

مقاييس التشتت للتوزيع التكراري (التباين بطريقة النظرية ١)

م. امل حسن محمد ياسين

التباين والانحراف المعياري للتوزيع التكراري ذو الفئات (طريقة النظرية ١)

قانون التباين (نظرية ١):

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^h X_i^2 f_i - n\bar{X}^2}{n-1}$$

الانحراف المعياري:

$$S = \sqrt{S^2}$$

التباين والانحراف المعياري للتوزيع التكراري ذو الفئات (طريقة النظرية ١)

مثال (1): من جدول التوزيع التكراري التالي احسبي التباين والانحراف المعياري:

الفئات	التكرارات (fi)	X_i	$X_i f_i$	$X_i^2 f_i$
30 – 34	10	32	320	10240
34 – 38	25	36	900	32400
38 – 42	30	40	1200	48000
42 – 46	20	44	880	38720
46 – 50	10	48	480	23040
50 – 54	5	52	260	13520
المجموع	100		4040	165920

التباين والانحراف المعياري للتوزيع التكراري ذو الفئات (طريقة النظرية ١)

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^h X_i^2 f_i - n\bar{X}^2}{n-1}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^h X_i f_i}{n}$$

$$\bar{X} = \frac{4040}{100} = 40.4$$

$$S^2 = \frac{(165920 - (100 \times 40.4^2))}{99} = 27.3$$

$$S = \sqrt{S^2} = \sqrt{27.3} = 5.2$$

مثال (2):

► اوجد التباين والانحراف المعياري للجدول التكراري التالي:

الفئات	التكرارات (f_i)	مركز الفئة (x_i)	$x_i f_i$	$X_i^2 f_i$
10 - 5	20	7.5	150	1125
15 - 10	12	12.5	150	1875
20 - 15	8	17.5	140	2450
25 - 20	10	22.5	225	5062.5
المجموع	50		665	10512.5

التباين والانحراف المعياري للتوزيع التكراري ذو الفئات (طريقة النظرية ١)

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^h X_i^2 f_i - n\bar{X}^2}{n-1}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^h X_i f_i}{n}$$

$$\bar{X} = \frac{665}{50} = 13.3$$

$$S^2 = \frac{(10512.5 - (50 \times 13.3^2))}{49} = 34.04$$

$$S = \sqrt{S^2} = \sqrt{34.04} = 5.8$$