

1. مجال الدالة $f(x) = \sqrt{x+1}$ هو:

لأنها جذر تكعبي، الدليل إلى فوق الجذر 3 وهو عدد فردي

،،اذن على طول الجواب R [1, ∞)

2. مجال الدالة $f(x) = \frac{x+7}{x^2 - 1}$ هو:

هنا دالة كسرية، اذن نأخذ المقام ونساويه بالصفر ونجد قيمة x

لأنها يجب أن تستبعد القيمة التي تجعل من المقام صفر .. فيكون المجال

هنا R ماعدا 1 و -1 .. لأنها اذا عوضنا بـ 1 او -1 في المقام سيعطينا 0

3. مجال الدالة $f(x) = \log(2x)$ هو:

بسبب وجود اللوغاريتم يجب ان يكون الدالة أكبر من الصفر، فتكون على كل

شكل متباينة $0 < 2x$ ، نحلها فنحصل على $x > 0$. علامة

4. علامة أكبر تدل على ∞ ونكون هنا مفتوحة لعدم وجود المسافة،

مجال الدالة $f(x) = x^3 + 4x^2 - x + 1$ هو:

على طول المجال R لأنها كثيرة حدود..

5. إذا كان $y = 2x^3 + 3x^2 + 6x + 5$ فلن $\frac{d^2y}{dx^2}$ تساوي:

ج. 12x+6 نوجد المشتقة الأولى ثم من المشتقة الأولى

ج. 12x نوجد المشتقة الثانية،

د. 6x²+6x+6

$$\frac{dy}{dx} = 6x^2 + 6x + 6$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = 12x + 6$$

6. إذا كان $y = x^{-1}$ فلن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

أ. $-x^2$ نوجد المشتقة حيث تنزل الأس ونطرح

ب. $-x^2$ من الأس 1 ، ننزلنا الأس -1 .. وطرحنا

ج. x من الأس واحد حيث $2 = 1 - 1$

جنون الحياة ^_^

إذا كانت دالة الطلب على سلعة معينة هي $Q_D = 25 - 5P$ أجب عن المقرتين 7 و 8

$$Q_D = 25 - 5P$$

$$25 - 5P = 15 \rightarrow P = 2$$

$$25 - 5P = 10 \rightarrow P = 3$$

$$25 - 5P = 5 \rightarrow P = 4$$

$$25 - 5P = 0 \rightarrow P = 5$$

- الكمية المطلوبة من هذه السلعة عند $P = 3$ هي:
 a. 15 وحدة
 b. 10 وحدات
 c. 5 وحدات
 d. 40 وحدة
- نعرض تعويض مباشر في Q_D . نشيل P وضع قيمتها 3 ونطلع الناتج..

$$5 = 25 - 5P$$

$$5P = 25 - 5$$

$$5P = 20 \rightarrow P = 4$$

$$P = 4$$

- سعر الوحدة إذا كانت الكمية المطلوبة 5 Q_D يساوي:
 a. 4
 b. 5
 c. 6
 d. 20
- نعرض تعويض مباشر نشيل Q_D . وضع قيمتها 5..

إذا علمت أن دالة الطلب على سلعة معينة هي $P = 200 - Q_D$ ودالة العرض لنفس السلعة هي $Q_S = P - 100$ أجب عن المقرتين 9 و 10

$$Q_D = Q_S$$

$$200 - P = P - 100$$

$$200 - 100 = 2P \rightarrow P = 50$$

$$P = 50$$

- سعر التوازن يساوي:
 a. 300
 b. 100
 c. 150
 d. 50
- سعر التوازن يعني أن $Q_D = Q_S$ ونعرض عن قيمتها ..

$$Q_D = 200 - 150 = 50$$

$$Q_S = 150 - 100 = 50$$

- الكمية التي يحدث عندها التوازن هي:
 a. 300
 b. 100
 c. 150
 d. 50
- الكمة التي يحدث عنها التوازن، نأخذ الناتج سعر التوازن Q_S أو Q_D ونعرض قيمته في a و b

إذا كانت $y = x^3 + 2x^2 + x$ فلن $\frac{dy}{dx}$ عند $x = 1$ تساوي:

$$3x^2 + 4x + 1$$

$$f'(1) = 3(1)^2 + 4(1) + 1$$

$$= 3 + 4 + 1 = 8$$

a. 7 توجد بالالة حاسبة.

b. 10

c. 3

d. 8

إذا كانت $-y = 6x$ فلن $\frac{d^2y}{dx^2}$ عند $x = 5$ تساوي:

a. 749

b. 0

c. 180

d. 450

هنا قال المشتقة الثانية، اذن نوجد المشتقة

الأولى، بعدين نطلع بالالة حاسبة الناتج

باستخدام المشتقة الأولى،

$$15 \cdot 14 \cdot 13 \quad \text{أجب عن المقررات} \quad g(x) = x+2, f(x) = x^2 - 3x$$

$$\boxed{f(x) + g(x) = x^2 - 3x + x + 2 \\ = x^2 - 2x + 2}$$

$$(f + g)(x) = x^2 - 2x + 2$$

★

نجم الداللين،

$$\boxed{(x^2 - 3x)(x + 2) \\ = x^3 + 2x^2 - 3x^2 - 6x \\ = x^3 - x^2 - 6x}$$

$$(f \times g)(x) = x^3 + x^2 + 6x$$

★

نضرب الداللين،

$$f(3) = 3 + 2 = 5$$

$$(f \circ g)(3) =$$

.15

$$f(g) = (3)^2 - 3(3) \\ = 9 - 9 = 0$$

نوجد التركيب،

$$15 \quad .15$$

$$25 \quad .25$$

$$40 \quad .40$$

$$10 \quad .10$$

★

$$\begin{aligned} x^5 &= 3x^2 \\ &= \frac{1}{3} x^9 x^{-\frac{2}{3}} \\ &= 3x^{\frac{5}{3}} \end{aligned}$$

إذا كان $y = 9x^{\frac{1}{3}}$ فلن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

$$\begin{aligned} 3x^{\frac{2}{3}} & \quad .1 \\ 3x^{-\frac{2}{3}} & \quad .2 \\ 27x^{\frac{2}{3}} & \quad .3 \\ 27x^{-\frac{2}{3}} & \quad .4 \\ 27x^{\frac{5}{3}} & \quad .5 \end{aligned}$$

★

نوجد المشتقة الأولى تنزل

الأُس، ونطرح منه 1 ..

إذا كان $z = 2x^2y + y^2$ فلن $\frac{\partial z}{\partial x}$ تساوي:

نوجد المشتقة لـ x فقط ..

$$4xy^2 \quad .1$$

$$4xy \quad .2$$

$$4x^2y^2 \quad .3$$

$$2x^2 + 2y \quad .4$$

★

إذا كانت $\{1,2,3\}$ ، $A = \{1,2,3\}$ ، $B = \{1,3,5\}$ ، $U = \{1,2,3,4,5,6,7\}$ حيث U المجموعة الكلية
أي عن الفقرات $18, 19, 20, 21$

$$A \cap B = \{1,3\} \quad .18$$

التقاطع يعني العناصر
المتشابه في A و B

$$\bar{A} = \{4,5,6,7\} \quad .19$$

متقدمة A يعني باقي العناصر التي تكمل A
من المجموعة الكلية U

$$\bar{B} = \{7,8,9\} \quad .20$$

متقدمة B يعني باقي العناصر التي تكمل B
من المجموعة الكلية U

$$\bar{A} \cup \bar{B} = \{1,2,3,4,5,6\} \quad .21$$

الاتحاد اي جميع عناصر مكملة A
وعناصر مكملة B

$$f(x) = x^3 - 3x^2 \quad .22$$

إذا كان $f(x) = x^3 - 3x^2 - 6x$ فلن للدالة قيمة صغرى عند x تساوى:
يمكن استعمال الالة حاسبة في الخل

$$= 6x - 6 \quad 8 - 12 = -4$$

$$= -64 - 48 = -112 \quad 2$$

$$9600 - 1200 = 8400 \quad 20$$

$$64 - 48 = 16 \quad 4$$

أسرع،

$$6x - 6 = 0 \rightarrow 6x = 6 \quad .23$$

$$f(x) = x^3 - 3x^2 \quad .23$$

إذا كان $f(x) = x^3 - 3x^2$ فلن للدالة نقطة التلاط هي:
الحل بالالة حاسبة اسرع،

$$f(1) = 1^3 - 3(1)^2 \quad (1,-3)$$

$$= 1 - 3 \quad (1,-4)$$

$$= -2 \quad (1,0)$$

$$= -2 \quad (1,-2)$$

جنون الحياة،

ميل الخط المستقيم الذي يمر بال نقطتين (4,3) و (7,4) يساوي:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{4-3}{7-4}$$

بالتعويض في قانون الميل،
وهو على $y_2 - y_1$

★

معادلة المستقيم الذي ميله 1 و مقطعه الصادي 3 هي:

قانونها $y = mx + b$ وبس تعويض مباشر شيلوا الميل
والـ b وحطوا قيمة الى السؤال،

- .25
 - y = x+3
 - y = 3x+1
 - y = x-3
 - y = 3x-1

معادلة المستقيم الذي يمر (3,3) ويباوزي المستقيم $3x-y=6$ هي:

طيب هنا بالسؤال قال يوازي "قانون التوازي يقول $m_1=m_2$ " طيب نطلع الميل قانونه يقول $m=-a/b$ عندنا بالسؤال معطينا معادلة، ودائماً معامل x يكون هو a ومعامل y هو b فعوضها بالميل نطلع الميل = 3، خلاص المين صار عندنا ميل نقطة (بالسؤال)، عندنا قانون ايجاد معادلة المستقيم بعلومية نقطة وميل، هو ...

- .26
 - y = 3x+6
 - y = 3x-12
 - y = 3x-6
 - y = 3x+12

$\Delta y = m(\Delta x)$

هنا بطريقة حل التكامل بالتعويض مثل

طريقة حل السؤال الثاني بالواجب

الثالث،

- .27
 - $\int x dx =$

نوجد الحل بالآله

$$\left[\frac{1}{2}x^2 \right]_0^1 = \frac{1}{2} - 0 = \frac{1}{2}$$

- .28
 - $\int (2x+1)^4 dx =$

- $\frac{1}{5}(2x+1)^5 + c$

- $\frac{1}{2}(2x+1)^5 + c$

- $\frac{1}{5}(2x+1)^5$

- $\frac{1}{10}(2x+1)^5 + c$

جنون الحياة،

$$\int 2e^x dx = \begin{array}{l} 2e^x + c \\ 2e^x \\ e^x + c \\ e^x \end{array}$$

عندنا بقوانين التكامل تكامل e اس x الناتج = نفسه e اس x
بس تنتهيون هنا تكامل غير محدد يعني لازم تحطون اخر الناتج $+c$

$$\int (x^4 + 2x - 5) dx = \begin{array}{l} x^5 + x^2 - 5x + c \\ \frac{x^5}{5} + x^2 - 5x + c \\ x^5 + x^2 - 5x + c \\ x^5 + x^2 - 5x + c \\ \frac{x^5}{5} + x^2 - 5x \end{array}$$

طريقة التكامل العادي، وهي تزود على الاس واحد وتقسم على الاس الجديد،
وما ننسى لانه تكامل غير محدد اخر شيء نحط $+c$

$$\int (3x^2 + 2x + 5) dx = \begin{array}{l} x^3 + x^2 + 5x \\ (x^3 + x^2 + 5x) \\ (x^3 + x^2 + 5x) \\ (9 + 4 + 15) - (1 + 1 + 5) \\ 22 - 7 = 15 \end{array}$$

$$\int \sin x dx = \begin{array}{l} \sin x \\ -\cos x \\ -\cos x + c \\ \cos x + c \end{array}$$

من قوانين تكامل الدوال المثلثية،
أن تكامل ساين \sin = - كوساين \cos واخر
شيء كالعاده لانه تكامل غير محدد نحط $+c$

$$\frac{dy}{dx} = x^2 y^{-2} \quad \text{حل المعادلة التفاضلية} \quad .33$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2}{y^2}$$

$$\frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3}$$

$$y^2 dy = x^2 dx$$

$$y^3 = x^3$$

$$y^2 dy = x^2 dx$$

$$y^2 = x^2 + c$$

$$\frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} + c$$



36 ، 35 ، 34 ، أجب عن المقررات $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = 12$ و $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 4$ إذن $\lim_{x \rightarrow 1} [f(x) - g(x)] = 34$

$$\lim_{x \rightarrow 1} [f(x) - g(x)] = 34$$

$$4 - 12 = -8$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ -8 \\ \hline 8 \end{array}$$

نوعيـض مباشر نـطـرـح قـيـمة $f(x) - g(x)$ اذن $34 = 12 - 8$

$\lim_{x \rightarrow 1} [f(x) \times g(x)] = 35$

ايضاً هنا تعويض مباشر ضرب قيمة $f(x)$ في قيمة $g(x)$ اذن $35 = 12 \times 4$

$$\begin{array}{r} 24 \\ \times 4 \\ \hline 48 \end{array}$$

$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5g(x)}{f(x)} = 36$

ايضاً هنا تعويض مباشر قسم قيمة $5g(x)$ في قيمة $f(x)$ اذن $36 = 12 \div (12 \times 5)$

$$\begin{array}{r} 15 \\ \div 3 \\ \hline 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ \div 2 \\ \hline 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ \div 2 \\ \hline 6 \end{array}$$

تعبر الدالة $x^3 + y^2 = 25$ دالة صريحة لأن الدالة الضمنية هي التي يكون x و y في نفس الطرف وما بعد علامة المساواة عدد ثابت،

إذا كان $f(x) = 2x - 1$ فلنـتوسطـالـتـفـيرـعـنـمـاـتـغـيـرـ x من 3 إلى 3.4 يساوى:

$f(3) = 2 \times 3 - 1 = 5$

$f(3.4) = 2 \times 3.4 - 1 = 5.8$

$\frac{5.8 - 5}{3.4 - 3} = \frac{0.8}{0.4} = 2$

الله حـاسـبـهـ تـسـاعـدـ

فيـالـخـلـ بـهـذـهـ

الـمـسـأـلـهـ ،ـ

يمكن الحصول على منحنى $f(x) = x^3 + 3$ بزاوية منحنى $f(x) = x^3$ بمقدار 3 وحدات إلى اليسار
 هنا تلاحظون العدد ذو داخل قوس ولا قيمة مطلقة، اذن يكون اما أعلى او أسفل، وعندنا $+3$ اذن نقول ازاحة الى أعلى 3 وحدات، ★

يمكن الحصول على منحنى $f(x) = (x+4)^2$ بزاوية منحنى $f(x) = x^2$ بمقدار 4 وحدات إلى اليسار
 هنا تلاحظون العدد ذو داخل القوس، اذن يكون أاما يمين أو يسار، عندنا $+4$ اذن الى اليسار،
 4 وحدات، ★

حل المتباينة $3x - 5 < 10$ هو: .41
 a. $(-\infty, \frac{5}{3})$
 b. $(-\infty, 5)$
 c. $(5, \infty)$
 d. $(-\frac{5}{3}, \infty)$ ★

حل المتباينة $5x - 6 > 11$ هو: .42
 a. $(-\infty, 3.4)$
 b. $(3.4, \infty)$
 c. $(1, \infty)$
 d. $(-\infty, 1)$ ★

حل المتباينة $\left| \frac{3x+1}{2} \right| \leq 1$ هو: .43
 a. $[-3, 1]$
 b. $(-1, \frac{1}{3})$
 c. $[-1, \frac{1}{3}]$
 d. $(-3, 1)$ ★

إذا كانت $y = 2x+3$ فإن معكوس الدالة هو: .44
 a. $x = 2y+3$
 b. $x = y-3$
 c. $x = (y-3)/2$
 d. $x = 2y-3$ ★

$$\sqrt{4x+4}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x^2 + 2x} = 4$$

نطلع بالآلة حاسبة

2
8
3
4

بسهولة ..

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = 4$$

نطلع بالآلة الناتج error يعني 0 على 0 ، بهذه الحالة نحل البسط ، يطلع ناتج التحليل للبسط $(x-2)(x+2)$ والمقام نفسه $x-2$ فبنختصر $x-2$ الى في البسط مع المقام يبقى $x+2$ نوضع بقى x يطلع 2 = 2 + 2

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^4 + 5x - 1}{x^3 + 3} = 4$$

هنا بما أن x تؤول الى مالا نهاية ، اذن نشوف درجة البسط والمقام هنـآ درجة البسط 4 اكبر من درجة المقام 3 ، اذن على طول الناتج مالا نهاية ..

$$\lim_{x \rightarrow \infty}^5 = 4$$

بالآلة حاسبة نطلع ، أو أساساً نهاية أي عدد ثابت يعني ما معه X = نفس العدد ،

3
5
15
8

إذا كانت $A \times B = \{(3,4), A = \{1,2\}, B = \{3,4\}$ فلن

$$\begin{aligned} &\{(3,1),(3,2),(4,1),(4,2)\} \\ &\{(1,3),(1,4),(2,3),(2,4)\} \\ &\{3,4,6,8\} \\ &\{(1,1),(1,2),(3,3),(3,4)\} \end{aligned}$$

نجد ناتج الضرب الديكارتي
نأخذ العنصر الأول في A مع كل عنصر في B ثم العنصر

50

هل الدالة زوجية $f(x) = x^4 + 8$ الدالة : زوجية

الثاني في A مع كل عنصر في B ، فردية

بمجرد النظر للأنس ، هنا الأنس 4 و 2 اعداد زوجية ،

اذن الدالة زوجية ، ليست زوجية ولست فردية