

بسم الله الرحمن الرحيم

اللهم صلي على محمد وآل محمد

أسألة اختبار مبادئ التحليل للدكتور :فريال العدساني . في الفصل الثاني عام 1435/1434 هـ

الاختبار عبارته عن 15 فقره كلها حل

السؤال الأول

❖ أوجدني sup-max-inf-min لاحد المجموعات التالية

$$A = \left\{ \frac{1}{n}, \forall n \geq 1 \right\} \quad B = (2,4)$$

❖ اوجدني النقط الداخلية والتراكم والحدودية لاحدى المجموعات التالية

$$[a,b), \mathbb{Q}, \{1,2,3,4,5\}$$

❖ اوجدني قابلية المجموعات التالية للعد \mathbb{R} , $\mathbb{Z} \cap [0,10]$

❖ ادرسي وجود نهاية الدالة لاحدى

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^2} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \sin \frac{1}{x}$$

السؤال الثاني

❖ اذا علمتي أن $A \subset B$ وان B مجموعة قابلة للعد فاثبتي ان A كذلك.

❖ اثبتي ان تغير تنظيم متسلسلة يحولها من التباعد الى التقارب مع التعليل.

$$\text{اوجدني } \lim_{n \rightarrow \infty} u_n, \underline{\lim}_{n \rightarrow \infty} u_n \quad u_n = (-1)^n$$

السؤال الثالث

❖ اثبتي ان اذا كانت متتابعة متقاربة هذا يؤدي الى انها محدودة

$$\text{❖ باستخدام نظرية دارشليه حلي } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} \sin nx$$

السؤال الرابع

$$\text{❖ باستخدام نظرية رابي حلي } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2.4 \dots 2n}{3.5 \dots (2n+1)}$$

❖ لديك المتتابعة $x_1 = 1, x_{n+1} = \sqrt{3x_n}$ اثبتي انها محدودة من اعلى بالعدد 3 واثم اثبتي انها تزايدة .

❖ ادرسي اتصال $\lim_{n \rightarrow \infty} \ln \left(\frac{2n}{n+1} \right)$ باستخدام المتتابعات.

❖ اثبتي اذا كانت مجموعة مفتوحة فانها تحوي جميع نقاطها الداخلية.

السؤال الخامس

- ❖ ادرسي نهاية الدالة باستخدام التعريف $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2+x-6}{x-2}$
- ❖ اوجدي متسلسلتين تباعديتين ولكن حاصل ضربها تقاربي .

انتهت الاساله

ان اصبت فمن الله و ان اخطات فمن نفسي والشيطان

وصلى اللهم على خير الورى أحمد وآله الاخيار

تكفينيا دعواتكم ☺

تمت الكتابة بواسطة /كوثر الشداد