

محاضره السادسة

مقاييس النزعه المركزية

- البيانات مفردة (اي غير مجدوله) اي غير مفرغه في التوزيع تكراري
- عندما تكون البيانات مفرغه في التوزيع التكراري

1: الوسيط الحسابي

2: مفردات

تعريف الوسيط الحسابي: الوسيط للبيانات الفرده $x_1, x_2, \dots, x_n$ و التي عددها n هو:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

- مثال: أحسب البيانات التاليه 2,5,1,0,6,

$$n=6$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^6 x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_6}{6} = \frac{2 + 5 + 1 + 0 + 6 + 7}{6} = 3.5$$

- مثال: أحسب الوسيط الحسابي للبيانات 10,15,3,7,8,11,100

- من خصائص الوسيط الحسابي أنه يتأثر سريعا في القيم الشاذه.

$$\bar{x} = \frac{10+15+3+7+8+100}{6} = \frac{154}{6} = 22 \quad \text{الحل:}$$

- مثال: أحسب الوسيط الحسابي للبيانات 10,15,3,7,8,11

$$\bar{x} = \frac{10+15+3+7+8+11}{6} = \frac{54}{6} = 9 \quad \text{الحل:}$$

2: الوسيط: هو القيمة التي تحجز تحتها 50% من البيانات وبعدها 50% من البيانات

- الوسيط لبيانات مرتبه ترتيبيا تصعديا أو تنازليا و القيمة المتوسطه لهذه البيانات إذا كان عددها فرديا وهو الوسيط الحسابي للقيمتين المتوسطتين إذا كان عدد البيانات زوجيا

- مثال: اوجد الوسيط الحسابي بين البيانات التاليه 10,15,3,7,8,11,100

- الحل: نرتب البيانات تصاعديا

- أزيل البيانات من اليسار وتقابلها ببيانه من اليمين أي زيل البيانات المتناظره ، اذا بقي بيانه وحده اذا عدد البيانات كان فردي و اذا بيانتين زوجي

$$3, 7, 8, 10, 11, 15, 100$$

$$n=7 = \text{عدد البيانات}$$

$$10 = \text{الوسيط الحسابي}$$

❖ ملاحظه: الوسيط لا يتأثر بالقيم الشاذه مما يجعله متينا

❖ مثال: احسب الوسيط الحسابي للبيانات التاليه 20,17,10,25,28,1000,2,8

1: نرتب البيانات ترتيب تصديا.

$$2, 8, 10, 7, 20, 25, 1000$$

↓

18.5

$$M = \frac{17+20}{2} = \frac{37}{2} = 18.5$$

3: النموال

تعريفه: هو القيمة الأكثر تكرار فيما يجازها من بيانات.

- مثال: أوجد المنوال (المنوالات) للبيانات التالية

5,7,5,3,4,5,5,6,7,9,9,10,9,,5,5,9,9,5

نرتبها

3,4,5,5,5,5,5,6,7,7,9,9,9,9,9,10

النموال : 5,9

ب: البيانات في التوزيع التكراري

1: الوسط الحسابي

تعريفه: كانت مراكز الفئات في التوزيع التكراري هي $X_1, X_2, \dots, X_n$ و كانت التكرارات المقابلة لهذه المراكز هي

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^h f_i x_i}{n} = \text{فإن الوسط الحسابي لهذه التوزيع} = f_1, f_2, \dots, f_h$$

-حيث أن $h, n = \sum_{i=1}^h f_i$: عدد الفئات في التوزيع

مثال: احسب الوسط الحسابي للتوزيع التكراري

الفئات	التكرارات (fi)	مركز الفئة (xi)	fi×Xi
3-7	10	3+7=10÷2=5	50
8-12	2	5+5=10	20
13-17	5	10+5=20	75
18-22	7	15+5=20	140
23-27	6	20+5=25	150
total	30		435

$$\bar{x} = \frac{\sum f_i \times x_i}{n} = \frac{435}{30} = 14.5$$

