

مباشرة ١

المحاضرة المباشرة (١)

المجموعات والاقترانات المعادلات والمتباينات المتاليات الحسابية و الهندسية



عمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بعد
Deanship of E-Learning and Distance Education

[٢]

جامعة الملك فيصل
King Faisal University



تمارين مراجعة :-

إذا علمت أن :-

$$A = (-3, 3]$$

$$B = (0, 5)$$

$$A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}$$

$$B = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$A \cap B = \{1, 2, 3\} = (0, 4) = [1, 3]$$

$$A - B = \{-2, -1, 0\} = (-3, 1) = [-2, 0] = (-3, 0]$$

(١) المجموعة المعبرة عن $A \cap B$ هي :-

(أ) $[0, 4]$

(ب) $(1, 3)$

(ج) $(0, 4)$

(د) لا شيء مما سبق

(٢) المجموعة المعبرة عن $A - B$ هي (تقرأ A ناقصاً B) :-

(أ) $[-2, 1]$

(ب) $(-3, 0]$

(ج) $(-3, 2)$

(د) لا شيء مما سبق



عمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بعد
Deanship of E-Learning and Distance Education

[٣]

جامعة الملك فيصل
King Faisal University



تمارين مراجعة :-

إذا علمت أن :-

$$\begin{aligned} f(x) &= 5x^4 + 4x^3 - 3x^2 + 2x - 1 \\ h(x) &= -10x^3 + 11x^2 - 12x - 13 \end{aligned}$$

$$= 5x^4 - 6x^3 + 8x^2 - 10x - 14$$

$$f(x) = 5x^4 + 4x^3 - 3x^2 + 2x - 1$$

$$h(x) = -10x^3 + 11x^2 - 12x - 13$$

فإن $f(x) + h(x)$ تساوي :- (٣)

(أ) $-3x^4 - 2x^3 + 5x^2 + x - 23$

(ب) $5x^4 - 6x^3 + 8x^2 - 10x - 14$

(ج) $-3x^4 - 4x^3 + 5x^2 + x - 3$

(د) لا شيء مما سبق

فإن $f(x) - h(x)$ (تقرأ الدالة f ناقصاً الدالة h) تساوي :- (٤)

$$\begin{aligned} f(x) &= 5x^4 + 4x^3 - 3x^2 + 2x - 1 \\ h(x) &= -10x^3 + 11x^2 - 12x - 13 \end{aligned}$$

$$= 5x^4 + 14x^3 - 14x^2 + 14x + 12$$

(أ) $8x^3 - 15x^2 + 11x + 3$

(ب) $3x^4 - 4x^3 + 5x^2 + x - 23$

(ج) $5x^4 + 14x^3 - 14x^2 + 14x + 12$

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(٥) إذا علمت أن :-

$$\begin{aligned} 2X^2 - 288 &= 0 \\ 2X^2 &= 288 \\ X^2 &= \frac{288}{2} = 144 \\ X &= \pm 12 \end{aligned}$$

$$f(x) = \frac{20x^5 + 30x - 12}{2X^2 - 288}$$

فإن الدالة السابقة تمثل :-

- (أ) إقتران نسبي مجاله R
 (ب) إقتران نسبي مجاله $R \setminus \{4\}$
 (ج) إقتران نسبي مجاله $R \setminus \{-12, 12\}$
 (د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(٦) إذا علمت أن :-

$$\begin{aligned} \left(\frac{1}{4}\right)^{x^2} &= \frac{1}{256} \\ \left(\frac{1}{4}\right)^{x^2} &= \frac{1}{256} = \left(\frac{1}{4}\right)^? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^2 &= 4 \\ X &= \pm 2 \end{aligned}$$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^{x^2} = \frac{1}{256}$$

فإن قيمة x تساوي :-

- (أ) ± 2
 (ب) ± 3
 (ج) ± 4
 (د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(٨) أوجد $\frac{\log 1000 + \log 10000 - \log 100}{\log 10000 + \log 1000}$

(أ) $\frac{5}{7}$

(ب) $\frac{9}{5}$

(ج) $\frac{9}{100}$

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(٩) المتتالية التالية $1, \frac{3}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{4}, 0, -\frac{1}{4}, \dots$

$\therefore -\frac{1}{2}, \dots$

(أ) متتالية هندسية أساسها $\frac{2}{3}$

(ب) متتالية حسابية أساسها $\frac{1}{4}$

(ج) متتالية حسابية أساسها $-\frac{1}{4}$

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(١٠) الحد العام للمتتالية الحسابية التي حدها الأول (-10) و أساسها (-4) :-

$$\begin{aligned} a_1 &= -10 \\ d &= -4 \\ &= \text{الحد العام} \\ a_n &= a_1 + (n-1)d \\ a_n &= -10 + (n-1) \cdot (-4) \\ a_n &= -10 - 4n + 4 \\ a_n &= -6 - 4n \end{aligned}$$

$$a_n = -10 - 4n \quad (\text{أ})$$

$$a_n = -6 - 4n \quad (\text{ب})$$

$$a_n = -4 - 10n \quad (\text{ج})$$

$$(\text{د}) \text{ لا شيء مما سبق}$$



تمارين مراجعة :-

(١١) متتالية حسابية عدد حدودها (١٦) حدها الأول (٣) وحدها الأخير (٣٩) فإن مجموعها يساوي :-

$$\begin{aligned} n &= 16 \\ a_1 &= 3 \\ a_n &= 39 \\ S_n &= \frac{n}{2} (a_1 + a_n) \\ &= \frac{16}{2} (3 + 39) \\ &= 8 \times 42 = 336 \end{aligned}$$

$$336 \quad (\text{أ})$$

$$363 \quad (\text{ب})$$

$$633 \quad (\text{ج})$$

$$(\text{د}) \text{ لا شيء مما سبق}$$



تمارين مراجعة :-

(١٢) المتتالية التالية $(1, \frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \frac{1}{27}, \frac{1}{8}, \dots)$:-

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{9} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{27} = \frac{9}{27} = \frac{1}{3}$$

(أ) متتالية حسابية أساسها $\frac{2}{3}$

(ب) متتالية هندسية أساسها $-\frac{1}{3}$

(ج) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{3}$

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(١٣) متتالية هندسية حدها الأول (2) و أساسها (3) أوجد حدها العام :-

$$a_1 = 2$$

$$r = 3$$

الحده العام

$$a_n = a_1 r^{n-1}$$

$$a_n = 2 \cdot (3)^{n-1}$$

(أ) $a_n = 3 \cdot 2^{n-1}$

(ب) $a_n = 2 \cdot 3^{n-1}$

(ج) $a_n = 2 \cdot n^{3-1}$

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(١٤) أودع شخص مبلغ (١٠٠٠٠) ريال لمدة (٨) سنوات بفائدة بسيطة ٧.٥% سنوياً ، أحسب جملة المبلغ في نهاية المدة :-

$$\begin{aligned} a_1 &= 10000 \\ n &= 8 \\ d &= \frac{7.5}{100} \times a_1 \\ d &= \frac{7.5}{100} \times 10000 = 750 \\ a_n &= a_1 + nd \\ a_n &= 10000 + 8 \times 750 \\ &= 10000 + 6000 = 16000 \end{aligned}$$

(أ) 1000

(ب) 16000

(ج) 10000

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(١٥) أودع شخص مبلغ ١٠٠٠ ريال لمدة ما بفائدة بسيطة ١٠% سنوياً ، فوجد أن جملة ما له في نهاية المدة قد بلغ ١٢٥٠ ريال أحسب مدة الاستثمار :-

$$\begin{aligned} a_1 &= 1000 \\ n &=? \\ d &= \frac{10}{100} \times a_1 \\ d &= \frac{10}{100} \times 1000 = 100 \\ a_n &= 1250 \\ a_n &= a_1 + nd \\ 1250 &= 1000 + n \times 100 \\ 1250 - 1000 &= n \times 100 \\ 250 &= n \times 100 \\ \frac{250}{100} &= n \\ n &= 2.5 \text{ سنة} \end{aligned}$$

(أ) 10 سنوات .

(ب) 2.5 سنة .

(ج) 5 سنوات .

(د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(١٦) ادخر شخص مبلغ ١٠٠٠٠ ريال بفائدة مركبة ٥% نصف سنوي لمدة ٣.٥ سنة ، فإن جملة المبلغ في نهاية المدة يساوي :-

$$\begin{aligned} a_1 &= 10000 \\ r &= 1 + \frac{10}{100} = 1.10 \\ n &= 3.5 \\ a_n &=? \\ a_n &= a_1 r^n \\ a_n &= 10000 (1.10)^{3.5} \\ a_n &= 13959.65 \text{ SAR} \end{aligned}$$

- (أ) 13959.65 SAR
 (ب) 10000 SAR
 (ج) 19359.65 SAR
 (د) لا شيء مما سبق



تمارين مراجعة :-

(١٧) ادخر شخص مبلغ ما بفائدة مركبة ٤% نصف سنوي لمدة ٦ سنوات ، فوجد أن جملة المبلغ في نهاية المدة ١٥٨٦٨.٧٤٣٢٢ ريال أوجد أصل المبلغ :-

$$\begin{aligned} a_1 &=? \\ r &= 1 + \frac{4}{100} = 1.04 \\ n &= 6 \\ a_n &= 15868.74 \\ 15868.74 &= a_1 (1.04)^6 \\ a_1 &= \frac{15868.74}{(1.04)^6} \\ &= 10000 \text{ SAR} \end{aligned}$$

- (أ) 15000 SAR
 (ب) 20000 SAR
 (ج) 10000 SAR
 (د) لا شيء مما سبق

