

بسم الله الرحمن الرحيم ..

س١. / اوجد حاصل الضرب الديكارتي :

اوجد $X * Y$

اوجد المجال و المجال المقابل و المدى ..؟

وهل .. $X * Y = Y * X$

$$X = \{0,1,2\}, Y = \{5,7\}$$

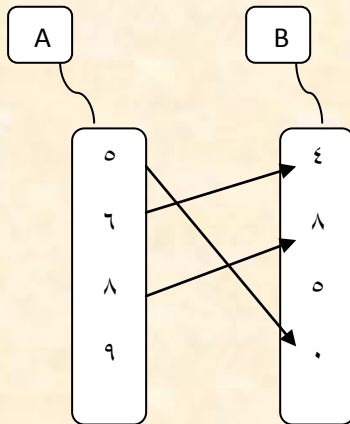
$$X * Y = \{(0,5), (0,7), (1,5), (1,7), (2,5), (2,7)\}$$

$$Y * X = \{(5,0), (5,1), (5,2), (7,0), (7,1), (7,2)\}$$

المجال : X ، المجال المقابل : Y ، المدى : $\{5, 7\}$

لا .. الأزواج المرتبة تختلف $\therefore$ ضرب المجموعات ليس ابدالاً .

س٢. / اوجد المجال و المجال المقابل و المدى ..؟



المجال : A

المجال المقابل : B

المدى : $\{4,8,0\}$

س٣. / $A = \{2,4,6,8\}$ و $B = \{1,3,5,7\}$ $B * A$

وضح ما اذا كانت العلاقات التالية تمثل دوال مستخدم المجموعتين السابقتين ..؟

نعم يحقق داله : لان العناصر موجوده وكل عنصر من بي له صورته من اي $f_1 = \{(1,4), (3,6), (5,8), (7,2)\}$

لا .. لان هذي مجموعة جزئية من $A * B$ $f_2 = \{(4,3), (6,1), (8,2), (2,5)\} \times$

لا .. لان العنصر ٣ له صورتين ٦ و ٨ $\times$ $f_3 = \{(1,4), (3,6), (3,8), (7,2)\}$

من السؤال السابق .. كم زوج مرتب ممكن استخراجه ..؟

٤ * ٤ = ١٦ زوج مرتب .

س٤../. اذا كانت

$$f_{1(x)} = x, f_{2(x)} = 2x$$

فأوجد لكل من هذه الدالتين وهل الدالتين متساويتين عند ٠ ، -١ .. $f(-1), f(0)$

$$f_{1(0)} = x = 0, f_{1(-1)} = x = -1$$

$$f_{2(0)} = 2x = 0, f_{2(-1)} = 2x = 2 * -1 = -2$$

الدالتين متساويتين عند (٠) وغير متساويتين عند (-١)

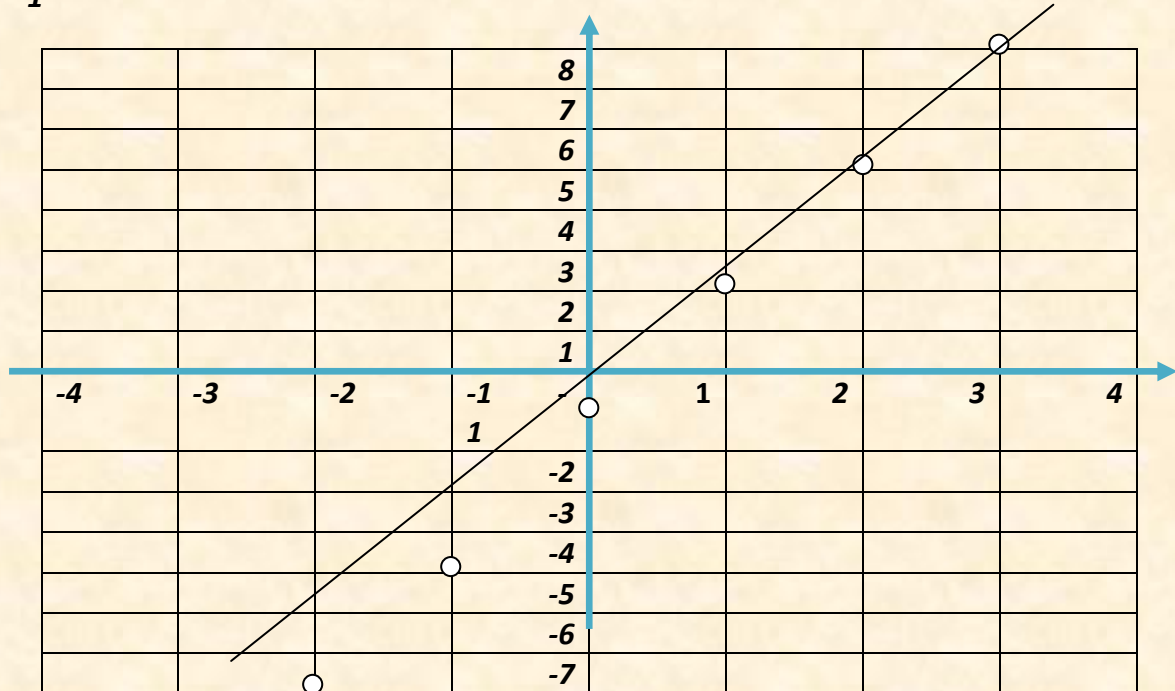
$$\therefore f_{1(0)} = f_{2(0)}, f_{1(-1)} \neq f_{2(-1)}$$

ما هو المدى للدالة $f_{2(x)}$

$\{0, -2\}$

س٥../. ارسم منحنى الدالة التالية

$$f_{(x)} = 3x - 1$$



x	٢-	١-	٠	١	٢	٣
y	٧-	٤-	١-	٢	٥	٨

س٦. /

$$f_{1(x)} = 2x^2 + 5x + 1$$

$$f_{2(x)} = x + 2$$

اوجد كلا من :

$$f_1(x) + f_2(x) = 2x^2 + 6x + 3$$

$$f_1(x) * f_2(x) =$$

$$2x^2 + 5x + 1$$

$$x + 2$$

$$2x^3 + 5x^2 + x + 4x^2 + 10x + 2$$

$$2x^3 + 9x^2 + 11x + 2$$

$$f_1(x) \circ f_2(x) =$$

$$2(x + 2)^2 + 5(x + 2) + 1$$

$$2(x^2 + 4x + 4) + 5(x + 2) + 1$$

$$2x^2 + 8x + 8 + 5x + 10 + 1$$

$$2x^2 + 13x + 19$$

$$\frac{f_1}{f_2} = \frac{2x^2 + 5x + 1}{x + 2}$$

$$f_2(x) - f_{1(x)} =$$

$$x + 2$$

$$-(2x^2 + 5x + 1)$$

$$-2x^2 - 4x + 1$$

س٧. / اوجد معكوس الداله ..

$$f_{(x)} = 2x + 1$$

$$Y = 2x + 1$$

$$2x = y - 1 \gg X = \frac{y-1}{2} \gg Y = \frac{x-1}{2} \therefore f^{-1}(x) = \frac{x-1}{2}$$

س٨. /.. اوجد معكوس الدالة ..؟

$$f_{(x)} = 3x - 5$$

$$Y = 3x - 5$$

$$X = \frac{y+5}{3}$$

$$Y = \frac{x+5}{3} \therefore f^{-1}(x) = \frac{x+5}{3}$$

س٩. /.. من خصائص الدالة الثابتة ..

ان المستقيم الذي يمثلها يكون عمودي على محور y و موازي لمحور x

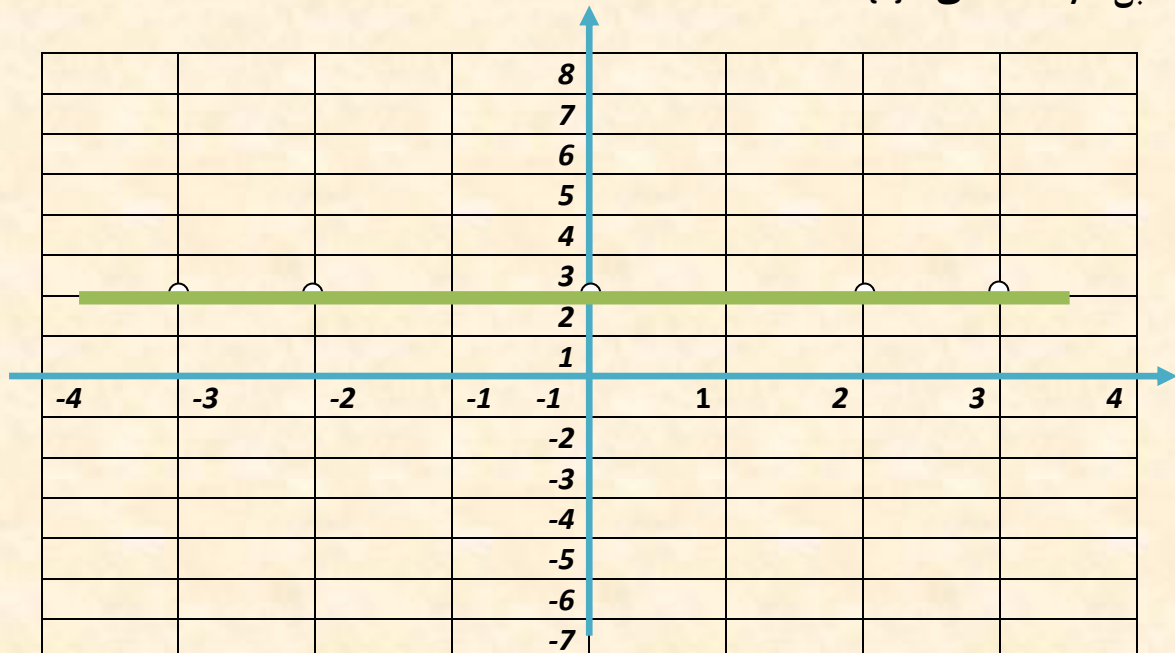
س١٠. /.. مثل الدالة التالية و اوجد المجال و المقابل و المدى ..؟

$$f_{(x)} = 2$$

x	-3	-2	0	2	3
y	2	2	2	2	2

المجال .. x .. جميع الاعداد الحقيقية .. $\mathbb{R}$

المجال المقابل .. y ، المدى .. $\{2\}$



س١١. /.. اوجد ميل المستقيم الذي يمر بالنقطتين $(-5, -3)$ و $(-2, 1)$

$$M = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-3 - 1}{-5 + 2} = \frac{-4}{-3} = \frac{4}{3}$$

س٢١٢.. / اذا كانت مبيعات احدى الشركات ٤٤٠٠٠ سيارة في عام ٢٠١٣ م وكانت مبيعاتها عام ٢٠١٤ م قد بلغت ٥٦٠٠٠ سيارة

فاذا حافظت هذه الشركة على نفس المعدا من الزيادة . فكم يكون عدد مبيعاتها من السيارات عام ٢٠١٥ م ؟..

$$M = 56000 - 44000 = 12000$$

نقول عام ٢٠١٣ < ٤٤٠٠٠ سيارة

$$\text{عام } ٢٠١٤ < ٤٤٠٠٠ + ١٢٠٠٠ = ٥٦٠٠٠ \text{ سيارة}$$

$$\text{عام } ٢٠١٥ < ٥٦٠٠٠ + ١٢٠٠٠ = ٦٨٠٠٠ \text{ سيارة}$$

يعني في كل عام نظيف على عدد السيارات ١٢٠٠٠ ويطلع لنا الانتاج السنة اللي بعدها .. كذا اسهل من القانون مو ^_^

س٢١٢.. / اذا كانت

$$f(x) = 2x^3 + x - 1$$

فاوجد .. $f(٠)$ و $f(-١)$ و $f(٢)$

$$f(٠) = 2(0)^3 + 0 - 1 = -1$$

$$f(-١) = 2(-1)^3 - 1 - 1 = 2(-1) - 2 = -2 - 2 = -4$$

$$f(٢) = 2(2)^3 + 2 - 1 = 2 * 8 + 1 = 17$$

س٢١٣.. / اكتب معادلة المستقيم الذي ميله ٣- و يقطع محور y عند النقطة (٢ ، ٠)

معادلة الخط المستقيم على الصورة .. $y = mx + c$

$$\therefore y = -3x + 2$$

س٢١٤.. / اكتب معادلة المستقيم الذي ميله ٢ و يقطع محور y عند النقطة (٥ ، ٠)

$$Y = 2x + 5$$

س٢١٥.. / اكتب معادلة المستقيم الذي ميله ٧ و يمر في النقطة (٣ ، ٢)

$$Y = 7x + c$$

$$3 = 7 * 2 + c$$

$$3 = 14 + c$$

$$C = 3 - 14$$

$$C = - 11$$

$$\therefore y = 7x - 11$$

س٦١. / اكتب معادلة المستقيم الذي ميله ٢- و يمر فى النقطة (٣ ، -٥)

$$Y = -2x + c$$

$$3 = -2 * -5 + c$$

$$3 = 10 + c$$

$$C = 3 - 10 = -7$$

$$\therefore y = -2x - 7$$

س٦٢. / اكتب معادلة المستقيم الذى يمر بالنقطتين (٥ ، ٢) ، (١ ، -٣)

$$M = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$M = \frac{5 - 1}{2 - (-3)} = \frac{4}{5}$$

نوجد الثابت بدلالة الميل والنقطة

$$M = \frac{4}{5} , (-٣ , ١)$$

$$Y = mx + c$$

$$1 = \frac{4}{5} * -3 + c$$

$$1 = \frac{-12}{5} + c$$

$$C = 1 + \frac{12}{5} = \frac{5}{5} + \frac{12}{5} = \frac{17}{5}$$

$$\therefore y = \frac{4}{5}x + \frac{17}{5}$$

س٦٣. / متى يتوازي المستقيمان ؟

اذا كان لهما نفس الميل

س٦٤. / هل المستقيمان متوازيان ؟

$$Y_1 = 4x + 5$$

$$Y_2 = 4x + 20$$

نعم لان لهما نفس الميل ء

س٦٥. / هل المستقيمان متعامدان ؟

$$Y_1 = 2x + 1$$

$$Y_2 = -\frac{1}{2}x + 5$$

نعم متعامدان .. لان حاصل ضرب ميلهما يساوي ١ -

$$2 * -\frac{1}{2} = -1$$

س٢١ / اوجد معادلة المستقيم العمودي على المستقيم الذي معادلته $y = 3x + 2$ ويمر في (٢ ، ١)

$$M1 * m2 = -1$$

$$3 * m2 = -1$$

$$M = -\frac{1}{3}$$

نوجد المعادلة بدلالة الميل و النقطة

$$Y = mx + c$$

$$2 = -\frac{1}{3} * 1 + c$$

$$2 = -\frac{1}{3} + c$$

$$C = 2 + \frac{1}{3} = \frac{6}{3} + \frac{1}{3} = \frac{7}{3}$$

$$\therefore y = -\frac{1}{3}x + \frac{7}{3}$$

س٢٢ / حل النظام التالي ؟

$$\begin{cases} x - 2y = 1 \\ 2x - y = 5 \end{cases}$$

$$x = 2y + 1$$

$$2(2y + 1) - y = 5$$

$$4y + 2 - y = 5$$

$$3y = 5 - 2$$

$$Y = \frac{3}{3} \quad \therefore y = 1$$

$$X - 2y = 1$$

$$X = 2*1 + 1 \therefore x = 3$$

مجموعة الحل = { (3,1) }

س٢٣ / اذا كانت $qs = 4p - 8$ فأوجد ~

(١) Ps اذا كان $p = 3$ ريال ؟

$$qs = 4p - 8$$

$$= 4 * 3 - 8$$

$$= 12 - 8$$

$$= 4$$

٢) أقل سعر يمكن ان تباع به وحدة السلعة لتفي بحاجة الانتاج ؟..

يحدث أقل سعر يمكن ان تباع به السلعة عندما $q_s = 0$

$$q_s = 4p - 8$$

$$0 = 4p - 8$$

$$8 = 4p$$

$$P = \frac{8}{4} = 2$$