

1. مجال الدالة  $f(x) = \sqrt{x+1}$  هو:

لأنها جذر تكعبي، الدليل إلى فوق الجذر 3 وهو عدد فردي

،،اذن على طول الجواب R

2. مجال الدالة  $f(x) = \frac{x+7}{x^2 - 1}$  هو:

هنا دالة كسرية، اذن نأخذ المقام ونساويه بالصفر ونجد قيمة  $x = 1$

لأنها يجب أن نستبعد القيمة التي تجعل من المقام صفر.. فيكون المجال

هذا R ماعدا 1 و -1 .. لأنها اذا عوضنا بـ 1 او -1 في المقام سيعطى 0

3. مجال الدالة  $f(x) = \log(2x)$  هو:

بسبب وجود اللوغاريتم يجب ان يكون الدالة أكبر من الصفر، فيكون على كل

شكل متابعة  $0 < 2x < 2$ ، خلها فنصقسم الطرفين على 2 فيكون الناتج  $0 < x < 1$ . علامة

4. علامة أكبر تدل على  $\infty$  و تكون هرة مفتوحة لعدم وجود المسافة،

مجال الدالة  $f(x) = x^3 + 4x^2 - x + 1$  هو:

على طول المجال R لأنها كثيرة حدود..

5. إذا كان  $y = 2x^3 + 3x^2 + 6x + 5$  فلن  $\frac{d^2y}{dx^2}$  تساوي:

نوجد المشتقة الأولى ثم من المشتقة الأولى

ج.  $\frac{dy}{dx} = 12x^2 + 6x + 6$

نوجد المشتقة الثانية،

د.  $\frac{d^2y}{dx^2} = 24x + 6$

6. إذا كان  $y = x^{-1}$  فلن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

نوجد المشتقة حيث ننزل الأس ونطرح

من الأس 1 ، نزلنا الأس -1 .. وطرحنا

من الأس واحد حيث  $-2 = 1 - 1$

## جنون الحياة

إذا كانت دالة الطلب على سلعة معينة هي  $Q_D = 25 - 5P$  أجب عن المقرتين 7 و 8

$$Q_D = 25 - 5P$$

$$25 - 5P = 15 \Rightarrow P = 2$$

$$25 - 5P = 10 \Rightarrow P = 3$$

$$25 - 5P = 5 \Rightarrow P = 4$$

$$25 - 5P = 0 \Rightarrow P = 5$$

- الكمية المطلوبة من هذه السلعة عند  $P = 3$  هي:  
 a. 15 وحدة  
 b. 10 وحدات  
 c. 5 وحدات  
 d. 40 وحدة
- نعرض تعويض مباشر في  $Q_D$ . نشيل  $P$  وضع قيمتها 3 ونطلع الناتج..

$$Q_D = 25 - 5P$$

$$25 - 5P = 5 \Rightarrow P = 4$$

$$25 - 5P = 0 \Rightarrow P = 5$$

- سعر الوحدة إذا كانت الكمية المطلوبة  $Q_D = 5$  يساوي:  
 a. 4  
 b. 5  
 c. 6  
 d. 20
- نعرض تعويض مباشر نشيل  $Q_D$ . وضع قيمتها 5..

إذا علمت أن دالة الطلب على سلعة معينة هي  $P = 200 - Q_D$  ودالة العرض للنفس السلعة هي  $P = Q_S + 100$  أجب عن المقرتين 9 و 10

$$200 - P = P - 100$$

$$200 - 100 = P + P$$

$$100 = 2P$$

$$P = 50$$

- سعر التوازن يساوي:  
 a. 300  
 b. 100  
 c. 150  
 d. 50
- سعر التوازن يعني أن  $Q_D = Q_S$  وتتوافق عن قيمها..

$$Q_D = 200 - 150 - 50$$

$$Q_D = 150 - 150 - 50$$

$$Q_D = 50$$

- الكمية التي يحدث عنها التوازن هي:  
 a. 300  
 b. 100  
 c. 150  
 d. 50
- الكمية التي يحدث عنها التوازن، تأخذنا في سعر التوازن  
 150 ونعرض قيمته في  $Q_D$  أو  $Q_S$

إذا كانت  $y = x^3 + 2x^2 + x$  فلن  $\frac{dy}{dx}$  عند  $x = 1$  تساوي:

$$3x^2 + 4x + 1$$

$$f'(1) = 3(1)^2 + 4(1) + 1$$

$$= 3 + 4 + 1 = 8$$

- a. 7 توجد بالالة حاسبة..



إذا كانت  $-1 = 6x^3 = y$  فلن  $\frac{d^2y}{dx^2}$  عند  $x = 5$  تساوي:



هنا قال المشتقة الثانية، اذن نوجد المشتقة

الأولى، بعدين نطلع بالالة حاسبة الناتج

باستخدام المشتقة الأولى،



15، 14، 13 اجب عن المقرات  $g(x) = x+2$  ،  $f(x) = x^2 - 3x$

$$f(x) + g(x) = x^2 - 3x + x + 2 \\ = x^2 - 2x + 2$$

$$(f + g)(x) = x^2 - 2x + 2$$

نجم الدالتين،

$$\begin{array}{rcl} x^2 - 2x + 2 & \rightarrow & .13 \\ x^2 & \rightarrow & \\ -2x & \rightarrow & \\ 2 & \rightarrow & \end{array}$$

$$(x^2 - 3x)(x + 2) \\ = x^3 + 2x^2 - 3x^2 - 6x \\ = x^3 - x^2 - 6x$$

$$(f \times g)(x) = x^3 + x^2 - 6x$$

نضرب الدالتين،

$$\begin{array}{rcl} x^3 + x^2 - 6x & \rightarrow & .14 \\ x^3 & \rightarrow & \\ x^2 & \rightarrow & \\ -6x & \rightarrow & \end{array}$$

$$f(3) = 3 + 2 = 5$$

$$(f \circ g)(3) =$$

$$f(g) = (3)^2 - 3(3)$$

$$15 \rightarrow .15$$

$$= 27 - 9 = 18$$

$$40 \rightarrow .25$$

$$10 \rightarrow .25$$

إذا كان  $y = 9x^{\frac{1}{3}}$  فلن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

$$\begin{aligned} x^{\frac{1}{3}} &= 3x^{\frac{2}{3}} \\ &= \frac{1}{3}x^{\frac{9}{3}}x^{-\frac{2}{3}} \\ &= 3x^{\frac{7}{3}} \end{aligned}$$

نوجد المشقة الأولى تنزل  $3x^{\frac{2}{3}}$

الأُس، ونطرح منه 1 ..

$$.16$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

إذا كان  $z = 2x^2y + y^2$  فلن  $\frac{\partial z}{\partial x}$  تساوي:

نوجد المشقة لـ  $x$  فقط..

$$4xy \rightarrow .1$$

$$4xy + y^2 \rightarrow .1$$

$$2x^2 + 2y \rightarrow .1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

$$.1$$

إذا كانت  $\{1,2,3\} \subset A$  ،  $\{1,2,3,4,5,6,7\} = U$  حيث  $U$  المجموعة الكلية  
أو عن الفقرات 18، 19، 20، 21

$$A \cap B = \{1,2,3\} \cap \{1,3,5\} = \{1,3\}$$

التقاطع يعني العناصر المشابه في  $A$  و  $B$

$$\bar{A} = \{4,5,6,7\} \quad 19$$

متقدمة  $A$  يعني باقي العناصر التي تكمل  $A$   
من المجموعة الكلية  $U$

$$\bar{B} = \{7,8,9\} \quad 20$$

متقدمة  $B$  يعني باقي العناصر التي تكمل  $B$   
من المجموعة الكلية  $U$

$$\bar{A} \cup \bar{B} = \{1,2,3,4,5,6\} \quad 21$$

اتحاد اي جميع عناصر مكملة  $A$  و عناصر مكملة  $B$

$$f(x) = x^3 - 3x^2 \quad .22$$

إذا كان  $f(x)$  فلن للدالة قيمة صغرى عند  $x$  تساوى:  
يمكن استعمال الامثلية

$$8 - 12 = -4 \quad 2$$

$$= -64 - 48 = -112 \quad 4$$

$$9 - 12 + 6 = -3 \quad 20$$

$$64 - 48 = 16 \quad 4$$

$6x^2 - 6x = 0 \rightarrow 6x(x-1) = 0$   
أربع حلول

$$f(x) = x^3 - 3x^2 \quad .23$$

إذا كان  $f(x)$  فلن للدالة نقطة النقلاب هي:

الحل بالامثلية حاسبة اربع حلول

$$(1,-3) \quad 1$$

$$(1,-4) \quad 2$$

$$(1,0) \quad 3$$

$$(1,-2) \quad 4$$

$$f'(x) = 3x^2 - 6x \quad .24$$

$$3x(x-2) = 0 \rightarrow x=0 \quad 1$$

$$x=2 \quad 2$$

## جنون الحياة،

ميل الخط المستقيم الذي يمر بال نقطتين  $(4,3)$  و  $(7,4)$  يساوي:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{4-3}{7-4} = \frac{1}{3}$$

بالتعويض في قانون الميل، وهو على  $y = mx + b$



معادلة المستقيم الذي ميله  $m = 1$  و مقطعه الصادي  $b = 3$  هي:

قانونها  $y = mx + b$  وبس تعويض مباشر شيلوا الميل  $m$  والـ  $b$  وحطوا قيمة الى السؤال،

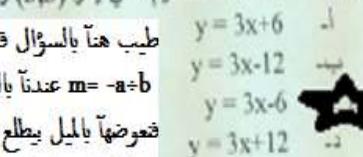


- أ.  $y = x+3$
- ب.  $y = 3x+1$
- ج.  $y = x-3$
- د.  $y = 3x-1$

معادلة المستقيم الذي يمر  $(3,3)$  ويواري المستقيم  $3x-y=6$  هي:

طيب هنا بالسؤال قال يواري "قانون التواري يقول  $m_1=m_2$ " طيب نطلع الميل قانونه يقول  $m = -a/b$  عندنا بالسؤال معطينا معادلة، ودائماً معامل  $x$  يكون هو  $a$  ومعامل  $y$  هو  $b$  فعوضها بالميل نطلع الميل  $= 3$ ، خلاص الحين صار عندنا ميل نقطة (بالسؤال)، عندنا قانون ايجاد معادلة المستقيم بعلومية نقطة وميل، هو ...

- أ.  $y = 3x+6$
- ب.  $y = 3x-12$
- ج.  $y = 3x-6$
- د.  $y = 3x+12$



$y - y_1 = m(x - x_1)$  تعرفون الفرمula من النقطة الى فوق، والميل الى طبعنا 3، بعدن تحلون المعادله بشكل عادي، ونطلع لكم الناتج،

$$\int x dx = .27$$

نوجد الحل بالآله

$$\Delta y = m(\Delta x)$$

$$\left[ \frac{1}{2}x^2 \right] = \frac{1}{2} - 0 = \frac{1}{2}$$

- أ. 4
- ب. 2
- ج. 1
- د. -2



هنا بطرقة حل التكامل بالتعويض مثل

طريقة حل السؤال الثاني بالواجب

الثالث،

$$\frac{1}{5}(2x+1)^5 + C$$

$$\frac{1}{2}(2x+1)^5 + C$$

$$\frac{1}{5}(2x+1)^5$$

$$\frac{1}{10}(2x+1)^5 + C$$



جنون الحياة،

$$\int 2e^x dx = \star$$
$$2e^x + c$$
$$2e^x$$
$$e^x + c$$
$$e^x$$

عندنا بقوانين التكامل تكامل e اس x الناتج = نفسه e اس x  
بس تنتهيون هنا تكامل غير محدد يعني لازم تحطون اخر الناتج + c

$$\int (x^4 + 2x - 5)dx = \star$$

طريقة التكامل العادي، وهي تزود على الاس واحد وتقسم على الاس الجديد،  
وما ننسى لانه تكامل غير محدد اخر شيء نحط +c

$$\frac{x^5}{5} + x^2 - 5x + c$$
$$\frac{x^5}{5} + x^2 - 5x + c$$
$$x^5 + x^2 - 5x + c$$
$$\frac{x^5}{5} + x^2 - 5x$$

$$\int (3x^2 + 2x + 5)dx = \star$$

بطبع بالالة حاسبة،

$$(x^3 + x^2 + 5x) + (x^3 + x^2 + 5x)$$
$$(9 + 4 + 10) - (1 + 1 + 5)$$
$$22 - 7 = 15$$
$$15$$
$$22$$
$$29$$

من قوانين تكامل الدوال المثلية،  
أن تكامل ساين sin = - كوسين cos وآخر  
شيء كالعادة لانه تكامل غير محدد نحط +c

$$\int \sin x dx = \star$$
$$\sin x$$
$$-\cos x$$
$$-\cos x + c$$
$$\cos x + c$$

$$\frac{dy}{dx} = x^2 y^{-2} \quad \text{هو:} \quad \frac{dy}{dx} = x^2 y^{-2} \quad \text{حل المعادلة التفاضلية} \quad .33$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2}{y^2}$$
$$y^2 dy = x^2 dx$$
$$y^2 dy = x^2 dx$$
$$\frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3}$$
$$y^3 = x^3$$
$$y^2 = x^2 + c$$
$$\frac{y^3}{3} = \frac{x^3}{3} + c$$

36 ، 35 ، 34 ، 33 أجب عن المقررات  $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) = 12$  و  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 4$  إذن  $\lim_{x \rightarrow 3} [f(x) - g(x)] = 34$

$$\lim_{x \rightarrow 3} [f(x) - g(x)] = 34$$

$$= 16 - 8 = 8$$

نويض مباشر نطرح قيمة  $f(x)$  من قيمة  $g(x)$  إذن  $12 - 4 = 8$  ★

$$\lim_{x \rightarrow 3} [f(x) \times g(x)] = 35$$

$$= 24 \times 1 = 24$$

أيضاً هنا تعويض مباشر ضرب قيمة  $f(x)$  في قيمة  $g(x)$  إذن  $12 \times 4 = 48$  ★

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{5g(x)}{f(x)} = 36$$

$$= 15 \div 3 = 5$$

أيضاً هنا تعويض مباشر قسم قيمة  $5g(x)$  في قيمة  $f(x)$  إذن  $15 \div (12 \times 5) = 15 \div 60 = 0.25$  ★

نعتبر الدالة  $y = x^2 + 25$  دالة مصريحة  
لأن الدالة الضمنية هي التي يكون  $x$  و  $y$  في نفس الطرف وما  
بعد علامة المساواة عدد ثابت، ★

إذن  $f(x) = 2x - 1$  فلن moyenne التغير عندما تغير  $x$  من 3 إلى 3.4 يساوي:

$f(3) = 2 \times 3 - 1 = 5$   
 $f(3.4) = 2 \times 3.4 - 1 = 6.8$   
 $moy = \frac{6.8 - 5}{3.4 - 3} = \frac{1.8}{0.4} = 4.5$

الله حاسبة تساعد في الحل بهذه المسألة، ★

**39.** يمكن الحصول على منحنى  $f(x) = x^3 + 3$  بزاوية منحنى  $f(x) = x^3$  بمقدار .....  
 أ- 3 وحدات إلى اليسار  
 ب- 3 وحدات إلى اليمين  
 ج- 3 وحدات إلى أسفل  
 د- 3 وحدات إلى أعلى

★

**40.** يمكن الحصول على منحنى  $f(x) = (x+4)^2$  بزاوية منحنى  $f(x) = x^2$  بمقدار .....  
 أ- 4 وحدات إلى اليسار  
 ب- 4 وحدات إلى اليمين  
 ج- 4 وحدات إلى أسفل  
 د- 4 وحدات إلى أعلى

★

هنا تلاحظون العدد ذو داخل قوس ولا قيمة مطلقة، اذن يكون اماً اعلى او اسفل، وعندنا  $+3$  اذن نقول ازاحة الى اعلى 3 وحدات، ،

**41.** حل المتباينة  $3x - 5 < 10$  هو: .....  
 أ-  $(-\infty, \frac{5}{3})$   
 ب-  $(-\infty, 5)$   
 ج-  $(5, \infty)$   
 د-  $(-\frac{5}{3}, \infty)$

★

**42.** حل المتباينة  $5x - 6 > 11$  هو: .....  
 أ-  $(-\infty, 3.4)$   
 ب-  $(3.4, \infty)$   
 ج-  $(1, \infty)$   
 د-  $(-\infty, 1)$

★

**43.** حل المتباينة  $\left| \frac{3x+1}{2} \right| \leq 1$  هو: .....  
 أ-  $[-3, 1]$   
 ب-  $(-1, \frac{1}{3})$   
 ج-  $[-1, \frac{1}{3}]$   
 د-  $(-3, 1)$

★

إذا كانت  $y = 2x+3$  فإن معكوس الدالة هو: .....  
 أ-  $x = 2y+3$   
 ب-  $x = y-3$   
 ج-  $x = (y-3)/2$   
 د-  $x = 2y-3$

★

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x^2 + 2x} = 4$$

٤٥  
نطلع بالآلة حاسبة

بسهولة ..

2	4
8	8
3	3
4	4

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = 4$$

٤٦  
نطلع بالآلة الناتج error يعني ٠، بهذه الآلة نحل البسط، نطلع  
ناتج التحليل للبسط  $(x-2)(x+2)$  والمقام نفسه  $x-2$  فبنختصر  $x-2$  إلى في  
البسط مع المقام يبقى  $x+2$  نوضع بقيه  $x$  نطلع  $2+2=4$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^4 + 5x - 1}{x^3 + 3} = \infty$$

٤٧  
هنا بما أن  $x$  تؤول إلى مالا نهاية، إذن نشوف درجة البسط والمقام هنّا درجة  
البسط ٤ أكبر من درجة المقام ٣، إذن على طول الناتج مالا نهاية

$$\lim_{x \rightarrow \infty} x^5 = \infty$$

٤٨  
بالآلة حاسبة نطلع، أو أساساً نهاية أي عدد ثابت يعني ما معه  $X =$  نفس العدد،

3	1
5	1
15	2
8	2

$$A \times B = \{(3,4), (1,2), (4,1), (4,2)\}$$

$$\{(3,1), (3,2), (4,1), (4,2)\}$$

$$\{(1,3), (1,4), (2,3), (2,4)\}$$

$$\{(3,4,6,8)\}$$

$$\{(1,1), (1,2), (3,3), (3,4)\}$$

٤٩

$\star$

$\star$

$\star$

$\star$

٥٠  
نأخذ العنصر الأول في  $A$  مع كل عنصر في  $B$  ثم العنصر

هل الدالة  $f(x) = x^4 + x^2$  زوجية أم فردية؟

٥٠

$\star$

$\star$

$\star$

بـ مجرد النظر للأسس، هنا الأسس ٤ و ٢ أعداد زوجية،

اذن الدالة زوجية،

لست زوجية ولست فردية