



أيضا تكلم بشكل سريع عن – الاستهلاك و الادخار – النهاية العظمى و الصغرى – التكامل و التفاضل

## تابع التطبيقات الاقتصادية والإدارية للتفاضل :- 4- الربح الحدي :-

تعتمد إحدى الشركات على مجموعة من الدوال لتحديد كل من التكاليف الكلية و الإيرادات الكلية و تأخذ هذه الدوال الشكل التالي:-

$$R = 30x^4 + 12x^2 - 6x + 15$$

$$C = 13x^3 - 5x^2 + 3x - 20$$

المطلوب :-

- 1- حجم الإيراد الحدي عند إنتاج وبيع 10 وحدات .
- 2- حجم التكاليف الحدية عند إنتاج وبيع 12 وحدة .
- 3- دالة الربح الكلي .
- 4- حجم الربح الحدي عند إنتاج وبيع 5 وحدات .

1- نعمل تفاضل لدالة الإيراد للحصول ع الإيراد الحدي ثم نعوض عن x ب 10

$$120x^3 + 24x - 6$$

$$120(10)^3 + 24(10) - 6 = 120234$$

$$2- \text{التكاليف الحدية} = 39x^2 - 10x + 3$$

$$39(12)^2 - 10(12) + 3 = 5499$$

$$3- \text{الربح الكلي} = \text{الإيراد الكلي} - \text{التكاليف الكلية}$$

$$30x^4 - 13x^3 + 17x^2 - 9x + 35$$

$$4- \text{الربح الحدي} = 120x^3 - 39x^2 + 34x - 9$$

$$120(5)^3 - 39(5)^2 + 34(5) - 9 = 14186$$

## المباشرة الثانية

ترتيب السؤال هكذا /

هل كل من الحدثين ( أ ب ) أحداث مستقلة .

$$-P(A) P(B) = P(A \cap B)$$

إذا الحدثين غير مستقلين  $0.3 \neq 0.35 = P(A \cap B)$

$$1- P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$.5 + .7 - .3 = .9$$

$$2- P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{.3}{.7} = .42$$

$$3- P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{.3}{.5} = .6$$

$$4- P(\bar{A}) = 1 - .5 = .5$$

$$5- P(\bar{B}) = 1 - .7 = .3$$

## نظرية الاحتمالات :-

**مثال :-**

إذا كان :-

$$P(A) = 0.5 , P(B) = 0.7 , P(A \cap B) = 0.3$$

أحداث مستقلة وأوجد :- B و A هل كل من الحدثين

$$P(A \cup B) , P(A|B) , P(B|A) , P(\bar{A}) , P(\bar{B})$$



## تمارين واجب :-

**مثال :-**

الجدول التالي يوضح توزيع مجموعة من الأشخاص تبعاً للنوع و تقديرات التخرج :-

النوع / المستوى التنظيمي	جيد A	ممتاز B	المجموع
ذكر X	200	300	500
أنثى Y	400	100	500
المجموع	600	400	1000

من خلال الجدول السابق المطلوب :-

- 1- أحسب احتمال أن يكون ذكر أو حاصل على تقدير جيد ؟
- 2- أحسب احتمال أن تكون أنثى و حاصلة على تقدير ممتاز ؟
- 3- إذا علمت أنها أنثى فما هو احتمال أن تكون حاصلة على تقدير جيد ؟



$$1- P(X) + P(A) - P(X \cap A)$$

$$= \frac{500}{1000} + \frac{600}{1000} - \frac{200}{1000} = \frac{900}{1000} = .9$$

$$2- \frac{100}{1000} = .1$$

$$3- P(A|Y) = \frac{P(A \cap Y)}{P(Y)} = \frac{400}{500} = .8$$

## تمرين واجب :-

تمرين :-

إذا أعطيت الجدول الاحتمالي التالي :-

x	0	1	2	3
P(x)	0.2	0.1	0.3	?

المطلوب :-

- 1) p(3)
- 2) الوسط الحسابي .
- 3) التباين .
- 4) الانحراف المعياري .
- 5)  $P(x \geq 2)$ .
- 6)  $P(2 \leq x \leq 5)$

King Faisal University [ 6 ]



$$P(3) = 1 - (,2 + ,1,3) = 1 - ,6 = ,4 \quad -1$$

2- الوسيط نقوم بضرب  $X$  في  $P(X)$

3- التباين نوجد  $X^2$  ثم نضربه بـ  $P(X)$

$$22.135 = \sqrt{4.9} = \sqrt{\text{التباين}} = \text{الانحراف المعياري} \quad -4$$

$$P(2) + P(3) = ,3 + ,4 = ,7 \quad -5$$

$$P(2) + P(3) = ,3 + ,4 = ,7 \quad -6$$

X	0	1	2	3	
P(X)	,2	,1	,3	,4	
الوسيط $X.P(X)$	0	,1	,6	1,2	= 1,9
$X^2$	0	1	4	9	
$X^2 . P(X)$	0	,1	1,2	3,6	= 4.9

المباشرة الرابعة -

الدكتور عند حله التمرين ب المباشرة ألغا الصفر من الارقام عسب تسهل علينا الحساب ويكون اسرع  
يعني بدل 80 صارت 8 .^

الجدول التالي يوضح درجات لعدد (4) من الطلاب في مقرري الإحصاء (X) و الاقتصاد (Y):

X	70	100	80	30
Y	60	80	80	20

- حساب سبيرمان

x	y	رتبة x	رتبة y	d	d <sup>2</sup>
7	6	2	2	0	0
10	8	4	3.5	.5	.25
8	8	3	3.5	-.5	.25
3	2	1	1	0	0
28	24				.5

$$3.5=2\div(4+3)$$

$$\frac{6 \sum d^2}{n(n^2-1)} = \frac{6 \times .5}{4(4^2-1)} = \frac{3}{60} = .05$$

- حساب قانون بيرسون

x	y	xy	x <sup>2</sup>	y <sup>2</sup>
7	6	42	49	36
10	8	80	100	64
8	8	64	64	64
3	2	6	9	4
28	24	192	222	168

$$\frac{4 \sum xy - \sum x \times \sum y}{\sqrt{[4 \sum x^2 - (\sum x)^2] [4 \sum y^2 - (\sum y)^2]}}$$
$$= ,9607$$

الانحدار  $y = a + bx$

X	y	xy	$x^2$
5	4	20	25
8	5	40	64
3	2	6	9
16	11	66	98

$$b = \frac{3 \sum 66 - \sum x 16 \sum 11}{3 \sum 98 - \sum (16)^2}$$

$$\frac{198 - 176}{294 - 256} = \frac{22}{38} = .57$$

$$a = \frac{11 - .57(16)}{3} = .626$$

القوانين

$$b = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{n \sum x^2 - \sum (x)^2}$$

$$a = \frac{\sum y - b \sum x}{n}$$

مدخل إلى spss

Model Summary

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.970 <sup>a</sup>	.941	.935	2.549

a. Predictors: (Constant), Weigt

Coefficients<sup>a</sup>

Model		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
		B	Std. Error	Beta		
1	(Constant)	99.870	5.306		18.823	.000
	Weigt	.975	.077	.970	12.649	.000

a. Dependent Variable: Height

1 - نستخرج معامل بيرسون من الجدول الاول = .970

2- من الجدول الثاني نستخرج قيمة

$$b = 99.870$$

$$3 - a = .975$$

4- معادلة الانحدار يمكن قراتها من الجدول

$$\text{height} = .975 * \text{weight} + 99.870$$

هذي صياغة الاسئلة ع الجداول

تم بحمد الله ، التمسوا لي العذر أن وجدت خطأ - لا تنسوني من الدعاء