

المحاضرة ١٩ - الاسبوع الاحادي عشر

اختبار الفرضيات

اختبار الفرضيات المنطقة بالوسط الحسابي :

نظرية (١) : اذا اخذت عينة عشوائية حجمها n من مجتمع طبيعي (σ^2, H) بحيث كان التباين (σ^2) معلوم ، فان احصاء الاختبار (دالة الاختبار) للفرضية المبدئية $H_0: M = M_0$ هو $Z = \frac{\bar{X} - M_0}{\sigma/\sqrt{n}}$ يخضع للتوزيع الطبيعي المعياري حيث $\bar{X}$ هو الوسط الحسابي للعينة ، بحيث تتم خطوات الاختبار على النحو الآتي :

(١) اختبار الفرضية $H_0: M = M_0$

(٢) مقابل الفرضية البديله

(أ) $H_0: M \neq M_0$

(ب) $H_0: M > M_0$

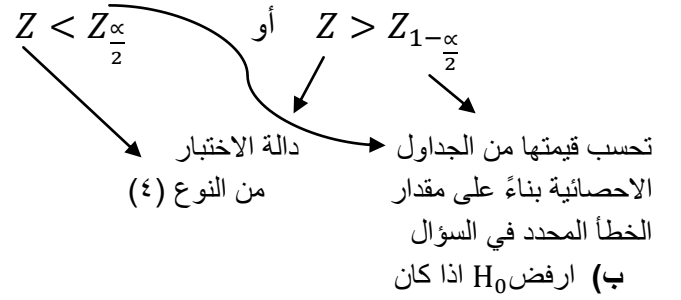
(ت) $H_0: M < M_0$

(٣) مستوى الدلالة α

(٤) دالة الاختبار : تحت فرض ان H_0 صحيحة فان احصاء الاختبار هو $Z = \frac{\bar{X} - M_0}{\sigma/\sqrt{n}}$ يخضع لتوزيع طبيعي معياري

(٥) القيم الحرجة ومنطقة الرفض :

(أ) ارفض الفرضية المبدئية H_0 اذا كان



(ب) ارفض H_0 اذا كان

الجدول من الاحصائية $Z > Z_{1-\alpha}$ دالة الاختبار من رقم ٤

(ت) ارفض H_0 اذا كان

الجدول من الاحصائية $Z < Z_{\alpha}$ دالة الاختبار من رقم ٤

مثال : تخضع اوزان عبوات احد مساحيق الغسيل لتوزيع طبيعي انحرافه المعياري 7 غم و معدلة M غم ، على مستوى الدلالة $\alpha = 0.05$ اختبر الفرضية :

$H_0: M = 50$

مقابل الفرضية البديله

اذا علمت ان الوسط الحسابي لعينه حجمها ١٢ علبة هو $\bar{X} = 56$ غم .

الحل : اولاً يجب ايجاد قيمة دالة الاختبار

عملية المقارنة وتحديد المنطقة الحرجة :

؟؟ Z_{α} ، $Z_{1-\alpha/2}$

$Z_{1-\alpha} = Z_{1-0.05} = Z_{0.95}$ لن يتم الاستفادة منها في هذا المثال

من الجداول الاحصائية نجد ان :

ارفض H_0 اذا كان :

$$Z = 2.97 > Z_{0.975} = 1.96$$

↑ ↑
متباينة صحيحة

القرار : نرفض H_0 وندعم H_1

نظرية (٢) : (اختبار الفرضيات المتعلقة بالوسط الحسابي لمجتمع طبيعي تباينه غير معوم وحجم العينة صغير)

اذا اخذت عينة عشوائية حجمها n من مجتمع طبيعي $N(M, \sigma^2)$ بحيث كان التباين غير معلوم ، فان حالة الاختبار هي

$$T = \frac{\bar{X} - M_0}{S/\sqrt{n}}$$

تخضع توزيع t بدرجات حرية $n-1$ ، وتتم خطوات الاختبار على النحو الآتي :

١. $H_0: M = M_0$

٢. مقابل البدليه

أ) $H_1: M \neq M_0$

ب) $H_1: M > M_0$

ت) $H_1: M < M_0$

٣. مستوى الدلالة α

٤. احصاء الاختبار

$$T = \frac{\bar{X} - M_0}{S/\sqrt{n}}$$

اتخاذ القرار ومناطق الرفض :

أ) ارفض H_0 اذا كان

$$T < -t \left[1 - \frac{\alpha}{2}, n - 1 \right] \text{ او } T > t \left[1 - \frac{\alpha}{2}, n - 1 \right]$$

ب) ارفض H_0 اذا كان

ت) ارفض H_0 اذا كان

مثال : اظهرت سجلات احدى المدارس ان معدل تحصيل الطلبة في امتحان اللغة الانجليزية الذي يتقدمون له عند الالتحاق

بالجامعات الامريكية هو 410 . بدأت المدرسة بإعطاء دورات تقوية للطلبة . اختبر فرضية ان هذا المعدل قد تحسن اذا

اعطت نتائج 14 طالباً وسطاً حسابياً مقداره $\bar{X} = 418$ بانحراف معياري $S = 21$ ؟

(اعتبر مستوى الدلالة $\alpha = 1\%$) .

الحل : ١) $H_0: M = 410$

٢) $H_1: M > 410$

$$T = \frac{\bar{X} - M_0}{S/\sqrt{n}}$$

٤) عملية المقارنة واتخاذ القرار :

نلاحظ ان المتباينة غير صحيحة (بمعنى ان دالة الاختبار لم تقع في منطقة الرفض)
وبذلك فأننا ندعم H_0 ونهمل H_1 (لانستطيع ان نستنتج ان معدل تحصيل الطلبة قد تحسن بعد اعطاء الدورات)