

حل واجبات ادارة العمليات

## المستوى الخامس

د. عبد الله سراج

١٤٢٨هـ

الحمد لله : نور القمر

## المحاضرة الخامسة

حل الواجب الأول :

$$\max(z) \ 40x_1+30x_2+0s_1+0s_2+0s_3$$

$$2/5 x_1+1/2x_2 +s_1 =20$$

$$1/5x_2 +s_2 =5$$

$$3/5x_1 +3/10x_2 +s_3 =21$$

$$x_1,x_2,s_1,s_2,s_3 \geq 0$$

$1=(1-2/5*0)$ $0=(0-2/5*0)$ $-2/3=(0-2/5*5/3)$ $6=(20-2/5*35)$ وبكذا خلصنا S1 ننقل الي S2 نفس الشيء نعمل $0=(0-0*1)$ $1/5=(1/5-0*1/2)$ $0=(0-0*0)$ $1=(1-0*0)$ $1=(0-0*5/3)$ وبكذا $5=(5-0*35)$ نكون طلعتنا S2 ونكمل Z نفس ما عملنا في الاول وبعدين الجدول الثاني نشوف قيم Z اذا فيها قيم موجبه بيسير لازم نحسن الحل نختار اكبر قيمه موجبه عشان نطلع العامود المحوري وبعدين نبغي نطلع الصف المحوري نقسم قيم R على العامود المحوري الي اخترناه ونطلع صف ما عملنا في السابق	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr style="background-color: #008080; color: white;"> <th></th> <th>x1</th> <th>x2</th> <th>s1</th> <th>s2</th> <th>s3</th> <th>R</th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>s1</b></td> <td>2/5</td> <td>1/2</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>20</td> <td style="color: red;"><math>2/5 \div 20 = 50</math></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>s2</b></td> <td>0</td> <td>1/5</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>5</td> <td style="color: red;"><math>0 = 0 \div 5</math></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>s3</b></td> <td>3/5</td> <td>3/10</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>21</td> <td style="color: red;"><math>21 \div 3/5 = 35</math></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>Z</b></td> <td>40</td> <td>30</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr style="background-color: #008080; color: white;"> <th></th> <th>X1</th> <th>X2</th> <th>S1</th> <th>S2</th> <th>S3</th> <th>R</th> <th></th> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>S1</b></td> <td>0</td> <td>3/10</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>-2/3</td> <td>6</td> <td style="color: red;"><math>20 = 3/10 \div 6</math></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>S2</b></td> <td>0</td> <td>1/5</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>5</td> <td style="color: red;"><math>5 \div 1/5 = 25</math></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>X1</b></td> <td>1</td> <td>1/2</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>5/3</td> <td>35</td> <td style="color: red;"><math>35 \div 1/2 = 70</math></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>Z</b></td> <td>0</td> <td>10</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-66</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr style="background-color: #008080; color: white;"> <th></th> <th>X1</th> <th>X2</th> <th>S1</th> <th>S2</th> <th>S3</th> <th>R</th> <th></th> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>X2</b></td> <td>0</td> <td>1</td> <td>10/3</td> <td>0</td> <td>-20/9</td> <td>20</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>S2</b></td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-2/3</td> <td>1</td> <td>4/9</td> <td>1</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>X1</b></td> <td>1</td> <td>0</td> <td>-5/3</td> <td>0</td> <td>25/9</td> <td>25</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;"><b>Z</b></td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-100/3</td> <td>0</td> <td>-43</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>		x1	x2	s1	s2	s3	R		<b>s1</b>	2/5	1/2	1	0	0	20	$2/5 \div 20 = 50$	<b>s2</b>	0	1/5	0	1	0	5	$0 = 0 \div 5$	<b>s3</b>	3/5	3/10	0	0	1	21	$21 \div 3/5 = 35$	<b>Z</b>	40	30	0	0	0				X1	X2	S1	S2	S3	R		<b>S1</b>	0	3/10	1	0	-2/3	6	$20 = 3/10 \div 6$	<b>S2</b>	0	1/5	0	1	1	5	$5 \div 1/5 = 25$	<b>X1</b>	1	1/2	0	0	5/3	35	$35 \div 1/2 = 70$	<b>Z</b>	0	10	0	0	-66				X1	X2	S1	S2	S3	R		<b>X2</b>	0	1	10/3	0	-20/9	20		<b>S2</b>	0	0	-2/3	1	4/9	1		<b>X1</b>	1	0	-5/3	0	25/9	25		<b>Z</b>	0	0	-100/3	0	-43		
	x1	x2	s1	s2	s3	R																																																																																																																			
<b>s1</b>	2/5	1/2	1	0	0	20	$2/5 \div 20 = 50$																																																																																																																		
<b>s2</b>	0	1/5	0	1	0	5	$0 = 0 \div 5$																																																																																																																		
<b>s3</b>	3/5	3/10	0	0	1	21	$21 \div 3/5 = 35$																																																																																																																		
<b>Z</b>	40	30	0	0	0																																																																																																																				
	X1	X2	S1	S2	S3	R																																																																																																																			
<b>S1</b>	0	3/10	1	0	-2/3	6	$20 = 3/10 \div 6$																																																																																																																		
<b>S2</b>	0	1/5	0	1	1	5	$5 \div 1/5 = 25$																																																																																																																		
<b>X1</b>	1	1/2	0	0	5/3	35	$35 \div 1/2 = 70$																																																																																																																		
<b>Z</b>	0	10	0	0	-66																																																																																																																				
	X1	X2	S1	S2	S3	R																																																																																																																			
<b>X2</b>	0	1	10/3	0	-20/9	20																																																																																																																			
<b>S2</b>	0	0	-2/3	1	4/9	1																																																																																																																			
<b>X1</b>	1	0	-5/3	0	25/9	25																																																																																																																			
<b>Z</b>	0	0	-100/3	0	-43																																																																																																																				

**اولا** لازم يكون صف Z كله سالب او اصفار في الجدول الاول صف Z كله موجب واصفار بيسير لازم نحسن الحل نختار اكبر قيمه في صف Z عشان نطلع العامود المحوري اكبر قيمه هي 40 العامود المحوري هو X1 بعدين نطلع نحدد الصف المحوري عن طريق قسمه عامود R على العامود المحوري X1 واقل قيمه موجبه هو الي نختاره اقل صف هو S3 بعدين نطلع صف الارتكاز الجديد اول شي نطلع العنصر المحوري وهو نقطه تقاطع الصف S3 مع العامود المحوري X1 هو 3/5 ونقسم كل الصف المحوري على العنصر المحوري نقسم  $1 = 3/5 \div 3/5$   
 $1/2 = 3/5 \div 3/10$   
 $0 = 3/5 \div 0$   
 $0 = 3/5 \div 0$   
 $5/3 = 3/5 \div 1$   
 وبكذا  $35 = 3/5 \div 21$   
 طلعتنا صف الارتكاز الجديد بعدين نبغي نطلع S1 العنصر القديم ناقص العنصر المحوري في صف S1 ضرب صف الارتكاز الجديد  
 $0 = (2/5 - 2/5 * 1)$   
 $= (1/2 - 2/5 * 1/2)$   
 $3/10$

للوصول الى الحل الامثل ينبغي ان تكون جميع قيم داله الهدف سالبه او اصفار وبالتالي نتوقف عند الجدول الثالث

التعويض في داله الهدف:  $40 * 25 + 30 * 20 = 1600$

## حل الواجب الثاني :

$$\text{Max}(z) 10X_1 + 12X_2 + 0S_1 + 0S_2$$

$$3X_1 + 3X_2 + S_1 = 66$$

$$4X_1 + 6X_2 + S_2 = 120$$

$$X_1, X_2, S_1, S_2 \geq 0$$

	X1	X2	S1	S2	R	
S1	3	3	1	0	66	$22 = 66 \div 3$
S2	4	6	0	1	120	$20 = 120 \div 6$
Z	10	12	0	0		

	X1	X2	S1	S2	R	
S1	1	0	1	-1/2	6	$6 = 6 \div 1$
X2	2/3	1	0	1/6	20	$30 = 20 \div (2/3)$
Z	2	0	0	-2		

	X1	X2	S1	S2	R	
X1	1	0	1	-1/2	6	
X2	0	1	-2/3	1/2	16	
Z	0	0	-2	-1		

للوصول الى الحل الامثل ينبغي ان تكون جميع قيم دالة الهدف سالبة او اصفار وبالتالي نتوقف عند الجدول الثالث

$$Z = 10 \cdot 6 + 12 \cdot 16 = 252: \text{التعويض في دالة الهدف}$$

## حل الواجب الثالث

1-  $80X_1+60X_2+S_1+S_2$

2-  $6X_1+2X_2+S_1=400$

3-  $X_1+5X_2+S_2=160$

4-  $X_1, X_2, S_1, S_2 \geq 0$

	X1	X2	S1	S2	R	
<b>S1</b>	6	2	1	0	400	$200/3=6 \div 400$
<b>S2</b>	1	5	0	1	160	$160=1 \div 160$
<b>Z</b>	80	60	0	0		

	X1	X2	S1	S2	R	
<b>X1</b>	1	1/3	1/6	0	200/3	$200=1/3+200/3$
<b>S2</b>	0	14/3	-1/6	1	280/3	$20=14/3+280/3$
<b>Z</b>	0	100/3	-40/3	0		

	X1	X2	S1	S2	R
<b>X1</b>	1	0	5/28	-1/14	60
<b>X2</b>	0	1	-1/28	3/14	20
<b>Z</b>	0	0	-85/7	-50/7	

للموصول إلى الحل الأمثل ينبغي أن تكون جميع قيم داله الهدف سالبه أو أصفار وبالتالي نتوقف عند الجدول الثالث

**Z=80\*60+60\*20=6000**: التعويض في داله الهدف

## المحاضرة العاشرة

حل الواجب الأول : ( طريقة اقل التكاليف )

	1	2	3	العرض
A	5 250	4	3	250
B	8 50	4 200	3 50	300
C	9	7	5 150	150
الطلب	300	200	200	

اول شي نبدأ من اليسار من  
العمود 1 وبعدين نختار اقل  
عدد في العمود اقل عدد هو  
5 نشوف العرض كم فيه  
250 ناخذ 250 ونحطها  
عند 5 حيكون باقي عشان  
نكمل الطلب حق العمود 1  
باقي 50 ننزل عند  
اقل عدد بعد خمسه هو 8  
ونكمل بقيه الطلب 300  
وبعدها نروح للعمود الثاني  
نفس الشي نروح لاقل عدد  
ونعبي عندها اقل عدد رقم 4  
بس ماخناخذ الاربعه الي في  
الصف الاول لان العرض الي  
عندها خلصناه يسير حنزل 4  
الي في الصف الثاني وناخذ  
من العرض B 200 عشان  
نعبي الطلب حق العمود  
الثاني وبعدها ننتقل للعمود  
الثالث ونختار اقل عدد في  
العمود الثالث اقل عدد 3 بس  
ماخناخذ 3 في الصف الاول  
لان العرض مافي حنروح لي  
3 في الصف الثاني لان لسا  
باقي في العرض B 50  
حناخذها ونحطها عندها لسا  
ماكملنا باقي الطلب حق  
العمود الثالث باقي 150  
يسبير حنزل على الصف  
الثالث وناخذ من العرض C  
150 ونحطها عند 5 وبكذا  
تكون خلصنا توزيع

امكانيه الحل:

(الخلايا الممتلئة = عدد الصفوف + (عدد الأعمدة - 1)

الخلايا الممتلئة =  $3 + (3 - 1) = 5$  إذن الحل ممكن!

• جمالي التكاليف:

•  $250 * 5 = 1250$

•  $50 * 8 = 400$

•  $200 * 4 = 800$

•  $50 * 3 = 150$

•  $150 * 5 = 750$

• **= 3350**

## المحاضرة العاشرة

حل الواجب الثاني : (طريقه الشمال الغربي)

	1	2	3	4	العرض
A	10 200	5 150	8	6	350
B	8	9 100	7 100	3 50	250
C	14	15	12	13 200	200
الطلب	200	250	100	250	

امكانيه الحل :

(الخلايا الممتلئه = عدد الصفوف + عدد الاعمدة - 1)

$$6 = (1-4) + 3$$

اذن الحل ممكن

## اجمالي التكاليف :

$$\begin{aligned} & 200*10=2000 \cdot \\ & + \cdot \\ & 150*5=750 \cdot \\ & + \cdot \\ & 100*9=900 \cdot \\ & + \cdot \\ & 100*7=700 \cdot \\ & + \cdot \\ & 50*3=150 \cdot \\ & + \cdot \\ & 200*13=2600 \cdot \\ & = \cdot \\ & \mathbf{7100} \cdot \end{aligned}$$

اول شي نبدأ من العمود الاول عند اول رقم 10 ونشوف كم الطلب حق العمود الاول 200 نأخذ من العرض A 200 وبكذا نكون خلصنا تعبئه العمود الاول ننتقل الى العمود الثاني في الصف A لان احنا لسا ماخلصنا العرض حق A باقي فيه 150 يسير هناخذ 150 ونحطها عند الرقم 5 في العمود الثاني وبقي في الطلب حق العمود الثاني 100 حنزل عند الرقم 9 في العمود الثاني ونأخذ من العرض B 100 عشان نكمل الطلب حق العمود الثاني وبكذا خلصنا العمود الثاني باقي لسا في العرض B 150 يسير حنروح للعمود الثالث في نفس الصف B عند الرقم 7 ونشوف كم الطلب حق العمود الثالث 100 يسير هناخذ من العرض B 100 ونحطها عند الرقم 7 وبكذا نكون خلصنا العمود الثالث لسا باقي في العرض B 50 يسير حننتقل للعمود الرابع عند الرقم 3 في نفس الصف B ونأخذ 50 ونحطها عندها ونشوف كم باقي عشان نكمل طلب العمود الثالث باقي 200 يسير حنزل على الرقم 13 في نفس العمود عشان نكمل الطلب من العرض C كم باقي عشان نكمل الطلب 200 يسير هناخذ 200 ونحطها عند 13 وبكذا نكون خلصنا توزيع

## المحاضرة العاشرة

### حل الواجب الثاني : ( طريقه فوجل )

	1	2	3	4	العرض
A	10 100	5 250	8	6	350
B	8	9	7	3 250	250
C	14 100	15	12 100	13	200
الطلب	200	250	100	250	

امكانيه الحل : (الخلايا الممتلئة = عدد الصفوف + (عدد الاعمدة - 1)

$$6 = (4-1) + 3$$

الخلايا الممتلئة لا تتساوى مع القاعدة اذن الحل غير قاعدي ويجب استخدام طرق تحسين الحل

الخلايا الممتلئة خمس خلايا وهو المفروض يكون ستة

لا تتساوى الخلايا الممتلئة الخمس خلايا مع القاعدة عدد الصفوف + (عدد الاعمدة - 1) = 6

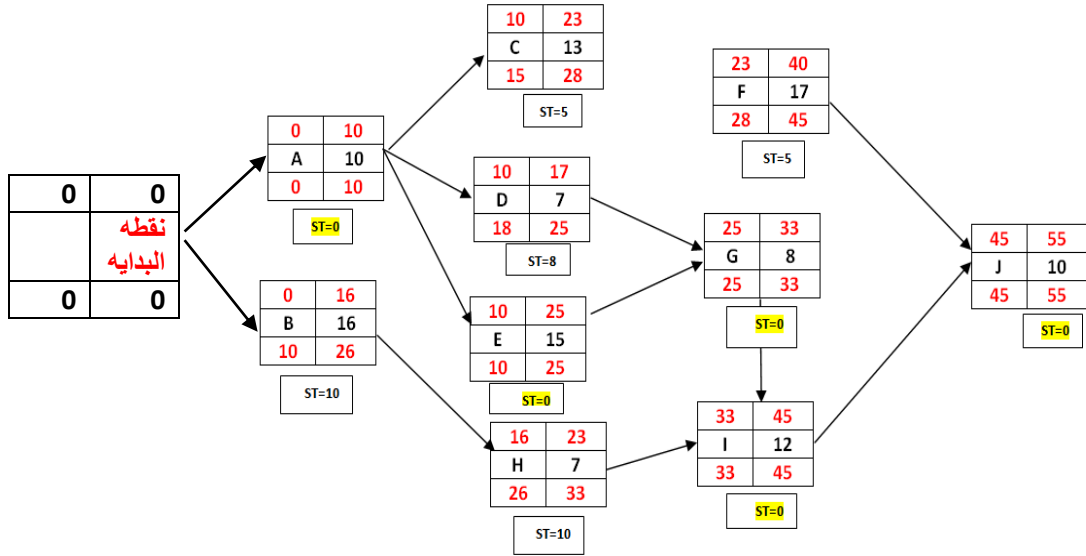
اذن الحل غير قاعدي

أولا نطرح اقل قيمتين من الاعمدة والصفوف ونختار اكبر فرق نروح نعبى العمود حقو عند اقل قيمة العمود الاول  
 نطرح  $2=10-8$   
 العمود الثاني نطرح  $4=9-5$   
 العمود الثالث نطرح  $1=8-7$   
 العمود الرابع نطرح  $3=6-3$   
 الصف الاول نطرح  $1=6-5$   
 الصف الثاني نطرح  $4=7-3$   
 الصف الثالث نطرح  $1=13-12$   
 اكبر فرق هو 4 في عندنا اثنين أربعة عادي نختار أي وحده فيها نختار 4 إلى في العمود الثاني وأروح لأقل تكلفه في العمود عند الرقم 5 لثاني وأشوف كم الطلب حق العمود 250 يسير نأخذ من العرض A 250 ونحطها عن 5 وبكذا خلصنا تعبئه العمود الثاني وما يدخل معنا في عمليه الطرح بعدين نرجع نطرح ثاني مثل ما عملنا اول بس ما حنطرح أي رقم في العمود الثاني لأننا خلصنا تعبئته العمود الاول حنطرح اقل قيمتين  $2=10-8$  العمود الثاني مستبعد العمود الثالث نطرح  $8-7=1$   
 $7=1$  العمود الرابع  $3=6-3$  الصف الاول نطرح  $2=6-8$  طبعا ماخترنا 5 لانها مستبعده مع العمود الثاني بعدين الصف الثاني نطرح  $4=7-3$  وبعدين نطرح  $13-12=1$

بعد ما طرحنا نختار اكبر فرق هو 4 في الصف الثاني حنروح عند اقل عدد في الصف الثاني هي 3  
 حنكون خلصنا العمود الرابع وحنستبعد العمود الرابع من عمليه الطرح ونرجع نطرح ثاني الصفوف والاعمده العمود الاول  $10-8=2$   
 $8=2$  العمود الثاني مستبعد العمود الثالث  $1=8-7$   
 العمود الرابع مستبعد الصف لاول  $2=10-8$   
 الصف الثاني  $1=8-7$   
 الصف الثالث  $2=14-12$   
 اكبر فرق 2 نختار أي 2 نبعها نختار 2 الي في العمود الاول واروح عند اقل قيمه في العمود الاول عند 8 بس ما حنستبعد لان العرض حق B مخلص يسير نروح لاقل عدد بعد 8 الي هو 10 ونشوف كم باقي في العرض حق A باقي 100 يسر نأخذها ونحطها عند 10 لسا مكمنا الطلب حق العمود الاول باقي 100 حنروح عند 14 وحنأخذ 100 من العرض C ونحطها وبكذا نكون خلصنا العمود الاول وحيكون باقي لنا اخر شي العمود الثالث نروح عند اقل عدد في العمود الثالث بس ماينفع نختار 7 و 8 لان العرض مخلص باقي لنا بس عرض عند C يسير نروح عند 12 ونأخذ 100 الباقية من عرض C ونحطها عند 12 وبكذا انتهينا

## المحاضرة الثالثة عشر

حل الواجب الاول :



نحسب المسار الحرج:

المسار الحرج هي جميع الانشطة التي يكون وقتها الفائض = الصفر

كيف نحسب الوقت الفائض لكل نشاط : نطرح البداية المتأخره من البداية المبكرة او النهاية المتأخره من النهاية المبكرة

المسار الحرج هو :

**A+E+G+I+J**

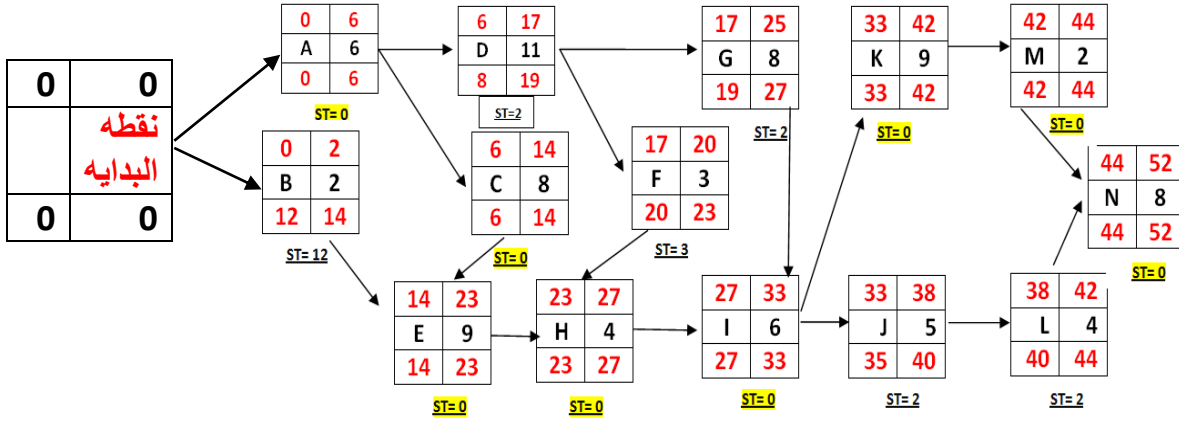
**10+15+8+12+10=55**



<u>النقاط</u>	<u>البداية المبكرة</u>	<u>النهاية المبكرة</u>	<u>البداية المتأخرة</u>	<u>النهاية المتأخرة</u>	<u>الوقت الفائض</u>
<u>A</u>	0	10	0	10	0
<u>B</u>	0	16	10	26	10
<u>C</u>	10	23	15	28	5
<u>D</u>	10	17	18	25	8
<u>E</u>	10	25	10	25	0
<u>F</u>	23	40	28	45	5
<u>G</u>	25	33	25	33	0
<u>H</u>	16	23	26	33	10
<u>I</u>	33	45	33	45	0
<u>i</u>	45	55	45	55	0

## المحاضرة الثالثة عشر

الواجب الثاني:



نحسب المسار الحرج:

المسار الحرج هي جميع الانشطة التي يكون وقتها الفائض = الصفر

كيف نحسب الوقت الفائض لكل نشاط : نطرح البداية المتأخره من البداية المبكرة او النهاية المتأخره من النهاية المبكرة

المسار الحرج هو :

A+C+E+H+I+K+M+N

6+8+9+4+6+9+2+8=52

<u>النقاط</u>	<u>البداية المبكرة</u>	<u>النهاية المبكرة</u>	<u>البداية المتأخرة</u>	<u>النهاية المتأخرة</u>	<u>الوقت الفائض</u>
<u>A</u>	0	6	0	6	0
<u>B</u>	0	2	12	14	12
<u>C</u>	6	14	6	14	0
<u>D</u>	6	17	8	19	2
<u>E</u>	14	23	14	23	0
<u>F</u>	17	20	20	23	3
<u>G</u>	17	25	19	27	2
<u>H</u>	23	27	23	27	0
<u>I</u>	27	33	27	33	0
<u>J</u>	33	38	35	40	2
<u>K</u>	33	42	33	42	0
<u>L</u>	38	42	40	44	2
<u>M</u>	42	44	42	44	0
<u>N</u>	44	52	44	52	0