

مقرر مقدمة في الحاسب الآلي 0817-180
lahmed@kfu.edu.sa

إيميل أستاذ المقرر

برنامج الترجمة
www.easylingo.com

الكتاب الإلكتروني
Mathematica->Help->Mathematica Book
Or
Mathematica->Help->Master Index

موقع الباب الأول

<http://courses.cs.vt.edu/csonline/NumberSystems/Lessons/BinaryNumbers/index.html>

التقييم : م

Quizzes	فصلي ١	فصلي ٢	حضور ومشاركة	عملي	نهائي
١٢	١٣	١٣	٤	١٨	٤٠

يتضمن المنهج:

النظام الثنائي Binary Number System
تمثيل البيانات على الحاسب Data Representation
أجزاء الحاسب (مكونات الحاسب الأساسية ووظائف كل منها)
أنواع البيانات وبنيتها
نظم التشغيل
مقدمة للغات البرمجة
إدارة الملفات
استخدام الإنترنت وبروتوكولات الإنترنت
البرامج الرياضية (Mathematica)
معالجة النصوص (Microsoft Word)
اللوائح الجدولية (Microsoft Excel)
العروض التقديمية (Microsoft PowerPoint)
قواعد البيانات (Microsoft Access)

الباب الأول

النظام الثنائي Binary Number System

الأساس لكل نظام عددي يحدد بواسطة عدد أرقام ذلك النظام .
فالنظام الثنائي أساسه 2 والنظام العشري أساسه 10
قيم الخانات في النظام الثنائي تعطى بواسطة المتواليات الهندسية التي أساسها 2 وحدها الأول 1 ،
هذه القيم تعرف بالمعاملات الوزنية Weighting Factors

قيم الخانات (المعاملات الوزنية)	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
	16	8	4	2	1
الأرقام الثنائية	1	1	1	0	1

في هذه الطريقة نبدأ من أول رقم على يسار العدد المعطى ثم نضاعفه ونضيف النتيجة إلى الرقم الموجود على يمينه ، ثم نضاعف هذه النتيجة ونضيف الناتج إلى الرقم الموجود على اليمين وهكذا حتى الوصول إلى آخر رقم.

التحويل من النظام الثنائي الصحيح إلى النظام العشري Binary to Decimal Conversion

هناك طريقتان للتحويل :-

١ - طريقة ضاعف- ثم- أضف Double-and-Add

الأرقام الثنائية	1	1	1	0	1	1	1	1	0	1
نتيجة ضاعف- ثم-أضف		3	7	14	29	59	119	239	478	957

$$(1110111101)_2 = 957$$

٢ - الطريقة الثانية " الطريقة التقليدية "

أ (نوجد المعاملات الوزنية

ب (نضرب كل رقم في معامله الوزني

ج (نحصل على النتيجة بجمع نتائج الضرب

مثال : تحويل $(11101)_2$ إلى عشري :

قيم الخانات	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
	16	8	4	2	1
الأرقام الثنائية	1	1	1	0	1
نتائج الضرب	16	8	4	0	1

$$(11101)_2 = 16 + 8 + 4 + 1 = 29$$

التحويل من الثنائي الحقيقي إلى العشري Binary with Fractions to Decimal

-: Conversion

أ) نجزي العدد الحقيقي الى جزء صحيح و جزء كسري
ب) يعامل الجزء الصحيح مثل معاملة العدد الصحيح أما الجزء الكسري فيعامل بالطريقة التقليدية
بأسس سالبة :

مثال : تحويل $(11101.10111)_2$ إلى عشري :

قيم الخانات (المعاملات الوزنية)	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0	2^{-1}	2^{-2}	2^{-3}	2^{-4}	2^{-5}	
	16	8	4	2	1	0.5	0.25	0.125	0.0625	0.03125	
الأرقام الثنائية	1	1	1	0	1	.	1	0	1	1	
نتائج الضرب	16	8	4	0	1	.	0.5	0	0.125	0.0625	0.03125

$$(11101.10111)_2 = 16 + 8 + 4 + 1 + 0.5 + 0.125 + 0.0625 + 0.03125 = (29.71875)_{10}$$

التحويل من العشري (الصحيح) إلى الثنائي Decimal to Binary Conversion

يتم التحويل بالقسمة المتكررة على 2 مع تسجيل الباقي في كل مرة حتى يصبح خارج القسمة صفرًا عندها يكون المكافئ الثنائي المطلوب هو بواقي القسمة من الآخر الى الأول ومن اليسار الى اليمين .

مثال ١: حولي $(37)_{10}$ إلى الثنائي:

العدد	خارج القسمة	الباقى
37	18	1
18	9	0
9	4	1
4	2	0
2	1	0
1	0	1

$$(37)_{10} = (100101)_2$$

مثال ٢: حولي $(48)_{10}$ إلى الثنائي:

العدد	خارج القسمة	الباقى
48	24	0
24	12	0
12	6	0
6	3	0
3	1	1
1	0	1

$$(48)_{10} = (110000)_2$$

تحويل الكسور العشرية إلى الثنائي Decimal Fractions to Binary Conversion

يتم التحويل بالضرب المتكرر للكسر في 2 (الطريقة الجذولية) لتنتج ضرب الجزء الكسري حتى يصبح الجزء الكسري صفرا بعد ذلك تكون النتيجة هي الجزء الصحيح .

مثال ٣: حول $(0.375)_{10}$ إلى الثنائي:

الجزء الكسري	الجزء الصحيح
0.750	0
0.500	1
0.000	1

$$(0.375)_{10} = (0.011)_2$$

العمليات الحسابية الثنائية Binary arithmetic

الجمع الثنائي Binary Addition

الخطوات:

- ١ - إذا اختلف الحدان فالنتج هو 1
 - ٢ - إذا تشابه الحدان وكان كل منهما صفرًا فالنتج يساوي صفر
 - ٣ - إذا تشابه الحدان وكان كل منهما 1 فالنتج يساوي صفر والمحمول 1
- مثال ١: أوجد نتيجة الجمع التالي:

$$\begin{array}{r} 01111 \\ 11010 \\ 10101 \\ 10011 \\ 11110 \\ + 11111 \\ \hline 10001110 \end{array}$$

مثال ٢: أوجد نتيجة الجمع التالي:

$$\begin{array}{r} 11 \\ 10 \\ 11 \\ 10 \\ 11 \\ + 11 \\ \hline 10000 \end{array}$$

الطرح الثنائي Binary Subtraction

١- إذا تشابه الحدان فالناتج صفر

٢- إذا اختلف الحدان وكان المطروح منه 1 فالناتج 1

٣- إذا اختلف الحدان وكان المطروح منه صفر فالناتج 1 ونكون قد استلفنا 1 من العمود التالي.

مثال ١: أوجدني نتيجة الطرح التالي:

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 1\ 0\ 1 \\ - 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \\ \hline 0\ 0\ 1\ 1\ 1 \end{array}$$

مثال ٢: أوجدني نتيجة الطرح التالي:

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1 \\ - 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0 \\ \hline 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1 \end{array}$$

One's Complement

الطرح باستخدام طريقة متمم الواحد

الخطوات كالتالي :

١. اجعل طول العددين متساو وذلك بإضافة أصفار على يسار العدد المطروح
٢. اوجد متمم الواحد للعدد المطروح وذلك بتحويل كل ١ إلى صفر وكل صفر إلى ١
٣. أجمع العددين
٤. أضف المحمول الأخير إلى أول عمود من اليمين في نتيجة الجمع

مثال ١: أوجدني نتيجة طرح $(1001011)_2$ من $(1100111)_2$ باستخدام طريقة متمم الواحد :

$$\begin{array}{r} 1100111 \\ - 1001011 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100111 \\ + 0110100 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100111 \\ + 0110100 \\ \hline 10011011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 11011 \\ + \quad \quad 1 \\ \hline 11100 \end{array}$$

$$(1100111)_2 - (1001011)_2 = (11100)_2$$

الطرح باستخدام طريقة متمم الأثنين *Two's Complement*

الخطوات كالتالي :

١. إيجاد متمم الواحد للعدد المطروح
٢. الحصول على متمم الأثنين بإضافة واحد الى متمم الواحد
٣. إضافة متمم الأثنين إلى العدد المطروح منه
٤. إهمال المحمول الناتج من الجمع

مثال ١: أوجد نتيجة طرح $(11)_2$ من (101) باستخدام طريقة متمم الأثنين :

$$\begin{array}{r} 101 \\ - 11 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ - 011 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ + 100 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ + 101 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ + 101 \\ \hline 1010 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ + 101 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$(101)_2 - (11)_2 = (10)_2$$

مثال ٢: أوجد نتيجة طرح $(1001011)_2$ من $(1100111)_2$ باستخدام طريقة متمم الاثنين :

$$\begin{array}{r} 1100111 \\ - 1001011 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100111 \\ 0110100 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0110100 \\
 + \quad \quad \quad 1 \\
 \hline
 0110101
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \quad \quad \quad 110011 \\
 + \quad 0110101 \\
 \hline
 10011100
 \end{array}$$

$$(1100111)_2 - (1001011)_2 = (11100)_2$$

توضيح فكرة المتمم :

المتمم هو العدد الذي تحصل عليه بطرح العدد المعطى من اكبر رقم بالنظام.

مثال 1 : في النظام العشري أوجد متم التسعة للعدد 7 :

$$\begin{array}{r}
 9 \\
 -7 \\
 \hline
 2
 \end{array}$$

مثال 2: في النظام العشري أوجد متم التسعة للعدد 12345678 :

$$\begin{array}{r}
 99999999 \\
 -12345678 \\
 \hline
 87654321
 \end{array}$$

مثال 3: في النظام العشري أوجد متم العشرة للعدد 12345678 :

نوجد متم التسعة للعدد 12345678 ثم نضيف 1 للحصول على متم العشرة للعدد 12345678

$$\begin{array}{r}
 99999999 \\
 -12345678 \\
 \hline
 87654321 \\
 +1 \\
 \hline
 87654322
 \end{array}$$

$$87654322 \longrightarrow \text{متم العشرة}$$

وتطبيق هذا المفهوم على النظام الثنائي نجد أن متم التسعة يقابله متم الواحد، ومتم العشرة

يقابله متم الاثنین:

مثال : أوجد متم الواحد للعدد الثنائي 1001 :

$$\text{الحل : } 1111$$

$$-1001$$

$$0110 \longrightarrow \text{هو متم الواحد } (0110)_2$$

مثال: أوجدني متمم الاثنين للعدد الثنائي 1001

الحل:

نوجد متمم الواحد للعدد₂(1001) ثم نضيف 1 لمتمم الواحد للحصول على متمم الاثنين للعدد₂(1001):

0110

+1

→ 111 هو متمم الاثنين₂(111)

الضرب الثنائي Binary Multiplication

1. ننسخ المضروب عندما يكون المضروب فيه 1 ونكتب صف من الأصفار في غير ذلك.
2. كلما تحركنا نحو رقم مضروب فيه جديد نزيح النتيجة عمودا واحدا لليساار.
3. نجمع النتائج.

مثال 1: أوجد نتيجة ضرب₂(1001) في₂(101)

الحل:

1001
* 101

1001
0000
+1001

101101

مثال 2: أوجد نتيجة ضرب₂(1111) في₂(1011)

الحل:

1111
* 1011

1111
1111
0000
+ 1111

10100101

١. عندما يكون المقسوم (المطروح منه) أكبر من أو يساوي المقسوم عليه (المطروح) نكتب 1 في خارج القسمة و نقوم بعملية الطرح.
٢. عندما يكون المقسوم (المطروح منه) أقل من المقسوم عليه (المطروح) نكتب صفر في خارج القسمة وننزل رقم آخر.
٣. إذا كان ما يزال هنالك باقي على الرغم من انتهاء كل أرقام المقسوم فإننا نضع علامة الكسر في المقسوم وفي خارج القسمة ونضع صفر في المقسوم و نكمل الحل.

مثال ١: أوجد نتيجة قسمة $(100001)_2$ على $(110)_2$:

الحل:

١. أولاً نحاول أن نجد أصغر جزء من المقسوم يكون أكبر من أو يساوي المقسوم عليه (110) . بما أن المقسوم عليه يتكون من ٣ خانات فإننا نبدأ باختبار أول ٣ خانات من المقسوم. $(100)_2$ أصغر من $(110)_2$ لذلك نحتاج أن نضيف خانة أخرى من المقسوم

$$\begin{array}{r} 110 \overline{) 100001} \end{array}$$

٢. الآن نحاول أول ٤ خانات من المقسوم. بما أن $(1000)_2$ أكبر من $(110)_2$ فإنه يمكننا

إجراء القسمة

$$\begin{array}{r} 110 \overline{) 100001} \end{array}$$

٣. بما أن $(1000)_2$ يقبل القسمة على $(110)_2$ مرة واحدة فإننا نكتب 1 في خارج القسمة و نقوم بعملية الطرح.

$$\begin{array}{r} 1 \\ 110 \overline{) 100001} \\ \underline{110} \\ 10 \end{array}$$

٤. الآن ننزل رقم آخر من المقسوم إلى الباقي و نحاول التأكد من أن العدد الجديد $(100)_2$ أكبر من أو يساوي المقسوم عليه $(110)_2$.

$$\begin{array}{r} 1 \\ 110 \overline{) 100001} \\ \underline{110} \\ 100 \end{array}$$

٥. $(100)_2$ أصغر من $(110)_2$ لذلك نكتب 0 في خارج القسمة و نضيف خانة أخرى من المقسوم إلى الباقي و نقوم بعملية الطرح.

$$\begin{array}{r} 10 \\ 110 \overline{)100001} \\ \underline{110} \\ 1001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ 110 \overline{)100001} \\ \underline{110} \\ 1001 \\ \underline{110} \\ 11 \end{array}$$

٦ . بما أن $(1001)_2$ أكبر من $(110)_2$ فإنه يقبل القسمة على $(110)_2$ مرة واحدة لذلك نكتب 1 في خارج القسمة و نقوم بعملية الطرح.

$$\begin{array}{r} 101. \\ 110 \overline{)100001.0} \\ \underline{110} \\ 1001 \\ \underline{110} \\ 11 \end{array}$$

٧ . ما يزال هنالك باقي $(11)_2$ على الرغم من انتهاء كل أرقام المقسوم لذلك فإننا نضع علامة الكسر في المقسوم وفي خارج القسمة و نضع صفر في المقسوم على يمين علامة الكسر و نكمل الحل.

$$\begin{array}{r} 101.1 \\ 110 \overline{)100001.0} \\ \underline{110} \\ 1001 \\ \underline{110} \\ 110 \\ \underline{110} \\ 0 \end{array}$$

إذاً نتيجة القسمة هي:

$$(100001)_2 \div (110)_2 = (101.1)_2$$