقام القياسية للأسعار من أهم أنواع الأرقام القياسية وأكثرها شيوعاً، فهي (أي الأرقام القياسية للأسعار) تساهم في قياس التغير في المستوى العام للأسعار أو التغير في تكاليف المعيشة في فترة زمنية معينة مقارنة بفترة زمنية أخرى ومن أشهرها:

- مؤشر أسعار المستهلكين Consumer Price Index ويرمز له (CPI)
- مخفض الناتج القومي الإجمالي Gross National Product Deflator
- مؤشر أسعار المنتجين Producer Price Index ويرمز له (PPI)
- مخفض الناتج المحلي الإجمالي Gross Domestic Product Deflator
- مؤشر أسعار الأسهم

## - أمثلة على بعض الأرقام القياسية للأسعار في النظام الاقتصادي السعودي :

يهتم النظام الاقتصادي السعودي بنشر الأرقام القياسية للأسعار وتكاليف المعيشة على شكل تقارير شهرية، ومن هذه الأرقام مايلي:

- الرقم القياسي لتكاليف المعيشة لمتوسطي الدخل: ويشمل هذا الرقم المواد الغذائية، السكن وتوابعه، الأقمشة والملابس، الأثاث المنزلي، الرعاية الطبية، النقل والمواصلات، التعليم والترفيه، النفقات والخدمات الأخرى، والرقم القياسي العام )
- الرقم القياسي لتكاليف المعيشة لجميع السكان: ويشمل المواد الغذائية ، السكن وتوابعه، الأقمشة والملابس، الأثاث المنزلي، الرعاية الطبية، النقل والاتصالات، التعليم والترفيه، النفقات والخدمات الأخرى، والرقم القياسي العام)
- الرقم القياسي لأسعار الجملة: ويشمل المواد الغذائية، المشروبات، مواد الخام ماعدا الوقود، الوقود المعدني وزيوت التشحيم، الدهون والزيوت الحيوانية والنباتية، الكيماويات والمواد ذات الصلة، السلع المصنعة مصنفة حسب المادة، الآلات ومعدات النقل والاتصالات، التعليم والترفيه، النفقات والخدمات الأخرى، والرقم القياسي العام

## - دور الأرقام القياسية في حساب معدلات التضخم :

المقصود بالتضخم هو الارتفاع المستمر في المستوى العام للأسعار والذي على ضوئه تنخفض القيمة الشرائية للوحدة النقدية (الريال مثلا)، وتقوم الجهات الاقتصادية في الدول باستخدام الأرقام القياسية للأسعار لإيجاد معدلات التضخم السنوية، وفي معظم الأحيان يستخدم مؤشر اسعار المستهلكين (CPI) لسنتين متتاليتين لحساب معدل التضخم السنوي في السنة الأخيرة وذلك من خلال العلاقة التالية:

$$i_{2010} = \frac{CPI_{2010} - CPI_{2009}}{CPI_{2009}} (100)$$

حيث :

$$\begin{aligned} i_{2010} &= \text{معدل التضخم في سنة 2010م} \\ CPI_{2009} &= \text{مؤشر اسعار المستهلكين في سنة 2009م} \\ CPI_{2010} &= \text{مؤشر اسعار المستهلكين في سنة 2010م} \end{aligned}$$



## مثال :

إذا افترضنا أن مؤشر اسعار المستهلكين في المملكة لسنة 2006م=120 و سنة 2007م=123 ، ما هو معدل التضخم في سنة 2007م

## أكل :

معدل التضخم في سنة 2007م يتم حسابه من خلال العلاقة التالية:

$$i_{2007} = \frac{CPI_{2007} - CPI_{2006}}{CPI_{2006}} (100) = \frac{123 - 120}{120} (100) = 2.5\%$$

أي أن معدل التضخم في سنة 2007م يساوي 2.5 %

## - فوائد الأرقام القياسية واستعمالاتها :

تستخدم الأرقام القياسية عادة لقياس التغير الذي يطرأ على الحياة بمجملها بشكل عام والجوانب الاقتصادية بشكل خاص. كما تساعد الأرقام القياسية على تحليل العوامل التي تساهم في تغير الظاهرة فتبين مدى مساهمة كل من هذه العوامل في إحداث التغير الكلي، وتستخدم كذلك في الرقابة على تنفيذ الخطط .

## الرقم القياسي المرجح :

وهو ذلك الرقم الذي يأخذ الأهمية النسبية للسلعة أو الأجر بعين الاعتبار فيعطي كل سلعة (أجر) وزناً يتلاءم مع أهميته، فعند تركيب رقم قياسي للكميات يجب ترجيحه بالأسعار، وعند تركيب رقم قياسي للأسعار يجب ترجيحه بالكميات وبالتالي يكون الناتج رقماً قياسياً مرجحاً.

## - منسوب السعر لسلعة واحدة (ظاهرة بسيطة):

يمكن إيجاد رقم قياسي لسعر سلعة بمفردها (حيث يمثل هذا الرقم القياسي التغير في سعر السلعة أو الخدمة في سنة معينة مقارنة بسنة الأساس)، ويسمى الرقم القياسي للسعر بمنسوب السعر ويرمز له بالرمز  $P_r$  ويمكن حسابه بالطريقة التالية :

$$P_r = \frac{P_1}{P_0} (100)$$

حيث أن :

$$P_r = \text{منسوب السعر}$$

$$P_1 = \text{السعر سنة المقارنه}$$

$$P_0 = \text{السعر سنة الاساس}$$

مثال :

إذا كانت لدينا البيانات التالية والممثلة لسعر سلعة معينة من الفترة 2006م وحتى 2010م .

25	2006
30	2007
24	2008
32	2009
36	2010

المطلوب :

إيجاد منسوب السعر لهذه السلعة للفترة من سنة 2006م حتى سنة 2010م باعتبار سنة 2006م سنة أساس، مع تفسير النتائج التي يتم الحصول عليها .

الحل في الكتاب صفحة 240

- منسوب السعر لمجموعة من السلع-التجميعية (ظاهرة معقدة) :

الرقم القياسي السابق يوضح منسوب السعر لسلعة واحدة، إلا أن كثيرا من الحالات تكون أكثر تعقيدا فقد يكون لدينا عدة سلع متغيرة ونرغب حساب منسوب السعر أو الرقم القياسي لها، ففي حالة استخراج الرقم القياسي لمثل هذا الوضع فإنه يدخل في الحساب جميع قيم السلع التي تتألف منها الظاهرة ويتم ذلك من خلال استخدام الطرق التالية:

- الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار
- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير)
- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة المقارنة (رقم باش)
- الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة الأساس وسنة المقارنة (رقم فيشر)

- حساب الأرقام القياسية التجميعية (مجموعة من السلع):

1- الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار:

لهذا الرقم القياسي بالرمز " Is " ويتم حسابه من خلال العلاقة التالية:

$$I_s = \frac{\sum P_1}{\sum P_0} (100)$$

حيث أن :

$$\sum P_1 = \text{مجموع اسعار السلع والخدمات في سنة المقارنة .}$$

$$\sum P_0 = \text{مجموع اسعار السلع والخدمات في سنة الاساس .}$$

- وتكمن مشكلة الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار في أنه لا يعطي للكميات المستهلكة من السلع والخدمات أوزانا، فبالتالي يكون حساسا عندما يكون هناك تباين في الكميات المستهلكة .

2- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير):

ويسمى برقم لاسبير ويرمز له بالرمز  $I_r$  وهذا الرقم يعبر عن أثر التغير في السعر كما لو بقيت الكميات المشتراة في سنة الأساس هي نفسها في سنة المقارنة. ويتم حسابه بنفس الطريقة السابقة مع ترجيح وزن كل سعر بكميته المستهلكة في سنة الأساس، ويتم ذلك من خلال تطبيق العلاقة التالية:

$$I_r = \frac{\sum P_1 Q_0}{\sum P_0 Q_0} (100)$$

حيث أن :

$I_r =$  الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير )

$= \sum P_1 Q_0$  = مجموع اسعار السلع والخدمات سنة المقارنه مرجحه بكميات سنة الاساس

$= \sum P_0 Q_0$  = مجموع اسعار السلع والخدمات سنة الاساس مرجحه بكميات سنة الاساس

- ويفضل استخدام هذه الطريقة عند حساب مؤشر اسعار المستهلكين (CPI) وذلك للاقتصاد في الجهد والوقت والمال، لأن كمية سنة الأساس ثابتة عند إيجاد رقم لاسبير لأي سنة لاحقة لسنة الأساس .

3- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة المقارنة (رقم باش):

ويسمى برقم باش ويرمز له بالرمز  $I_p$  وهذا الرقم يعبر عن اثر التغير في السعر كما لو أن الكميات المشتراة في سنة المقارنة كانت قد اشترت في سنة الأساس. وتختلف طريقة حساب هذا الرقم من حيث أنه يرجح كل سعر بكميته المستهلكة في سنة المقارنة ، ويتم ذلك من خلال تطبيق العلاقة التالية:

$$I_p = \frac{\sum P_1 Q_1}{\sum P_0 Q_1} (100)$$

حيث أن :

$I_p =$  الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم باش )

$= \sum P_1 Q_1$  = مجموع اسعار السلع والخدمات سنة المقارنه مرجحه بكميات سنة المقارنه

$= \sum P_0 Q_1$  = مجموع اسعار السلع والخدمات سنة الاساس مرجحه بكميات سنة المقارنه

**والمشكلة** الأساسية في هذه الطريقة هي الحاجة لتحديد الكميات المستهلكة من كل سلعة سنويا حتى يتسنى لنا حساب هذا الرقم .

4- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس وسنة المقارنة (رقم فيشر):

ويسمى برقم فيشر ويرمز له بالرمز  $I_f$ ، وهو عبارة عن الوسط الهندسي لكل من رقمي لاسبير وباش، أي أنه الجذر التربيعي لحاصل ضرب رقم لاسبير برقم باش، (وهذا الرقم يهتم بالناحية الرياضية ولكنه لا معنى اقتصادي له) وهذا هو أهم عيوبه . ويتم ذلك من خلال العلاقة التالية:

$$I_f = \sqrt{I_r \cdot I_p}$$

$$I_f = \sqrt{\frac{\sum P_1 Q_0}{\sum P_0 Q_0} \times \frac{\sum P_1 Q_1}{\sum P_0 Q_1}}$$

**مثال لحساب الأرقام القياسية التجميعية :**

يبين الجدول التالي أسعار وكميات ثلاث منتجات استهلاكية للسنتين 2007م و 2010م على اعتبار أن سنة 2007م هي سنة الأساس .

2010		2007		
P1	Q1	P0	Q0	
12	8500	9	5000	
31	15000	25	8000	
17	19000	14	9000	

**المطلوب :**

- حساب الرقم التجميعي البسيط للأسعار.
- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير).
- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة المقارنة (رقم باش).
- الرقم القياسي التجميعي للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس وسنة المقارنة (رقم فيشر).
- تفسير نتائج الفقرات السابقة.

- ملاحظات عامة على الأرقام القياسية :

هناك مجموعة من الملاحظات المتعلقة بتفسير الأرقام القياسية لسنوات الأساس والمقارنة، وهذه الملاحظات كالتالي:

- الرقم القياسي للظاهرة في سنة الأساس يساوي 100 .
- إذا كان الرقم القياسي للظاهرة في سنة المقارنة أكبر من 100 فهذا يعني أن هناك ارتفاع في المستوى العام للظاهرة مقارنة بسنة الأساس .
- إذا كان الرقم القياسي للظاهرة في سنة المقارنة أصغر من 100 فهذا يعني أن هناك انخفاض في المستوى العام للظاهرة مقارنة بسنة الأساس