

1. مجال الدالة $f(x) = \sqrt{x+1}$ هو:

لأنها جذر تكعبي، الدليل إلى فوق الجذر 3 وهو عدد فردي

،،اذن على طول الجواب R \star

2. مجال الدالة $f(x) = \frac{x+7}{x^2-1}$ هو:

هنا دالة كسرية، اذن نأخذ المقام ونساويه بالصفر ونجد قيمة x ..

لأنها يجب أن نستبعد القيمة التي تجعل من المقام صفر .. فيكون المجال

هذا R ماعدا 1 و -1 .. لأنها اذا عوضنا بـ 1 او -1 في المقام سيعطي 0

3. مجال الدالة $f(x) = \log(2x)$ هو:

بسبب وجود اللوغاريتم يجب ان يكون الدالة أكبر من الصفر، فيكون على كل

شكل متابعة $x > 0$ ، نحلها فنقسم الطرفين على 2 فيكون الناتج $x > 0$. علامة

4. علامة أكبر تدل على ∞ و تكون هرة مفتوحة لعدم وجود المسافة،

مجال الدالة $f(x) = x^3 + 4x^2 - x + 1$ هو:

على طول المجال R لأنها كثيرة حدود ..

5. إذا كان $y = 2x^3 + 3x^2 + 6x + 5$ فلن $\frac{d^2y}{dx^2}$ تساوي:

أ. $12x + 6$
ب. $6x^2 + 6x$
ج. $12x$
د. $6x^2 + 6x + 6$

نوجد المشقة الأولى ثم من المشقة الأولى ،

نوجد المشقة الثانية ،

$$\frac{dy}{dx} = 6x^2 + 6x + 6$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = 12x + 6$$

6. إذا كان $y = x^{-1}$ فلن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

أ. x^1
ب. x^2
ج. x^2
د. x

نوجد المشقة حيث ننزل الأس ونطرح

من الأس 1 ، نزلنا الأس -1 .. وطريحا

من الأس واحد حيث $-2 = 1 - 1$

جنون الحياة

إذا كانت دالة الطلب على سلعة معينة هي $Q_D = 25 - 5P$ أجب عن المقرتين 7 و 8

$$Q_D = 25 - 5P$$

$$20 = 25 - 5P$$

$$5P = 25 - 20$$

$$5P = 5$$

$$P = 1$$

- الكمية المطلوبة من هذه السلعة عند $P = 3$ هي:
 7. a. 15 وحدة
 b. 10 وحدات
 c. 5 وحدات
 d. 40 وحدة
- نعرض تعويض مباشر في Q_D . نشيل P وضع قيمتها 3 ونطلع الناتج..

$$5 = 25 - 5P$$

$$5P = 25 - 5$$

$$5P = 20$$

$$P = 4$$

- سعر الوحدة إذا كانت الكمية المطلوبة 5 Q_D يساوي:
 8. a. 4
 b. 5
 c. 6
 d. 20
- نعرض تعويض مباشر في Q_D . نشيل P وضع قيمتها 5..

إذا علمت أن دالة الطلب على سلعة معينة هي $P = 200 - Q_D$ ودالة العرض لنفس السلعة هي $Q_S = P - 100$ أجب عن المقرتين 9 و 10

$$Q_D = Q_S$$

$$200 - P = P - 100$$

$$200 - 100 = 2P$$

$$100 = 2P$$

$$P = 50$$

- سعر التوازن يساوي:
 9. a. 300
 b. 100
 c. 150
 d. 50
- سعر التوازن يعني أن $Q_D = Q_S$ ونعرض عن قيمتها ..

$$Q_D = 200 - 150 = 50$$

$$Q_S = 150 - 100 = 50$$

- الكمية التي يحدث عندها التوازن هي:
 10. a. 300
 b. 100
 c. 150
 d. 50
- الكمية التي يحدث عنها التوازن، نأخذ ناتج سعر التوازن Q_S أو Q_D ونعرض قيمته في

إذا كانت $y = x^3 + 2x^2 + x$ فأن $\frac{dy}{dx}$ عند $x = 1$ تساوي:

$$3x^2 + 4x + 1$$

$$f'(1) = 3(1)^2 + 4(1) + 1$$

$$= 3 + 4 + 1$$

$$= 8$$

7. a. توجد بالالة حاسبة.

b. 10

c. 3

d. 8

إذا كانت $-y^3 = 6x$ فأن $\frac{dy^2}{dx^2}$ عند $x = 5$ تساوي:

11. a. 749

b. 0

c. 180

d. 450

هنا قال المشتقة الثانية، اذن نوجد المشتقة

الأولى، بعدين نطلع بالالة حاسبة الناتج

باستخدام المشتقة الأولى،

15، 14، 13 اجب عن المقررات $g(x) = x+2$ ، $f(x) = x^2 - 3x$

$$f(x) + g(x) = x^2 - 3x + x + 2 \\ = x^2 - 2x + 2$$

$$(f + g)(x) = x^2 - 2x + 2$$

نجم الداللين،

$$(x^2 - 3x)(x + 2) \\ = x^3 + 2x^2 - 3x^2 - 6x \\ = x^3 - x^2 - 6x$$

$$(f \times g)(x) = x^3 + x^2 + 6x$$

ضرب الداللين،

$$f(3) = 3 + 2 = 5$$

$$(f \circ g)(3) =$$

$$f(g) = (3)^2 - 3(3) \\ = 9 - 9 = 0$$

نوجد التركيب،



إذا كان $y = 9x^{\frac{1}{3}}$ فلن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

$$\begin{aligned} y' &= 3x^{\frac{2}{3}} \\ &= \frac{1}{3}x^{\frac{9}{3}}x^{-\frac{2}{3}} \\ &= 3x^{\frac{7}{3}} \end{aligned}$$

نوجد المشقة الأولى تنزل الأسس، ونطرح منه 1 ..

إذا كان $z = 2x^2y + y^2$ فلن $\frac{\partial z}{\partial x}$ تساوي:

نوجد المشقة لـ x فقط ..

$$\begin{aligned} \frac{\partial z}{\partial x} &= 4xy + 2y^2 \\ &= 4xy + y^2 \\ &= 2x^2 + 2y \end{aligned}$$

إذا كانت $\{1,2,3,4,5,6,7\} \cdot U$ ، $A = \{1,2,3\}$ ، $B = \{1,3,5\}$ ، حيث U المجموعة الكلية
أو عن الفقرات 21، 20، 19، 18

$$A \cap B = \{1,3\}$$

التقاطع يعني العناصر
المتشابه في A و B

$$\bar{A} = \{4,5,6,7\}$$

متقدمة A يعني باقي العناصر التي تكمل A
من المجموعة الكلية U

$$\bar{B} = \{7,8,9\}$$

متقدمة B يعني باقي العناصر التي تكمل B
من المجموعة الكلية U

$$\bar{A} = \{4,5,6,7\}$$

الاتحاد اي جميع عناصر مكملة A
وعناصر مكملة B

$$f(x) = x^3 - 3x^2$$

إذا كان $f(x) = x^3 - 3x^2$ فلن للدالة قيمة صغرى عند x تساوى:
يمكن استعمال الالة حاسبة في الخل

$$= 6x^2 - 6x = 6x(x-1)$$

$$6x(x-1) = 0 \rightarrow x=0, x=1$$

$$6(0)(1) = 0$$

$$6(1)(0) = 6$$

$$6 - 0 = 6$$

$$f(x) = x^3 - 3x^2$$

إذا كان $f(x) = x^3 - 3x^2$ فلن للدالة نقطة التقلبات هي:
الخل بالالة حاسبة اسرع،،

$$f'(x) = 3x^2 - 6x$$

(1,-3)
(1,-4)
(1,0)
(1,-2)

$$= 3 - 6$$

$$= -2$$

جنون الحياة،

ميل الخط المستقيم الذي يمر بال نقطتين (4,3) و (7,4) يساوي:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{4-3}{7-4} = \frac{1}{3}$$

بالتعميض في قانون الميل،
وهو على $y_2 - y_1$



معادلة المستقيم الذي ميله 1 و مقطعه الصادي 3 هي:

قانونها $y = mx + b$ وبس تعويض مباشر شيلوا الميل
والـ b وحطوا فيها الى السؤال،

- .25
 a. $y = x + 3$
 b. $y = 3x + 1$
 c. $y = x - 3$
 d. $y = 3x - 1$

معادلة المستقيم الذي يمر (3,3) ويباوزي المستقيم $3x - y = 6$ هي:

طيب هنا بالسؤال قال يوازي "قانون التوازي يقول $m_1 = m_2$ " طيب نطلع الميل قانونه يقول $m = -a/b$ عندنا بالسؤال معطينا معادلة، ودائماً معامل x يكون هو a ومعامل y هو b فعوضها بالميل نطلع الميل = 3، خلاص الحين صار عندنا ميل نقطة (بالسؤال)، عندنا قانون ايجاد معادلة المستقيم بعلومية نقطة وميل، هو ...

($y - y_1 = m(x - x_1)$) توضرون القيم x_1, y_1 من النقطة الى فوق، والميل الى طبعنا 3، بعددين تحطون المعادله بشكل عادي، ونطلع لكم الناتج،

- .26
 a. $y = 3x + 6$
 b. $y = 3x - 12$
 c. $y = 3x - 6$
 d. $y = 3x + 12$

نوجد الحل بالا

$$\int x dx =$$

- .27
 a. 4
 b. 2
 c. 1
 d. -2

هنا بطرقة حل التكامل بالتعويض مثل

طريقة حل السؤال الثاني بالواجب

الثالث،

$$\frac{1}{5}(2x+1)^5 + C$$

$$\frac{1}{2}(2x+1)^5 + C$$

$$\frac{1}{5}(2x+1)^5$$

$$\frac{1}{10}(2x+1)^5 + C$$



جنون الحياة،

$$\int 2e^x dx = \begin{array}{l} 2e^x + c \\ 2e^x \\ e^x + c \\ e^x \\ e^x \end{array}$$

عندنا بقوانين التكامل تكامل e اس x الناتج = نفسه e اس x
بس تنتهيون هنا تكامل غير محدد يعني لازم تحطون اخر الناتج + c

$$\int (x^4 + 2x - 5) dx = \begin{array}{l} x^5 + x^2 - 5x + c \\ \frac{x^5}{5} + x^2 - 5x + c \\ \frac{x^5}{5} + x^2 - 5x + c \\ x^5 + x^2 - 5x + c \\ \frac{x^5}{5} + x^2 - 5x \end{array}$$

طريقة التكامل العادي، وهي تزود على الاس واحد وتقسم على الاس الجديد،
وما ننسى لانه تكامل غير محدد اخر شيء نحط +c

$$\int (3x^2 + 2x + 5) dx = \begin{array}{l} x^3 + x^2 + 5x \\ (x^3 + x^2 + 5x) \\ (x^3 + x^2 + 5x) \\ (9 + 4 + 15) - (1 + 1 + 5) \\ 22 - 7 = 15 \end{array}$$

$$\int \sin x dx = \begin{array}{l} \sin x \\ -\cos x \\ -\cos x + c \\ \cos x + c \end{array}$$

من قوانين تكامل الدوال المثلثية،
أن تكامل ساين sin = -كوسين cos وآخر شيء كالعاده لانه تكامل غير محدد نحط +c

$$\int \sin x dx =$$

$$\begin{array}{l} \sin x \\ -\cos x \\ -\cos x + c \\ \cos x + c \end{array}$$

$$\frac{dy}{dx} = x^2 y^{-2} \quad \text{حل المعادلة التفاضلية} \quad .33$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2}{y^2} \quad \begin{array}{l} y^3 = x^3 \\ \frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} \end{array}$$

$$y^2 dy = x^2 dx \quad \begin{array}{l} y^3 = x^3 \\ y^3 = x^3 \end{array}$$

$$y^3 = x^3 + c \quad \begin{array}{l} y^3 = x^3 + c \\ \frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} + c \end{array}$$

$$\frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} + c \quad \begin{array}{l} \frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} + c \\ \frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} + c \end{array}$$

36 ، 35 ، 34 ، اجب عن المقررات $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = 12$ و $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 4$ إذن كالتـ

$$\lim_{x \rightarrow 1} [f(x) - g(x)] = .34$$

اـ $\frac{4-12}{-8} = \frac{-8}{-8} = 1$
 بـ $\frac{4-12}{8} = \frac{-8}{8} = -1$
 جـ $\frac{4-12}{4} = \frac{-8}{4} = -2$

☆☆☆

توضیح مباشر نطرح قيمة $f(x)$ من قيمة $g(x)$ اذن $8-12=4$

$\lim_{x \rightarrow 1} [f(x) \times g(x)] = .35$

ايضاً هنا توضیح مباشر ضرب قيمة $f(x)$ في قيمة $g(x)$ اذن $4 \times 12 = 48$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5g(x)}{f(x)} = .36$$

ايضاً هنا توضیح مباشر قسم قيمة $5g(x)$ في قيمة $f(x)$ اذن $15 \div (12 \times 5) = 1$

تعبر الدالة $y = x^3 + y^2$ دالة صريحة

دالة مضطبة

لا صريحة ولا مضطبة

دالة تكعيبية

لأن الدالة الضمنية هي التي يكون x و y في نفس الطرف وما
بعد علامة المساواة عدد ثابت،

إذ ان $f(x) = 2x-1$ فـ متوسط التغير عندما تغير x من 3 إلى 3.4 يساوى:

$$\frac{f(3) + f(3.4)}{2} = \frac{2 \times 3 - 1 + 2 \times 3.4 - 1}{2} = \frac{5 + 6.1}{2} = 5.55$$

الله حاسبة تساعد

في الحل بهذه

المأسأة،

$$\frac{\frac{29}{5} - \frac{15}{5}}{3.4 - 3} = \frac{14}{1.4} = 10$$

يمكن الحصول على منحنى $f(x) = x^3 + 3$ بزاوية منحنى $f(x) = x^3$ بمقدار 3 وحدات إلى اليسار
 هنا تلاحظون العدد ذو داخل قوس ولا قيمة مطلقة، اذن يكون اما أعلى او أسفل، وعندنا $+3$ اذن نقول ازاحة الى أعلى 3 وحدات، ★

يمكن الحصول على منحنى $f(x) = (x+4)^2$ بزاوية منحنى $f(x) = x^2$ بمقدار 4 وحدات إلى اليسار
 هنا تلاحظون العدد ذو داخل القوس، اذن يكون اما يمين أو يسار، عندنا $+4$ اذن الى اليسار، 4 وحدات، ★

حل المتباينة $3x - 5 < 10$ هو: .41
 a. $(-\infty, \frac{5}{3})$
 b. $(-\infty, 5)$
 c. $(5, \infty)$
 d. $(-\frac{5}{3}, \infty)$ ★

حل المتباينة $5x - 6 > 11$ هو: .42
 a. $(-\infty, 3.4)$
 b. $(3.4, \infty)$
 c. $(1, \infty)$
 d. $(-\infty, 1)$ ★

حل المتباينة $\left| \frac{3x+1}{2} \right| \leq 1$ هو: .43
 a. $[-3, 1]$
 b. $(-1, \frac{1}{3})$
 c. $[-1, \frac{1}{3}]$
 d. $(-3, 1)$ ★

إذا كانت $y = 2x+3$ فإن معكوس الدالة هو: .44
 a. $x = 2y+3$
 b. $x = y-3$
 c. $x = (y-3)/2$
 d. $x = 2y-3$ ★

$$\begin{array}{r} \sqrt{4x+4} \\ \sqrt{8} \\ \hline 2 \end{array}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x^2 + 2x} = 45$$

نطلع بالآلة حاسبة

2
8
3
4

بسهولة ..

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = 46$$

نطلع بالآلة الناتج error يعني 0 على 0 ، بهذه الآلة نحل البسط ، يطلع ناتج التحليل للبسط $(x-2)(x+2)$ والمقام نفسه $x-2$ فبنختصر $x-2$ إلى في البسط مع المقام يبقى $x+2$ نوضع بقيه x يطلع 2 = 2 + 2

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^4 + 5x - 1}{x^3 + 3} = 47$$

هنا بما أن x تؤول إلى مالا نهاية ، إذن نشوف درجة البسط والمقام هنـآ درجة البسط 4 أكبر من درجة المقام 3 ، إذن على طول الناتج مالا نهاية ..

$$\lim_{x \rightarrow \infty} = 48$$

بالآلة حاسبة نطلع ، أو أساساً نهاية أي عدد ثابت يعني ما معه X = نفس العدد ،

$$\begin{array}{r} 3 \\ 5 \\ 15 \\ 8 \end{array}$$

إذا كانت $A \times B = \{(3,4), A = \{1,2\}$ ، $B = \{3,4\}$ فلن

$$\begin{array}{l} ((3,1),(3,2),(4,1),(4,2)) \\ ((1,3),(1,4),(2,3),(2,4)) \\ \{3,4,6,8\} \\ ((1,1),(1,2),(3,3),(3,4)) \end{array}$$

نوجد ناتج الضرب الديكارتي
نأخذ العنصر الأول في A مع كل عنصر في B ثم العنصر

50

هل الدالة زوجية $f(x) = x^4 + 8$ الدالة :
الثاني في A مع كل عنصر في B :

بمجرد النظر للأسس ، هنا الأسس 4 و 2 اعداد زوجية ،

اذن الدالة زوجية ، لست زوجية ولست فردية