

## حل الأسئلة من ملف دكتور ملفي الرشيدى

### صياغة البرنامج الخطى (شاملاً الاسئلة من ?? الى ???)

تقوم شركة السهل الممتنع بتصنيع نوعين من النظارات الشمسية للأطفال: بناتي و ولادي. حيث يبلغ ثمن النظارة الشمسية للبنات 1234 ريال، ويحتاج إلى 30 ساعة عمل في قسم الصبغ، و 40 ساعة عمل في قسم التجميع، بينما يبلغ ثمن النظارة الشمسية للولد 44 ريال، وتحتاج إلى 2 ساعة عمل في قسم الصبغ، و 5 ساعات عمل في قسم التجميع ، لا تستطيع الشركة توفير أكثر من 500 ساعة عمل في قسم الصبغ، كما لا يستطيع الحصول على أكثر من 900 ساعة عمل في قسم التجميع

-دالة الهدف في هذه المسألة تأخذ الشكل التالي :

$$\text{Max } z=1234x_1+500x_2$$

$$\text{Max } z=44x_1+1300x_2$$

$$\text{Max } z=1234x_1+44x_2$$

$$\text{Min } z=500x_1+900x_2$$

طبعا السؤال ممكن يتغير من نموذج لنموذج فإذا جبلكم زي دا معناه تعظيم لأنه مكتوب ثمن وإذا جاب تكلفة يعني min تدني القيود تحفظوها نفس الشكل والأرقام تتغير لكن القيد ماراح يتغير إما ماكس وإما مين وتضع الأرقام حسب الموجود

المتغيرات الموجودة في المسألة هي :

1. النظارة الشمسية للولد =  $x_1$  والنظارة الشمسية للبنات =  $x_2$
2. النظارة الشمسية للبنات =  $x_1$  النظارة الشمسية للولد =  $x_2$
3. - ساعات العمل =  $x_1$  و قسم الصبغ =  $x_2$
4. - قسم الصبغ =  $x_1$  و قسم التجميع =  $x_2$

دائما أول شئ يذكر في المسألة اكس 1 والثاني اكس 2

-قيد قسم التجميع هو :

$$2x_1+5x_2 \leq 900$$

$$40x_1+5x_2 \leq 900$$

$$1234x_1+44x_2 \leq 500$$

$$30x_1+40x_2 \leq 1400$$

قيد التجميع 40 للبنات و5 لنظارة الولد بشرط ماتزيد الساعات عن 900 ساعة يعني القيد لازم يكون أصغر من أو يساوي 900

دالة الهدف في هذه المسألة من نوع:

- تدنوية

- ثنائية الهدف

- تعظيم

- غير محددة

تعظيم لأنه يبغى أرباح ثمن النظارات

قيد الصيغ 30 للبننت و 2 لنظارة الولد بشرط ماتزيد الساعات عن 500 ساعة  
يعني القيد لازم يكون أصغر من أو يساوي 500

قيد قسم الصيغ هو :

$$2x_1 + 5x_2 \leq 900$$

$$30x_1 + 2x_2 \leq 500$$

$$1234x_1 + 44x_2 \leq 500$$

$$x_1 + 40x_2 \leq 1400$$

قيد عدم السالبية الخاص بهذه المسألة

$$x_1 + x_2 \geq 0$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4 \leq 0$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

$$x_1, x_2 \leq 0$$

عندنا  $x_1, x_2$  لازم أكبر من أو يساوي الصفر

إذا أعطيت البرنامج الخطي التالي و طلب منك استخدام الرسم البياني في الحل:

$$\text{Max } z = 5x_1 + 4x_2$$

s. t.

$$3x_1 + 2x_2 \leq 36 \quad (1)$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 16 \quad (2)$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

طالما تقاطع مع اكس 1 على طول اكس 2 = 0 نعوض في القيد الأول  
بعد حذف اكس 2 حتصير

$$\text{اكس } 1 = 36/3 = 12 \text{ النقطة } (12,0)$$

القيد الأول يتقاطع مع المحور  $x_1$  في النقطة

$$(0,12) -$$

$$(8,0) -$$

$$(12,0) -$$

$$(0,18) -$$

طالما تقاطع مع اكس 2 على طول اكس 1 = 0 نعوض في القيد الأول  
بعد حذف اكس 1 حتصير

$$\text{اكس } 2 = 36/2 = 18 \text{ النقطة } (0,18)$$

القيد الأول يتقاطع مع محور  $x_2$  في النقطة

$$(0,12) -$$

$$(18,0) -$$

$$(12,0) -$$

$$(0,18) -$$

طالما تقاطع مع اكس 1 على طول اكس 2 = 0 نعوض في القيد الأول  
بعد حذف اكس 2 حتصير

$$\text{اكس } 1 = 16 \text{ النقطة } (16,0)$$

القيد الثاني يتقاطع مع محور  $x_1$  في النقطة

$$(16,0) -$$

$$(0,16) -$$

$$(40,0) -$$

$$(20,0) -$$

القيد الثاني يتقاطع مع محور  $x_2$  في النقطة

- (0,12)
- (18,0)
- (8,0)
- (0, 8)

طالما تقاطع مع اكس 2 على طول اكس 1 = 0 نعوض في القيد الأول  
بعد حذف اكس 1 حنصير

$$\text{اكس } 2 = 2 \setminus 16 = 8 \text{ النقطة } (0,8)$$

تظليل القيد الأول يكون الى

- اليمين (أعلى)
- اليسار (أسفل)

تظليل القيد الثاني يكون الى

- اليمين (أعلى)
- اليسار (أسفل)

إذا كان القيد أصغر من أو يساوي على طول التظليل يسار  
والعكس صحيح .

القيد الأول يتقاطع مع القيد الثاني في النقطة

- (8,24)
- (20,30)
- (30,20)
- (10,3)

باستخدام معادلة متغيرين من الدرجة الأولى أو بالآلة الحاسبة على طول تطلع القيمة أضغط  
b معامل اكس 1 وخانة ال bمود ← 5 ← 1 حتجيك معادلتين فوق بعض أدخل في خانة ال  
الرقم اللي بعد المساواة والصف الثاني للمعادلة الثانية بعدين c معامل اكس 2 وخانة ال  
هي اكس 2 y هي اكس 1 وقيمة x أضغط = يعطيك قيمة

### الطريقة المبسطة (طريقة السمبلكس)

لدينا البرنامج الخطي التالي (شاملاً الاسئلة من ??? الى ???)

$$\text{Max } z = 40x_1 + 50x_2$$

s.t.

$$x_1 + 2x_2 \leq 40 \quad (1)$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 120 \quad (2)$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

( دالة الهدف في الشكل القياسي لهذه المسألة ستكون على الشكل

$$\text{Max } z - 40x_1 - 50x_2 = 0$$

$$\text{Max } z + 40x_1 - 50x_2 = 0$$

$$\text{Min } z - 40x_1 - 50x_2 = 0$$

$$- \text{Max } z - 40x_1 + 50x_2 = 0$$

(9) القيد الأول في الشكل القياسي لهذه المسألة سيكون على الشكل:

$$x_1 + 5x_2 - s_1 = 15$$

$$X1 + 5x2 + s1 < = 15 -$$

$$X1 + 5x2 - s1 < = 40$$

$$X1 + 5x2 + s1 = 40$$

10 ( القيد الثاني في الشكل القياسي لهذه المسألة سيكون على الشكل:

$$4x1 + 3x2 + s2 < = 24 -$$

$$4x1 + 3x2 + s2 = 120 -$$

$$4x1 + 3x2 - s2 < = 24 -$$

$$- 4x1 + 3x2 - s2 = 120$$

11 ( قيد عدم السالبة في الشكل القياسي يأخذ الشكل التالي

$$X1, x2 > = 0 -$$

$$X1 + x2 + s1 + s2 > = 0 -$$

$$X1, x2, s1, s2 > = 0 -$$

$$- Sa, s2 > = 0$$

يتبع إذا كان جدول الحل الابتدائي (الأولي) على النحو التالي ( للأسئلة من ؟؟ الى ؟؟؟ )

م أساسية	X1	X2	S1	S2	الثابت
S1	1	2	1	0	40
S2	4	3	0	1	120
Z	-40	-50	0	0	0

20

40

12 ( المتغير الداخل من الجدول هو

- x1 -
- x2 -
- s1 -
- s2 -

المتغير الداخل نشوف العمود اللي يقابلو أكبر معامل سالب وليس أكبر قيمة وجدنا -50 تقابل اكس 2 اذا هي المتغير الداخل

13 ( المتغير الخارج من الجدول هو

- s1 -
- s2 -
- x1 -
- x2

المتغير الخارج نقسم العمود الأيمن على مايقابله من قيمة في عامود المتغير الداخل نقسم  $20 = 2 \div 40$  و  $40 = 3 \div 120$  وناخذ أقل قيمة وهي الـ 20 ويقابلها s1 إذا المتغير الخارج s1

14 ( قيمة العنصر المحوري هي

- 2 -
- 1 -
- 3 -
- 4 -

نقطة تقاطع العمود المحوري مع الصف المحوري

15) معادلة الارتكاز الجديدة هي

$$(0.5, 1, 0.5, 0, 20)$$

$$-(0.5, 1, 0.5, 0, 40)$$

$$-(1, 0, 0.5, 0, 20)$$

$$-(1, 2, 0.5, 0, 0)$$

معادلة الارتكاز الجديدة = معادلة الارتكاز القيمة \ العنصر المحوري  
في الجدول معادلة الارتكاز القديمة هي صف المتغير الخارج s1 نقسم جميع  
عناصر الصف على 2 = 2\10 , 2\1 , 2\2 , 2\1 = 2  
= 2\40 , 2\0 , 2\1 , 2\2 , 2\1 = 2  
= ( 20 , 0,5 , 1 , 0,5 ) = طبعاً من اليسار لليمين

16) معادلة صف Z الجديدة في الجدول الجديد هي

$$(-40 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0)$$

$$-(40 \ -50 \ 0 \ 0 \ 1000)$$

$$-(-15 \ 0 \ 25 \ 0 \ 1000)$$

$$-(-15 \ 25 \ 0 \ 0 \ 0)$$

معادلة صف Z الجديدة = عناصر z القديمة - ( معاملها في العمود المحوري \* صف الارتكاز الجديد )  
أول شئ نضرب معمل صف زد في صف الارتكاز الجديد  
( 1000- , 25- , 50- , 25- ) = ( 20\* 50- , 0 \*50- , 0.5\* 50- , 1 \* 50- , 0,5 \* 50- ) =  
النتيجة التي طلع نظرحو من صف زد القديم = ( 1000- )-0 , ( 25- )-0 , ( 50- )-50 , ( 25- )- 40 =  
طبعاً لمن نضرب سالب في سالب يعطينا موجب = ( 1000+0 , 25 +0 , 50 + 50- , 25+ 40- ) =  
= ( 1000 , 25 , 0 , 15- ) من اليسار لليمين

إذا كان جدول الحال النهائي على النحو التالي (الأسئلة من ??? الى ؟؟؟؟)

م أساسية	X1	X2	S1	S2	الثابت
X2	1	0	*	*	8
X1	0	1	*	*	24
Z	0	0	*	*	1360

\*لا تحتاج لها

17) قيمة المتغير X1 هي

$$8 -$$

$$24 -$$

$$32 -$$

$$- 1360$$

من الجدول مباشرة نستخرج قيمة اكس 1 ويقابلها في العمود الأيمن =24

18) قيمة المتغير X2 هي

$$24 -$$

$$32 -$$

$$1360 -$$

$$8 -$$

من الجدول مباشرة نستخرج قيمة اكس 2 ويقابلها في العمود الأيمن =8

9) قيمة دالة الهدف Z هي

$$8 -$$

$$1360 -$$

$$1392 -$$

$$24 -$$

من الجدول مباشرة نستخرج قيمة ادالة الهدف ويقابلها في العمود الأيمن =1360

20 ( النقطة المثلثى لهذه المسألة هي:

- (8,24)

- (1,0)

- (0,1)

- (24,8)

من الجدول مباشرة عرفنا قيمة اكس 1 واكس 2

21 ( هل يمكن تحسين الحل لهذا الجدول

- نعم

- لا

- المعلومات غير كافية

- طريقة السمبلكس لا توفر طريقة للتعلف على امكانية تحسين الحل

طالما مافي أعداد سالبة في دالة الهدف إذا لايمكن تحسين الحل

الجدول التالي يتمثل تسلسل الأنشطة الحرجة للمسار الحرج لمشروع ما:

التباين	المتوقع	التقدير			رمز النشاط
		تشاوم (L)	أكثر احتمالاً (M)	تفاول (S)	
		8	5	2	A
		5	1.5	1	B

$$\text{التباين} = \left(\frac{L-S}{6}\right)^2$$

$$\frac{S + 4 * M + L}{6}$$

قوانين قد تحتاج لها : الوقت المتوقع =

( الوقت المتوقع للنشاط الحرج A يساوي

2 -

8 -

4 -

5 -

$$5 = 6 \setminus 30 = 8 + (5 * 4) + 2 = 6 \setminus S + 4(M) + L = \text{الوقت المتوقع للنشاط}$$

تحفظو القانون وتطبقو جدا سهل .

(2 تباين النشاط الحرج A يساوي

5 -

- 1

- 0.44

3 -

$$1 = 2^{\wedge} 1 = 6 \setminus 2 - 8 = (L - S \setminus 6)^{\wedge} 2 = \text{تباين النشاط}$$

(3 الوقت المتوقع للنشاط الحرج B يساوي

1 -

- 2

5 -

1.5 -

$$2 = 6 \setminus 12 = 5 + (1.5 * 4) + 1 = 6 \setminus S + 4(M) + L = \text{الوقت المتوقع للنشاط}$$

(4 تباين النشاط الحرج B يساوي

- 0 -
- 0.69 -
- 2.55 -
- 0.44

$$0.4444 = 2^{(6\setminus 4)} = 6\setminus 1-5 = (L-S\setminus 6)^2 = \text{تباين النشاط}$$

5) زمن المسار الحرج لهذا المشروع يساوي:

- 6.5 -
- 7
- 6 -
- 12 -

$$7 = 2+5 = B \text{ زمن النشاط} + A \text{ زمن النشاط} = \text{زمن المسار الحرج}$$

6) التباين للأنشطة الحرجة يساوي:

- 1.44
- 0.31 -
- 2 -
- 1.5 -

$$1.44 = 0,44+1 = B \text{ تباين النشاط} + A \text{ تباين النشاط} = \text{تباين الأنشطة الحرجة}$$

### تحليل القرارات ( الاسئلة من ؟؟؟ الى ؟؟؟ )

الجدول التالي يمثل ثلاث بدائل لشركة تفكر بزيادة طاقتها الاستيعابية مع وجود حالتين للسوق مستقبلاً :

ارتفاع	انخفاض	
600	50	التوسع
900	10	مصنع جديد
150	80	تعاقد

11) وفقاً للمدخل التفاولي MaxiMax , فإن البديل الأفضل هو:

- التوسع
- مصنع جديد
- معلومات غير كافية
- تعاقد

ناخذ أكبر قيمة في الجدول = 900 موجودة عند المصنع الجديد

12) وفقاً للمدخل المتشائم MaxiMin فإن البديل الأفضل هو

- التوسع
- مصنع جديد
- معلومات غير كافية
- تعاقد

ناخذ أصغر قيمة في كل صف التوسع = 50 المصنع = 10 تعاقد = 80

بعدين ناخذ أكبر رقم من الثلاثة = 80 موجود عند التعاقد

13 ) وفقاً لمدخل الندم MiniMax فإن البديل الأفضل هو

- التوسع

صراحةً يبغالة شغلنا بس فضل عندنا التوسع يصير هو الإجابة ☺

- مصنع جديد
- معلومات غير كافية
- تعاقد

14 ) بافتراض أن احتمال الارتفاع 0.40 فإن القيمة النقدية المتوقعة في حال التوسع

عرفنا في الاحتمالات لازم مجموع الاحتمالات يطع 1 طيب عندنا احتمال الارتفاع = 0.40  
إذا احتمال الانخفاض = 0.6  
القيمة النقدية المتوقعة للتوسع =  $(0.4 * 600) + (0.6 * 50) = 270$

- 1. 240
- 2. 270
- 3. 210
- 4. 650

15 ) بافتراض استمرار فرضية احتمال أن يكن هناك ارتفاع 0.4 فإن القيمة النقدية المتوقعة في حال تعاقد

القيمة النقدية المتوقعة نضرب كل رقم في الاحتمال ونجمع النواتج يعني نضرب  
 $108 = (0.6 * 80) + (0.4 * 150)$

- 108 -
- 184 -
- 10 -
- 40 -

16 ) بافتراض استمرار فرضية احتمال أن يكن هناك ارتفاع 0.4 فإن القيمة النقدية المتوقعة في حال مصنع جديد

القيمة النقدية المتوقعة للمصنع =  $(0.4 * 900) + (0.6 * 10) = 366$

- 20 -
- 16 -
- 366 -
- 360 -