

## شرح المسائل المهمة في الاساليب الكميمية

### صياغة البرنامج الخطى

طريقة الاختبار في  
المادة حسب ماجاء في  
المحاضرة ١٤  
المرفقة

تقوم شركة البهيل الممتنع بتصنيع نوعين من النظارات الشمسية للأطفال: بناتي و ولادي. حيث يبلغ تمن النظارة الشمسية للبنات 1234 ريال، ويحتاج إلى 30 ساعة عمل في قسم الصب، و 40 ساعة عمل في قسم التجميع، بينما يبلغ تمن النظارة الشمسية للولد 44 ريال، وتحتاج إلى 2 ساعة عمل في قسم الصب، و 5 ساعات عمل في قسم التجميع. لا تستطيع الشركة توفير أكثر من 500 ساعة عمل في قسم الصب، كما لا تستطيع الحصول على أكثر من 900 ساعة عمل في قسم التجميع.

تعظيم



دالة الهدف في هذه المسألة تأخذ الشكل التالي:

- $\text{Max } z=1234x_1+500x_2$
- $\text{Max } z=44x_1+1300x_2$
- $\text{Max } z=1234x_1+44x_2$
- $\text{Min } z=500x_1+900x_2$

قيود التجميع هو:

- $2x_1+5x_2 \leq 900$
- $40x_1+5x_2 \leq 900$
- $1234x_1+44x_2 \leq 500$
- $30x_1+40x_2 \leq 1400$

**دالة الهدف:** تمثل الهدف الذي نريد الوصول إليه وتحقيقه، كتحقيق أكبر ربح أو أدنى تكلفة ممكنة ويرمز لها بالرمز  $Z$

**المتغيرات:** تدخل ضمن دالة الهدف المراد تعظيمه أو تقليله ويعبر عنها بصورة كمية مثلاً.. كميات إنتاج.. ساعات عمل.. كمية المواد الأولية اللازمة لتصنيع منتج ،

**الجدول:** الذي يسهل تكوين المعادلات الرياضية

**الرموز:** ويرمز لها بالرمز  $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$

**القيود:** وجود علاقة تأثير بين المتغيرات ويعبر عنها رياضياً بمتباينات ويشترط أن تكون غير سالبة أي  $x_j \geq 0$

الهدف	(1)
المتغيرات	(2)
الرموز	(3)

الوقت المتاح يومياً

نظارات

الاولاد

$X_2$

٢

٣٠

قسم الصب

$X_1$

٥

٤٠

قسم التجميع

$X_1$

٤٤

١٢٣٤

سعر البيع

$$\text{Max } z=1234X_1+44X_2$$

$$30X_1+2X_2 \leq 500$$

$$40X_1+5X_2 \leq 900$$

$$X_1 \geq 0, X_2 \geq 0$$

دالة الهدف

القيود

عدم السالبية

المحاضرة  
١٤

أمثلة أخرى قد تشمل: قيد الصب، المتغيرات، قيد عدم السالبية، نوع الدالة (تعظيم أو تدنيه أو مزدوج)



منتدي  
منتدي

## شرح المسائل المهمة في الاساليب الخطية

### صياغة البرنامج الخطى

الرسم البياني

طريقة الاختبار  
حسب مراجعة اسئلة  
الممارسة ١٤  
المرفقة

إذا أعطيت البرنامج الخطى التالي و طلب منك استخدام الرسم البياني في الحل:

$$\text{Max } z = 5x_1 + 4x_2$$

s.t.

$$3x_1 + 2x_2 \leq 36 \quad (1)$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 16 \quad (2)$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

زاوية الهدف

القيود

نقطة البداية

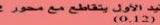
القيد الأول ينقطع مع محور  $x_1$  في النقطة:

أ) (12, 0)

ب) (12, 0)

ج) (3, 2)

د) (3, 2)



القيد الأول ينقطع مع محور  $x_2$  في النقطة:

أ) (0, 12)

ب) (0, 12)

ج) (0, 8)

د) (0, 18)



### تحويل القيود إلى متساويات

رسم القيد الأول:

$$3x_1 + 2x_2 = 36$$

$$x_1 + 2x_2 = 16$$

$$3x_1 = 36 \quad \text{فإن} \quad x_1 = 0$$

$$x_1 = 36/3 = 12 \quad \text{اذن}$$

$$2x_2 = 36 \quad \text{فإن} \quad x_1 = 0$$

$$x_2 = 36/2 = 18 \quad \text{اذن}$$

$$x_1 + 2x_2 = 16 \quad \text{الفيد الثاني هو}$$

$$x_1 = 16 \quad \text{فإن} \quad x_2 = 0$$

$$x_1 = 16/2 = 8 \quad \text{اذن}$$

$$2x_2 = 16 \quad \text{فإن} \quad x_1 = 0$$

$$x_2 = 16/2 = 8 \quad \text{اذن}$$

$3x_1 + 2x_2 = 36$  المستقيم الأول

المستقيم الثاني

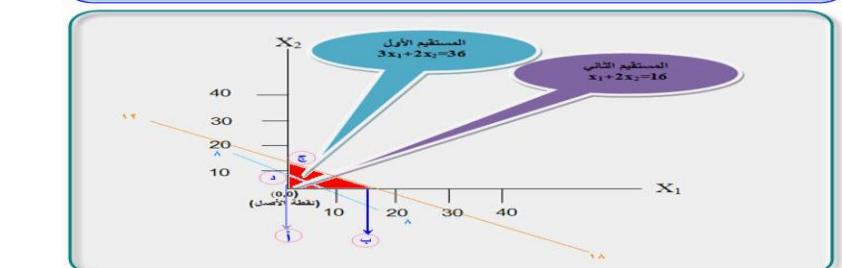
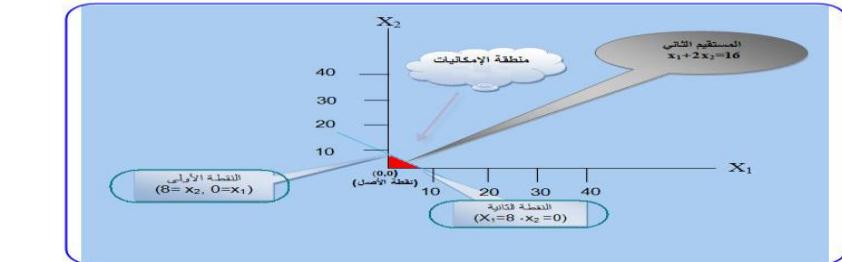
وبالتالي فإن قيمة  $x_1, x_2$  للقيد الأول هي

	12	$x_1$
0	18	$x_2$

قيمة محددة صفرية

وبالتالي فإن قيمة  $x_1, x_2$  للقيد الثاني هي

	8	$x_1$
0	8	$x_2$



يرجى مراجعة اسئلة  
الاختبار

كما ذكر في شرح اسئلة الاختبار رقم ٣٧

كلمة دالة الهدف عدد أي نقطة محددة

باتجاهها في قيمة

$x$

$$\text{Max } z = 40x_1 + 50x_2$$

$$\text{s.t. } x_1 + 2x_2 \leq 40 \quad (1)$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 120 \quad (2)$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

قيمة دالة الهدف عن النقطة

$$(24, 8) \quad 960 + 400 =$$

$$1360 =$$

اسئلة أخرى قد تشمل: تحاصل القيد الثاني مع محور  $x_1$ . نقطة تقابل الممادتين، قيمة دالة الهدف عند التقابل. قيمة دالة الهدف عند أي نقطة محددة، اتجاه التسلسل، تغير ممادتين دالة الهدف.

شفرة

## شرح المسائل المهمة في الأساليب الكمية

### صياغة البرنامج الخطى

تعليم

الطريقة البسيطة (طريقة السمبلكس)

لدينا البرنامج الخطى التالي:

$\begin{aligned} \text{Max } z &= 40x_1 + 50x_2 \\ \text{s.t.} \\ x_1 + 2x_2 &\leq 40 \quad (1) \\ 4x_1 + 3x_2 &\leq 120 \quad (2) \\ x_1, x_2 &\geq 0 \end{aligned}$	
---	--

تستخدم الطريقة البسيطة اذا  
كانت جميع القيود اصغر من او يساوي

#### (1) تحويل دالة الهدف الى دالة صفرية

$$\text{Max } z = 40x_1 + 50x_2$$

نقل الطرف الايمن الى الطرف اليسار وتغيير الاشارة في الدالة

$$\text{Max } z - 40x_1 - 50x_2 = 0$$

#### (2) تحويل القيود من متراجفات ( $\leq$ ) الى معادلات (=) باضافة متغير (S)

$$\begin{aligned} x_1 + 2x_2 + S_1 &= 40 \\ 4x_1 + 3x_2 + S_2 &= 120 \end{aligned}$$

#### (3) تثبيت عدم السليمة للمتغيرات

$$x_1, x_2, S_1, S_2 \geq 0$$

#### (4) تكوين الجدول الاولى

عدد الاصندة هي جميع المتغيرات  $+ 2$

$6/2=4$  عدد الصفوف هي عدد المتغيرات في الدالة  $+ 2$

		المتغير الداخل				المتغير الخارج			
		$x_1$	$x_2$	$S_1$	$S_2$				
Z	-40	-50	0	0	0				
$S_1$	1	2	1	0	40	20			
$S_2$	4	3	0	1	120	40			
		$\text{Max } z - 40x_1 - 50x_2 = 0$							
		$x_1 + 2x_2 + S_1 = 40$							
		$4x_1 + 3x_2 + S_2 = 120$							

#### (5) المتغير الخارج (صف المحور Pivot row).

اما حاصل قسمة قيمة R.H.S على قيمة عمود المحور فهو كالتالي :

$$40/2=20$$

$$120/3=40$$

اذن المتغير  $S_1$  هو المتغير الخارج لأنها يمثل اقل قيمة موجبة (20)

#### (6) ايجاد القيم الجديدة لمعاملات المتغيرات

ايجاد قيمة المتغير الداخل  $X_1$  وذلك عن طريق قسمة كل قيمة في صف المحور على العنصر المحوري.

العنصر المحوري (Pivot variable) هو نقطة تقاطع عمود

المحور مع صف المحور، وهو (2).

اذن قيمة المتغير الداخل  $X_1$  هي :

$$\begin{aligned} X_1 &= (1/2, 2/2, 1/2, 0/2, 40/2) \\ X_1 &= (1/2, 1, 1/2, 0, 20) \end{aligned}$$

نكتب القيم الجديدة اعلاه في جدول الحل الجديد

#### (7) ايجاد قيم بقية المتغيرات في الجدول

لإيجاد قيمة Z الجديدة نضرب قيمة  $Z$  في عمود المحور رقم (-40)

$$\begin{aligned} -40 \times (1/2, 1, 1/2, 0, 20) \\ = (-20, -40, -20, 0, -800) \end{aligned}$$

ثم نطرح الناتج من قيمة معاملات Z الجديدة في جدول الحل الثاني ونكتب:

$$\begin{aligned} &- (40, -50, 0, 0, 0) \\ &- (-20, -40, -20, 0, -800) \\ &= (-60, -90, -20, 0, -800) \end{aligned}$$

ثم ننقل القيم الى جدول الحل الثاني.

#### (8) ايجاد قيم معاملات المتغيرات الجديدة

لإيجاد قيمة  $S_1$  الجديدة تقوم بتقسيم المخلفات أعلاه الى ضرب العنصر المحوري

$$- 1 \times (1/2, 1, 1/2, 0, 20) \\ = (1/2, 1, 1/2, 0, 20)$$

ثم نطرح الناتج من قيمة المتغير  $S_1$  الجديدة:

$$(1/2, 1, 1/2, 0, 40)$$

$$- (1/2, 1, 1/2, 0, 20)$$

$$= (0, 0, 0, 0, 20)$$

ثم ننقل القيم الى جدول الحل الثاني.

#### (9) جدول الحل الثاني

B.V.	Z	$x_1$	$x_2$	$S_1$	R.H.S
Z	-60	-90	-20	0	-800
$S_1$	1/2	1	1/2	0	20
$x_1$	1/2	1	1/2	0	20

بعد استعمال الجدول يتتأكد من اذ ما كان الجدول يمثل جدول الحل الأمثل وذلك من خلال ملاحظة القيم في صف Z.

ولأن دالة الهدف من نوع تخطيم، تصل للحل الأمثل عندما تكون جميع القيم في صف Z موجبة او صفرية

ولكن قيمة Z سالبة!!!!!!

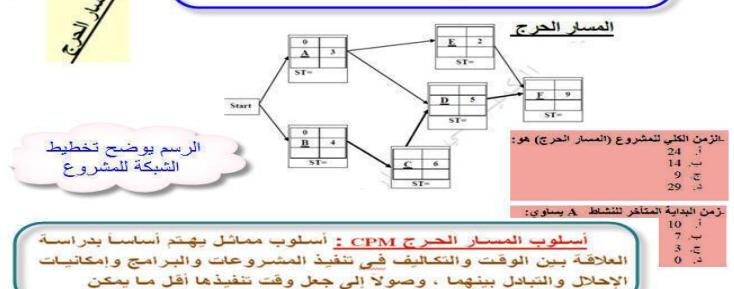
الاهم انت اعرفنا طريقة الحل

الاساليب الكمية دروس وتمرينات وامتحانات وواجبات

الذريعة الالكترونية لطلاب كلية التربية لمادة الحاسوب والعلوم المعاصرة للمتغيرات

## شرح المسائل المهمة في الاساليب الكمية

### جدولة المشاريع CPM & PERT



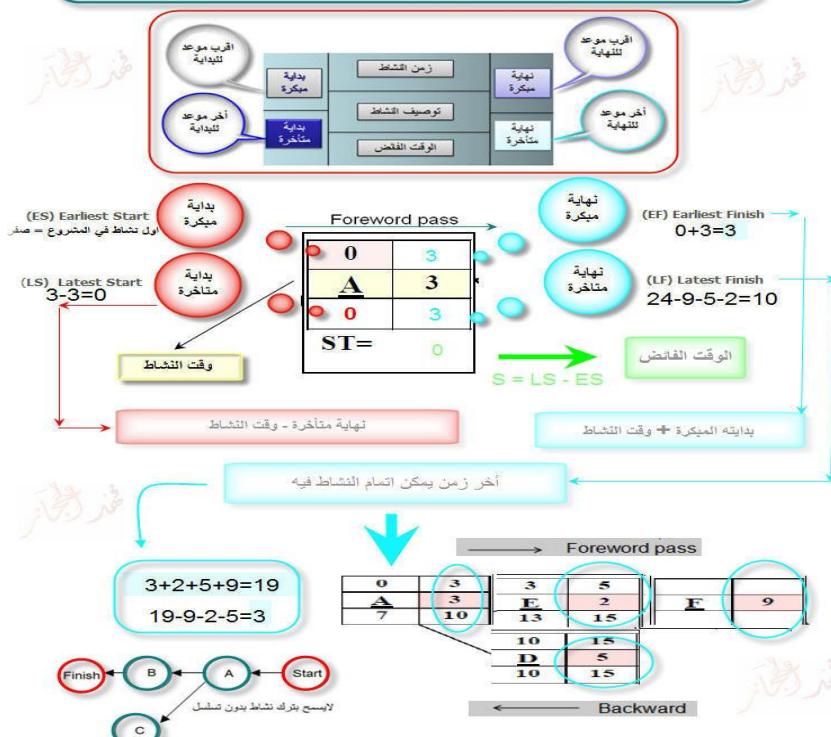
لدينا ثلاثة مسارات

- 1- A - E - F
- 2- A - D - F
- 3- B - C - D - F

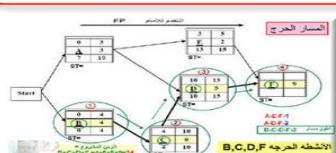
سلسلة الأنشطة والمهام التي تقع بين البداية والنهاية التي يكون فيها وقت النشاط أطول من غيره ويحدد انتهاء المشروع فلو ان احد الأنشطة بالمسار الحرج تعطل فالمشروع سوف يتاخر

### الأوقات الأربع

الوقت المبكّر لبداية النشاط	١
يقتضى فكرة ساعة المفترض لبداية المشروع محسّنة إليها الزمن اللازم لكل نشاط	٢
Foreword pass	٣
آخر نشاط في الشبكة ولكن مساوياً لموعد انتهاء المشروع تم بذراع الزمن الراهن لكل نشاط من موعد انتهاء المشروع حتى تصل لبداية النشاط في المترافق	٤
Backward	٥
الفرق بين أوقات النشاط (-)	



هذا حل ولكن حل الدكتور مختلف .. ولا يحرف ما هو الصحيح . ولكن طبقت القوانين حسب بحثي في موقع الانترنت !!!!!!!



السلسلة الأولى قد تتم: الأنشطة السابقة للنشاط ما ، نشاط يمكن تأخيله، الزمن الفائض (الراهن)، المسار الحرج.



## شرح المواضيع المهمة في الاساليب الكمية

### تقييم المشاريع و مراجعتها PERT

Program Evaluation and Review Technique

#### جدولة المشاريع وتقديرها

الجدول التالي يمثل تسلسل الحرج للمسار الحرج لمشروع ما:

التبان	المتوقع	التقدير			رمز النشاط
		تسلیم (L)	أکثر احتمالاً (M)	تأخر (S)	
	8	5	2		A
	5	1.5	1		B

$$\text{الوقت المتوقع} = \frac{S + 4 * M + L}{6}$$

$$\text{الوقت المتوقع} = \frac{(L - S)^2}{6}$$

فرين قد تحتاج لها: الوقت المتوقع

الوقت المتوقع للنشاط الخرج A يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج B يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج C يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج D يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج E يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج F يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج G يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج H يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج I يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج J يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج K يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج L يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج M يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج N يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج O يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج P يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج Q يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج R يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج S يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج T يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج U يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج V يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج W يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج X يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج Y يساوي

الوقت المتوقع للنشاط الخرج Z يساوي

### أسلوب PERT في جدول المشاريع

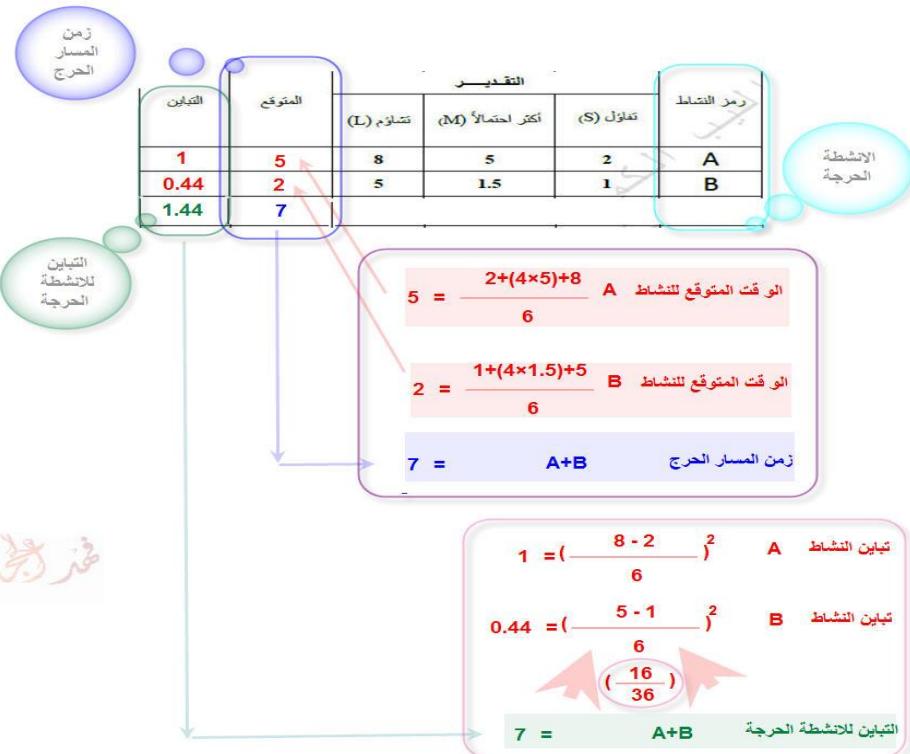
طريقة PERT أزمنة تقديرية لحساب متوسط فترة إنجاز النشاط

- 1 الوقت المتقلّل: هو أقل وقت لإتمام النشاط.
- 2 الوقت الأكثر احتمالاً: هو الزمن الأكثر تكراراً لإتمام النشاط.
- 3 الوقت المشتمل: هو أطول زمن لإتمام النشاط.

### تقدير متوسط زمن أداء النشاط

$$\text{زمن أداء النشاط} = \frac{\text{الوقت المتقلّل} + 4 \times \text{الزمن الأكثر احتمالاً} + \text{الزمن المشتمل}}{6} = \frac{S + 4 * M + L}{6}$$

$$\text{الانحراف المعياري} \sigma = \frac{\text{الزمن المشتمل} - \text{الزمن المتقلّل}}{6} = \frac{(L - S)^2}{6}$$



اسنلة أخرى قد تشمل: تباين المشروع، الزمن الكلي للمشروع، الانحراف المعياري للنشاط

## شرح المواضيع المهمة في الاساليب الكمية

### تحليل القرارات

#### Decision Analysis

##### تحليل القرارات

الجدول التالي يمثل تدلت بذات شركة تفكير بزيادة ملائتها الاستيكولية مع وجود حالتين للسوق مستقبلاً :

ارتفاع		الانخفاض	
		التوسيع	مصلحة جديدة
الخاضن	الارتفاع	الانخفاض	الارتفاع
50	600		
10	900		
80	150		

وفقاً لتحليل التقلبات Maximax ، فإن البديل الأفضل هو:

(1) التوسيع	✓
(2) مصلحة جديدة	
(3) تساقط	
بافتراض أن احتمال الارتفاع = 0.40 ، فإن القيمة التقنية المتوقعة في حال التوسيع = 240	

=

بافتراض أن احتمال الانخفاض = 0.60 ، فإن القيمة التقنية المتوقعة في حال التوسيع = 210

=

بافتراض أن احتمال الانخفاض = 0.60 ، فإن القيمة التقنية المتوقعة في حال التوسيع = 650

#### تحليل القرار

يساعد على أخذ القرار المهم وذلك باختيار قرار من مجموعة من القرارات البديلة Alternatives الممكنة عندما يكون هناك عدم تأكيد Uncertainty لما سيحدث مستقبلاً.

#### الهدف

1

تعظيم الربح المتوقع Maximizing Expected Profit  
عندما يكون في الامكان تحديد احتمالات لذلك.

معيار تعظيم دالة القيمة أو الجدوى Maximizing the Utility Function والتي تستخدم في حالة وجود مخاطر Risks في القرار.

تصنيف القرارات في المنظمة إلى:

Decisions under certainty  
Decisions under uncertainty  
Decisions under risk

المعايير المستخدمة لمساعدة متخذ القرار

• معيار أقصى الأقصى (المقابل) (Maximax criterion)  
• معيار أقصى الأدنى (المتشابه) (Maximin criterion)  
• معيار الندم (أدنى الأقصى) (Minimax Regret criterion)

الأسطر تجري القرارات البديلة الممكنة

الأعداء تجري الأحداث المستقبلية الممكنة

الاحداث تسمى حالات الواقع وتكون مستجدة بغضها البعض ولا بد من حدوث أحدها أي على الأكثري واحد حدث حتى يمكن من الأحداث بحدوث ... أي على الأقل واحد حدث حدث

محظيات الجدول هي المدفعات

انخفاض	ارتفاع	التوسيع	مصلحة جديدة	تساقط
50	600			
10	900			
80	150			

المكسب الأكبر

#### معيار أقصى الأقصى Maximax

#### مجموع قيمة العائد المتوقعة

$$Erv = r_1 \cdot p(r_1) + r_2 \cdot p(r_2) + \dots + r_n \cdot p(r_n)$$

r تمثل العائد

p تمثل الاحتمال

قانون الاحتمال

$$P(A) = 1 - P(A') \\ P(A) = 1 - P(\text{التوسيع}) = 1 - 0.40 = 0.60$$

بافتراض أن احتمال الارتفاع = 0.40 ، فإن القيمة التقنية المتوقعة في حال التوسيع =

بافتراض أن احتمال الانخفاض = 0.60 ، فإن القيمة التقنية المتوقعة في حال التوسيع =

$$100 - 0.60 = 0.40$$

$$0.40 \times 600 = 240$$

$$0.60 \times 50 = 30$$

$$240 + 30 = 270$$

مصدر قوانين الاحتمالات  
<http://www.jmasi.com/ehsa/prob/prob.htm>

أمثلة أخرى قد تشمل: المعايير الأخرى في حالة عدم التأكيد. القيمة التقنية المتوقعة.