

## المحاضرة الثانية : ضرب المقادير الجبرية

### حل تمارين جمع المقادير الجبرية

أولاًً- أوجد ناتج العمليات التالية:

$$5 = 3 + 6 - 8 \quad (1)$$

$$6 = 11 - 8 + 3 - \quad (2)$$

$$5n + 7n - n = 11n \quad (3)$$

$$6m + 3n - 7m - 2n = -m + n = n - m \quad (4)$$

$$6a^2b^2 - 4b^2a^2 - 5a^2b^2 = -a^2b^2 \quad (5)$$

$$= -a^2b^2 - 2a^2b^2 - 9a^2b^2$$



### حل تمارين جمع المقادير الجبرية

ثانياً- أوجد حاصل جمع المقادير الجبرية التالية:

$$(6) 5s + 2u - 2s + 3u + s - 5u = 4s + 5u$$

$$(7) 4m - 5n + 6k + 10k - 3m + 4n + 2n - 2m = m + n + 10k$$

$$(8) 2n + l + m + 4n - m + 7m - 3l = 6n - 2l + 7m$$



### حل تمارين جمع المقادير الجبرية

ثالثاً- أوجد ناتج العمليات التالية:

$$(9) أطرح 9s - 2u من 5s - 4u$$

$$= (5s - 4u) - (9s - 2u)$$

$$= 5s - 4u - 9s + 2u = -4s - 2u$$

$$(10) أطرح 13 - 8b + j من 4a - 6b + 2j$$

$$= 4a - 6b + 2j - (13 - 8b + j)$$

$$= 4a - 6b + 2j - 13 + 8b - j$$

$$= a + 2b + j$$



## حل تمارين جمع المقادير الجبرية

$$(3) (7m - 2n) - (3m + 4n) \\ = 7m - 2n - 3m - 4n \\ = 4m - 6n$$

$$(E) (3a - 7b) - (2a + 5b) + (3a + 8b) \\ = 3a - 7b - 2a + 5b + 3a + 8b \\ = 4a - 4b$$



## ضرب المقادير الجبرية

عملية الضرب تعرف حسابياً على أنها عدد مرات تكرار الجمع لعدد معين.

$$\text{فمثلاً } 6 + 6 + 6 + 6 = 6 \times 4 = 24$$

عند ضرب المقادير الجبرية لابد من مراعاة قاعدة الإشارات كما في الجدول التالي:

+	=	+	×	+
-	=	-	×	+
-	=	+	×	-
+	=	-	×	-



أى أنه إذا اتحدت الإشارات تكون الإشارة "+" أما إذا اختلفت الإشارات تكون "-"

مثال:

$$21 \times 3 = 63$$

$$22 - = 11 \times 2 -$$

$$20 = 4 - \times 5 -$$

$$7 \times 4 س = 28 س$$

$$2 س \times - 5 ص = - 10 س ص$$

نلاحظ أن س ص هي نفسها س × ص وهي أيضاً س . ص



مثال:

$$\text{أوجد ناتج } 2(4s - 3c) + 3(7s + 9c) - (s - 4c) ?$$

الحل:

$$\begin{aligned} & 2(4s - 3c) + 3(7s + 9c) - (s - 4c) \\ & = 8s - 6c + 21s + 27c - s + 4c \\ & = 28s + 25c \end{aligned}$$



مثال:

$$\text{أوجد ناتج } 2(13 - 3ab) - 4b(13 - 5) ?$$

الحل:

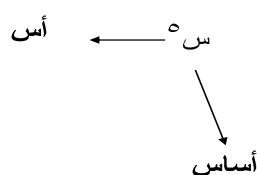
$$\begin{aligned} & 2(13 - 3ab) - 4b(13 - 5) \\ & = 16 - 18ab - 20b + 12ab \\ & = 16 - 20b + 4ab \end{aligned}$$



قاعدة هامة:

إذا اتحدت الأساسات فأنه عند الضرب تجمع الأساس

مثال : إذا كان المقدار  $s^5$  فأن



**مثال:**

$$\text{أوجد ناتج } s^0 \times s^3 ?$$

**الحل:**

$$s^0 \times s^3 = s^{0+3} = s^3$$



**مثال:**

$$\text{أوجد ناتج } s^4 \times s^{-5} \times s^3 ?$$

**الحل:**

$$s^4 \times s^{-5} \times s^3 = s^{4-5+3} = s^2$$

**مثال:**

$$\text{أوجد ناتج } 2^{-3} \times 3^{-4} \times 2^{-3} \times 3^4 =$$



**قاعدة هامة:**

$$\text{أى مقدار ألس صفر} = 1$$

**مثال:**

$$\text{أوجد ناتج } 2^2 \times 2^0 \times 2^{-2} = 2^{\text{صفر}} = 1$$



**مثال:**

أوجد ناتج  $2s(5 - 3s) + 3(7s - 1) - 5s(3 - 4s)$  ؟

**الحل:**

$$\begin{aligned}
 & 2s(5 - 3s) + 3(7s - 1) - 5s(3 - 4s) \\
 & 10s - 6s^2 + 21s - 3 - 15s + 20s^2 = \\
 & 14s^2 + 16s - 3 =
 \end{aligned}$$



**مثال:**

أوجد ناتج  $5a(12 + 4b) - 3(12 - 2b) + 3b(13 - 4b)$  ؟

**الحل:**

$$\begin{aligned}
 & 5a(12 + 4b) - 3(12 - 2b) + 3b(13 - 4b) \\
 & 110 + 20a - 24ab + 6b + 9ab - 12b^2 = \\
 & 110 + 29ab + 6b - 12b^2 =
 \end{aligned}$$



**مثال:**

أوجد ناتج  $(2s - c)(3s + 4c)$  ؟

**الحل:**

$$\begin{aligned}
 & (2s - c)(3s + 4c) \\
 & 6s^2 + 8sc - 3sc - 4c^2 = \\
 & 6s^2 + 5sc - 4c^2 =
 \end{aligned}$$



**مثال:**

$$\begin{aligned} \text{أوجد ناتج } & (4a+b)(3a-2b) \\ & (4a+b)(3a-2b) \\ & = 12a^2 - 8ab + 3ab - 2b^2 \\ & = 12a^2 - 5ab - 2b^2 \end{aligned}$$



**مثال:**

$$\text{أوجد ناتج } (4m+n)^2 ?$$

**الحل:**

$$\begin{aligned} (4m+n)^2 &= (4m+n)(4m+n) \\ &= 16m^2 + 4mn + 4mn + n^2 \\ &= 16m^2 + 8mn + n^2 \end{aligned}$$

في التمرين السابق كان من الممكن إيجاد الناتج مباشرة بتطبيق القاعدة  
التالية:

$$\text{الحل} = \text{مربع المقدار الأول} + 2 \times \text{الأول} \times \text{الثاني} + \text{مربع الثاني}$$



**مثال :**

$$\text{أوجد ناتج } (2s-c)^2 ?$$

**الحل:**

$$(2s-c)^2 = 4s^2 - 4sc + c^2$$



مثال:

أوجد ناتج  $(2s - c)^2 + (3s + c)(2s - c)$ ؟

الحل:

$$\begin{aligned} & (2s - c)^2 + (3s + c)(2s - c) \\ &= 4s^2 - 4sc + c^2 + 6s^2 - 3sc + 2sc - c^2 \\ &= 10s^2 - 5sc \end{aligned}$$



## تمارين

أوجد ناتج ما يلى:

- ٠.  $4(7s + 2c)$
- ٠.  $3(4a - b) - 2(a - 5b) + 4(a + b)$
- ٠.  $u^4 \times u^{-6} \times u^7 + c^{-4} \times c^{-3} \times c^7$
- ٠.  $2^0 \times 3^4 \times 4^{-2} \times 5^{-3}$
- ٠.  $7a(3 + a) + (4 - a)(2 - 8a)$



## تمارين

أوجد ناتج:

- ٠.  $(j + 3d)(2j - d)$
- ٠.  $2h + t$
- ٠.  $m^3 - 2n$
- ٠.  $(s + 2c)^2 + 2s(c - s)$
- ٠.  $(a + b)^2 + (5 - a - 2b)(3a - b)$

