

أسئلة كتاب

الإحصاء بالإدارة

الطبعة الثانية

(7) الأوزية المركزية لأي قيمة في مجموعة من القيم هو :

- (أ) (القيمة + مجموع القيم) $\times 360$
 (ب) تكرار القيمة $\times 360$
 (ج) تكرار القيمة $\div 360$
 (د) التكرار النسبي للقيمة $\times 360$

(8) في طريقة الأعمدة البسيطة لعرض البيانات المتصلة نمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

- (أ) عمود (خط رأسي) طوله يعبر عن تكرار تلك القيمة .
 (ب) يقضب (خط أفقي) طوله يعبر عن تكرار تلك القيمة .
 (ج) نقطة إحدائها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكمر (بواسطة المسطرة)
 (د) تقطع من دائرة طبقاً لتكرارها .

(9) في طريقة القوسان البسيطة لعرض البيانات المتصلة نمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

- (أ) عمود (خط رأسي) طوله يعبر عن تكرار تلك القيمة .
 (ب) يقضب (خط أفقي) طوله يعبر عن تكرار تلك القيمة .
 (ج) نقطة إحدائها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكمر (بواسطة المسطرة)
 (د) تقطع من دائرة طبقاً لتكرارها .

(10) في طريقة المصالح التكراري لعرض البيانات المتصلة نمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

- (أ) عمود (خط رأسي) طوله يعبر عن تكرار تلك القيمة .
 (ب) يقضب (خط أفقي) طوله يعبر عن تكرار تلك القيمة .
 (ج) نقطة إحدائها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكمر (بواسطة المسطرة)
 (د) تقطع من دائرة طبقاً لتكرارها .

تدريبات (2-3)

اختر الإجابة الصحيحة

(1) بيانات المتصلة هي :

- (أ) بيانات نوعية فقط
 (ب) بيانات كمية متقطعة فقط
 (ج) أي بيانات كمية يمكن أن تقاس
 (د) بيانات نوعية أو كمية متقطعة

(2) البيانات المتصلة هي :

- (أ) بيانات نوعية فقط
 (ب) بيانات كمية متقطعة فقط
 (ج) أي بيانات كمية يمكن أن تقاس
 (د) بيانات نوعية أو كمية متقطعة

(3) الذي R يمكن تحديده لـ :

- (أ) البيانات البرية فقط
 (ب) البيانات الكمية المتقطعة فقط
 (ج) أي بيانات كمية
 (د) أي بيانات

(4) الذي R مجموعة من البيانات هو :

- (أ) أكبر القيم تكراراً في البيانات
 (ب) أكبر قيمة في البيانات
 (ج) أصغر قيمة في البيانات
 (د) الفرق بين أكبر وأصغر قيمة من البيانات

(5) الذي R مجموعة القيم 2, 10, 4, 5, 7 هو :

- (أ) 5
 (ب) 8
 (ج) 2
 (د) 10

(6) التكرار النسبي x لأي قيمة في مجموعة من القيم هو :

- (أ) خارج نسبة القيمة على مجموع القيم .
 (ب) خارج نسبة تكرار القيمة على مجموع التكرارات .
 (ج) خارج نسبة مجموع التكرارات على تكرار القيمة
 (د) خارج نسبة القيمة على مجموع التكرارات .

15) زاوية القياس المناظرة للعدد 31 تساوي:

- (د) 108° (ج) 72° (ب) 360° (أ) 36°

16) التكرار النسبي للعدد "25" هو:

- (د) 1 (ج) 0.1 (ب) 0.3 (أ) 0.2

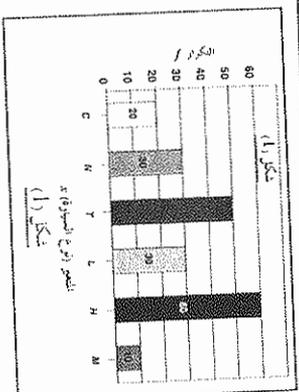
17) عدد الموضعات الأتية يزيد أضعافاً عن 32 ستة هو:

- (د) 5 (ج) 3 (ب) 2 (أ) 1

18) النسبة المئوية للموضعات الأتية أضعافاً عن 31 ستة أقل هي:

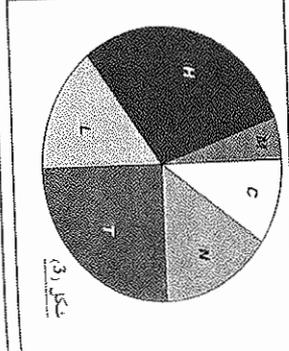
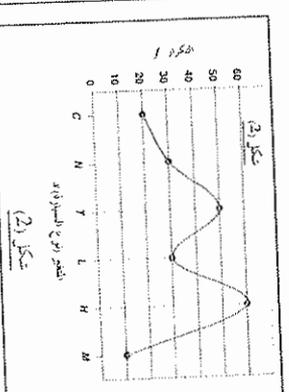
- (د) 80% (ج) 70% (ب) 0.7 (أ) 0.8

خاصة بالأسئلة من (19) إلى (25) : الجدول التكراري المبني بين عدد السيارات الموجودة في أحد المواقف طبقاً لنوع السيارة [C, N, T, L, H, M]



النوع	التكرار
C	20
N	30
T	50
L	30
H	60
M	10

خاصة بالأسئلة من 19 إلى 25



من هذا الجدول ومن الأشكال المرفقة يمكن استنتاج أن:

11) في طريقة النسخ التكراري لعرض البيانات المنفصلة تمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

- (أ) عمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ب) يقضي (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

12) في طريقة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم تقوم بتوصيل هذه النقاط بخط ممدود (باليد)

- (د) يقطع من دائرة طبقاً لتكرارها .

13) في طريقة الدائرة لعرض البيانات المنفصلة تمثل كل قيمة من قيم المتغير x بـ :

- (أ) عمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .
(ب) يقضي (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .

14) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم تقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)

- (د) يقطع من دائرة طبقاً لتكرارها .

خاصة بالأسئلة من (13) إلى (18) : الجدول التالي بين الجدول التكراري لأعداد 10 تمرينات

تعمل في أحد أقسام إحدى المستشفيات ، من هذا الجدول يمكن استنتاج أن :

التكرار	المر (عدد) x
2	22
3	25
2	28
1	31
1	32
1	35
Σf	

13) مجموع التكرارات Σf تساوي :

- (د) 18 (ج) 10 (ب) 2 (أ) 3

14) الذي R للعدد هو :

- (د) 13 (ج) 10 (ب) 2 (أ) 3

- (27) عدد الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 94 هو:
 7 (د) 3 (أ) 0.15 (ب) 4 (ج)
- (28) نسبة الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي:
 7 (د) 4 (ج) 35% (ب) 0.35 (أ)
- (29) النسبة المئوية للطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي:
 7 (د) 4 (ج) 35% (ب) 0.35 (أ)

خاص بالأسئلة من (30) على (33): الجدول التالي بين أعمار عدد من العمالات في إحدى المؤسسات (أقرب سنة) ؛ من هذا الجدول يمكن استنتاج أن:

التغير (النسبة) x	التكرار (العدد) f	الزاوية المركزية
20	20	72°
25	?	36°
30	30	?
35	?	?
Σf		

- (30) عدد العمالات ذات العمر 25 سنة هو:
 40 (د) 30 (ج) 20 (ب) 10 (أ)
- (31) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 30 سنة تساوي:
 144° (د) 108° (ج) 72° (ب) 36° (أ)
- (32) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 35 سنة تساوي:
 144° (د) 108° (ج) 72° (ب) 36° (أ)
- (33) عدد العمالات الكلي [أي مجموع التكرارات] :
 110 (د) 105 (ج) 100 (ب) 95 (أ)

- (19) شكل (1) بين طريقة لتسجيل هذه البيانات بيانياً.
 (أ) المثلج التكراري (ب) المثلج التكراري
 (ج) الأعمدة البسيطة (د) الدائرة
- (20) بينما شكل (2) بين طريقة لتسجيل هذه البيانات بيانياً.
 (أ) المثلج التكراري (ب) المثلج التكراري
 (ج) الأعمدة البسيطة (د) الدائرة
- (21) شكل (3) بين طريقة لتسجيل هذه البيانات بيانياً.
 (أ) المثلج التكراري (ب) المثلج التكراري
 (ج) الأعمدة البسيطة (د) الدائرة

- (22) عدد السيارات الموجودة بالموقف هو:
 250 (د) 200 (ج) 150 (ب) 100 (أ)
- (23) التكرار النسبي للسيارات من النوع C هو:
 0.2 (د) 0.1 (ج) 10% (ب) 10 (أ)
- (24) النسبة المئوية للسيارات من النوع C هي:
 25% (د) 0.25 (ج) 50% (ب) 50 (أ)
- (25) الزاوية المركزية للسيارات من النوع H تساوي:
 18° (د) 90° (ج) 36° (ب) 108° (أ)

خاص بالأسئلة من (26) إلى (29): الجدول التالي بين درجات 20 طالباً في أحد الفترات الدراسية، من هذا الجدول يمكن استنتاج أن:

الدرجة	التكرار
100	99
99	98
98	97
97	96
96	95
95	94
94	93
93	92
92	91
91	90
90	89
89	88
88	87
87	86
86	85
85	84
84	83
83	82
82	81
81	80
80	79
79	78
78	77
77	76
76	75
75	74
74	73
73	72
72	71
71	70
70	69
69	68
68	67
67	66
66	65
65	64
64	63
63	62
62	61
61	60
60	59
59	58
58	57
57	56
56	55
55	54
54	53
53	52
52	51
51	50
50	49
49	48
48	47
47	46
46	45
45	44
44	43
43	42
42	41
41	40
40	39
39	38
38	37
37	36
36	35
35	34
34	33
33	32
32	31
31	30
30	29
29	28
28	27
27	26
26	25
25	24
24	23
23	22
22	21
21	20
20	19
19	18
18	17
17	16
16	15
15	14
14	13
13	12
12	11
11	10
10	9
9	8
8	7
7	6
6	5
5	4
4	3
3	2
2	1
1	0

- (26) عدد الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هو:
 7 (د) 4 (ج) 0.15 (ب) 3 (أ)

5040 (د)	2580 (ج)	2000 (ب)	480 (أ)
طلاب M	طلاب F	إدارة أعمال	آداب
1480	480	2000	2560
3000	2000	آداب	تربية خاصة
2000	2560	تربية خاصة	

(39) عدد الطلبة (طالبات وطلاب) الذين تقدموا للاختبارات في تخصص تربية خاصة:

5000 (د) 6480 (ج) 11520 (ب) 4560 (أ)

(40) عدد الطلبة (طالبات وطلاب) الذين تقدموا للاختبارات:

11520 (د) 5040 (ج) 5000 (ب) 5040 (أ)

(41) النسبة المئوية لطالب (الذكور) تخصص آداب الذين تقدموا للاختبارات وذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات هي (تقريباً):

59.5% (د) 26% (ج) 46.3% (ب) 60% (أ)

(42) النسبة المئوية لطالبات (الإناث) تخصص تربية الذين تقدموا للاختبارات وذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات من تخصص تربية هي (تقريباً):

39.5% (د) 22.2% (ج) 50.8% (ب) 56.1% (أ)

(43) التكرار النسبي لفرقة من الفئات هو:

(أ) النسبة بين الحد الأعلى للفرقة ومجموع التكرارات

(ب) خارج قسمة تكرار الفرقة على طولها

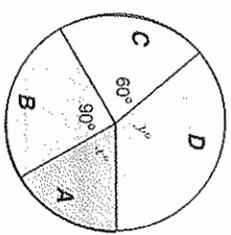
(ج) نسبة تكرار الفرقة إلى مجموع التكرارات

(د) النسبة بين الحد الأدنى للفرقة ومجموع التكرارات

(44) في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية تكون مساحة أي مستطيل من المستطيلات هي:

(أ) تكرار الفرقة التي يمثلها المستطيل

خاص بالأسئلة من (34) إلى (37) : الشكل المرافق يبين مبيعات أربع شركات A, B, C, D لعب الأطفال وذلك خلال أحد الأعياد ، فإذا كان عدد اللعب الكلي التي تم بيعها بواسطة هذه الشركات هو 5400 لعبة، فإن:



(34) النسبة المئوية لمبيعات الشركة B هي:

60% (د) 40% (ج) 25% (أ) 30% (ب)

(35) عدد اللعب التي باعتها الشركة C هو:

1350 (د) 3150 (ج) 2250 (ب) 900 (أ)

(36) عدد اللعب التي باعتها الشركات A, D معاً هو:

1350 (د) 3150 (ج) 2250 (ب) 900 (أ)

(37) نسبة مبيعات الشركة B إلى مبيعات الشركة C هي كالنسبة بين:

(أ) 4 إلى 3 (ب) 2 إلى 3 (ج) 3 إلى 4 (د) 3 إلى 2

خاص بالأسئلة من (38) إلى (42) :

في إحصائية لعادة التعلم الإلكتروني والتنظيم عن بُعد بجامعة الملك فيصل عن أعداد الطلاب والطالبات الذين تقدموا لاختبارات التعلم الطور للاكتساب في الفصل الدراسي الثاني للعام الجامعي 1431/1430 هـ في تخصصات إدارة أعمال وتربية خاصة وآداب كانت البيانات كما هو موضح بالجدول المرفوع التالي، من هذا الجدول يمكن استنتاج أن:

(38) عدد الطالبات اللاتي تقدمن للاختبارات هو

مركز الفئة و كثافة تكرارها .
 (ج) مركز المستطيل الملئ لتلك الفئة

(49) في المصطلح التكراري المجمع المساعد تُمثل كل فئة بقفظة إحدائياً كما:

أحد الأدين للفئة والتكرار المجمع لجميع قيم المتغير الأقل من هذا الحد .

(أ) أحد الأدين للفئة والتكرار المجمع لجميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي هذا الحد .

(ب) مركز الفئة و كثافة تكرارها .

(ج) مركز المستطيل الملئ لتلك الفئة

(50) في المصطلح التكراري المجمع الخاطف تُمثل كل فئة بقفظة إحدائياً كما:

أحد الأدين للفئة والتكرار المجمع لجميع قيم المتغير الأقل من هذا الحد .

(أ) أحد الأدين للفئة والتكرار المجمع لجميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي هذا الحد .

(ب) مركز الفئة و كثافة تكرارها .

(ج) مركز المستطيل الملئ لتلك الفئة

خاصي بالأسئلة من (51) إلى (56) من التوزيع التكراري المبين يمكن استنتاج أن:

الفئة	التكرار f	الكثافة f/n
الأول	10	$0 \leq x < 20$
الثانية	15	$\dots \leq x < \dots$
الثالثة	20	$30 \leq x < \dots$
الرابعة	5	$50 \leq x < 60$

(51) مجموع التكرارات $\sum f$ يساوي:

(أ) 100 (ب) 200 (ج) 1 (د) 50

(52) التكرار النسبي للفئة الرابعة يساوي:

(أ) 0.2 (ب) 0.3 (ج) 0.1 (د) 0.4

(ب) التكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل

(ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل

طول الفئة التي يمثلها المستطيل

(45) في المدرج التكراري لبيانات ممتدة ذات فئات غير متساوية يكون طول قاعدة أي مستطيل من المستطيلات هو:

(أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل

(ب) التكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل

(ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل

(د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل

(46) في المدرج التكراري لبيانات ممتدة ذات فئات غير متساوية يكون ارتفاع أي مستطيل من المستطيلات هو:

(أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل

(ب) التكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل

(ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل

(د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل

(47) في المدرج التكراري لبيانات ممتدة تكون المستطيلات الممتدة للفئات:

(أ) متساوية تماماً (أي لا مسافات بينها)

(ب) متصلة عن بعضها

(ج) متناحلة

(د) فوق بعضها

(48) في المصطلح التكراري تُمثل كل فئة بقفظة إحدائياً كما:

(أ) أحد الأدين للفئة والتكرار المجمع لجميع قيم المتغير الأقل من هذا الحد .

(ب) أحد الأدين للفئة والتكرار المجمع لجميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي هذا الحد .

(58) عدد الطلاب الراغبين [الحاصلين على درجة أقل من 60] هو :

120 (د) 100 (ج) 60 (ب) 40 (أ)

(59) عدد الطلاب الحاصلين على 80 فأكثر يساوي :

120 (د) 100 (ج) 60 (ب) 40 (أ)

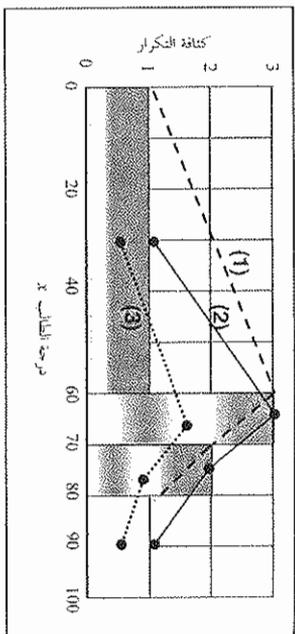
(60) عدد الطلاب الحاصلين على تقدير C+ [أكثر من 75 وأقل من 80] يساوي :

20 (د) 40 (ج) 60 (ب) 120 (أ)

(61) عدد الطلاب الناجحين والحاصلين على تقدير B على الأكثر [أكثر من 60 وأقل من 80] هو :

120 (د) 100 (ج) 60 (ب) 40 (أ)

(62) الخط المنكسر الذي يمثل المبلغ الكلي للبيانات السابقة :



- (أ) هو الخط المنكسر (1)
 (ب) هو الخط المنكسر (2)
 (ج) هو الخط المنكسر (3)
 (د) ليس أي خط مما سبق

(53) مركز الفئة الأولى عند x تساوي :

20 (د) 15 (ج) 10 (ب) 0 (أ)

(54) كثافة تكرار الفئة الرابعة تساوي :

55 (د) 5 (ج) 0.5 (ب) 0.1 (أ)

(55) الحد الأعلى للفئة الثالثة هو :

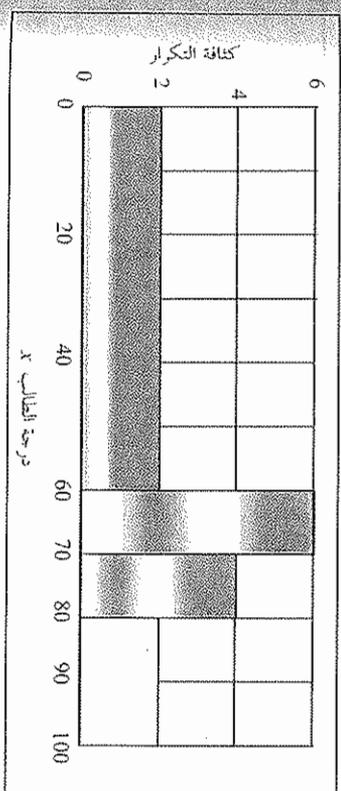
50 (د) 40 (ج) 30 (ب) 20 (أ)

(56) مركز الفئة الثانية عند x تساوي :

15 (د) 35 (ج) 30 (ب) 25 (أ)

مخصص بالأسئلة من (57) إلى (62) : المدرج التكراري المبين يوضح الدرجة x لعدد من الطلاب في مقرر مادة الإحصاء مقسمين على 4 فئات، من هذا المدرج يمكن استخراج الآتي :

الفئة	(1)	(2)	(3)	(4)
التردد	$0 \leq x < 60$	$60 \leq x < 70$	$70 \leq x < 80$	$80 \leq x < 100$



(57) العدد الكلي للطلاب يساوي :

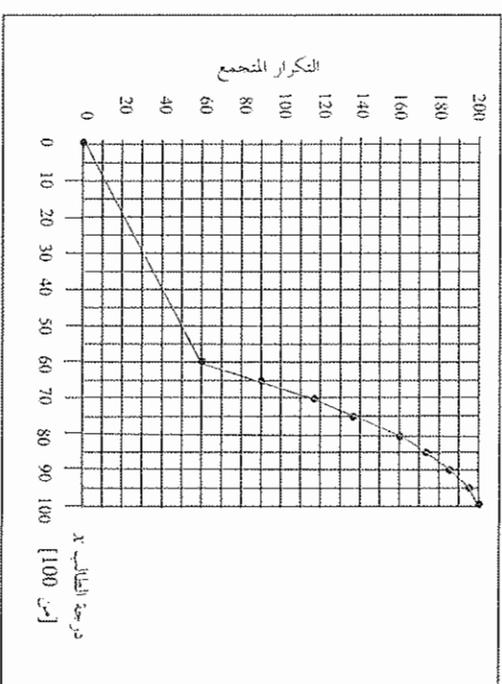
260 (د) 220 (ج) 180 (ب) 120 (أ)

إجابة تدريبات (3-2) :

د	(7)	ب	(6)	ب	(5)	د	(4)	ج	(3)	ج	(2)	أ	(1)
د	(14)	ج	(13)	د	(12)	ج	(11)	ج	(10)	ب	(9)	ب	(8)
د	(21)	ب	(20)	ج	(19)	د	(18)	أ	(17)	ب	(16)	أ	(15)
أ	(28)	ج	(27)	د	(26)	أ	(25)	د	(24)	ج	(23)	ج	(22)
أ	(35)	أ	(34)	ب	(33)	د	(32)	ج	(31)	أ	(30)	ب	(29)
أ	(42)	ج	(41)	د	(40)	أ	(39)	د	(38)	د	(37)	ج	(36)
أ	(49)	ج	(48)	أ	(47)	ج	(46)	د	(45)	أ	(44)	ج	(43)
أ	(56)	د	(55)	ب	(54)	ب	(53)	ج	(52)	د	(51)	ب	(50)
د	(63)	ب	(62)	ج	(61)	د	(60)	أ	(59)	د	(58)	د	(57)
				ج	(67)	أ	(66)	ب	(65)	ج	(64)		

خاتمة الفصل الثالث

خاص بالأسئلة من (63) إلى (67): الشكل التالي بين التغير الكلي في المبيعات السنوية للمنتج المساعد لدرجات عدد من الطلاب في مقرر مبادئ الإدارة، من هذا الشكل يمكن أن نستنتج أن:



(63) العدد الكلي للطلاب هو :

- (أ) 50 (ب) 100 (ج) 150 (د) 200

(64) الوسيط M لدرجات الطلاب يقع بين :

- (أ) 40, 45 (ب) 50, 55 (ج) 65, 70 (د) 75, 80

(65) عدد الطلاب اخصاصات على درجة أقل من 40 هو :

- (أ) 20% (ب) 40% (ج) 60% (د) 80%

(66) النسبة المئوية للطلاب اخصاصين على تقدير D+ على الأقل [أي على درجة 65 فأكثر] هي :

- (أ) 55% (ب) 45% (ج) 40% (د) 65%

(67) عدد الطلاب المتخرجين واخصاصين على درجة أقل من 80 هو :

- (أ) 60 (ب) 80 (ج) 100 (د) 120

اختر الإجابة الصحيحة

- (1) مقاييس النزعة المركزية هي:
 قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (أ) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ب) مقاييس تحدد النسبة المئوية للمتنت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (ج) مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (د) مقاييس ترصد درجة التذبذب في قيمة المتحن مقارنة بقيمة متحن التوزيع الطبيعي
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التذبذب في قيمة المتحن مقارنة بقيمة متحن التوزيع الطبيعي
- (2) الوسط الحسابي هو أحد مقاييس:
 (أ) النزعة المركزية
 (ب) التشتت
 (ج) الاتجاه
 (د) التفرطح
- (3) لعدد من القيم، يُعرف مجموع هذه القيم مقسوماً على عددها على أنه:
 (أ) الوسط الحسابي للقيم
 (ب) الانحراف المتوسط للقيم
 (ج) تباين تلك القيم
 (د) الانحراف المعياري للقيم
- (4) إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وأضفنا لكل قيمة من القيم العدد 2، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون:
 (أ) 20 (ب) 22 (ج) 40 (د) 18
- (5) إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وضرنا كل قيمة من القيم في العدد 2، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون:
 (أ) 20 (ب) 22 (ج) 40 (د) 18
- (6) إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وضرنا كل قيمة من القيم في العدد -2، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون:
 (أ) 20 (ب) 22 (ج) 40 (د) -40

(1) أوجد الوسط الحسابي \bar{x} والوسيط M والنوال $mode$ لمجموعة الأرقام:

- (أ) 7, 4, 10, 9, 15, 12, 7, 9, 7
 (ب) 8, 11, 4, 3, 2, 5, 10, 6, 4, 1, 10, 8, 12, 6, 5, 7
 (ج) 85, 76, 93, 82, 96
 (د) 0.53, 0.46, 0.50, 0.49, 0.52, 0.53, 0.44, 0.55

(2) إذا كان الوسط الحسابي والوسيط لمجموعة من القيم هما 15 مفردة هما على الترتيب 32 و 11 وإذا أضيفت للمجموعة مفردة قيمتها 31، فأوجد الوسط الحسابي والوسيط للمجموعة بعد إضافة القيمة الجديدة؟

إجابة تدريبات 1-4

- (1) (a) $\bar{x} = 8.9$, $M = 9$, $\hat{X} = 7$
 (b) $\bar{x} = 6.4$, $M = 6$, $\hat{X} = 4, 5, 6, 8, 10$
 (c) أي غير موجود) $\bar{x} = 86$, $M = 85$, $\hat{X} = ?$
 (d) $\bar{x} = 0.50$, $M = 0.51$, $\hat{X} = 0.53$
 (2) $\bar{x} = 31.9375$, $M = 31.9375$, 31

(15) السؤال يكون:

(أ) 6 (ب) 8 (ج) 7 (د) غير موجود

أجابه تدريبات (4-2)

(1) أ (2) أ (3) أ (4) ب (5) ج (6) د
(7) أ (8) ج (9) ب (10) د (11) ب (12) ج
(13) ج (14) أ (15) د

تدريبات (4-3)

1- أثبت أنه إذا أضفنا عدد ثابت c لكل قيمة من مجموعة من القيم فإن الوسط

الحسابي الجديد لمجموعة القيم الجديدة = الوسط الحسابي القديم لمجموعة القيم القديمة
مما يثبت أنه العدد الثابت c

2- أثبت أنه إذا ضربنا العدد الثابت c في كل قيمة من مجموعة من القيم فإن الوسط

الحسابي الجديد لمجموعة القيم الجديدة = الوسط الحسابي القديم لمجموعة القيم القديمة
مضروباً في العدد الثابت c

3- أثبت أنه المجموع الجبري لاخرافات مجموعة من القيم عن وسطها الحسابي يساوي صفراً

(7) الوسط لمجموعة من القيم المرتبة ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً هو:

(أ) القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد

(ب) القيمة الأكبر تكراراً

(ج) متوسط أكبر وأقل قيمتين

(د) مجموع القيم مقسوماً على عددها .

(8) مجموعة من القيم ، فإن القيمة الأكثر تكراراً (ان رُجحت) تُسمى:

(أ) الوسط الحسابي (ب) الوسيط

(ج) المنوال (د) المدى

(9) أحد مقياس النزعة المركزية الذي قد يمكن تحديده للبيانات النوعية:

(أ) الوسط الحسابي (ب) المنوال

(ج) الوسيط (د) المدى

خاص بالأسئلة من (10) إلى (12): لمجموعة القيم 4 9 8 5 4

(10) الوسط الحسابي يساوي:

6 (أ) 8 (ب) 5 (ج) 4 (د) 6

(11) الوسيط يساوي :

6 (أ) 8 (ب) 5 (ج) 4 (د) 6

(12) المنوال يساوي:

6 (أ) 8 (ب) 5 (ج) 4 (د) 6

خاص بالأسئلة من (13) إلى (15): لمجموعة القيم 9 3 2 8 4 16

(13) الوسط الحسابي يكون:

(أ) 6 (ب) 8 (ج) 7 (د) غير موجود

(14) الوسيط يكون :

(أ) 6 (ب) 8 (ج) 7 (د) غير موجود

1) للوزيع التكراري (1) ، القيمة المتوسطة هي:

- (ب) الثانية (د) الأولى
غير موجودة (ج) الثانية والثالثة

2) للوزيع التكراري (2) ، القيمة المتوسطة هي:

- (ب) الثانية (د) الأولى
غير موجودة (ج) الثانية والثالثة

3) للوزيع التكراري (3) ، القيمة المتوسطة هي:

- (ب) الثانية (د) الأولى
الرابعة (ج) الثانية والثالثة

4) للوزيع التكراري (4) ، القيمة المتوسطة هي:

- (ب) الثانية (د) الأولى
الرابعة (ج) الثالثة

5) للوزيع التكراري (1) ، المتوال هو (تقريباً):

- 25 (ب) 10 (د)
غير موجودة (د) 25, 37,5 (ج)

6) للوزيع التكراري (2) ، المتوال هو (تقريباً):

- 25 (ب) 10 (د)
غير موجودة (د) 25, 37,5 (ج)

7) للوزيع التكراري (3) ، المتوال هو (تقريباً):

- 10 (ب) 5 (د)
17,5 (د) 10, 17,5 (ج)

8) للوزيع التكراري (4) ، المتوال هو (تقريباً):

- 15 (ب) 5 (د)
35 (د) 25 (ج)

تأريخ (2-5)

(2) للبيانات المبينة بالجدول التالي، أوجد الوسط الحسابي \bar{x} والوسيط M والمتوال mod :

x	462	480	498	516	534	552	570	588	606	624
f	98	75	56	42	30	21	15	11	6	2

(3) للبيانات المبينة بالجدول التالي، أوجد الوسط الحسابي \bar{x} والوسيط M والمتوال mod :

x	10 -	15 -	20 -	25 -	30 -	35 -	40 -	45 -
f	3	7	16	12	9	5	2	

إجابة تأريخ (2-5)

- (2) $\bar{x} = 501.0$, $M = 490.6$, $mod = 462$
(3) $\bar{x} = 26.2$, $M = 25.4$, $mod = 22.5$

تأريخ (3-5)

اختر الإجابة الصحيحة

خصائص بالأسئلة من (1) إلى (8): الشكل المرافق بين عدة توزيعات لغير متصل x ، من هذا الشكل يمكن أن نستنتج الآتي:

التوزيع التكراري (1)				التوزيع التكراري (2)			
الفئة	f	متوسط الفئة	متوسط التوزيع	الفئة	f	متوسط الفئة	متوسط التوزيع
$0 \leq x < 20$	4	10	0.2	$0 \leq x < 20$	4	10	0.2
$20 \leq x < 30$	18	25	1.8	$20 \leq x < 30$	18	25	1.8
$30 \leq x < 45$	16	37.5	1.2	$30 \leq x < 45$	16	37.5	1.2
$45 \leq x < 55$	8	50	0.8	$45 \leq x < 55$	8	50	0.8
المجموع	40		4	المجموع	40		4

التوزيع التكراري (3)				التوزيع التكراري (4)			
الفئة	f	متوسط الفئة	متوسط التوزيع	الفئة	f	متوسط الفئة	متوسط التوزيع
$0 \leq x < 5$	4	2.5	0.8	$0 \leq x < 10$	4	5	1.8
$5 \leq x < 15$	16	10	1.8	$10 \leq x < 20$	16	15	1.8
$15 \leq x < 20$	8	17.5	0.8	$20 \leq x < 30$	8	25	0.8
$20 \leq x < 30$	20	25	0.8	$30 \leq x < 40$	20	35	0.8
المجموع	40		4	المجموع	40		4

خصائص بالأسئلة من (1) إلى (8)

تمارين (4-5)

اختر الإجابة الصحيحة

1) مقاييس التشتت هي:

- (أ) قيم فردية يمكن أن تقل مجموعة البيانات
- (ب) مقاييس ترمز الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للاختلاف حول قيمة متوسطة
- (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
- (د) هي مقاييس ترمز درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
- (هـ) مقاييس ترمز درجة التذبذب في قمة المنحنى مقارنة بقمة منحني التوزيع الطبيعي

2) الاختلاف المتوسط هو أحد مقاييس:

- (أ) التوزعة المركزية
- (ب) التشتت
- (ج) الأخطاء
- (د) التفرطح

ويكفي أن نستخدم الاختلاف المتوسط في رأس السؤال بالاختلاف المعياري أو الذي الزبني أو الاختلاف الزبني أو الاختلاف الذي

3) لعدد من القيم، يُعرف متوسط القيم المطلقة للاختلافات عن الوسط الحسابي على أنه:

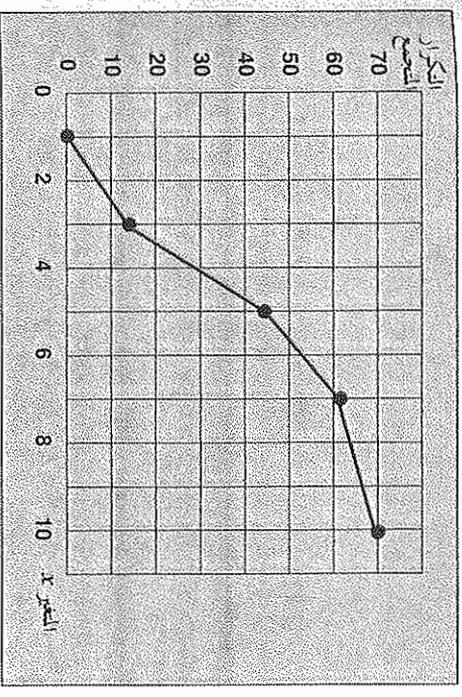
- (أ) الوسط الحسابي للقيم
- (ب) الاختلاف المتوسط للقيم
- (ج) تباين تلك القيم
- (د) الاختلاف المعياري للقيم

4) لعدد من القيم، يُعرف متوسط مربعات الاختلافات عن الوسط الحسابي على أنه:

- (أ) الوسط الحسابي للقيم
- (ب) الاختلاف المتوسط للقيم
- (ج) تباين تلك القيم
- (د) الاختلاف المعياري للقيم

خاص بالأسئلة من (9) إلى (10): الشكل المرفق بين التلعب التكراري التجميع

الفرد بعد التغيير متصل بـ:



9) مجموع التكرارات يساوي:

- (أ) 5
 - (ب) 10
 - (ج) 35
 - (د) 70
- 10) الوسط يقع بين:
- (أ) 1, 2
 - (ب) 4, 5
 - (ج) 7, 8
 - (د) 9, 10

إجابة تمارين (3-5)

- (1) د (2) ب (3) ج (4) د (5) د (6) ب
- (7) ج (8) د (9) د (10) ب

(36) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم

تحتها (أي أقل منها)؛ 75% من القيم فوقها (أي أكثر منها).

(أ) الربيع الأول

(ب) الربيع الثاني

(ج) الربيع الثالث

(37) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم

تحتها (أي أقل منها)؛ 25% من القيم فوقها (أي أكثر منها).

(أ) الربيع الأول

(ب) الربيع الثاني

(ج) الربيع الثالث

(38) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم

تحتها (أي أقل منها)؛ 90% من القيم فوقها (أي أكثر منها).

(أ) الربيع الأول

(ب) الربيع الثاني

(ج) الربيع الثالث

(39) هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 90% من القيم

تحتها (أي أقل منها)؛ 10% من القيم فوقها (أي أكثر منها).

(أ) الربيع الأول

(ب) الربيع الثاني

(ج) الربيع الثالث

(40) الربيع الثالث هو نفسه:

(أ) الربيع الأول

(ب) الربيع الثاني

(ج) الربيع الثالث

(41) الربيع الثالث هو نفسه:

(أ) الربيع الأول

(ب) الربيع الثاني

(ج) الربيع الثالث

(31) البيان للبيانات السابقة هو:

(أ) 4.5 (ب) 1.85 (ج) 2.18 (د) 4.75

(32) الانحراف المعياري للبيانات السابقة هو:

(أ) 4.5 (ب) 1.85 (ج) 2.18 (د) 4.75

(33) مقاييس التشتت النسبي هي:

(أ) قيم فردية يمكن أن تقل مجموعة البيانات

(ب) مقاييس تزداد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة

(ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للتشتت المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة

(د) هي مقاييس تزداد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما

(هـ) مقاييس تزداد درجة التذبذب في قيمة التشتت مقارنة بقيمة متشتت التوزيع الطبيعي

(34) معامل الاختلاف cv هو أحد مقاييس:

(أ) التوزيع المركزية

(ب) التشتت

(ج) الانحراف

(د) التشتت النسبي

ولكن يمكن أن يستعمل "معامل الاختلاف" في رأس السؤال "معامل الاختلاف الربوي"

(35) معامل الاختلاف cv (أو معامل التشتت) يساوي:

(أ) $[\text{الربيع الحسابي} \div \text{الانحراف المعياري}] \times 100$

(ب) $\text{الربيع الحسابي} - \text{الانحراف المعياري}$

(ج) $[\text{الانحراف المعياري} \div \text{الربيع الحسابي}] \times 100$

(د) $\text{الانحراف المعياري} - \text{الربيع الحسابي}$

(48) معادل الاختلاف الربيعي Q_1, Q_3 مجموعة القيم يساوي:

- (أ) $\frac{P_{90} - P_{10}}{2(Q_3 - Q_1)} \times 100$
 (ب) $\frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{90} - P_{10})} \times 100$
 (ج) $\frac{Q_3 + Q_1}{Q_3 - Q_1} \times 100$
 (د) $\frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100$

(49) للمتغيرات التكرارية وحيدة النوال وبسيطة الاتجاه يكون الانحراف المتوسط مساوياً

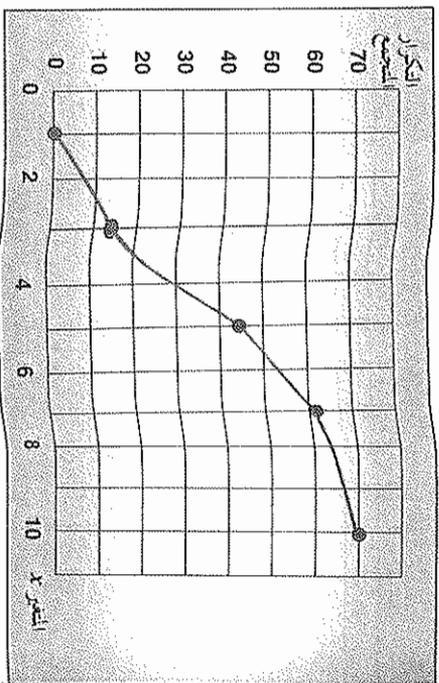
- (أ) $\frac{4}{5} \times$ الانحراف المعياري
 (ب) $\frac{3}{2} \times$ الانحراف المعياري
 (ج) $\frac{2}{3} \times$ الانحراف المعياري
 (د) $\frac{5}{4} \times$ الانحراف المعياري
- (هـ) لـ :

(50) للمتغيرات التكرارية وحيدة النوال وبسيطة الاتجاه يكون الانحراف الربيعي مساوياً

- (أ) $\frac{4}{5} \times$ الانحراف المعياري
 (ب) $\frac{3}{2} \times$ الانحراف المعياري
 (ج) $\frac{2}{3} \times$ الانحراف المعياري
 (د) $\frac{5}{4} \times$ الانحراف المعياري

خاصة بالأسئلة من (19) إلى (25): الشكل المرفق يبين المصاع التكراري المصمغ الصاعد لغير

متغير x:



(42) الربيع الأول لمجموعة من القيم هو نفسه:

- (أ) $\frac{1}{3}$ المئين رقم 25
 (ب) المئين رقم 75
 (ج) نصف المتوسط
 (د) المتوسط

(43) الربيع الثالث لمجموعة من القيم هو نفسه:

- (أ) المئين رقم 25
 (ب) المئين رقم 75
 (ج) نصف المتوسط
 (د) المتوسط

(44) المدى الربيعي يساوي:

- (أ) ضعف الانحراف الربيعي
 (ب) نصف الانحراف الربيعي
 (ج) الانحراف الربيعي
 (د) المدى الفجوي

خاصة بالأسئلة من (13) إلى (18): إذا كان [مجموعة من القيم] Q_1 هو الربيع الأول، Q_3 هو

الربيع الثالث، P_{10} هو المئين العاشر، P_{90} هو المئين التسعون، M هو المتوسط، فإن:

- (أ) $\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)$
 (ب) $\frac{1}{2}(P_{90} - P_{10})$
 (ج) $(Q_3 - Q_1)$
 (د) $(P_{90} - P_{10})$

(45) المدى الربيعي لمجموعة القيم يساوي:

- (أ) $\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)$
 (ب) $\frac{1}{2}(P_{90} - P_{10})$
 (ج) $(Q_3 - Q_1)$
 (د) $(P_{90} - P_{10})$

(46) المدى الفجوي لمجموعة القيم يساوي:

- (أ) $\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1)$
 (ب) $\frac{1}{2}(P_{90} - P_{10})$
 (ج) $(Q_3 - Q_1)$
 (د) $(P_{90} - P_{10})$

- 1 (36) ج (35) ب (34) ج (33) ج (32) > (31)
 1 (42) ج (41) ج (40) 1 (39) > (38) ج (37)
 > (48) 1 (47) > (46) ج (45) 1 (44) ب (43)
 > (54) ج (53) ب (52) > (51) > (50) 1 (49) 1 (55)
 ج (57) ج (56) 1 (55)

مُخَايَة الفص ل الخامس

- (51) مجموع التكرارات يساوي: (د) 70 35 (ج) 10 (ب) 5 (أ) 5
 (52) الربع الأول يقع بين: 5,6 (د) 4,5 (ج) 3,4 (ب) 2,3 (أ) 1
 (53) الربع الثاني يقع بين: 5,6 (د) 4,5 (ج) 3,4 (ب) 2,3 (أ) 1
 (54) الربع الثالث يقع بين: 5,6 (د) 4,5 (ج) 3,4 (ب) 2,3 (أ) 1
 (55) المئين العاشر يقع بين: 5,6 (د) 4,5 (ج) 3,4 (ب) 2,3 (أ) 1
 (56) المئين الخمسون يقع بين: 9,10 (د) 7,8 (ج) 4,5 (ب) 1,2 (أ) 0
 (57) المئين السبعون يقع بين: 9,10 (د) 7,8 (ج) 4,5 (ب) 1,2 (أ) 0

إجابة تمارين (4-5)

- 1 (1) ب (2) ب (3) ب (4) ج (5) د 1 (6)
 1 (7) د (8) ب (9) ج (10) ب 1 (11) 1 (12)
 1 (13) ب (14) ج (15) د (16) د (17) د (18) د
 1 (19) ج (20) ج (21) ب (22) ج (23) د (24) د
 1 (25) ج (26) 1 (27) ب (28) د (29) 1 (30) ب

معامل الفرطح الذي لمجموعة القيم يساوي:

- (أ) $\frac{Q_3 - Q_1}{P_{90} + P_{10}}$ (ب) $\frac{P_{90} - P_{10}}{Q_3 - Q_1}$
 (ج) $\frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{90} - P_{10})}$ (د) $\frac{Q_3 - Q_1}{P_{90} - P_{10}}$

لتحديد معامل بيرسون الأول للانواء يلزم معرفة

- (أ) الوسط والربيط (ب) الوسط والفرطال
 (ج) الربعات Q_1, Q_3 (د) الميئات P_{10}, P_{90}

لتحديد معامل بيرسون الثاني للانواء يلزم معرفة

- (أ) الوسط والربيط (ب) الوسط والفرطال
 (ج) الربعات Q_1, Q_3 (د) الميئات P_{10}, P_{90}

لتحديد معامل الانواء الربيعي يلزم معرفة

- (أ) الوسط والربيط (ب) الوسط والفرطال
 (ج) الربعات Q_1, Q_3 (د) الميئات P_{10}, P_{90}

لتحديد معامل الانواء المئيني يلزم معرفة

- (أ) الوسط والربيط (ب) الوسط والفرطال
 (ج) الربعات Q_1, Q_3 (د) الميئات P_{10}, P_{90}

تدريبات (2-6)

اختر الإجابة الصحيحة

(1) مقاييس الانواء هي :

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للبيانات المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التذبذب في قيمة المئين مقارنة بقيمة مئيني التوزيع الطبيعي

(2) مقاييس الفرطح هي :

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات
 (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة
 (ج) مقاييس تحدد النسبة المئوية للبيانات المطلق بالنسبة لقيمة متوسطة
 (د) هي مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما
 (هـ) مقاييس ترصد درجة التذبذب في قيمة المئين مقارنة بقيمة مئيني التوزيع الطبيعي

خاص بالأسئلة (3) ، (4) : إذا كان [مجموعة من القيم] Q_1 هو الربيع الأول، Q_3 هو الربيع الثالث، P_{10} هو المئين العاشر، P_{90} هو المئين التسعون، M هو الوسط، فإن:

(3) معامل الانواء الربيعي لمجموعة القيم يساوي:

- (أ) $\frac{Q_3 - 2M + Q_1}{Q_3 - Q_1}$ (ب) $\frac{P_{90} - 2M + P_{10}}{Q_3 - Q_1}$
 (ج) $\frac{Q_3 - 2M + Q_1}{P_{90} - P_{10}}$ (د) $\frac{P_{90} - 2M + P_{10}}{P_{90} - P_{10}}$



الفصل السابع تحليل الارتباط Correlation Analysis

يركز هذا الفصل على دراسة تحليل الارتباط كأحد الأساليب التي يتم استخدامها في التحليل الكمي للظواهر الإدارية والاقتصادية المختلفة، حيث تتمركز على المقصود بالارتباط بين ظاهرتين وكيفية تحديدهما إذا كان هناك ارتباط من عدمه، وفي حالة وجود ارتباط بين الظاهرتين، كيف نحدد نوعه (طردني أم عكسي) وقوته (بمقايير حد أدنى/متوسط/أقصى) وذلك من خلال ما يُسمى معامل الارتباط، وسوف ندرس في هذا الفصل معاً مفهومين: الأول يُسمى معامل الارتباط الخطي البسيط (أو معامل بيرسون للارتباط) والذي يصلح للظواهر الكمية، والثاني يُسمى معامل ارتباط الرتب (أو معامل سبيرمان)، والذي يصلح للظواهر الكمية والوصفية أيضاً.

أيضاً سنتناول دراسة الارتباط بين التغيرات الوصفية الإسمية والتي يكون لمتعلقها زوج من القيم [وذلك من خلال ما يُسمى معامل القران]، ودراسة الارتباط بين التغيرات الوصفية الإسمية والتي يكون لمتعلقها أكثر من تبينين [وذلك من خلال ما يُسمى معامل كروفلي].

- إجابة تدريبات (2-6)
- | | | | | | | | | | |
|---|-----|---|-----|---|-----|----|-----|---|-----|
| ب | (5) | ج | (4) | أ | (3) | هـ | (2) | د | (1) |
| | | | | د | (8) | ج | (7) | أ | (6) |

نهاية الفصل السادس

(11) في شكل (ص) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً (ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً تاماً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان ارتباطاً عكسياً ضعيفاً

(12) في شكل (و) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً (ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً

(13) في شكل (ز) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً (ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً

(14) في شكل (ح) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً (ب) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً

(15) في شكل (ط) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً ضعيفاً (ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً ضعيفاً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً

(16) إذا كانت d تمثل الفرق في الرتب [بين قيم y ، و x] ، n هو عدد أزواج القيم (x, y) ، فإن معامل ارتباط الرتب r_s بين x, y هو :

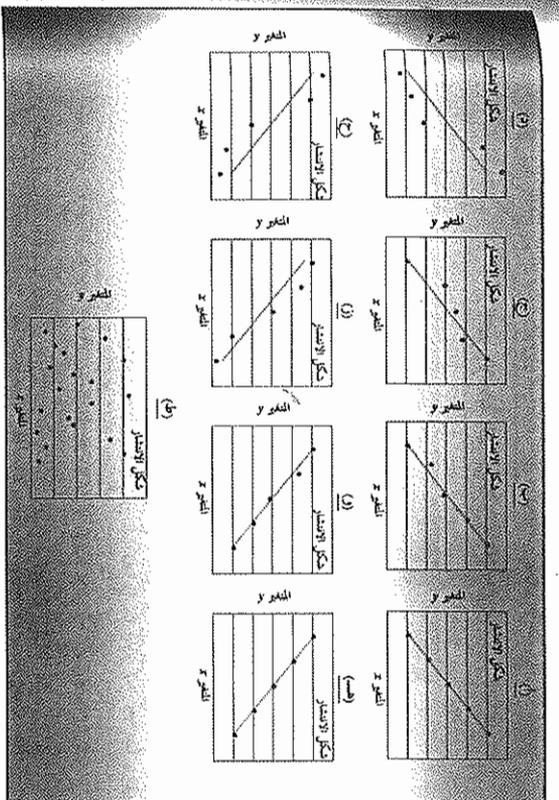
$$(أ) \quad r_s = \frac{1 - 6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)}$$

$$(ب) \quad r_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)}$$

$$(ج) \quad r_s = \frac{1 - 6 \sum d^2}{n(n-1)}$$

$$(د) \quad r_s = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n-1)}$$

(17) إذا كانت y_1, y_2, \dots, y_n ، و x_1, x_2, \dots, x_n ، n يأخذها متغير x ، n يأخذها متغير y ، k هي آخرات قيم المتغيرين x, y ، أعلى يمكن أن يأخذها متغير آخر y ، و k ، k هي آخرات قيم المتغيرين x, y ، أعلى



(7) في شكل (أ) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً (ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً قوياً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان ارتباطاً طردياً تاماً

(8) في شكل (ب) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً قوياً (ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً قوياً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان ارتباطاً طردياً تاماً

(9) في شكل (ج) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً (ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً قوياً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

(10) في شكل (د) ، شكل الانتشار المعطى يوضح أن المتغيرين x, y :

- (أ) مرتبطان عكسياً ارتباطاً متوسطاً (ب) مرتبطان طردياً ارتباطاً ضعيفاً
(ج) غير مرتبطين (د) مرتبطان ارتباطاً طردياً متوسطاً

[حيث A, B, C, D] قيم غير كمية] وكان r_p هو معامل بيرسون للارتباط بين المتغيرين x, y هو معامل ارتباط سبيرمان (الرتب) بينهما ، فإنه [في هذا السؤال]:

- (أ) يمكن حساب r_p فقط يمكن حساب r_p فقط
 (ب) لا يمكن حساب أي من r_p, r_s لا يمكن حساب أي من r_p, r_s

جواب: بالأسئلة من (22) إلى (27):

حسبوا من القيم $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$ ، $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$ كانت هناك النتائج التالية
 $n = 5$ ، $\sum x = 30$ ، $\sum y = 50$ ، $\sum xy = 364$ ، $\sum x^2 = 220$ ، $\sum y^2 = 604$
 هذه المجموعة يكون :

(22) الوسط الحسابي للمتغير x يساوي:

- (أ) 10 (ب) 44 (ج) 120.8 (د) 44

(23) الوسط الحسابي للمتغير y يساوي:

- (أ) 6 (ب) 10 (ج) 44 (د) 120.8

(24) تباين المتغير x يساوي:

- (أ) 8 (ب) 2.83 (ج) 20.8 (د) 4.56

(25) تباين المتغير y يساوي:

- (أ) 8 (ب) 2.83 (ج) 20.8 (د) 4.56

(26) الانحراف المعياري للمتغير x يساوي:

- (أ) 8 (ب) 2.83 (ج) 20.8 (د) 4.56

(27) الانحراف المعياري للمتغير y يساوي:

- (أ) 8 (ب) 2.83 (ج) 20.8 (د) 4.56

(28) معامل الارتباط بين المتغيرين x, y يساوي:

- (أ) 0.985 (ب) -0.985 (ج) -0.993 (د) 0.993

الترتيب] عن أوساطهما الحسابية ، إذن يمكن التعبير عن معامل بيرسون للارتباط بين المتغيرين x, y على الصورة:

$$(أ) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{\sqrt{\sum d_x^2} \sqrt{\sum d_y^2}} \quad (ب) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{\sum d_x^2 \sum d_y^2}$$

$$(ج) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{\sum d_x \sum d_y} \quad (د) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{\sum d_x^2 \sum d_y^2}$$

(18) وإذا كانت r_p, r_s, r هي الانحرافات المعيارية للمتغيرين x, y ، r على الترتيب] ، فإنه يمكن أيضا

التعبير عن معامل بيرسون للارتباط بين المتغيرين x, y على الصورة:

$$(أ) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{\sqrt{ms_x^2} \sqrt{ms_y^2}} \quad (ب) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{ms_x ms_y}$$

$$(ج) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{ms_x^2} \quad (د) r_p = \frac{\sum d_x d_y}{ms_x^2}$$

(19) لعدد من المعادلات $n = 10$ كالتالي x, y ، كانت $\sum d^2 = 250$ ، حيث d تمثل الفرق

- في الرتب بين قيم x, y ، يكون معامل ارتباط الرتب r_p مساويا لـ:
 (أ) -1.52 (ب) -0.52 (ج) -16.66 (د) -14.15

(20) إذا كانت البيانات الخاصة بقيم ظاهر تين x, y على الصورة:

x	2	5	8	12
y	1	7	8	5

وكان r_p هو معامل بيرسون للارتباط بين المتغيرين x, y ، r_p هو معامل ارتباط سبيرمان (الرتب) بينهما ، فإنه [في هذا السؤال]:

- (أ) يمكن حساب r_p فقط يمكن حساب r_p فقط
 (ب) لا يمكن حساب أي من r_p, r_s لا يمكن حساب أي من r_p, r_s

(21) إذا كانت البيانات الخاصة بقيم ظاهر تين x, y على الصورة:

x	A	B	C	D
y	1	7	8	5



الفصل الثامن تحليل الانحدار Regression Analysis

من الأساليب الإحصائية لتقييم العلاقة بين المتغيرات المختلفة هي "تحليل الارتباط" (وهو ما نتناوله في الفصل السابق) و "تحليل الانحدار" الذي يمكننا من التنبؤ بأداء ظاهرة ما في المستقبل وذلك من خلال معلومات في الحاضر والماضي تربط بين هذه الظاهرة وظاهرة أخرى .
في هذا الفصل سنتعرف على المفهوم بالانحدار وكيف يمكن من خلاله التنبؤ بقيمة أحد المتغيرات (متغير تابع) عند قيمة معينة للمتغير الآخر (متغير مستقل) وذلك من خلال ما يسمى بمعادلة انحدار المتغير التابع على المتغير المستقل .

(29) معامل الارتباط بين x و y يساوي:

- (أ) 0.985 (ب) -0.985 (ج) -0.993 (د) 0.993

(30) العلاقة بين x و y علاقة:

- (أ) طردية متوسطة (ب) عكسية قوية جداً
(ج) طردية قوية جداً (د) طردية ضعيفة

أسئلة تدريبات (2-7)

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| د (6) | ج (5) | د (4) | أ (3) | ب (2) | د (1) |
| ب (12) | ب (11) | ب (10) | د (9) | ب (8) | د (7) |
| ج (18) | أ (17) | ب (16) | ج (15) | د (14) | أ (13) |
| أ (24) | ب (23) | أ (22) | ب (21) | ج (20) | ب (19) |
| ج (30) | د (29) | أ (28) | د (27) | ب (26) | ج (25) |

خاتمة الفصل السابع

معامل الارتباط بين x و y يساوي:

(أ) $\sqrt{b_1 c_1}$

(ب) $b_1 c_1$

(ج) $\frac{b_1}{c_1}$

(د) $\sqrt{\frac{b_1}{c_1}}$

(6) معامل التحديد بين x و y يساوي:

(أ) $\sqrt{b_1 c_1}$

(ب) $b_1 c_1$

(ج) $\frac{b_1}{c_1}$

(د) $\sqrt{\frac{b_1}{c_1}}$

(7) معامل خط انحدار y على x يُعطى بـ:

(أ) $\frac{r s_x}{r s_y}$

(ب) $\frac{r s_x}{s_y}$

(ج) $\frac{r s_x}{s_x}$

(د) $\frac{r s_x}{s_x}$

خاص بالأسئلة من (8) إلى (19):

تحتويين من القيم (x_1, x_2, \dots, x_n) ، (y_1, y_2, \dots, y_n) عدد كل منهما n كانت هناك النتائج التالية
 $\sum x = 15$ ، $\sum y = 32$ ، $\sum xy = 118$ ، $\sum x^2 = 55$ ، $\sum y^2 = 254$
 فإذن المجموعة يكون:

(8) الوسط الحسابي للمتغير x يساوي:

(أ) 3

(ب) 6.4

(ج) 2.83

(د) 3.14

(9) الوسط الحسابي للمتغير y يساوي:

(أ) 3

(ب) 6.4

(ج) 2.83

(د) 3.14

(10) الانحراف المعياري للمتغير x يساوي:

(أ) 8

(ب) 9.84

(ج) 2.83

(د) 3.14

(11) الانحراف المعياري للمتغير y يساوي:

(أ) 8

(ب) 9.84

(ج) 2.83

(د) 3.14

تدريبات (2-8)

اختر الإجابة الصحيحة

خاص بالأسئلة من (1) إلى (7):

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n ، y_1, y_2, \dots, y_n قسمة n قسمة يمكن أن يأخذها متغير x ، y_1, y_2, \dots, y_n قسمة n قسمة يمكن أن يأخذها متغير آخر y ، وكانت \bar{x} ، \bar{y} هي الأوساط الحسابية للمتغير x ، y ، وكانت b_1 هي الانحرافات المعيارية للمتغيرين، وكان b_0 هو ثابت خط انحدار y على x ، c_1 هو معامل خط انحدار x على y ، c_0 هو ثابت خط انحدار x على y ، فإن:

(1) الانحراف المعياري للمتغير x يساوي:

(أ) $\sqrt{\frac{\sum x^2}{n} - \bar{x}^2}$

(ب) $\sqrt{\frac{\sum x^2}{n} - \bar{x}^2}$

(ج) $\sqrt{\frac{\sum x^2}{n} - \bar{x}^2}$

(د) $\sqrt{\frac{\sum x^2}{n} - \bar{x}^2}$

(2) الانحراف المعياري للمتغير y يساوي:

(أ) $\sqrt{\frac{\sum y^2}{n} - \bar{y}^2}$

(ب) $\frac{(\sum y)^2}{n}$

(ج) $\sqrt{\frac{\sum y^2}{n} - \bar{y}^2}$

(د) $\sqrt{\frac{\sum y^2}{n} - \bar{y}^2}$

(3) معادلة خط انحدار y على x هي:

(أ) $\hat{y} = b_1 + b_0 x$

(ب) $\hat{y} = c_1 + c_0 y$

(ج) $\hat{y} = b_0 + b_1 x$

(د) $\hat{y} = c_0 + c_1 y$

(4) معادلة خط انحدار x على y هي:

(أ) $\hat{x} = b_1 + b_0 x$

(ب) $\hat{x} = c_1 + c_0 y$

(ج) $\hat{x} = b_0 + b_1 x$

(د) $\hat{x} = c_0 + c_1 y$

حيث b_0 هو ثابت خط انحدار y على x ، b_1 هو معامل خط انحدار y على x ، e_0 هو ثابت خط انحدار x على y ، e_1 هو معامل خط انحدار x على y ، من هذه البيانات يكون:

(20) معادلة انحدار y على x هي:

(ب) $\hat{y} = 2.2 + 3.9x$

(د) $\hat{y} = 3.9 + 2.2x$

(ج) $\hat{y} = -2.5 + 0.4x$

(ب) $\hat{y} = 2.2 + 3.9x$

(21) معادلة انحدار x على y هي:

(ب) $\hat{x} = 2.2 + 3.9x$

(د) $\hat{x} = -2.5 + 0.4y$

(ج) $\hat{x} = 0.4 - 2.5y$

(ب) $\hat{x} = 3.9 + 2.2x$

(22) قيمة r المقدرة عند $x = 2$ هي:

(د) -4.6

(ج) -1.7

(ب) 8.3

(أ) 10

(23) قيمة x المقدرة عند $y = 5$ هي:

(د) 21.7

(ج) -0.5

(ب) 14.9

(أ) -12.1

(24) معامل الارتباط بين المتغيرين x و y يساوي:

(د) -0.88

(ج) -0.942

(ب) 0.88

(أ) 0.942

تجربة تدريبات (11)

- | | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| ب (6) | أ (5) | د (4) | ج (3) | أ (2) | ب (1) |
| ب (12) | د (11) | ج (10) | ب (9) | أ (8) | ج (7) |
| د (18) | ج (17) | أ (16) | ج (15) | أ (14) | د (13) |
| أ (24) | ج (23) | ب (22) | ج (21) | أ (20) | ج (19) |

خاتمة الفصل الثامن

(12) معامل خط انحدار y على x يساوي:

(ب) 2.2

(13) معامل خط انحدار x على y يساوي:

(ب) 2.2

(14) ثابت خط انحدار y على x يساوي:

(ب) 2.2

(15) ثابت خط انحدار x على y يساوي:

(ب) 2.2

(16) معامل الارتباط بين x و y يساوي:

(ب) 2.2

(17) العلاقة بين x و y علاقة:

(ب) 2.2

(أ) 0.2

(18) خطا التقدير في الحسابات نتيجة استخدام خط انحدار y على x في حساب القيم المقدرة:

(ب) 0.203

(أ) 0.992

(19) خطا التقدير في الحسابات نتيجة استخدام خط انحدار x على y في حساب القيم المقدرة:

(ب) 0.446

(أ) 0.267

(20) من (24) إلى (24):

(ب) 0.446

(أ) 0.267

عند تحديد خط انحدار y على x ، وخط انحدار x على y ، لاحظ أن:

(ب) 0.446

(أ) 0.267

عند تحديد خط انحدار y على x ، وخط انحدار x على y ، لاحظ أن:

(ب) 0.446

(أ) 0.267

عند تحديد خط انحدار y على x ، وخط انحدار x على y ، لاحظ أن:

(ب) 0.446

(أ) 0.267

عند تحديد خط انحدار y على x ، وخط انحدار x على y ، لاحظ أن:

(ب) 0.446

(أ) 0.267

$b_0 = 3.9$ ، $b_1 = 2.2$ ، $e_0 = -2.5$ ، $e_1 = 0.4$

تدريبات (9-2)

اختر الإجابة الصحيحة

(1) تشير إلى الاتجاه العام الذي يظهر به الشكل البيان للسلسلة الزمنية على مدى فترة طويلة من الزمن.

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

فترة طويلة من الزمن.

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

السنة	2008	2009	2010
ربيع السنة الأولى	5	8	9
الصيف الثاني	6	11	10
الخريف الثالث	4	7	8
الشتاء الرابع	3	5	7

المطلوب:

(أ) تقدير معادلة الاتجاه العام للعلاقة بين المبيعات و الزمن.

(ب) تقدير القيم الاتجاهية المقابلة للقيم الأصلية للمبيعات.

(ج) إيجاد القيم المخاطفة من أثر الاتجاه العام.

(د) تحديد تأثير كل موسم.

(هـ) تقدير المبيعات المتوقع سنة 2013

تدريبات (9-2)

اختر الإجابة الصحيحة

(1) تشير إلى الاتجاه العام الذي يظهر به الشكل البيان للسلسلة الزمنية على مدى فترة طويلة من الزمن.

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

فترة طويلة من الزمن.

(أ) التحركات طويلة المدى

(ب) التغيرات الموسمية

(ج) التغيرات الدورية

(د) التغيرات العشوائية

خاص بالأسئلة من (18) إلى (21):

في دراسة لتحديد خط الاتجاه العام لإنتاج أحد الصناعات من السيارات بواسطة طريقة نصف متوسط السلسلة كانت البيانات التالية خلال الفترة من 2005 إلى 2010 :

متوسط y	متوسط t	y	السنة بالترقيم (t)	السنة
$y_1 = 58$	$t_1 = ?$	50	1	2005
		?	2	2006
		64	3	2007
		65	4	2008
		65	5	2009
$y_2 = ?$	$t_2 = 5$	80	6	2010

من هذا الجدول، أجب عن التالي:

(18) عدد السيارات المنتجة خلال سنة 2006 يساوي:

- 62 (د) 60 (ج) 57 (ب) 55 (أ)

(19) قيمة t_1 المبنية بالجدول تساوي:

- 2006 (د) 3 (ج) 2 (ب) 1 (أ)

(20) قيمة y_2 المبنية بالجدول تساوي:

- 80 (د) 70 (ج) 65 (ب) 58 (أ)

(21) معادلة خط الاتجاه العام بطريقة متوسط نصف السلسلة هي:

(أ) $\frac{y-58}{t-1} = \frac{y_2-58}{5-t_1}$

(ب) $\frac{y}{t} = \frac{y_2-58}{5-t_1}$

(ج) $\frac{y-58}{5-t_1} = \frac{y_2-58}{t-1}$

(د) $\frac{y}{5-t_1} = \frac{y_2-58}{t-1}$

(7) مبيعات ما بعد عيد الأضحى المبارك في أحد المتاجر.

(8) الحاجة إلى زيادة إنتاج القمح في المملكة نتيجة للزيادة المستمرة في عدد السكان.

(9) عدد مليمترات الأمطار التي تحيط في الشهر على مدينة معينة خلال فترة 5 سنوات.

(10) كساد مؤقت.

(11) زيادة العمالة خلال أشهر الصيف.

(12) انخفاض معدل الوفيات الراجع للتقدم العلمي.

(13) إضراب في أحد الصناعات.

(14) الزيادة المستمرة في الطلب على سيارات الركوب الصغيرة.

(15) إذا كان لدينا الأرقام 2, 6, 1, 5, 3, 7, 2 فإن الوسط المتحرك بطول 3 يعطى بـ:

- (أ) $\frac{26}{7}$ (ب) المتتابعة 2, 5, 2

- (ج) المتتابعة 1, 7 (د) المتتابعة 3, 4, 3, 5, 4

(16) عند حساب متوسط متحرك بطول 5 للسلسلة t_1, t_2, \dots, t_{11} ، فإن أول قيمة في متناهية المتوسط تُوضع:

- (أ) تحت القيمة t_1 (ب) تحت القيمة t_3

- (ج) تحت القيمة t_5 (د) تحت القيمة t_6

(17) عند حساب متوسط متحرك بطول 5 للسلسلة t_1, t_2, \dots, t_{10} ، فإن أول قيمة في متناهية المتوسط تُوضع:

- (أ) تحت القيمة t_1 (ب) بين القيمتين t_5, t_6

- (ج) تحت القيمة t_3 (د) بين القيمتين t_2, t_3

اجابة تدريبات (9-2) :

- (4) د (3) ج (2) ب (1) ا
 (8) ا (7) ب (6) ج (5) د
 (12) ا (11) ب (10) ج (9) ب
 (16) ج (15) د (14) ا (13) د
 (20) ج (19) ب (18) ج (17) د
 (24) ج (23) ا (22) ب (21) ا (25) د

مخاية الفصل التاسع

خاص بالأسئلة من (22) الى (25) :

إذا كان لدينا مبيعات إحدى الشركات خلال سنتين، وكانت كمية المبيعات متزايدة كل ثلاثة شهور [السنة مقسمة إلى أربعة أرباع] والمبيعات بالآلاف الوحدات، وبعد تحليل المبيعات من أرباع الإقحام العام للعلاقة بين المبيعات والزمن كانت النتائج التالية:

عائق الموسم المعلن	عائق الموسم	القيم المتوقعة من أرباع الإقحام العام		الموسم
		2010	2009	
	A	0.8	0.6	الأول
	B	1.1	1.4	الثاني
	C	1.3	0.9	الثالث
	D	0.5	0.6	الرابع

من هذا الجدول [غير المكتمل] أجب على التالي:

- (22) قيمة A بالجدول المرافق تساوي: (ج) 0.8 (د) 1 (ب) 0.7 (أ) 0.6
 (23) قيمة B بالجدول المرافق تساوي: (ب) 1 (د) 1.4 (أ) 0.8 (ج) 1.2
 (24) قيمة C بالجدول المرافق تساوي: (ب) 3.2 (د) 4 (ج) 3.6 (أ) 2.8
 (25) قيمة C بالجدول المرافق تساوي: (ب) 0.78 (د) 1.44 (ج) 1.22 (أ) 0.56

(6) يعبر عن أثر التغير في السعر كما لو أن الكميات المقترنة في سنة المقارنة كانت قد انضربت في سنة الأساس.

- (أ) الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار
 (ب) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة الأساس.
 (ج) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة المقارنة.
 (د) الرقم القياسي التجميعي الأمتل.

حاصل بالأسئلة من (7) إلى (11) :

إذا كان P يمثل سعر السلعة ، Q هو كميتها وذلك خلال فترة المقارنة ، وكان P_0 يمثل سعر السلعة، Q_0 هو كميتها وذلك خلال فترة الأساس ، فإن:

(7) الرقم القياسي البسيط التجميعي للأسعار يعطى بـ :

(أ) $\frac{\sum P_1 Q_0}{\sum P_0 Q_0} \times 100$

(ب) $\frac{\sum P_1 Q_1}{\sum P_0 Q_1} \times 100$

رقم سير يعطى بـ :

(أ) $\frac{\sum P_1}{\sum P_0} \times 100$

(ب) $\frac{\sum P_1 Q_1}{\sum P_0 Q_1} \times 100$

رقم باش يعطى بـ :

(أ) $\frac{\sum P_1}{\sum P_0} \times 100$

(ب) $\frac{\sum P_1 Q_0}{\sum P_0 Q_0} \times 100$

تدريبات (2-10)

اختر الإجابة الصحيحة

(1) هو مؤشر إحصائي (رقم نسبي) يستخدم في قياس التغير النسبي الذي يطرأ على ظاهرة من الظواهر الاقتصادية أو الاجتماعية.

- (أ) الأساس
 (ب) الرقم القياسي
 (ج) التضخم

(2) هو فترة زمنية معينة أو مكان معين يُستخدم في عملية المقارنة.

- (أ) الأساس
 (ب) الرقم القياسي
 (ج) التضخم

(3) هو الارتفاع المستمر في المستوى العام للأسعار.

- (أ) الأساس
 (ب) الرقم القياسي
 (ج) التضخم

(4) هو النسبة المئوية بين مجموع أسعار السلع والخدمات في سنة المقارنة ومجموع الأسعار والخدمات في سنة الأساس.

- (أ) الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار
 (ب) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة الأساس.
 (ج) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة المقارنة.
 (د) الرقم القياسي التجميعي الأمتل.

- (أ) الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار
 (ب) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة الأساس.
 (ج) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة المقارنة.
 (د) الرقم القياسي التجميعي الأمتل.

(5) يعبر عن أثر التغير في السعر كما لو أن الكميات المقترنة في سنة المقارنة كانت قد انضربت في سنة الأساس.

- (أ) الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار
 (ب) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة الأساس.
 (ج) الرقم القياسي التجميعي المرجح بكميات سنة المقارنة.
 (د) الرقم القياسي التجميعي الأمتل.

(15) رقم باس القياسي للأصغار يساوي:

- 140.4% (د) 120% (ج) 140% (ب) 137.1% (أ)

(16) الرقم الأقل للأصغار يساوي:

- 129.8% (د) 129.6% (ج) 138.5% (ب) 140.2% (أ)

(17) الرقم القياسي لكمية السلعة الثانية يساوي:

- 130.6% (د) 130% (ج) 133.3% (ب) 125% (أ)

(18) الرقم القياسي التجميعي لكميات السلع يساوي:

- 130.6% (د) 130% (ج) 133.3% (ب) 125% (أ)

إجابة تدريبات (10-2):

- (1) ب (2) 1 (3) ج (4) أ (5) ب (6) ج
 (7) أ (8) ب (9) ج (10) د (11) ب (12) ج
 (13) أ (14) ب (15) د (16) أ (17) ب (18) ج

خاتمة الفصل الخامس

(10) رقم فيشر (الرقم الأقل) يُعطى بـ:

(ب) $\frac{\sum P_1 Q_0}{\sum P_0 Q_0} \times 100$ (أ) $\frac{\sum P_1}{\sum P_0} \times 100$
 (د) $\frac{\sum P_1 Q_1}{\sum P_0 Q_1} \times 100$ (ج) $\frac{\sum P_1 Q_1}{\sum P_0 Q_1} \times \frac{\sum P_1 Q_0}{\sum P_0 Q_0}$

(11) الرقم القياسي لكمية الإنتاج يُعطى بـ:

(أ) $\frac{Q_0 P_0}{Q_1 P_1} \times 100$ (ب) $\frac{Q_0}{Q_1} \times 100$
 (د) $\frac{Q_0 P_1}{Q_1 P_0} \times 100$ (ج) $\frac{Q_1 P_1}{Q_0 P_0} \times 100$

خاصة بالأسئلة من (12) إلى (16):

اجدول التالي بين أسعار وكميات سلعتين خلال سنتي أسس ومقارنة من هذا الجدول يمكن استخراج الآتي:

	سنة الأساس				سنة المقارنة			
	P_0	Q_0	P_1	Q_1	P_0	Q_0	P_1	Q_1
السلعة الأولى	100	150	125	18	1500	1875	1800	2250
السلعة الثانية	150	20	200	30	3000	4000	4500	6000
المجموع	250	35	325	48	4500	5875	6300	8250

(12) متوسط السعر للسلعة الأولى يساوي:

- 140% (ب) 137.1% (أ) 120% (ج) 140.4% (د)

(13) الرقم التجميعي السطح للسلع يساوي:

- 140% (ب) 137.1% (أ) 120% (ج) 140.4% (د)

(14) رقم سير القياسي للأصغار يساوي:

- 140% (ب) 137.1% (أ) 120% (ج) 140.4% (د)