

# Management Mathematics

الفصل الثاني / نظريات و تطبيقات على النهايات و الاتصال  
المسجلة: ٩+١٠

أستاذ المقرر : ثابت عايد القحطاني .

# نظرية:

(١)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} c = c$  •  $\lim_{x \rightarrow -\infty} c = c$  حيث  $c$  عدد حقيقي

(٢) إذا كان  $y$  عدد نسبي موجب وكان  $c$  عدد حقيقي فإن :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{c}{x^y} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{c}{x^y} = 0$$

مثال على النظرية رقم  
:(٢)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{x^{10}} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-5}{x} = 0$$

مثال على النظرية رقم  
:(١)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 7 = 7$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{3} = \sqrt{3}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 7 = 7$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{3} = \sqrt{3}$$

ملاحظة مهمة : إذا كان لدينا كثيرتي حدود  $f(x)$  ،  $g(x)$  ، وكان  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{g(x)}$  :

فإننا نقسم كل من البسط والمقام على  $x$  بأكبر قوة مع ملاحظة :

( ١ ) إذا كانت قوة البسط أكبر من قوة المقام فالنهاية تساوي  $\infty$

( ٢ ) إذا كانت قوة المقام أكبر من قوة البسط فإنها تساوي الصفر

( ٣ ) أما إذا كانت تساوت قوة البسط مع قوة المقام فإن النهاية تساوي قسمة المعاملين للمتغير بأكبر قوة .

مثال على النظرية  
الثالثة:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 + 2x^3 - 3}{2x^4 - 5x^2 + 3x}$$

نلاحظ ان قوه البسط  
تساوي قوه المقام و  
في هذي الحاله نأخذ  
معامل اكبر اس من  
البسط و معامل اكبر  
اس من المقام :

3  
—  
2

مثال على النظرية  
الثانية :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + x + 1}{5x^6 - 2x^2 + 5}$$

قوه المقام عندنا ٦ و  
قوه البسط ٢ اذا قوه  
المقام اكبر من قوه  
البسط و ايضا على  
طول الجواب هو:

0

مثال على النظرية الاولى  
:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^5 + 4x + 3}{3x^2 + 2x + 1}$$

طبعا مثل ما لاحظنا عندنا  
قوه البسط اللي هي ٥  
اكبر من قوه المقام اللي  
هي ٢ .  
اذا بديها ايش يكون  
الجواب؟  
الجواب :

∞

# تطبيقات على النهايات:

عند  $x=30$

$$\begin{aligned}f(x) &= 10000 - 10000e^{-0.010x} \\&= 10000 - 10000e^{-0.3} \\&= 10000 - 10000(0.7408) \\&= 2592\end{aligned}$$

عند  $x=300$

$$\begin{aligned}f(x) &= 10000 - 10000e^{0.010x} \\&= 10000 - 10000e^{-3} \\&= 10000 - 10000(0.0497) \\&= 9502\end{aligned}$$

أكبر دخل يتوقع المزارع  $\infty$

$$\begin{aligned}\lim f(x) &= 10000 - 10000e^{\infty} \\&= 10000 - 10000(0) \\&= 10000\end{aligned}$$

(١) الدخل:

هو المبلغ الذي نحصل عليه

مثال : إذا كان الدخل بالر يال لأحد مزارعي النخيل هو

$$f(x) = 10000 - 10000e^{-0.010x}$$

حيث  $x$  تمثل عدد العمال الذين يعملون بالمزرعة ،

المطلوب

أ) أوجد الدخل عندما تكون  $x=30$

ب) أوجد الدخل عندما تكون  $x=300$

ج) أوجد أكبر دخل يتوقعه المزارع

## (٢) الفائدة المستمرة :

$$m = se^{-nh}$$

بالقسمة على  
٢٠

$$\begin{aligned} &= 10 = 20e^{-0.05h} \\ &= \frac{10}{20} = \frac{20}{20}e^{-0.05h} \\ &= \frac{1}{2} = e^{-0.05h} \end{aligned}$$

معادله اسية  
نستخدم لها  
اللوغاريتم  
الطبيعي للطرفين

$$\ln \frac{1}{2} = \ln e^{-0.05h}$$

من قواعد  
اللوغاريتم  
اننا نطلع  
الأس برا

$$\begin{aligned} &= \ln \frac{1}{2} = (-0.05h) \ln e \\ &= \ln \frac{1}{2} = -0.05h \times 1 \end{aligned}$$

$$\therefore h = \frac{\ln \frac{1}{2}}{-0.05} = \frac{0.693}{-0.05} = 13.86 = 14$$

# الاتصال :

تعريف : نقول إن الدالة  $f(x)$  متصلة عند نقطة  $c$  إذا تحققت الشروط الثلاثة التالية :

$$(١) \quad f(c) \text{ معرفة}$$

$$(٢) \quad \lim_{x \rightarrow c} f(x) \text{ موجودة}$$

$$(٣) \quad \lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c)$$

وإذا لم يتحقق أي من الشروط السابقة فإن الدالة  $f(x)$  غير متصلة عند  $c$

# مثال:

ابحث عن اتصال الدالة التالية :

$$f(x) = x^2 + 2 \quad c = 1$$

$$f(1) = 1 + 2 = 3$$

$$\lim(x^2 + 2) = 3$$

تحقق الشرط الأول  
(الدالة معرفة)

$$\lim(x) = f(c)$$

تحقق الشرط الثاني  
(نهاية الدالة  
موجوده)

تحقق الشرط الثالث

الدالة متصله  $\therefore$

أنتهى الشرح ، بالتوفيق جميعاً ،  
دعواتكم لنا .

1435 | 2014  
*Management Mathematics*  
SARA ALGHANNAM , ABO JORY , RAWAN ALGHAMDI