

محتوى مادة الرياضيات
المستوى الأول



المائدة الثامنة

اللوغاريتمات

تنسيق / ورقة البوسي

حل تمارين ١

حل المقادير التالية:

$$1 - ٢س + ١٣ + ١٥س =$$

$$= (٢س + ٣)(س + ٥)$$

$$2 - س + ١١س + ٢٤ =$$

$$= (س + ٣)(س + ٨)$$

$$3 - ٦س - س - ١٥ =$$

$$= (٢س + ٣)(٣س - ٥)$$

$$4 - ٢١ + ٣١ - ١٥ =$$

$$= (١٥ - ١ + ٢١) =$$

$$= (٣ + ١)(٥ - ٢) =$$

$$5 - ص + ١٢ + ٣٥ =$$

$$= (ص + ٥)(ص + ٧)$$

$$6 - ع - ٤ - ١٢ =$$

$$= (ع - ٦)(ع - ٢)$$

تمارين

اختصر المقادير التالية:

$$1 - \frac{٢س}{٥س٣} = \frac{٢٥}{٤}س -$$

$$2 - \sqrt[٣]{٦٤س^٦ع^٩} = ٤س^٢ع^{-٣}$$

$$3 - \frac{م^7}{م^5} = م^5$$

$$4 - \sqrt[3]{\frac{ص^4}{ص^2}} = \frac{ص^4}{ص^2}$$

اللوغاریتمات

هي قوة الأس المرفوع لأساس معين
 $10^3 = 1000$

لذلك يكون
 $لو 1000 = 3$
 ...

وكذلك
 $لو 32 = 2^5$
 $2 = 32^{\circ}$

مثال أوجد قيمة المجهول اذا كان $لو \alpha = 3$
 ...
 الحل:

$$\alpha = 3^5 = 243$$

مثال أوجد قيمة المجهول اذا كان $لو_s 7 = 7$
 ...
 الحل:

$$s = 7^7 = 823543$$

مثال أوجد قيمة المجهول اذا كان $لو_s 64 = 2$
 ...
 الحل:

$$\begin{aligned} s^2 &= 64 \\ s^2 &= 8^2 \\ s &= 8 \end{aligned}$$

مثال أوجد قيمة المجهول اذا كان $\log_{\frac{1}{5}} s = \frac{1}{3}$

الحل:

$$s = 5^{\frac{1}{3}}$$

مثال أوجد قيمة المجهول اذا كان $\log_4 x = 256$

الحل:

$$x = 4^{256}$$

$$x = (4^{1/4})^{256}$$

$$x = 4$$

تمارين

أوجد قيمة المجهول فيما يلى :

1- $\log_9 L = l$

2- $\log_2 A = 81$

3- $\log_5 L = 125$

4- $\log_{\frac{3}{4}} S = s$

5- $\log_{\frac{3}{4}} S = 81$

6- $\log_{\frac{1}{2}} S = 121$

7- $\log_{\frac{1}{625}} L = 125$

قوانين اللوغاريتمات

• لو_n = ن لو س

مثال:

$$\text{لو}^5 = 4 \text{ لو}^5$$

$$\text{لو}^8 = \text{لو}^3 = 3 \text{ لو}^2$$

• لو (س × ص) = لو س + لو ص

مثال:

$$\text{لو}^{20} = \text{لو}(4 \times 5) = \text{لو}^4 + \text{لو}^5$$

$$\text{لو}^{42} = \text{لو}(7 \times 6) = \text{لو}^7 + \text{لو}^6$$

• لو (س / ص) = لو س - لو ص

مثال:

$$\text{لو}(2/35) = \text{لو}^2 - \text{لو}^{35}$$

$$= \text{لو}(7 \times 5) - \text{لو}^2$$

$$= \text{لو}^5 + \text{لو}^7 - \text{لو}^2$$

• هام جداً:

$$\text{لو}^1 = 1$$

$$\text{لو}^5 = 1 \quad \text{لو}^7 = 1 = \text{لو}^{10}$$

إذا لم يكتب الأساس تحت اللوغاريتم يكون 10

• مثال:

أوجد قيمة المقدار

$$\text{لو}^2 - \text{لو}^{10} + \text{لو}^5 + \text{لو}^2 + \text{لو}^{10} - \text{لو}^{16} - \text{لو}^{24} + \text{لو}^4$$

$$= \text{لو}^2 - 1 + \text{لو}^5 + 2 \times (1/2) \text{لو}^{10} - \text{لو}^{24} + \text{لو}^4$$

$$= \text{لو}^2 - 1 + \text{لو}^5 + \text{لو}^{10}$$

$$= \text{لو}^2 - 2 + \text{لو}^5 + \text{لو}^2 + \text{لو}^5 = \text{لو}(5 \times 2)$$

$$= \text{لو}^{10} = 1$$