

اسم المقرر  
مبادئ الإحصاء  
د. سعيد سيف الدين



جامعة الملك فيصل  
عمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بعد

الحمد لله رب العالمين ، والصلاة والسلام على خاتم الأنبياء والمرسلين سيدنا ونبينا محمد بن عبد الله وعلى  
آله وصحبه أجمعين

## المحاضرة الثامنة

### [تابع] الباب الثالث مقاييس النزعة المركزية



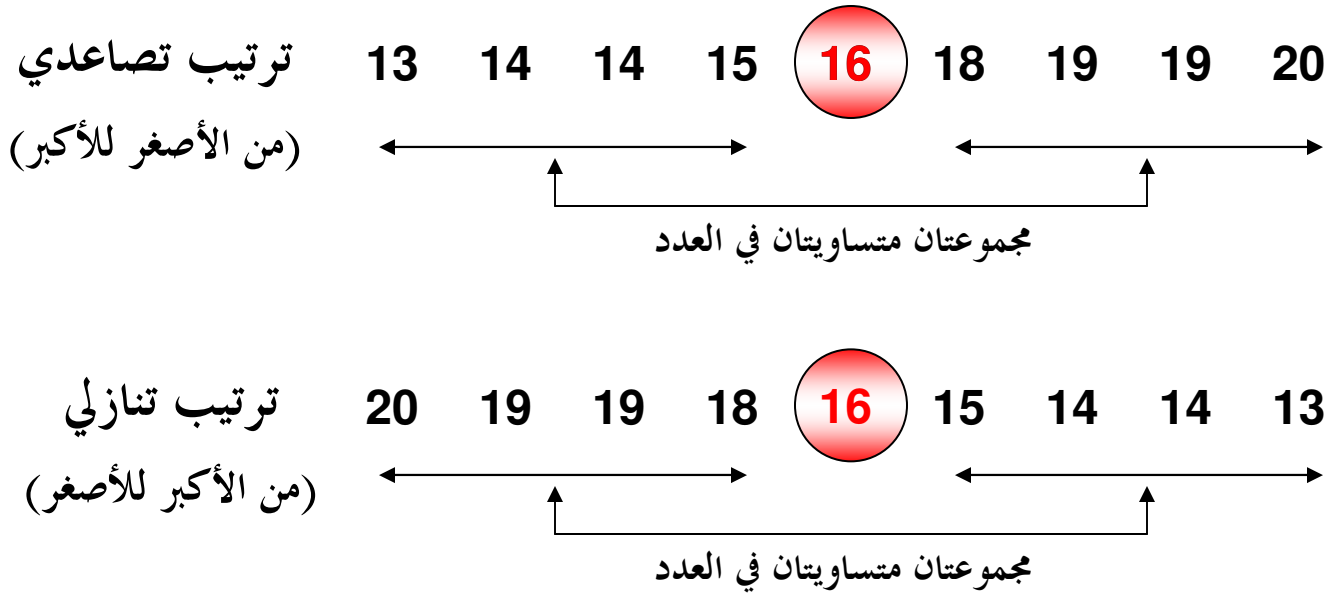
## عناصر المحاضرة

- الوسيط

## تعريف الوسيط :

(ببساطة) يُعرف الوسيط [وسنرمز له بالرمز  $M$ ] لمجموعة من القيم (المرتبة تصاعدياً أو تنازلياً حسب قيمها) على أنه القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد ، أو بتعبير آخر هي القيمة التي في المنتصف

فمثلاً لمجموعة القيم : 13 , 14 , 19 , 16 , 20 , 15 , 18 , 14 , 19 ، إذا قمنا بترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً

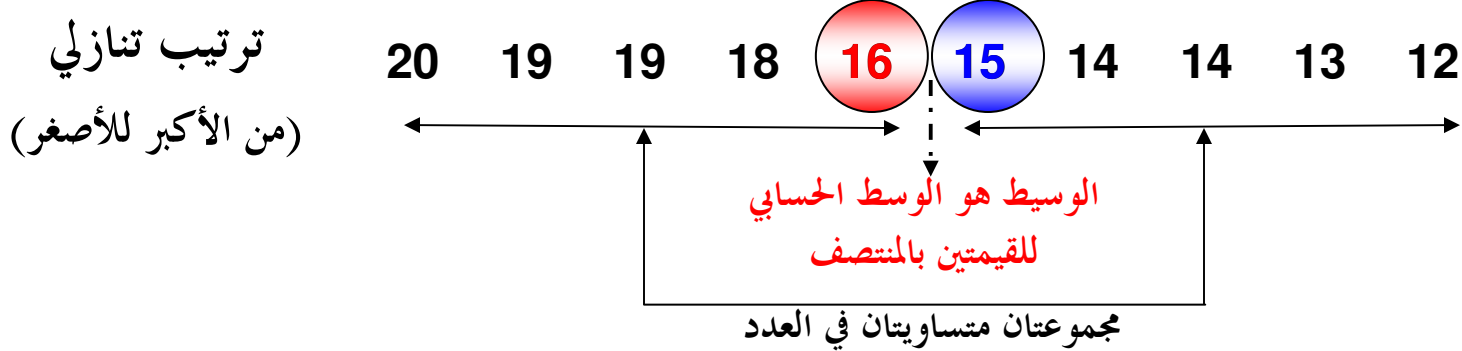
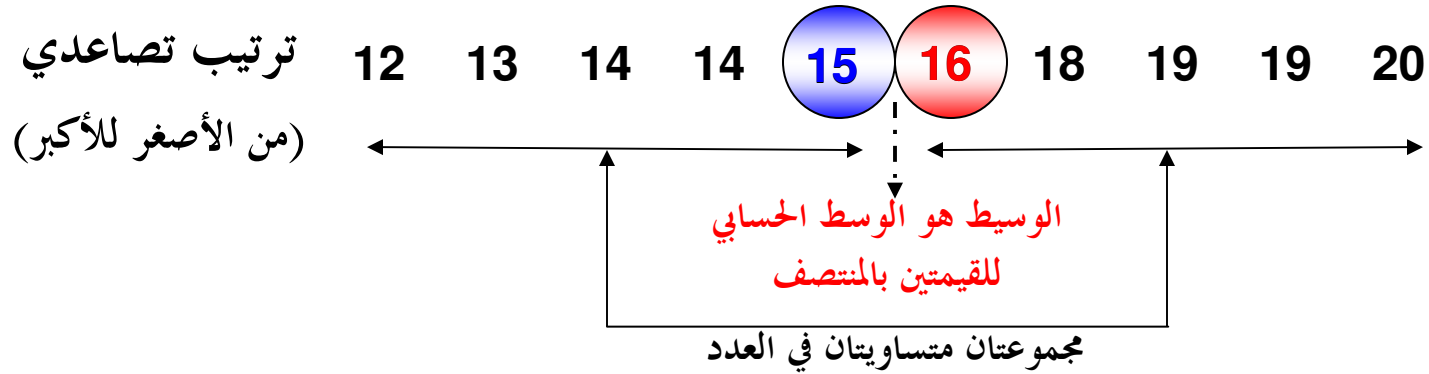


يكون الوسيط هو  
العدد الخامس  
[رتبة الوسيط أي  
ترتيبه بين القيم]  
وقيمته 16

هام  
جداً  
فرق بين رتبة  
الوسيط وقيمته

لاحظ هنا أن عدد القيم  $n$  [هنا = 9] فردي وبالتالي هناك قيمة واحدة في منتصف المجموعة

أما مجموعة القيم : **12** , 13 , 14 , 14 , 15 , 16 , 19 , 19 , 20 ، إذا قمنا بترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً  
القيمة **12** للمجموعة السابقة] ،



في هذه الحالة توجد قيمتان بالمنتصف وهما القيمة الخامسة والقيمة السادسة [وهما العددان **16** , **15** ] ، عندئذ  
يكون الوسيط هو الوسط الحسابي لهاتين القيمتين ، أي :

$$\frac{15 + 16}{2} = 15.5$$

إذن من السابق يمكن استنتاج طريقة حساب الوسيط لمجموعة من القيم كالاتي :

- قم أولاً بترتيب البيانات تصاعدياً أو تنازلياً .
- حدد ما إذا كانت هناك قيمة واحدة بالمنتصف أم قيمتين ، وهذا يتوقف على قيمة  $n$  حيث  $n$  عدد القيم

وإذا كانت  $n$  زوجية

كانت هناك **قيمتان** في المنتصف رتبتهما

$$\frac{n}{2} , \frac{n}{2} + 1$$

ويكون الوسيط الحسابي لهاتين القيمتين هو **الوسيط**

فإذا كانت  $n$  فردية

كانت هناك قيمة **واحدة** في المنتصف رتبها

$$\frac{n+1}{2}$$

وتكون هذه القيمة هي **الوسيط**

الوسيط الحسابي لهذه القيم هو

$$\frac{9+2+7+12+10+500}{6} = 90$$

وواضح تأثيره كثيراً بالقيمة المتطرفة 500

فمثلاً  $n = 6$

|   |   |   |    |    |     |
|---|---|---|----|----|-----|
| 9 | 2 | 7 | 12 | 10 | 500 |
| 2 | 7 | 9 | 10 | 12 | 500 |

ترتيب تصاعدي

هناك قيمتان في المنتصف رتبتهما :

$$\frac{n}{2} = \frac{6}{2} = 3 , 3 + 1 = 4$$

أي القيمتان **الثالثة والرابعة** ، وتكون قيمة **الوسيط** هي الوسيط الحسابي لهاتين القيمتين ، أي :

$$\frac{9+10}{2} = 9.5$$

هل لاحظت أن الوسيط لم يتأثر بالقيمة المتطرفة 500

فمثلاً  $n = 5$

|   |   |   |    |    |
|---|---|---|----|----|
| 9 | 2 | 7 | 12 | 10 |
| 2 | 7 | 9 | 10 | 12 |

ترتيب تصاعدي

هناك قيمة **واحدة** في المنتصف رتبها :

$$\frac{n+1}{2} = \frac{5+1}{2} = 3$$

أي القيمة **الثالثة** . وتكون تلك القيمة هي الوسيط . أي أن :

$$\underline{\underline{9 = \text{الوسيط}}}$$

تذكر :

الوسيط الحسابي لهذه القيم هو :

$$\frac{9+2+7+12+10}{5} = 8$$

مثال : مجموعة الأرقام 9 7 6 6 5 4 3 3 2 وسيطها هو 5 [عدد القيم  $n = 9$  (فردية)]

$$\bar{x} = \frac{2+3+3+4+5+6+6+7+9}{9} = 5 \quad \text{تذكر : الوسط الحسابي لهذه القيم هو :}$$

مثال آخر : مجموعة الأرقام 18 15 12 11 9 7 5 5 وسيطها هو  $10 = \frac{9+11}{2}$  [ $n = 8$  (زوجية)]

$$\bar{x} = \frac{5+5+7+9+11+12+15+18}{8} = 10.25 \quad \text{تذكر : الوسط الحسابي لهذه القيم هو :}$$

في السؤال [سلي نفسك - المحاضرة السابعة - شريحة ١٤ - س ١] : كانت درجات طالب في ٦ اختبارات هي :

84 , 91 , 72 , 68 , 87 , 78

وطلبنا حساب الوسط الحسابي للدرجات ، أضف لهذا حساب وسيط هذه الدرجات ، وحدد أيهما تفضل (كمتوسط) ولماذا ؟

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{84+91+72+68+87+78}{6} = \frac{480}{6} = 80 \quad \text{الوسط الحسابي لدرجات الطالب هو :}$$

ولتحديد الوسيط لابد أولاً من ترتيب القيم (تصاعدياً مثلاً) : 68 , 72 , 78 , 84 , 87 , 91

وحيث أن عدد القيم زوجي ، إذن هناك قيمتان في المنتصف [هما 78 , 84] وسطهما الحسابي  $\frac{78+84}{2} = 81$  **الوسيط**

لاحظ في السؤال السابق أن كلاً من المتوسطين : **الوسط الحسابي** و **الوسيط** من السهل حسابهما ومن الممكن أن يمثل كل منهما مقياساً للترعة المركزية للبيانات ، لكن الأفضل (نسبياً هنا) أن نستخدم الوسط الحسابي كمقياس للترعة المركزية للبيانات حيث أنه يأخذ في الاعتبار جميع قيم البيانات ، بينما يهتم الوسيط بقيم البيانات في المنتصف (وذلك بعد ترتيبها) .

**مثال :** الأجر (بالريال) في الساعة لخمسة عاملين في مكتب هو : 25 , 39 , 32 , 92 , 37 . احسب الوسط الحسابي للأجور ووسيط هذه الأجور . أيهما تفضل كمقياس لمتوسط أجر الساعة ؟ ولماذا ؟

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{25+39+32+92+37}{5} = \frac{225}{5} = 45$$

الوسط الحسابي للأجور هو :

أما لتحديد الوسيط ، فلابد أولاً من ترتيب القيم (تصاعدياً مثلاً) : 25 , 32 , 37 , 39 , 92

وحيث أن عدد القيم فردي ، إذن هناك قيمة واحدة في المنتصف [هي 37] وهي **الوسيط**

لاحظ في السؤال السابق أن الوسط الحسابي (بالرغم من عدم احتياجه لترتيب القيم وفي نفس الوقت يأخذ في الاعتبار جميع قيم البيانات) إلا أنه تأثر جداً بالقيمة المتطرفة **92** ، في حين لم يتأثر بها الوسيط لأنه يعتمد على البيانات في المنتصف . لذا **يُفضل هنا استخدام الوسيط** كمقياس للترعة المركزية حيث يعطي **دلالة أفضل** لمتوسط الأجور من الوسط الحسابي .

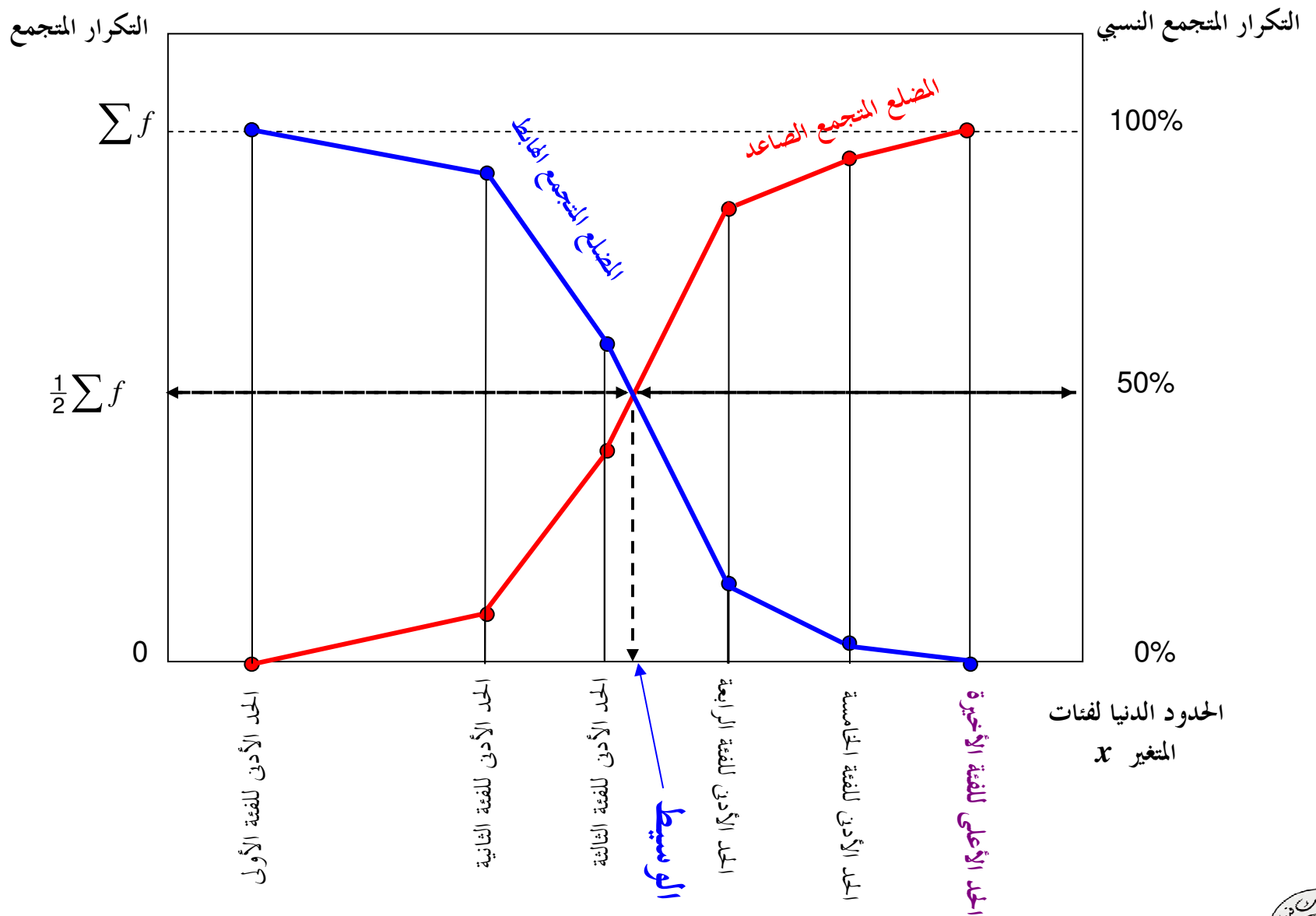
## والآن ماذا عن الوسيط لبيانات كمية متصلة

أعتقد أننا نستطيع تحديده بسهولة [حيث نوهنا لذلك في الباب الثاني] فهو :

- قيمة المتغير المناظرة لنقطة تقاطع المضلعين : المتجمع **الصاعد** والمتجمع **الهابط** للبيانات .
- القيمة التي يناظرها تكرار متجمع = نصف مجموع التكرارات **أو**
- القيمة التي يناظرها تكرار نسبي متجمع = 50% **أو**



طريقة تحديد الوسيط من :  
 \* من المصطلح التجمع الصاعد فقط \* من المصطلح التجمع الهابط فقط . \* من المصطلحين معاً



**مثال :** في دراسة جغرافية لعدد من مساحات مجموعة من الأراضي لمنطقة سكنية بالرياض تبين أن التوزيع التكراري لها كما هو مبين .  
**المطلوب** حساب الوسط الحسابي والوسيط لمساحة الأراضي .

| عدد قطع الأراضي | المساحة (بالفدان) |
|-----------------|-------------------|
| 14              | 1 -               |
| 29              | 3 -               |
| 18              | 5 -               |
| 9               | 7 - 10            |

**المتغير**  $x$  هنا هو مساحة الأرض (بالفدان) ، في حين يمثل عدد قطع الأراضي **التكرار**  $f$  .  
**أولاً : الوسط الحسابي :** نستكمل الجدول التكراري كما هو مبين :

الجدول التكراري

| الفئة   | المتغير (المساحة) $x$ | التكرار $f$   | المركز $x_0$ | $f x_0$              |
|---------|-----------------------|---------------|--------------|----------------------|
| الأولى  | $1 \leq x < 3$        | 14            | 2            | 28                   |
| الثانية | $3 \leq x < 5$        | 29            | 4            | 116                  |
| الثالثة | $5 \leq x < 7$        | 18            | 6            | 108                  |
| الرابعة | $7 \leq x < 10$       | 9             | 8.5          | 76.5                 |
|         |                       | $\sum f = 70$ |              | $\sum f x_0 = 328.5$ |

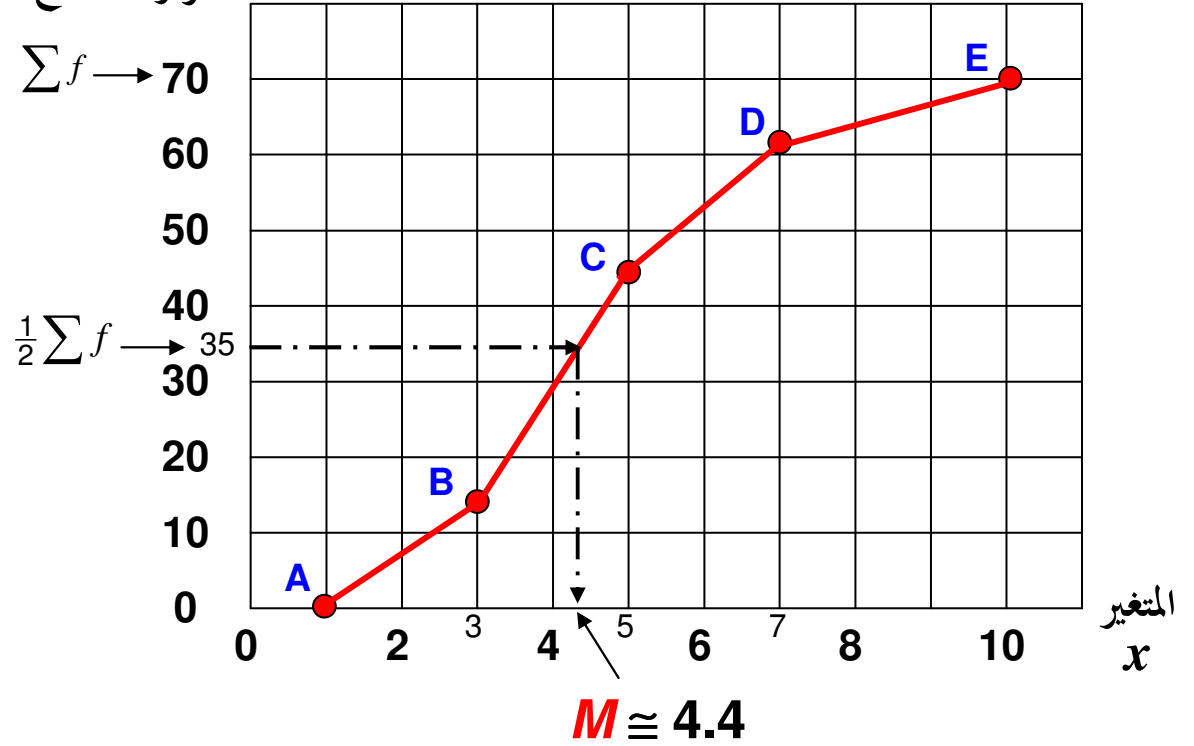
$$\therefore \bar{x} = \frac{\sum f x_0}{\sum f} = \frac{328.5}{70} = 4.692857143 \cong \underline{\underline{4.7}}$$

| الجدول التكراري |                       |               |
|-----------------|-----------------------|---------------|
| الفئة           | المتغير (المساحة) $x$ | التكرار $f$   |
| الأولى          | $1 \leq x < 3$        | 14            |
| الثانية         | $3 \leq x < 5$        | 29            |
| الثالثة         | $5 \leq x < 7$        | 18            |
| الرابعة         | $7 \leq x < 10$       | 9             |
|                 |                       | $\sum f = 70$ |

| الجدول التكراري المتجمع الصاعد |                 |                   |
|--------------------------------|-----------------|-------------------|
| المتغير $x$                    | التكرار المتجمع | النقطة على المصنع |
| $< 1$                          | 0               | A (1, 0)          |
| $< 3$                          | 14              | B (3, 14)         |
| $< 5$                          | 43              | C (5, 43)         |
| $< 7$                          | 61              | D (7, 61)         |
| $< 10$                         | $\sum f = 70$   | E (10, 70)        |

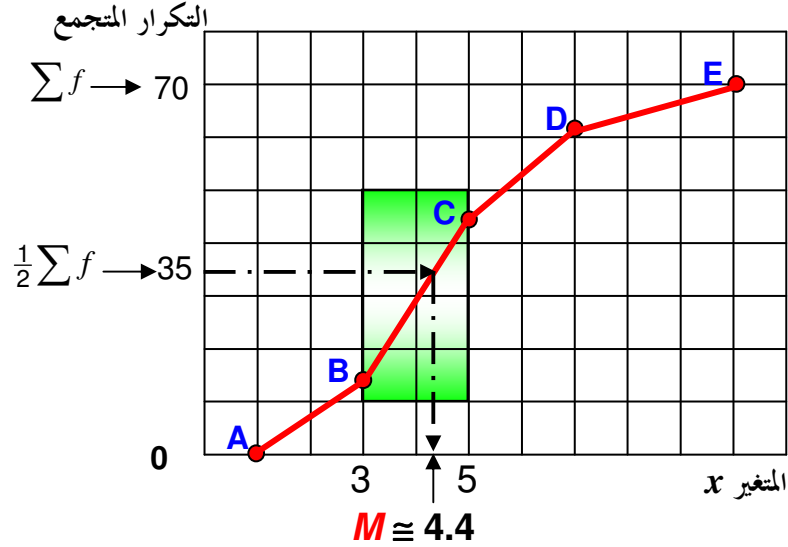
ثانياً : الوسيط : نكون الجدول التكراري المتجمع الصاعد [أو الهابط]

التكرار المتجمع



كده انتهى السؤال ، أي أن الوسيط الحسابي للمساحة  $\approx 4.7$   
والوسيط  $\approx 4.4$

لكن هناك ملحوظة هامة جداً مش عارف أنت لاحظتها أم لا



الوسيط يقع بين النقطتين  $B(3, 14)$  ,  $C(5, 43)$  [أي داخل الفئة  $3 \leq x < 5$  هذه الفئة تُسمى بـ الفئة الوسيطة

أي أن الفئة الوسيطة هي تلك الفئة التي يقع داخلها الوسيط

وهنا يتبادر إلى الذهن سؤالان هاما :

**السؤال الأول :** هل من الممكن تحديد الفئة الوسيطة من الجدول التكراري مباشرة أم لازم نعمل الجدول التكراري المتجمع الصاعد ونرسم المضلع التكراري المتجمع الصاعد ؟ .

**السؤال الثاني :** هل من الممكن [بعد تحديد الفئة الوسيطة] تحديد الوسيط من الجدول التكراري مباشرة دون الحاجة للجدول التكراري المتجمع الصاعد أو المضلع التكراري المتجمع الصاعد ؟ .

**والإجابة على السؤالين :** نعم يمكن تحديد الفئة الوسيطة من الجدول التكراري مباشرة ، ثم بعد ذلك يمكن أيضاً من هذا الجدول التكراري تحديد قيمة الوسيط دون أن نحتاج لعمل جدول تكراري متجمع صاعد ورسم المضلع التكراري المتجمع الصاعد ، **وتعالى نشوف إزاي**

## بالنسبة للسؤال الأول [تحديد الفئة الوسيطة]

(١) احسب أولاً نصف مجموع التكرارات .

(٢) ابدأ بالرقم صفر في ذهنك وزود تكرارات الفئات على التوالي وكل مرة قارن بنصف مجموع التكرارات السابق . أول ما يزيد الناتج عن نصف المجموع السابق أو يساويه يبقى آخر فئة زدنا تكرارها تكون هي الفئة الوسيطة .

يا لله نشوف

| الجدول التكراري |                       |               |
|-----------------|-----------------------|---------------|
| الفئة           | المتغير (المساحة) $x$ | التكرار $f$   |
| الأولى          | $1 \leq x < 3$        | 14            |
| الثانية         | $3 \leq x < 5$        | 29            |
| الثالثة         | $5 \leq x < 7$        | 18            |
| الرابعة         | $7 \leq x < 10$       | 9             |
|                 |                       | $\sum f = 70$ |

• احسب  $\frac{1}{2} \sum f = 35$  ← ماشي يا عم .. طلع

• نبدأ بالصفر [في ذهننا]

• نزود على الصفر السابق تكرار الفئة الأولى [14] ينتج 14

14 أقل من 35 ، يبقى الفئة الأولى ليست الفئة الوسيطة

• نزود على الـ 14 الأخيرة تكرار الفئة الثانية [29] ينتج 43

43 أكبر من 35 ، يبقى الفئة الثانية هي الفئة الوسيطة

## وبالنسبة للسؤال الثاني [تحديد الوسيط (بعد ما حددنا الفئة الوسيطة)]

- (١) حدد الحد الأدنى للفئة الوسيطة وأيضاً طولها .
- (٢) احسب ما يُسمى بـ "التكرار المتجمع السابق" = مجموع تكرار الفئات السابقة للفئة الوسيطة
- (٣) احسب الوسيط من العلاقة :

$$\text{الوسيط } M = \text{الحد الأدنى للفئة الوسيطة} + \left[ \frac{\text{نصف مجموع التكرارات} - \text{التكرار المتجمع السابق}}{\text{تكرار الفئة الوسيطة}} \times \text{طول الفئة الوسيطة} \right]$$

يا الله نشوف

| الجدول التكراري |                       |               |
|-----------------|-----------------------|---------------|
| الفئة           | المتغير (المساحة) $x$ | التكرار $f$   |
| الأولى          | $1 \leq x < 3$        | 14            |
| الثانية         | $3 \leq x < 5$        | 29            |
| الثالثة         | $5 \leq x < 7$        | 18            |
| الرابعة         | $7 \leq x < 10$       | 9             |
|                 |                       | $\sum f = 70$ |

→ الفئة الوسيطة

- الفئة الوسيطة هي الفئة الثانية :

حدها الأدنى 3 وطولها 2 [  $5 - 3 = 2$  ] وتكرارها 29

- التكرار المتجمع السابق :

يساوي مجموع تكرارات الفئات السابقة للفئة الوسيطة [أي تكرار الفئة الأولى فقط] = 14

• بالتعويض في القانون السابق : [ونعمل الحسابات واحدة واحدة الله يسترها معاكم]

$$M = 3 + \left[ \frac{35 - 14}{29} \times 2 \right] = 3 + \left[ \frac{21}{29} \times 2 \right] = 3 + 1.44827 = 4.44827 \cong 4.4$$

تُسمى الطريقة الحسابية السابقة (لحساب الوسيط) بـ ”طريقة الاستكمال“

**مثال جميل :** طُلب من ٣ مشرفين بإحدى المدارس تقسيم طلبة المدرسة إلى ٣ مجموعات متساوية على أن يقوم كل مشرف بتقديم بيان عن فئات العمر المختلفة لطلبة مجموعته وعدد الطلبة في كل فئة من فئات العمر ، فكانت الجداول التكرارية المبينة :

| المجموعة (٣) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $x \geq 15$      | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

| المجموعة (٢) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $6 \leq x < 12$  | 20            |
| الثانية      | $12 \leq x < 15$ | 25            |
| الثالثة      | $15 \leq x < 18$ | 35            |
| الرابعة      | $x \geq 18$      | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

| المجموعة (١) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $15 \leq x < 18$ | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

هل يمكن من خلال البيانات السابقة حساب الوسط الحسابي لعمر الطلبة في كل مجموعة ؟ علل إجابتك . وإذا كانت الإجابة بـ ”لا“ احسب مقياساً مناسباً يعطي دلالة لمتوسط العمر في كل مجموعة .

| المجموعة (٣) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $x \geq 15$      | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

| المجموعة (٢) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $6 \leq x < 12$  | 20            |
| الثانية      | $12 \leq x < 15$ | 25            |
| الثالثة      | $15 \leq x < 18$ | 35            |
| الرابعة      | $x \geq 18$      | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

| المجموعة (١) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $15 \leq x < 18$ | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

الإجابة هي " لا " للمجموعات الثلاث [أي لا يمكن حساب الوسط الحسابي للعمر] ، وها هي الأسباب :

- في المجموعة الأولى : الحد الأدنى للفئة الأولى غير معروف [يُقال للجدول عندئذ أنه مفتوح من أسفل]
- في المجموعة الثانية : الحد الأعلى للفئة الأخيرة غير معروف [يُقال للجدول عندئذ أنه مفتوح من أعلى]
- في المجموعة الثالثة : الحد الأدنى للفئة الأولى غير معروف وأيضاً الحد الأعلى للفئة الأخيرة غير معروف [يُقال للجدول عندئذ أنه مفتوح من الطرفين]

مثل هذه الجداول تُسمى جداول تكرارية مفتوحة :

- من أسفل [إذا كان الحد الأدنى للفئة الأولى غير معروف]
- من أعلى [إذا كان الحد الأعلى للفئة الأخيرة غير معروف]
- من الطرفين [إذا كان الحد الأدنى للفئة الأولى والحد الأعلى للفئة الأخيرة غير معروفين]



وحيث أن الوسيط لأي مجموعة من البيانات يعتمد في حسابه على البيانات الموجودة في المنتصف ، إذن يمكن استخدام الوسيط كمتوسط للدلالة على متوسط العمر في كل مجموعة :

بالنسبة للمجموعة الأولى من الطلبة :

| المجموعة (١) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $15 \leq x < 18$ | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

تحديد الفئة الوسيطة :

$$\frac{1}{2} \sum f = \frac{98}{2} = 49$$

$$\bullet \text{ احسب } \frac{1}{2} \sum f :$$

• نبدأ بالصفر [في ذهننا]

• نزود على الصفر تكرار الفئة الأولى [20] ينتج 20 [أقل من 49]

• نزود على الـ 20 الأخيرة تكرار الفئة الثانية [25] ينتج 45 [أيضاً أقل من 49]

• نزود على الـ 45 الأخيرة تكرار الفئة الثالثة [35] ينتج 80 [أكبر من 49]

إذن الفئة الثالثة هي الفئة الوسيطة

تحديد الوسيط :

- الحد الأدنى للفئة الوسيطة = 12
- طول الفئة الوسيطة = 3 [ 15 - 12 = ]
- تكرار الفئة الوسيطة = 35
- التكرار المتجمع السابق = مجموع تكرارات الفئات السابقة للفئة الوسيطة

[أي الفئتين الأولى والثانية] = 20 + 25 = 45 . إذن

$$M = 12 + \left[ \frac{(49 - 45)}{35} \times 3 \right] = 12 + \left[ \frac{4}{35} \times 3 \right] = 12 + 0.342857 = 12.342857 \cong \underline{12.3}$$

وبنفس الطريقة يمكن التعامل مع المجموعتين (٢) ، (٣) ، وعليك التأكد من صحة الحل

| المجموعة (١) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $15 \leq x < 18$ | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

الفئة الوسيطة

| المجموعة (٣) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $x < 6$          | 20            |
| الثانية      | $6 \leq x < 12$  | 25            |
| الثالثة      | $12 \leq x < 15$ | 35            |
| الرابعة      | $x \geq 15$      | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

الفئة الوسيطة

$$M = 12 + \left[ \frac{(49 - 45)}{35} \times 3 \right] \cong \underline{12.3}$$

| المجموعة (٢) |                  |               |
|--------------|------------------|---------------|
| الفئة        | العمر $x$        | العدد $f$     |
| الأولى       | $6 \leq x < 12$  | 20            |
| الثانية      | $12 \leq x < 15$ | 25            |
| الثالثة      | $15 \leq x < 18$ | 35            |
| الرابعة      | $x \geq 18$      | 18            |
|              |                  | $\sum f = 98$ |

الفئة الوسيطة

$$M = 15 + \left[ \frac{(49 - 45)}{35} \times 3 \right] \cong \underline{15.3}$$

**سلي نفسك بهذا السؤال :** سبق وحسبنا الوسط الحسابي لأطوال سيقان الأزهار [مثال (٢-٤)/محاضرة ٧/ص ١٣] وكان 31.7 تقريبا وحسبنا الوسيط (بيانياً) للأطوال وكان 32 تقريبا . أيضاً سبق وحسبنا الوسط الحسابي للأجر السنوي لمجموعة من العمال [مثال (٢-٦)/محاضرة ٧/ص ١٣] وكان 83.75 تقريبا وحسبنا الوسيط (بيانياً) للأجور وكان 80 تقريبا . والآن مطلوب من سعادتكم حساب الوسيط للمثالين بطريقة الاستكمال السابقة ومقارنة الحلول ببعضها .

لمساعدتكم على الحل وتنظيم تفكيركم قم باستكمال البيانات الناقصة في المثالين

مثال (٢-٦)

| الجدول التكراري |                     |               |
|-----------------|---------------------|---------------|
| الفئة           | المتغير (الأجر) $x$ | التكرار $f$   |
| الأولى          | $50 \leq x < 60$    | 6             |
| الثانية         | $60 \leq x < 70$    | 9             |
| الثالثة         | $70 \leq x < 80$    | 15            |
| الرابعة         | $80 \leq x < 90$    | 12            |
| الخامسة         | $90 \leq x < 100$   | 9             |
| السادسة         | $100 \leq x < 120$  | 6             |
| السابعة         | $120 \leq x < 180$  | 3             |
|                 |                     | $\sum f = 60$ |

الفئة الوسيطة هي : .....

حدها الأدنى ..... وطولها هو ..... وتكرارها .....

التكرار المتجمع السابق = .....

إذن الوسيط  $M$  [وتحسبه] يطلع **80** بالضبط

مثال (٢-٤)

| الجدول التكراري |                  |               |
|-----------------|------------------|---------------|
| الفئة           | المتغير $x$      | التكرار $f$   |
| الأولى          | $0 \leq x < 20$  | 4             |
| الثانية         | $20 \leq x < 30$ | 16            |
| الثالثة         | $30 \leq x < 35$ | 12            |
| الرابعة         | $35 \leq x < 40$ | 10            |
| الخامسة         | $40 \leq x < 50$ | 6             |
| السادسة         | $50 \leq x < 60$ | 2             |
|                 |                  | $\sum f = 50$ |

الفئة الوسيطة هي : .....

حدها الأدنى ..... وطولها هو ..... وتكرارها .....

التكرار المتجمع السابق = .....

إذن الوسيط  $M$  [وتحسبه] يطلع **32.1** تقريبا



بِسْمِ  
اللَّهِ  
بِحَمْدِ اللَّهِ

