

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

الانحراف المشترك (التغاير)

$$COV_{(a,b)} = \sum_{i=1}^n P_i[(R_a - ER_a)(R_b - ER_b)]$$

الصيغة الأولى:

$COV(a,b)$ = الانحراف المشترك لمحفظة مكونة من مشروعين (a , b)

P_i = احتمال حدوث الحالة الاقتصادية i ويتراوح من 1 إلى n

R_a = العائد الممكن الحصول عليه من الاستثمار (a) في حالة اقتصادية معينة

ER_a = العائد المتوقع من الاستثمار (a) وهو عبارة عن $(R_a \times P_a)$ لكل الحالات الاقتصادية

R_b = العائد الممكن الحصول عليه من الاستثمار (b) في حالة اقتصادية معينة

ER_b = العائد المتوقع من الاستثمار (b) وهو عبارة عن $(R_b \times P_b)$ لكل الحالات الاقتصادية



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

الصيغة الثانية لحساب الانحراف المشترك (التغاير):

$$COV_{(a,b)} = \rho_{(a,b)} \times \sigma_a \sigma_b$$

الصيغة الرياضية لحساب معامل الارتباط بين المشروعين:

$$\rho_{(a,b)} = \frac{COV_{(a,b)}}{\sigma_a \times \sigma_b}$$



جامعة الملك فيصل
عمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بعد

الإدارة المالية (2)
الدكتور نور الدين خبابه

المحاضرة الخامسة

المخاطر في المحفظة الاستثمارية



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

الانحراف المعياري لمحفظة استثمارية مكونة من استثمارين يحسب كالآتي:

الصيغة الأولى:

$$\sigma_{(a,b)} = \sqrt{W_a^2 \sigma_a^2 + W_b^2 \sigma_b^2 + 2W_a W_b COV_{(a,b)}}$$

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

مثال:

العائد من المشاريع (%)			الاحتمال	الحالة الاقتصادية
المشروع (c) %	المشروع (b) %	المشروع (a) %		
0.5	0.6	0.6	0.3	ازدهار
0.2	0.1	0	0.4	ظروف طبيعية
-0.1	-0.2	-0.1	0.3	ركود

المطلوب: حساب الانحراف المعياري لكل محفظة استثمارية ممكنة مكونة من استثمارين



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

الانحراف المعياري لمحفظة استثمارية مكونة من استثمارين يحسب كالآتي:

الصيغة الثانية:

$$\sigma_{(a,b)} = \sqrt{W_a^2 \sigma_a^2 + W_b^2 \sigma_b^2 + 2W_a W_b \rho_{(a,b)} \sigma_a \sigma_b}$$

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

أولاً: حساب العائد المتوقع من كل مشروع:

$$0.15 = (0.1 \times 0.3) + (0.4 \times 0) + (0.3 \times 0.6) = (ER)_a$$

$$0.16 = (0.2 \times 0.3) + (0.4 \times 0.1) + (0.3 \times 0.6) = (ER)_b$$

$$0.20 = (0.1 \times 0.3) + (0.4 \times 0.2) + (0.3 \times 0.5) = (ER)_c$$



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

أولاً: حساب الانحراف المعياري لكل مشروع.

بتطبيق الصيغة الرياضية المعروفة لحساب الانحراف المعياري لكل مشروع منفرد:

$$\sigma = \sqrt{\sum_{i=1}^n P_i(R_i - ER)^2}$$

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

المشروع A

7	6	5	4	3	2	1
$P_i(R_i - ER)^2$	$(R_i - ER)^2$	$(R_i - ER)$	$(P_i \times R_i)$	معدل العائد R_i	الاحتمال P_i	الحالة الاقتصادية (s)
0.06075	0.2025	0.450	0.18	0.60	0.3	ازدهار
0.009	0.0225	-0.150	0	0	0.4	عادية
0.01875	0.0625	-0.250	-0.03	-0.1	0.3	الركود
0.0885			0.1500	ER المتوقع	1	
0.297						



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

ثانياً: حساب الانحراف المعياري لكل مشروع:

$$\sigma_{(a)} = \sqrt{0.3(0.6 - 0.15)^2 + 0.4(0 - 0.15)^2 + 0.3(-0.1 - 0.15)^2} = 0.297$$

$$\sigma_{(b)} = \sqrt{0.3(0.6 - 0.16)^2 + 0.4(0 - 0.16)^2 + 0.3(-0.2 - 0.16)^2} = 0.314$$

$$\sigma_{(c)} = \sqrt{0.3(0.5 - 0.20)^2 + 0.4(0.2 - 0.2)^2 + 0.3(-0.1 - 0.2)^2} = 0.232$$

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

المنشأة B

7	6	5	4	3	2	1
$P_i(R_i - ER)^2$	$(R_i - ER)^2$	$(R_i - ER)$	$(P_i \times R_i)$	معدل العائد R_i	الاحتمال P_i	الحالة الاقتصادية (s)
0.05808	0.1936	0.440	0.18	0.60	0.3	ازدهار
0.00144	0.0036	-0.060	0.04	0.1	0.4	عادية
0.03888	0.1296	-0.360	-0.06	-0.2	0.3	كساد
0.0984			0.1600	ER المتوقع	1	
0.314						



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

المنشأة C

7	6	5	4	3	2	1
$P_i(R_i - ER)^2$	$(R_i - ER)^2$	$(R_i - ER)$	$(P_i \times R_i)$	معدل العائد R_i	الاحتمال P_i	الحالة الاقتصادية (s)
0.027	0.09	0.300	0.15	0.50	0.3	ازدهار
0	0	0.000	0.08	0.2	0.4	عادية
0.027	0.09	-0.300	-0.03	-0.1	0.3	كساد
0.054	التباين		0.20	ER	1	
0.232	الانحراف المعياري					

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

$$COV_{(a,b)} = \{0.3(0.6-0.15)(0.6-0.16)\} + \{0.4(0-0.15)(0.1-0.16)\} + \{0.3(-0.1-0.15)(-0.2-0.16)\} = 0.09$$

$$COV_{(a,c)} = \{0.3(0.6-0.15)(0.5-0.2)\} + \{0.4(0-0.15)(0.2-0.2)\} + \{0.3(-0.1-0.15)(-0.1-0.2)\} = 0.063$$

$$COV_{(b,c)} = \{0.3(0.6-0.16)(0.5-0.2)\} + \{0.4(0.1-0.16)(0.2-0.2)\} + \{0.3(0.2-0.16)(-0.1-0.2)\} = 0.072$$



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

ثانياً: حساب الانحراف المشترك (التغاير) لكل مشروعين يمكن أن يشكلوا محفظة استثمارية باستخدام الصيغة الرياضية السابق ذكرها:

$$COV_{(a,b)} = \sum_{i=1}^n P_i[(R_a - ER_a)(R_b - ER_b)]$$

الانحراف المشترك (التغاير) بين المشروعين (a و b)

6	5	4	3	2	1
$P_i(R_b - ER_b)(R_a - ER_a)$	$(R_b - ER_b)(R_a - ER_b)$	$(R_b - ER_b)$	$(R_a - ER_a)$	الاحتمال P_i	الحالة الاقتصادية
0.0756	0.252	0.56	0.45	0.3	ازدهار
-0.0036	-0.009	0.06	-0.15	0.4	عادية
0.018	0.06	-0.24	-0.25	0.3	كساد
0.09	التغاير بين A و B			1.00	



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

ثالثاً: حساب معامل الارتباط لكل مشروعين يمكن أن يشكل محفظة استثمارية باستخدام الصيغة الرياضية السابق ذكرها:

$$\rho_{(a,b)} = \frac{COV_{(a,b)}}{\sigma_a \times \sigma_b}$$



الاحراف المشترك (التغاير) بين المشروعين (a و c)

6	5	4	3	2	1
Pi (Rb - ERb)*(Ra - Era)	(Rb - ERb)*(Ra - Erb)	(RC - ERc)	(Ra - ERa)	Pi الاحتمال	الحالة الاقتصادية
0.0405	0.135	0.300	0.45	0.3	انكماش
0	0.000	0.000	-0.15	0.4	عادية
0.0225	0.075	-0.300	-0.25	0.3	ازدهار
0.063	التغاير بين A و B			1.00	



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

$$\rho_{(a,b)} = \frac{0.09}{0.0297 \times 0.314} = 0.097 \quad \text{معامل الارتباط (a,b):}$$

$$\rho_{(a,c)} = \frac{0.063}{0.0297 \times 0.232} = 0.091 \quad \text{معامل الارتباط (a,c):}$$

$$\rho_{(b,c)} = \frac{0.072}{0.314 \times 0.232} = 0.099 \quad \text{معامل الارتباط (b,c):}$$



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

الاحراف المشترك (التغاير) بين المشروعين (c و b)

6	5	4	3	2	1
Pi (Rb - ERb)*(Ra - Era)	(Rb - ERb)*(Ra - Erb)	(RC - ERc)	(Rb - ERb)	Pi الاحتمال	الحالة الاقتصادية
0.0396	0.132	0.300	0.44	0.3	ازدهار
0	0.000	0.000	-0.06	0.4	عادية
0.0324	0.108	-0.300	-0.36	0.3	الركود
0.072	التغاير بين A و B			1.00	



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

حساب الانحراف المعياري للمحافظ الاستثمارية الممكنة:

المحفظة (a,b) و المحفظة (a,c) و المحفظة (b,c)

✓ 1- باستخدام الصيغة الرياضية التي تستخدم الانحراف المشترك (التغاير) بين المشروعين

$$\sigma_{(a,b)} = \sqrt{W_a^2 \sigma_a^2 + W_b^2 \sigma_b^2 + 2W_a W_b COV_{(a,b)}}$$

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

✓ 2- باستخدام الصيغة الرياضية التي تستخدم معامل الارتباط

$$\sigma_{(a,b)} = \sqrt{W_a^2 \sigma_a^2 + W_b^2 \sigma_b^2 + 2W_a W_b \rho_{(a,b)} \sigma_a \sigma_b}$$

$$\sigma_{(a,b)} = \sqrt{(0.5)^2 (0.297)^2 + (0.5)^2 (0.0314)^2 + 2(0.5 \times 0.5 \times 0.097 \times 0.297 \times 0.314)} = 0.303$$



العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

باستخدام الصيغة السابقة نحسب الانحراف المعياري للمحفظة الاستثمارية المكونة من المشروعين (a,b) على اعتبار أن رأس المال موزع بين الاستثمارين بالتساوي، أي أن:

وزن المشروع (a): $W_a = 0.5$

وزن المشروع (b): $W_b = 0.5$

$$\sigma_{(a,b)} = \sqrt{(0.5)^2 (0.297)^2 + (0.5)^2 (0.0314)^2 + 2(0.5 \times 0.5) 0.09} = 0.303$$

العائد والمخاطر في المحفظة الاستثمارية

الواجب:

حساب الانحراف المعياري لبقية المحافظ.





مَشْرِقٌ
بِحَمْدِ اللَّهِ

