

إذا كانت $A=\{1,3,5\}$ ، $B=\{2,4,6\}$ ، $U=\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ ، (حيث U المجموعة الكلية). أجب عن الفقرات 1، 2، 3، 4

$$A \cup B = -1$$

الحل /

$$A \cup B = \{1,2,3,4,5,6\}$$

تذكروا إن علامة U هي اتحاد (كلمة اتحاد فيها مد وإشارة الاتحاد على فوق)

وإذا المطلوب اتحاد يعني كل عناصر المجموعتين يتحدون في مجموعه

$$A \cap B = -2$$

الحل /

$$A \cap B = \emptyset$$

تذكروا أن \cap هي تقاطع (كلمة تقاطع فيها العين على تحت والإشارة على تحت)

إذا المطلوب تقاطع معناه نكتب العناصر المشتركة بين المجموعتين وإذا ما فيه معناه \emptyset

$$\bar{A} = -3$$

الحل /

$$\bar{A} = \{2,4,6,7,8,9\}$$

إذا شقنا المتمم الي هو الخط الي فوق الـ A

فالإجابة رح تكون عناصر المجموعة الشاملة U ناقص عناصر هذي المجموعة

نطبق هذي الطريقة على أي سؤال يطلب منا المتمم

$$A \cap \bar{A} = -4$$

الحل /

$$A \cap \bar{A} = \emptyset$$

هنا مباشرة رح نقول \emptyset لأن المتمم طرحنا منها عناصر A فمن المحال انهم يتقاطعون في عناصر

5- إذا كانت $A=\{1,2\}$ ، $B=\{3,4\}$ فإن $A \times B =$

الحل/

$\{(1,3),(1,4),(2,3),(2,4)\}$

إذا كان المطلوب x معناه نسوي أزواج مرتبه (وهي الأقواس إلي فيهم الفاصله)

هنا كان الـ A مضروب في الـ B معناه عناصر المجموعة A هي إلي بتكون في الأول

6- مجموعة المجموعات (القوى) للمجموعة $S=\{3,5\}$ هي:

الحل/

أ. $\{\{3\},\{5\},\{3,5\}, \phi\}$

إذا كان المطلوب مجموعة القوى نحط في بالننا:

1/ تكون على شكل مجموعات $\{ \}$

2/ لا بد أن تشمل جميع عناصر المجموعة $\emptyset +$

إذا كانت $f(x) = x^2+3x$ ، $g(x) = x+1$ اجب عن الفقرتين 7 ، 8

7- $(f \times g)(x) =$

الحل/

ب. x^3+4x^2+3x

المطلوب هنا ضرب مجموعتين في بعض فنبدأ نضرب عنصر عنصر ثم نجمع الي الأس عندهم متشابه

$$(x+1)(x^2+3x)$$

$$x \text{ في } x^2 = x^3$$

$$x \text{ في } 3x = 3x^2$$

ونكمل البقيه ونجمع الأعداد الي أسسهم متشابهه

$$(f \circ g)(4) = -8$$

الحل /

ج. 40

الدائرة إلي بالنص يسمونها تحصيل ولاحظوا إن الـ f قبل g لأن إذا كان عكس راح نعكس الطريقة أول ما نكتب

$$f[g(4)] =$$

ثم نعوض قيمة الـ 4 في معادلة $g(x) = x+1$

$$= 5 \text{ (بعد التعويض)}$$

نعوض الـ 5 في معادلة الـ $f(x) = x^2+3x$

$$= 40 \text{ (الناتج)}$$

إذا كان الـ g قبل يعني g تحصيل f نعوض في معادلة الـ f أول

9- معادلة المستقيم الذي يمر (1,1) ويوازي المستقيم $2x-y = 3$

هي:

الحل /

$$أ. \quad y = 2x-1$$

فيه 4 طرق لإيجاد معادلة المستقيم أحنا ننظر للمعطيات في المسألة علشان نعرف بأي طريقة نحل.

المعطيات هنا نقطة (1,1) و معادلة مستقيم $2x-y = 3$ وفي معادلة المستقيم معامل x و y (معامل x و y هم الـ a و b) الي ممكن نستنتج منهم الميل

$$M = \frac{-a}{b} \text{ (هذي قاعدة ثابتة لأيجاد الميل إذا كان المعطى كثيرة حدود)}$$

$$M = \frac{-2}{-1} \text{ (بروح الـ - مع - ويبقى 2 على 1 والـ 1 مالة اعتبار إذا كان في المقام)}$$

$$= 2 \text{ (هذا الميل)}$$

أصبح عندنا نقطه وميل ومعادلة المستقيم بمعلومية نقطة وميل هي:

$$y-y_1 = m(x-x_1)$$

نبدأ نعوض ولا ننسى أن (1,1) عبارة عن س و ص الي هي x_1 و y_1

10- حل المتباينة $|2x+3| \leq 1$ هو:

الحل/

ج. $[-2, -1]$

هنا طريقة الحل :

1/ نفاك القيمة المطلقة ونحط مره الواحد + على اليمين و مرة - على اليسار وبنفس الإشارة لكن نعكسها

$$-1 \geq 2x + 3 \leq 1$$

2/ نتخلص من 3 وذلك بنقلها للطرفين بإشارة معاكسه لإشارتها

$$-1 - 3 \geq 2x \leq 1 - 3$$

3/ نبدأ نجري العمليات الحسابيه

$$-4 \geq 2x \leq -2$$

4/ نتخلص من معامل x بالقسمة على 2

الإشارات \geq و \leq تحتوي على = .: فترة مغلقة [] وهذا الي بالحل

أما إذا الإشارات كانت $>$ و $<$ بدون = في الاسفل .: مفتوحة الفترة ()

11- يمكن الحصول على منحنى $f(x) = \sqrt{x+3}$ بإزاحة منحنى $f(x) = \sqrt{x}$

بمقدار

الحل/

أ. 3 وحدات إلى اليسار.

إذا كانت الدالة المعطاه :

* (بين قوسين أو تحت جذر أو داخل قيمه مطلقه)

وكانت + إذا على اليسار

أما إذا كانت - إذا على اليمين

* أما إذا كانت مجردة (داله لوحدها ما فيه أقواس أو قيمه

مطلقه أو جذر)

وكانت - إذا إلى أسفل

أما إذا كانت + إلى أعلى

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2}{2x^2 - x + 1} = -12$$

الحل /

إذا شقنا نهاية مباشرة ننظر لـ ما هو تحتها \lim

د. 2 إذا كان x تؤول إلى :

إذا كانت تؤول إلى 0 أو إلى العدد الذي يؤول إليه إكس يجعل المقام 0 (يعني لو عوضنا هذا العدد بدل الـ x إلى بالمقام يصير المقام 0)

أو كانت قيمة x تؤول إلى ∞

إذا نهاية غير محدد (طرق إيجاد النهاية الغير محدد تختلف حسب الـ x تؤول له)

والنهاية الي عندنا تؤول إلى ∞ لها 3 حالات :

كلها تعتمد على درجة البسط (درجة البسط تعني أكبر أس إلي فوق الـ x) (لا تنسون البسط يعني مبسوط وقاعد فوق):

1/ إذا كانت درجة البسط = درجة المقام \therefore الحل /

(معامل يعني العدد الي جنب x)
هنا قلنا معامل أكبر أس يعني ننظر للأس الأكبر
ونأخذ العدد الي جنب الـ x

$$\frac{\text{معامل الـ } x \text{ لأكبر أس في البسط}}{\text{معامل الـ } x \text{ لأكبر أس في المقام}}$$

$$\frac{4}{2} = 2 \text{ (وهذي إلي في المسئله)}$$

2/ إذا كانت درجة البسط أكبر من درجة المقام

إذا مباشرة الحل / ∞

3/ إذا كان درجة البسط اصغر من درجة المقام

إذا مباشره الحل / 0

$$\text{حالة خاصة إذا كانت الدالة بهذا الشكل } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^n} \text{ الناتج مباشره } = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} 5x^2 + 3x + 2 = -13$$

الحل /

أ. 16

تعويض مباشر نشيل الـ x ونحط بداله ألقيمه
إلي يؤول إليها x (إلي تحت \lim)
فيه طريقة نزلت شرحها بالآلة لنهايات المحدده

14- مجال الدالة $f(x) = \sqrt{x+1}$ هو:

الحل/

طريقة الحل عند السؤال عن مجال الدالة:

ج. $[-1, \infty)$

- إذا رأينا كثيرة حدود فمباشرة مجالها R
- إذا كان جذر ودليله فردي مباشره مجاله R
- إذا كان جذر وما تحت الجذر مربع (مرفوع لأس 2) مباشره مجالها R
- أما في حالة القيود:

1/ إذا كانت الدالة كسرية نستثني العدد الذي يجعل المقام صفر.

2/ إذا كانت الدالة جذر وكان الدليل زوجي فيجب أن لا يكون ما تحت الجذر سالب.

3/ إذا كانت لوغاريتم لا يكون المقدار سالب.

4/ إذا كانت النقطة الفاصلة لدالة ومعرفه لأكثر من قاعدة (يعني نقطه بين مجالين الدالة لكن ما تنتمي له)

4/ إذا اشترط في نفس السؤال (يعني يقول في السؤال تؤول الى ما عدى) معناه نستثني هذي الأعداد إلي ما عدى

* إذا كانت الدالة في حالة القيود معناه لابد نحولها إلى متباينة (إلي فيها الإشارات) وفيه ملاحظه لازم ننتبه لها في الإشارات * متى يكون في الإشارة = ومتى ما يكون فيه = ؟

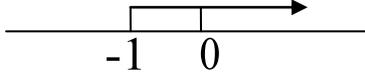
* (إذا كانت الدالة تحت جذر (لا تنسون اننا نتكلم عن الجذر إلي دليله زوجي فقط) هنا الإشارات تحتوي على = وتكون الفترة [] مغلقة

أما إذا كانت \log فتحويلها الى متباينة ما يحتوي على = فتكون الفترة () مفتوحة

* المسئله هذي جذر: 1/ دليلها زوجي (ليش قلنا زوجي؟ لأن الجذر إلي ما يكتب عليه دليل يعتبر دليله 2)

2/ يجب أن يكون ما تحت الجذر + إذا المعادلة رح تكون اكبر من الصفر $x+1 \geq 0$

3/ نبدأ نحل المتباينة ننقل الواحد لطرف الثاني مع عكس الاشاره $x \geq -1$



4/ نمثلها على خط الأعداد لمعرفة مجال الدالة

كيف نحدد مجال الدالة على خط الأعداد؟

نرسم الخط وفي الوسط نخط الـ 0 الأعداد الـ + على اليمين والأعداد الـ - على اليسار طيب عندنا هنا - 1 إذا على يسار 0 بعدين نشوف x هنا اكبر من -1 (لا تنسون العدد إلي عند فم الإشارة المفتوح هو الأكبر) طيب اكبر يعني جهة اليمين (لأن الأعداد الـ + اكبر من الـ -) وما فيه عدد ثاني تتوقف عنده الفترة على اليمين يعني تكون الفترة مفتوحة (إلى $+\infty$ ومن اليسار محدد عند -1 والإشارة تحتوي على = يعني [مغلقة عند -1

15- مجال الدالة $f(x) = \sqrt[3]{x-2}$ هو:

الحل/

ج. R

زي ما قلنا قبل مجال جذر دليله فردي
مباشرة R من غير أي تحليل

16- هل الدالة $f(x) = 3x^3 - 4x$ دالة:

الحل/

أ. فردية

لمعرفة نوع الدالة ننظر لدالة:

1/ أسها فردي (يعني اكبر أس يكون فردي) إذا مستحيل تكون زوجيه أو زوجيه وفردية

2/ إذا نتأكد هل هي فرديه.....متى نقول إن الدالة فرديه؟ إذا كانت $f(-x) = f(x)$

أ/ نضع أمام كل x سالب ونحل المعادلة

(قلنا $4+$ لأن إذا ضربنا سالبين في بعض يكون الناتج $+$) $f(-x) = 3(-x^3) - 4(-x) = -3x^3 + 4x$

ب/ نضرب كل الدالة في سالب

(إذا ضربنا في اشاره - تتحول كل الإشارات $+$ يصبح $-$ والـ $-$ يصبح $+$) $F(-x) = -(3x^3 - 4x) = -3x^3 + 4x$

الناتجان متساويان إذا الدالة فرديه

*((الداله الزوجية تختلف أوسها ما يكون فردي و $f(x) = f(-x)$ يعني الدالة $+$ = الدالة وهي $-$))

17- إذا كان $y = \sin 3x$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

الحل/

ب. $3\cos 3x$

الشرح	مشتقتها	الدالة
نحط \cos والعدد إلي مع \sin ونضرب في مشتقة هذا العدد (هذي إلي بالسؤال)	$\cos(u) \cdot \frac{dy}{dx}$	$\sin(u)$
ننزل الأس ونضرب في $\sin x$	$2\cos x \cdot (-\sin x) = -2\cos x \sin x$	
لها طريقة تحليل لكن هذي الزبده تربيع الاول + تربيع الثاني	$\sin^2 x + \cos^2 x$	$\sin x \cos x$
نحط \sec ونربعه وجنبه العدد إلي جنب \tan ثم نضرب في مشتقة هذا العدد	$\sec^2 u \cdot \frac{du}{dx}$	$\tan(u)$
نفس المشتقة مضروبه في \tan ومعها العدد إلي جنب \sec مضروب في مشتقة هذا العدد	$\sec u \cdot \tan u \cdot \frac{du}{dx}$	$\sec(u)$
سالب الدالة في \cot وجنبه عدد \csc مضروب في مشتقة هذا العدد	$-\csc u \cdot \cot u \cdot \frac{du}{dx}$	$\csc(u)$
سالب \csc^2 في عدد \cot في مشتقة هذا العدد	$-\csc^2 u \cdot \frac{du}{dx}$	$\cot(u)$

الجدول يقرأ من اليمين إلى اليسار

دعواتكم لأختكم / دوحة غناء

18- إذا كان $-x^2+y^2-x = 0$ فان $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

الحل/

د. $(2x+1)/2y$

لاحظوا انه فيه فرق بين مشتقة كثيرة الحدود إلى بهذا الشكل (متغير واحد):

$$y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \dots + a_{n-1}x^{n-1} + a_nx^n$$

هذي مشتقتها:

$$\frac{dy}{dx} = a_1 + 2a_2x + 3a_3x^2 + \dots + (n-1)ax^{n-2} + na_nx^{n-1}$$

أما المذكورة في السؤال هذي داله ضمنيه (كيف عرفنا؟ فيها متغيرين الـ x والـ y و $0 =$)

طريقة حلها نفس كثيرة الحدود بالإضافة الى اننا نضرب الـ y في $\frac{dy}{dx}$ (نشقه ونضربه)

حل المسألة/ $-x^2+y^2-x = 0$

$$-2x+2y\frac{dy}{dx}-1=0 \quad (\text{ننقل الحدود بحيث يكون } \frac{dy}{dx} \text{ في طرف والحدود الأخرى في طرف})$$

$$2y\frac{dy}{dx} = 2x+1 \quad (\text{لا تنسون مع النقل تتغير الإشارات , نبدأ الآن نقسم على معامل } \frac{dy}{dx} \text{ الي هو } 2y)$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{2x+1}{2y}$$

19- إذا كان $y = x^3 + 6x^2 + 2x + 4$ فان $\frac{d^2y}{dx^2}$ تساوي:

الحل/

ج. $6x+12$

لاحظوا إن المطلوب المشتقة الثانية:

كثيرة الحدود سهلة الاشتقاق, طريقة الاشتقاق:

ننزل الأس ونطرح واحد من الأس

وإذا فيه عدد جنب الـ x نضرب الأس في العدد

حل المسألة/

$$3x^2 + 12x + 2 \quad (\text{هذي المشتقة الأولى})$$

المشتقة الثانية (نشقت المشتقة الأولى بنفس الطريقة)

$$6x+12 \quad (\text{وهذا الحل})$$

20- إذا كان $y = 5x^3 + 5$ فإن $\frac{d^2y}{dx^2}$ عندما $x = 1$ تساوي:

الحل/

ب. 30

هنا نفس السؤال السابق بس حدد لنا قيمة الـ x
وننتبه اننا ما نعوض بقيمة الـ x إلا بعد إيجاد
المشتقة الثانية

21- حل المعادلة التفاضلية $\frac{dy}{dx} = \frac{x}{y}$ هو :

الحل/

ج. $\frac{y^2}{2} = \frac{x^2}{2} + c$

(اقترح عليكم تحفظون شكل المعادلة وحلها النهائي)

طريقة الحل:

1/ نضرب وسطين في طرفين

تصبح المعادلة $ydy = xdx$ $\frac{dy}{dx} \times \frac{x}{y}$

2/ نعمل تكامل على الدالة

(طريقة التكامل عكس الاشتقاق بالضبط نضيف 1 على الأس ونقسم على نفس الأس الجديد)

3/ $\frac{y^2}{2} = \frac{x^2}{2} + c$ (dy و dx راحوا لأنهم علامات الاشتقاق ونضيف c لأنه في القاعدة

الاساسيه وهو عبارة عن $(c_1 + c_2)$)

22- $\int_3^3 (x+3)dx =$

الحل/

أ. 0

النهاية العليا = السفلى

يعني العدد إلي فوق = إلي تحت

يعني $b = a$

مباشرة الحل 0

$$\int (4x^3 + 3x^2 + 1)dx = -23$$

الحل /

$$x^4 + x^3 + x + c$$

إيجاد التكامل زي ما قلنا عكس الاشتقاق

نضيف 1 على الأس ونقسم على الأس الجديد.

الحل /

$$\frac{4x^4}{4} + \frac{3x^3}{4} + x + c$$

1 = x وأضفنا c نيابه عن العدد الثابت وهو

شيء أساسي في التكامل)

حل التكامل عكس الاشتقاق نضيف 1 على الأس ونقسم على الأس الجديد:

$$\left[\frac{2x^2}{2} \right]_1^2$$

(الـ x مضروبه في 2 ومقسومه على 2 فتروح 2 مع 2)

$$\left[x^2 \right]_1^2$$

(نعوض قيم x ونبدأ بالي في الأعلى والإشارة بينهم -)

$$2^2 - 1^2 = 4 - 1 = 3$$

$$\int_1^2 2x dx = -24$$

الحل /

ج. 3

انتهت المحاضرة 14 بقي سؤال 25 عندي لابس فيه (هو عن أقيمه العظمى والصغرى المحاضرة

11 الجزء 2)

تمارين متنوعة

التكامل المحدد/

أوجد $\int_1^3 x^3 dx$

الحل:

$$\int_1^3 x^3 dx = \left[\frac{x^4}{4} \right]_1^3 = \frac{3^4}{4} - \frac{1^4}{4} = \frac{81}{4} - \frac{1}{4} = \frac{81-1}{4} = \frac{80}{4} = 20$$

نعوض القيم في x ونطرحهم إلي في الأعلى نطرح منه العدد إلي بالاسفل

• أوجد

$$\int_5^5 3x^2 dx$$

الحل/

العددان متساويين إذا الحل 0

0

• إذا أعطيت

$$\int_2^4 f(x) dx \text{ والمطلوب } \int_4^2 f(x) dx = -8$$

الحل/

نفس الجواب لكن بعكس الإشارة 8

الدالة	تكاملها
$\int \sin x dx$	$-\cos x + c$
$\int \cos x dx$	$\sin x + c$
$\int \sec^2 x dx$	$\tan x + c$
$\int \csc^2 x dx$	$-\cot x + c$
$\int \sec x \tan x dx$	$\sec x + c$
$\int \csc x \cot x dx$	$-\csc x + c$

الجدول يقرأ من اليمين الى اليسار

تكامل غير محدد:

• أوجد $\int 5 dx$

الحل/

$$5x + c$$

• أوجد $\int 3x^2 dx$

الحل/

$$\frac{3x^3}{3} + c = x^3 + c$$

دعواتكم لأختكم / دوحة غناء

• أوجد $\int \sin^2 x \cos x dx$ /الحل

$$\frac{1}{3} \sin^3 x + c$$

مشتقة الدوال الاسيه:

• أوجد $y = 3^x$ /الحل

هذي قاعدة :

$$\frac{dy}{dx} = a^x \cdot \ln a \text{ فإن مشتقتها } y = a^x \text{ إذا كانت}$$

$$\frac{dy}{dx} = 3^x \ln 3$$

الإشتقاق:

أوجد متوسط التغير للدالة $f(x) = 3x + 2$ عندما تتغير x من 1 إلى 2

الحل:

$$x_1 = 1, \quad x_2 = 2$$

$$f(1) = 3 \times 1 + 2 = 3 + 2 = 5$$

$$f(2) = 3 \times 2 + 2 = 6 + 2 = 8$$

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = \frac{8 - 5}{2 - 1} = \frac{3}{1} = 3$$

أوجد المشتقة الأولى لكل مما يلي:

$$y = x^{\frac{1}{2}} \quad /1$$

/الحل

$$\frac{dy}{dx} = \frac{1}{2} x^{-\frac{1}{2}}$$

$$y = x^{-3} \quad /2$$

/الحل

$$\frac{dy}{dx} = -3x^{-4}$$

$$y = \frac{3}{4} \quad /3$$

/الحل

$$\frac{dy}{dx} = 0$$

دعواتكم لأختكم / دوحة غناء

$$y = -2x^7 / 4$$

/الحل/

$$\frac{dy}{dx} = -14x^6$$

$$y = 16x^{\frac{1}{2}} / 5$$

/الحل/

$$\frac{dy}{dx} = 8x^{\frac{1}{2}}$$

حالات عدم التعيين (النهايات الغير محددة):

إيجاد النهايات في حالات عدم التعيين ننظر لما هو تحت \lim :

• إذا كان عدد ولما نعوضه في الدالة يجعل الدالة = 0 أو ما تحت \lim 0

لها طرق في الحل:

1/ التحليل /2 الاختصار /3 التعويض

وإذا كانت هذه الدالة تحتوي على جذر فإننا :

1/نضرب البسط والمقام في مرافق الجذر /2 نحلل /3 نختصر /4 نعوض

• إذا كان ما تحته \lim ∞ طرق الحل:

1/ إذا كانت درجة البسط = درجة المقام \therefore الحل/

$\frac{\text{معامل الـ } x \text{ لأكبر أس في البسط}}{\text{معامل الـ } x \text{ لأكبر أس في المقام}}$

2/ إذا كانت درجة البسط أكبر من درجة المقام

إذا مباشرة الحل/ ∞

3/ إذا كان درجة البسط اصغر من درجة المقام

إذا مباشرة الحل / 0

أوجد نهاية كل مما يلي:

$$1. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x + 1}{3x^3 + x^2 + 5}$$

/الحل/

$$\frac{1}{3}$$

دعواتكم لأختكم / دوحة غناء

$$2. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-2}{x^2+2x+1}$$

/الحل

0

$$3. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3+x}{x^2+5}$$

/الحل

∞

النهايات المحددة:

أوجد النهايات التالية

$$1. \lim_{x \rightarrow 5} 27$$

أي عدد ثابت نهايته نفس العدد

/الحل

27

$$2. \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} (8x-5)$$

نعوض العدد إلي تحت \lim بقيمة x

/الحل

$$8 \times \frac{1}{2} - 5 = 4 - 5 = -1$$

مجال الدالة:

أوجد مجال الدوال التالية :

$$1) f(x) = 3x^2 + 5x - 7$$

كثيرة حدود مباشره R

/الحل R

$$2) f(x) = \sqrt{x^2+4}$$

/الحل

الـ x مربع إذا مباشره R

R

$$3) f(x) = \frac{3x+5}{x-2}$$

داله كسريه إذا نستنتي ما سيجعل المقام = 0

وهو الـ 2

/الحل

R ما عدى 2

الميل:

معادلة إيجاد الميل = فرق الصادات على فرق السينات

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

ملاحظات هامة:

- إذا كان الميل يساوي صفر فان ذلك يعني أن المستقيم يوازي محور السينات .
- إذا كان الميل يساوي ∞ فان ذلك يعني أن المستقيم يوازي محور الصادات .

أوجد ميل الخط المستقيم :

1/ واصل بين النقطه P(2, 3) ، Q(2,6)

/الحل

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{6-3}{2-2} = \frac{3}{0} = \infty$$

(إذا هنا الميل غير معرف)

2/ والميل الواصل بين P(1,-3) ، Q(3,7)

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{7 - (-3)}{3 - 1} = \frac{10}{2} = 5$$

كيفية إيجاد ميل الخط المستقيم:

1- ميل الخط المستقيم الذي معادلته في الصورة العامة $ax+by+c=0$ حيث

$$a, b, c \text{ ثوابت والثابتان } a, b \text{ لا يساويان الصفر معاً، هو } m = \frac{-a}{b}$$

مثال:

أوجد ميل الخط المستقيم الذي معادلته $2x+4y-7=0$

/الحل:

$$m = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$$

(سالب معامل x على معامل y)

معادلات الخط المستقيم:

طرق تحديد معادلة الخط المستقيم:

1. بمعلومية نقطة وميل:

$$y - y_1 = m(x - x_1) \text{ / معادلته}$$

2. بمعلومية نقطتين:

$$\frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \text{ / معادلته}$$

3. بمعلومية ميل والمحصول الصادي:

$$y = mx + b$$

4. بمعلومية الجزء المقطوع من محور السينات والجزء المقطوع من محور الصادات :

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

ملاحظه: النهايات المحددة

والتكامل المحدد لها طرق

حل بالآلة الحاسبه.

انتهى بفضل الله فيفضله تتم الصالحات اسأل الله لي ولكم التوفيق في الدارين

إن أصبت فمن الله وحده وإن أخطئت فمن نفسي والشيطان

دعواتكم لأختكم / دوحه غناء