

جامعة الملك فيصل انتساب

شرح مراجعه العامة لمقرر مبادئ

الاحصاء دكتور المقرر/ سعيد

سيف الدين

شرح جوج KFU @jojo\_14070

## الجزء الاول

تجميع للتعريفات النظرية الخاصة بالباب الأول ( مفاهيم أساسية ) مع تدريبات

الإحصاء الوصفي : هو العلم الذي يهتم بجمع وتبويب وعرض ووصف البيانات وحساب بعض المقاييس الخاصة بها دون الوصول إلى نتائج أو استدلالات خاصة

الإحصاء الاستقرائي أو الاستدلال الإحصائي أو الإحصاء الاستدلالي : هو العلم الذي يبحث في استقراء النتائج واتخاذ القرارات

المتغير النوعي هو المتغير الذي لا يمكن التعبير عنه بعدد [مثل لون العين/رأيتك في موضوع/لون سيارات بأحد المواقف/....]

المتغير الكمي هو المتغير الذي يُعبر عنه بعدد [مثل عدد

المتغير الكمي المتصل هو المتغير الذي يمكن أن يأخذ أي قيمة بين قيمتين [مثل الوزن/الدخل/.....]

المتغير الكمي المتقطع : هو المتغير الذي يمكن أن يأخذ قيمتين لكن لا يأخذ أي قيمة بينهما [مثل عدد الطلاب/عدد أيام شهر

- البيانات النوعية : هي البيانات (أو المشاهدات) التي يكون فيها المتغير متغير نوعي
- البيانات الكمية : هي البيانات (أو المشاهدات) التي يكون فيها المتغير متغير كمي
- البيانات الكمية المتصلة : هي البيانات (أو المشاهدات) التي يكون فيها المتغير متغير كمي متصل .
- البيانات الكمية المتقطعة : هي البيانات (أو المشاهدات) التي يكون فيها المتغير متغير كمي منقطع .
- البيانات المنفصلة : هي بيانات إما نوعية أو كمية متقطعة .

جمع البيانات هي عملية الحصول على القياسات الخاصة بظاهرة معينة وعادةً ما تُسمى البيانات المجمعة **بالبيانات** تنظيم وعرض **البيانات** : هي عملية وضع البيانات المجمعة في جداول خاصة وعرضها بطرق مناسبة

تحليل البيانات : هي عملية إيجاد مقاييس لتحديد قيمها من البيانات وتعطي بعض الدلالات عن الظاهرة تحت الدراسة

استقراء النتائج واتخاذ القرارات : هي الاستنتاجات التي يتوصل إليها الباحث من خلال تحليله للبيانات وعادةً ما تكون على شكل تقديرات أو تنبؤات أو تعميمات أو قرارات بالرفض أو القبول

## تدريبات:

### اختر الاجابة الصحيحة لكل مما يأتي ؟

- ..... هو العلم الذي يهتم بجمع وتبويب وعرض ووصف البيانات وحساب بعض المقاييس الخاصة بها دون الوصول إلى نتائج أو استدلالات  
 (أ) علم الإحصاء الوصفي (ب) علم الإحصاء الاستقرائي (ج) علم تقنية المعلومات (د) علم تكنولوجيا المعلومات
- ..... هو العلم الذي يبحث في استقراء النتائج واتخاذ القرارات :  
 (أ) علم الإحصاء الوصفي (ب) علم الإحصاء الاستقرائي (ج) علم تقنية المعلومات (د) علم تكنولوجيا المعلومات
- ..... هي عملية الحصول على القياسات والبيانات الخاصة بظاهرة معينة .  
 (أ) تحليل البيانات (ب) جمع البيانات (ج) تنظيم وعرض البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- ..... هي عملية وضع البيانات الخاصة بظاهرة معينة في جداول منسقة وعرضها بطرق مناسبة .  
 (أ) تحليل البيانات (ب) جمع البيانات (ج) تنظيم وعرض البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- ..... هي عملية إيجاد مقاييس لتحديد قيمها من البيانات وتعطي بعض الدلالات عن الظاهرة تحت الدراسة  
 (أ) تحليل البيانات (ب) جمع البيانات (ج) تنظيم وعرض البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات
- ..... هي الاستنتاجات التي يتوصل إليها الباحث من خلال تحليله للبيانات وعادةً ما تكون على شكل تقديرات أو تنبؤات أو تعميمات أو قرارات بالرفض أو القبول  
 (أ) تحليل البيانات (ب) جمع البيانات (ج) تنظيم وعرض البيانات (د) استقراء النتائج واتخاذ القرارات

7. عدد الأيام  $N$  في كل شهر هو متغير :  
 (أ) نوعي ✓ (ب) كمي متقطع (ج) كمي متصل (د) خلاف ما سبق
8. المسافة  $s$  (بالكيلومتر) التي يقطعها شخص يوماً من بيته لمكان عمله هي متغير :  
 (أ) نوعي (ب) كمي متقطع ✓ (ج) كمي متصل (د) خلاف ما سبق
9. لون السيارات  $C$  في أحد مواقف السيارات هو متغير :  
 (أ) نوعي ✓ (ب) كمي متقطع (ج) كمي متصل (د) خلاف ما سبق
10. وزن البطاطس  $W$  (بالكيلوجرام) التي تنتجها مزارع مختلفة في سنة معينة هو متغير :  
 (أ) نوعي (ب) كمي متقطع (ج) كمي متصل ✓ (د) خلاف ما سبق
11. عدد حبات البطيخ  $N$  التي تباعها محلات سوبر ماركت مختلفة يوم الجمعة هو متغير :  
 (أ) نوعي (ب) كمي متقطع ✓ (ج) كمي متصل (د) خلاف ما سبق
12. الزمن  $t$  الذي يأخذه كل طالب في كليتك لحل اختبار مقرر الإحصاء هو متغير :  
 (أ) نوعي (ب) كمي متقطع (ج) كمي متصل ✓ (د) خلاف ما سبق
13. مقياس الأحذية  $S$  هو متغير :  
 (أ) نوعي (ب) كمي متقطع ✓ (ج) كمي متصل (د) خلاف ما سبق
14. اللعبة الرياضية  $A$  التي يفضلها أفراد أسرتك هي متغير :  
 (أ) نوعي ✓ (ب) كمي متقطع (ج) كمي متصل (د) خلاف ما سبق

15. البيانات المجمعة عن تقديرات الطلبة في أحد المقررات الدراسية هي :  
 (أ) نوعية ✓ (ب) كمية متقطعة (ج) كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
16. البيانات المجمعة عن النسبة المئوية لدرجات الطلبة في أحد المقررات هي بيانات :  
 (أ) نوعية (ب) كمية متقطعة (ج) كمية متصلة ✓ (د) خلاف ما سبق
17. البيانات المجمعة عن النسبة المئوية لدرجات الطلبة (مقربة لأقرب عدد صحيح) في أحد المقررات هي بيانات :  
 (أ) نوعية (ب) كمية متقطعة ✓ (ج) كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
18. البيانات المجمعة عن المعدلات التراكمية للطلاب هي بيانات :  
 (أ) نوعية (ب) كمية متقطعة (ج) كمية متصلة ✓ (د) خلاف ما سبق
19. البيانات المجمعة عن الدخل السنوي لمنسوبي إحدى الهيئات الحكومية هي بيانات :  
 (أ) نوعية (ب) كمية متقطعة (ج) كمية متصلة ✓ (د) خلاف ما سبق
20. البيانات المجمعة عن ماركات السيارات في موقف ما ، هي بيانات :  
 (أ) نوعية ✓ (ب) كمية متقطعة (ج) كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
21. البيانات المجمعة عن درجة الحرارة ساعة الظهيرة (لأقرب درجة مئوية) في عدد من مدن المملكة هي بيانات :  
 (أ) نوعية (ب) كمية متقطعة ✓ (ج) كمية متصلة (د) خلاف ما سبق
22. البيانات المجمعة عن الحالة الاجتماعية لسكان منطقة معينة هي :  
 (أ) نوعية ✓ (ب) كمية متقطعة (ج) كمية متصلة (د) خلاف ما سبق

## الجزء الثاني

### تجميع للتعريفات النظرية الخاصة بالباب الثاني (التوزيعات التكرارية) مع تدريبات

**البيانات المنفصلة** هي بيانات إما أن تكون بيانات نوعية [تلك البيانات التي لا يمكن التعبير عن متغيرها بعدد] أو بيانات كمية متقطعة [تلك البيانات التي يأخذ فيها المتغير قيماً عددية معينة دون أي قيمة بينها] .

**البيانات المتصلة** هي بيانات عددية يمكن للمتغير فيها أن يأخذ أي قيمة ممكنة بين قيمتين محددتين [في بعض الأحيان يُقال أنها كيات يمكن ان تُقاس ولا تُعد] .

وبالتالي سنقسم هذا الباب إلى جزئين : الأول ويخص **البيانات المنفصلة** ، والثاني ويخص **البيانات المتصلة**

جامعة الملك فيصل 7 عمادة العلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد

د. سعيد سيف الدين البيانات المنفصلة مراجعة عامة : مبادئ الإحصاء

**مثال توضيحي :** الجدول المبين يظهر قيمة المتغير  $x$  [درجة الطلاب في أحد المقررات] والتكرار  $f$  لكل قيمة (عدد الطلاب)

(1)	(2)	(3)	(4)
المتغير $x$	التكرار $f$	التكرار النسبي	الزاوية المركزية
8	20	$20/100 = 0.2$ or $0.2 \times 100 = 20\%$	$(20/100) \times 360 = 72^\circ$
2	30	$30/100 = 0.3$ or $0.3 \times 100 = 30\%$	$(30/100) \times 360 = 108^\circ$
4	35	$35/100 = 0.35$ or $0.35 \times 100 = 35\%$	$(35/100) \times 360 = 126^\circ$
6	15	$15/100 = 0.15$ or $0.15 \times 100 = 15\%$	$(15/100) \times 360 = 54^\circ$
<b>مجموع التكرارات</b>		<b>1.0 or 100%</b>	<b>360°</b>

أكبر أضعف قيمة

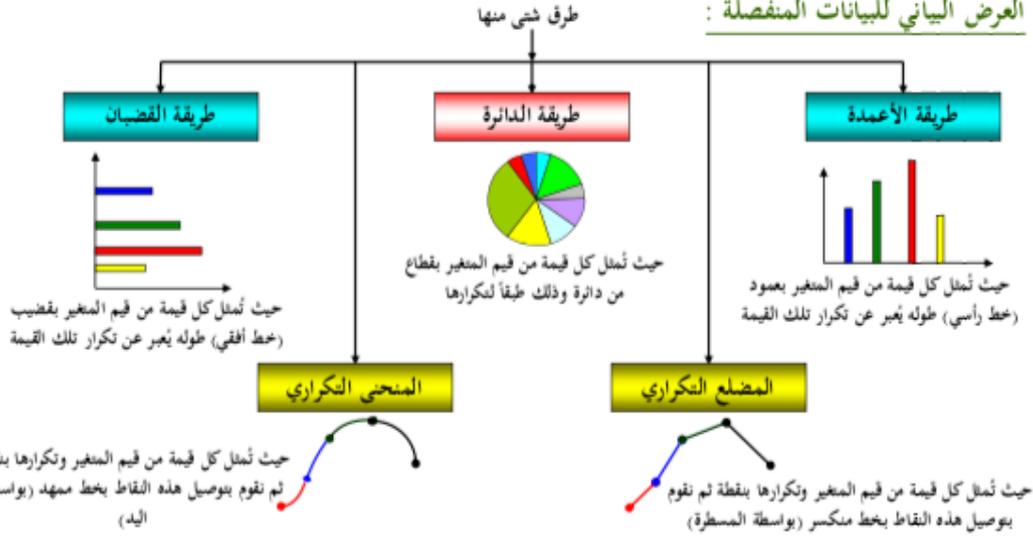
- الجدول المكون من العمودين (1) (2) ، يُسمى **بالجدول** [أو **التوزيع التكراري**]
- ويمكن إضافة العمود (3) له [فقط عند الحاجة له] يُسمى **بالجدول** [أو **التوزيع التكراري النسبي**]
- ويمكن إضافة العمود (4) له [فقط عند تمثيل البيانات بيانياً بطريقة الدائرة] .

**وفي هذا الجدول يكون**

- مجموع التكرارات**  $\sum f$  : تقوم بتجميع التكرارات
- التكرار النسبي** : هو خارج قسمة تكرار القيمة على مجموع التكرارات ويمكن أن يُعبر عنه كنسبة عادية أو نسبة مئوية
- الزاوية المركزية المناظرة لقيمة معينة لـ  $x$**  : تقوم بقسمة تكرار القيمة على مجموع التكرارات ثم تضرب الناتج في 360 [أو تضرب التكرار النسبي (كنسبة) في 360] .
- مجموع التكرارات النسبية** = 1 [أو 100%] ، بينما **مجموع الزوايا المركزية** = 360° .

**وللبيانات الكمية فقط** يُعرف المدى  $R$  على أنه الفرق بين أكبر قيمة للبيانات وأصغر قيمة لها  $[8 - 2 = 6]$  في المثال المبين

## العرض البياني للبيانات المنفصلة :



**تذكر**

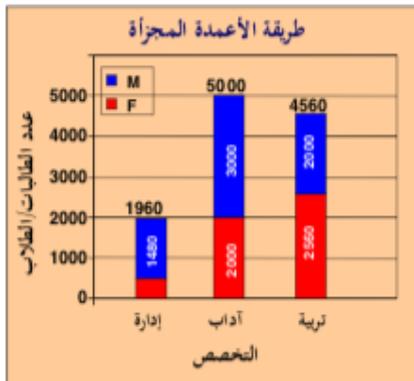
$$\text{الزاوية المركزية لقيمة ما} = \frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} \times 360$$

$$\text{الزاوية المركزية لقيمة ما} = \text{التكرار النسبي للقيمة} \times 360$$

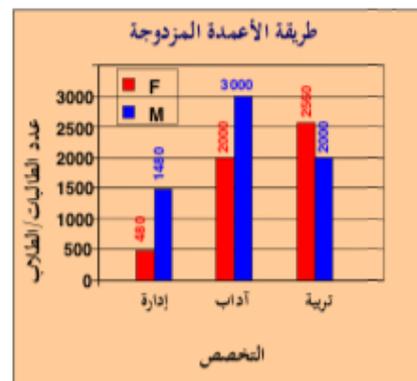
## العرض البياني للبيانات المنفصلة لظاهرتين :

	طلاب M	طالبات F	
إدارة أعمال	1480	480	1960
آداب	3000	2000	5000
تربية خاصة	2000	2560	4560

**مثال توضيحي :** الجدول المبين يظهر عدد كل من الطلاب والطالبات في تخصصات إدارة أعمال ، الآداب ، والتربية الخاصة الذين تقدموا لاجتبارات الفصل الدراسي الثاني من العام الجامعي 1430/1431 هـ في برنامج التعليم عن بُعد



كل تخصص يُمثل بعمود طوله يُعبر عن مجموع عدد طالباته وطلابها معاً ثم يتم **تجزئته** إلى عمودين كل منهما يمثل فئة من الفئات



كل تخصص يُمثل بعمود مزدوج مكون من عمودين بسيطين **متلاصقين**



## تدريبات :

### تدريبات

1. المدى لمجموعة من البيانات الكمية المنفصلة  
(أ) أكثر القيم تكراراً في البيانات  
(ب) أصغر قيمة في البيانات  
(ج) الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة في البيانات  
(د) أكبر قيمة في البيانات
2. البيانات المنفصلة هي :  
(أ) بيانات نوعية فقط  
(ب) بيانات كمية متقطعة فقط  
(ج) أي بيانات يمكن أن تقاس  
(د) أي بيانات نوعية أو كمية متقطعة
3. البيانات المتصلة هي : :  
(أ) بيانات نوعية فقط  
(ب) بيانات كمية متقطعة فقط  
(ج) أي بيانات يمكن أن تقاس  
(د) أي بيانات نوعية أو كمية متقطعة
4. المدى لمجموعة من البيانات يمكن تحديده ل :  
(أ) البيانات النوعية فقط  
(ب) البيانات الكمية للتقطعة فقط  
(ج) أي بيانات كمية
5. المدى لمجموعة القيم 2 , 10 , 4 , 5 , 5 , 7 هو :  
(أ) 5  
(ب) 8  
(ج) 2
6. التكرار النسبي لأي قيمة في مجموعة من القيم هو :  
(أ) خارج قسمة القيمة على مجموع القيم  
(ب) خارج قسمة تكرار القيمة على مجموع التكرارات  
(ج) خارج قسمة مجموع التكرارات على تكرار القيمة
7. الزاوية المركزية لأي قيمة في مجموعة من القيم هي :  
(أ) القيمة ÷ مجموع القيم × 360  
(ب) تكرار القيمة × 360  
(ج) تكرار القيمة ÷ 360  
(د) التكرار النسبي للقيمة × 360

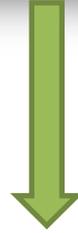
5. المدى لمجموعة القيم 2, 10, 4, 5, 5, 7 هو:

10 (د)

2 (ج)

8 (ب) ✓

5 (أ)



توضيح سؤال 5:

نرجع لتعريف المدى : هو الفرق بين أكبر قيمة و أصغر قيمة في البيانات

$$R=10-2=8$$

رأمز المدى

أكبر قيمة

أصغر قيمة

8. في طريقة الأعمدة البسيطة لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير  $X$  بـ :

- ✓ (أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم تقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)  
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

9. في طريقة القضبان البسيطة لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير  $X$  بـ :

- ✓ (أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم تقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)  
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

10. في طريقة المضلع التكراري لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير  $X$  بـ :

- (أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
✓ (ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم تقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)  
(د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

11. في طريقة الدائرة لعرض البيانات المنفصلة تُمثل كل قيمة من قيم المتغير  $X$  بـ :

- (أ) بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ب) بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة .  
(ج) بنقطة إحداثياتها هي قيمة المتغير وتكرارها ثم تقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)  
✓ (د) بقطاع من دائرة طبقاً لتكرارها .

لأسئلة من (12) إلى (14) : الجدول المرفق يبين درجات 20 طالباً في أحد المقررات الدراسية :

100	99	98	97	96	95	94	93	92	الدرجة
1	3	1	1	1	6	3	2	2	التكرار

12. عدد الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هو :

(أ) 3 (ب) 0.15 (ج) 4 (د) 7 ✓

13. عدد الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 94 هو :

(أ) 3 (ب) 0.15 (ج) 4 (د) 7 ✓

14. النسبة المئوية للطلاب الحاصلين على درجة 94 فأقل هي :

(أ) 0.35 (ب) 4 (ج) 35% ✓ (د) 7

توضيح سؤال 12 طلب منا عدد الطلاب الحاصلين على 94 فأقل

نفس ما انا موضحته لكم بجدول و تحديدا اتجاه السهم الحل  $3+2+2=7$

94	93	92	الدرجة
3	2	2	التكرار

توضيح سؤال 13 طلب منا عدد الطلاب الحاصلين على أقل من 94 ؟ موضوح لكم ب

جدول يكون الحل  $2+2=4$

93	92	الدرجة
2	2	التكرار

توضيح سؤال 14 طلب منا النسبة المئوية للطلاب الحاصلين على درجة 94 فأقل ؟

100	99	98	97	96	95	94	93	92	الدرجة
1	3	1	1	1	6	3	2	2	التكرار

$f$

المتغير  $X$

خطوات الحل :

1/ عدد الطلاب حاصلين على درجة 94 فأقل

$$3+2+2=7$$

2 / النسبة المئوية الطلاب حاصلين على درجة 94 فأقل

النسبة المئوية :

$$100 \times \frac{f}{\sum f}$$

نجمع التكرار

$$2+2+3+6+1+1+1+3+1=\sum f=20$$

أبسطها لكم النسبة المئوية هي التكرار نقسمها على مجموع التكرارات و نضربها في 100

هذا جواب

$$35\% = 100 \times \frac{7}{20}$$

العمر	العدد
22	2
25	3
28	2
31	1
32	1
35	1
	10

للأسئلة من (15) إلى (17) :

الجدول التالي بين الجدول التكراري لأعمار 10 عمال في أحد المصانع الصغيرة ، من هذا الجدول :

15. المدى  $R$  للعمر هو :  
(أ) 3 (ب) 2 (ج) 10 (د) 13 ✓

16. زاوية القياس المناظرة للعمر 31 تساوي :  
(أ) 36° ✓ (ب) 360° (ج) 72° (د) 108°

17. التكرار النسبي للعمر 25 سنة هو :  
(أ) 0.2 ✓ (ب) 0.3 ✓ (ج) 0.1 (د) 1

توضيح سؤال 15

طلب منا المدى للعمر ؟

نرجع و نتذكر تعريف المدى : هو الفرق بين أكبر قيمة و أصغر قيمة في البيانات

الحل :  $R=35-22=13$

توضيح سؤال 16

طلب منا زاوية القياس المناظرة للعمر 31 ؟

$$360 \times \frac{f}{\sum f} \text{ زاوية}$$

الحل

$$360 \times \frac{1}{10} = 36$$

العمر	العدد
22	2
25	3
28	2
31	1
32	1
35	1
	10

توضيح السؤال 17

طلب منا التكرار النسبي للعمر 25 سنة

$$\frac{f}{\sum f} \text{ التكرار النسبي}$$

الحل

$$\frac{3}{10} = 0.3$$

العمر	العدد
22	2
25	3
28	2
31	1
32	1
35	1
	10

لأسئلة من (18) إلى (20) : الجدول المقابل بين الجدول التكراري لأعمار عدد من الممرضات (الأقرب سنة) اللاتي يعملن في أحد أقسام إحدى المستشفيات ، من هذا الجدول نستنتج أن :

العمر (المتغير) $x$	التكرار (العدد) $f$	الزاوية المركزية
20	20	$72^\circ$
25	?	$36^\circ$
30	30	?
35	?	?
	$\sum f$	

18. عدد الممرضات ذات العمر 25 سنة هو :

(أ) 10 (ب) 20 (ج) 30 (د) 40

19. الزاوية المركزية المناظرة للعمر 30 سنة هي :

(أ)  $36^\circ$  (ب)  $72^\circ$  (ج)  $108^\circ$  (د)  $144^\circ$

20. عدد الممرضات الكلي هو :

(أ) 95 (ب) 100 (ج) 105 (د) 110

طلب منا في السؤال 18 عدد الممرضات ذات العمر 25 ؟

(يبي له شوية تركيز و فهم)

عشان نطلع التكرار لممرضات نشوف الخانة المناظرة لها اللي هي اعمارهم 20 نأخذ التكرار و الزاوية المركزية يلا نطبق هذا الكلام خطوات الحل

المتغير (العمر) $x$	التكرار (العدد) $F$	الزاوية المركزية
20	20	$72^\circ$
25	?	$36^\circ$
30	30	?
35	?	?
	$\sum f$	

( نسوي عملية المقص )  $\rightarrow$   $\begin{matrix} 20 & 72 \\ & \swarrow \searrow \\ & ? & 36 \end{matrix}$

$$720 = 36 \times 20 \quad = ? \times 72$$

$$10 = \frac{720}{72}$$

طلب منا في السؤال 19 الزاوية المركزية المناظرة

للعمر 30 سنة هي : خطوات الحل

( نسوي عملية المقص )  $\rightarrow$   $\begin{matrix} 20 & 72 \\ & \swarrow \searrow \\ 30 & ? \end{matrix}$

$$= 20 \times ? \quad 2160 = 30 \times 72$$

$$108^\circ = \frac{2160}{20}$$

المتغير (العمر) $x$	التكرار (العدد) $F$	الزاوية المركزية
20	20	$72^\circ$
25	?	$36^\circ$
30	30	?
35	?	?
	$\sum f$	

طلب منا في السؤال 20 عدد الممرضات الكلي ؟

خطوات الحل

( نسوي عملية المقص )

$$\begin{array}{ccc} 20 & & 72 \\ & \swarrow \searrow & \\ & ? & 360 \end{array}$$

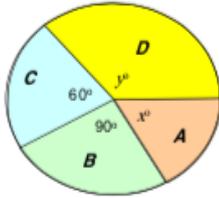
$$7200 = 360 \times 20$$

$$= ? \times 72$$

$$100 = \frac{7200}{72}$$

الزاوية المركزية	التكرار (العدد) F	المتغير (العمر) x
72°	20	20
36°	?	25
?	30	30
?	?	35
	$\sum f$	

للأسئلة من (21) إلى (23) : الشكل المقابل بين مبيعات أربع شركات A, B, C, D (بيع لعب الأطفال) وذلك خلال عيد الفطر المبارك ، فإذا كان عدد اللعب الكلي لي تم بيعها بواسطة هذه الشركات هو 5400 لعبة ، أجب على الأسئلة التالية :



21. النسبة المئوية لمبيعات الشركة B هي :

- (أ) 40% (ب) 30% (ج) 25% (د) 60%

22. عدد اللعب التي باعها الشركة B هو :

- (أ) 2700 (ب) 2250 (ج) 900 (د) 1350

23. عدد اللعب التي باعها الشركتان A, D معاً هو :

- (أ) 3150 (ب) 2250 (ج) 900 (د) 1350

طلب منا في السؤال 21 النسبة المئوية لمبيعات الشركة B ؟

توضيح :

حدد لنا شركة B نشوف الشكل ان زاويتها 90°

( اخذنا زاويه 90 و ضربناها في 100 لان طلب نسبه مئوية )  $\rightarrow 90 \times 100 = 9000$

( ناخذ الناتج و نقسمه على مجموع زاوية المركزيه 360 )  $\rightarrow 25\% = \frac{9000}{360}$

طلب منا في السؤال 22 عدد اللعب التي باعها الشركة B ؟

خطوات الحل :

$$( \text{اخذنا نسبة المئوية لشركة B و قسمنا على } 100 \text{ و ضربناها في مجموع عدد اللعب الكلي الشركات نفس مأهو موضحه لنا بسؤال } 5400 \text{ و طلع لنا الناتج } 1350 ) \longrightarrow 1350 = 5400 \times \frac{25}{100}$$

طلب منا في السؤال 23 عدد اللعب التي باعتها الشركتان D و A معاً؟  
هنا الشركتان A و D مو موضح بالشكل زاويتهم هنا نفتح مخنا شوي و نركز

خطوات الحل :

1 / اخذنا زاوية المناظره لهم اللي اهم شركتان C و A جمعهم و طرحنا ناتجهم  
ب مجموع زاوية المركزية اللي اهو مجموع زاوية المركزية اللي اهو 360

$$\rightarrow 90 + 60 - 360 = 210$$

2 / رجعنا لحركة المقص ليسهل علينا الخطوات

اخذنا مجموع عدد اللعب التي باعتها الشركات 5400 و ضربناها بناتج الشركتين C  
B, 210 و الناتج اللي طلع لنا قسمناه على مجموع زاوية المركزية 360 و  
الحمدالله بعد هذي خطوات توصلنا للناتج ✓

$$\begin{array}{cc} 5400 & 360 \\ & \times \\ ? & 210 \end{array}$$

$$5400 \times 210 = \frac{113400}{360} = 3150$$

$$360 \times ? =$$

طلاب M	طالبات F	
1480	480	إدارة أعمال
3000	2000	آداب
2000	2560	تربية خاصة

لأُسئلة من (24) إلى (28): في إحصائية لعمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد بجامعة الملك فيصل عن أعداد الطلاب والطالبات الذين تقدموا لاختبارات التعليم المطور للانتساب في الفصل الدراسي الثاني للعام الجامعي 1430/1431 هـ في تخصصات إدارة أعمال وتربية خاصة وآداب كانت البيانات كما هو موضح بالجدول المزدوج التالي:

24. عدد الطالبات اللاتي تقدمن للاختبارات هو

(أ) 480 (ب) 2000 (ج) 2580 (د) 5040 ✓

25. عدد الطلبة (طلاب وطالبات) الذين تقدموا للاختبارات هو

(أ) 4560 (ب) 11520 ✓ (ج) 6480 (د) 5000

26. عدد الطلبة (طلاب وطالبات) في تخصص تربية خاصة الذين تقدموا للاختبارات هو

(أ) 4560 ✓ (ب) 11520 (ج) 6480 (د) 5000

27. النسبة المئوية لطالبات (الإناث) تخصص تربية خاصة الذين تقدمن للاختبارات وذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات من تخصص تربية خاصة هي (تقريباً)

(أ) 43.9% (ب) 50.8% (ج) 22.2% (د) 56.1% ✓

28. النسبة المئوية للطلاب (الذكور) تخصص تربية خاصة الذين تقدموا للاختبارات وذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات من جميع التخصصات هي (تقريباً)

(أ) 56.1% (ب) 50.8% (ج) 17.4% ✓ (د) 43.9%

>> تنبيه (انتبهوا لصيغة سؤال و ايش مطلوب

منك انا راح اظلل عشان تعرفون ايش مطلوب )

طلب منا في السؤال عدد الطالبات اللاتي تقدمن للاختبارات هو ؟

طلاب M	طالبات F	
1480	480	ادارة أعمال
3000	2000	آداب
2000	2560	تربية خاصة

توضيح: هنا طلب عدد الطالبات

نفس ما انا مظللته لكم الحين نجمع

عدد طالبات ادارة الاعمال و آداب و تربية خاصة

الحل :

$$480+2000+2560=5040$$

طلب منا في السؤال 25 عدد الطلبة (طلاب و

طالبات) الذين تقدموا للاختبارات ؟

توضيح : عدد الطلبة (طلاب و طالبات )  
ادارته اعمال و آداب و تربية خاصة

طلاب M	طالبات F	
1480	480	ادارة أعمال
3000	2000	آداب
2000	2560	تربية خاصة

الحل :

$$480+2000+2560+1480+3000+2000=11520$$

طلب منا في السؤال 26 عدد الطلبة (طلاب و

طالبات) في تخصص تربية خاصة الذين  
تقدموا للاختبارات ؟

توضيح : هنا طلب منا عدد طلبه (طلاب و  
طالبات) حدد لنا تربية خاصة

طلاب M	طالبات F	
1480	480	ادارة أعمال
3000	2000	آداب
2000	2560	تربية خاصة

الحل :

$$2560+2000=4560$$

طلب منا في السؤال 27 النسبة المئوية لطالبات (الاناث) تخصص تربية خاصة الذين تقدموا

للاختبارات و ذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات  
من تخصص تربية هي تقريبا؟

توضيح : طلب النسبة المئوية لطالبات حدد تخصص تربية  
خاصه نطلعها و نقيسها بالجميع المتقدمين (طلاب و طالبات )  
تخصص تربية خاصة

طلاب M	طالبات F	
1480	480	ادارة أعمال
3000	2000	آداب
2000	2560	تربية خاصة

الحل :

$$4560 \div 2560 \times 100 = 56.1\%$$

طلب منا في السؤال 28 النسبة المئوية للطلاب (الذكور) تخصص تربية خاصة الذين تقدموا

للاختبارات و ذلك بالقياس لجميع المتقدمين للاختبارات

من جميع التخصصات هي تقريباً ؟

طالبات F	طلاب M	
480	1480	ادارة أعمال
2000	3000	آداب
2560	2000	تربية خاصة

توضيح : طلب هنا نسبة المئوية الطلاب (الذكور) حدد

لنا تخصص تربية خاصة نقيسهم

على عدد المتقدمين لجميع الاختبارات

من جميع التخصصات

: الحل

$$2000 \div 11520 \times 100 = 17.4\%$$

البيانات المصنفة هي تلك البيانات التي يمكن أن يأخذ فيها المتغير (العاصية تحت الدراسة) أية قيمة بين قيمتين محددتين [مثل الأطوال ، الأوزان ، درجات الحرارة ، الدخل الشهري أو السنوي ، وغيرها] . ويمكن عرض هذه البيانات أيضاً عن طريق الجداول أو بيانياً .

الفئة	المتغير $x$	طول الفئة $c$	مركز الفئة $x_0$
الأولى	$0 \leq x < 20$	$20 - 0 = 20$	$(0 + 20) \div 2 = 10$
الثانية	$20 \leq x < 30$	$30 - 20 = 10$	$(20 + 30) \div 2 = 25$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	$35 - 30 = 5$	$(30 + 35) \div 2 = 32.5$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	$40 - 35 = 5$	$(35 + 40) \div 2 = 37.5$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	$50 - 40 = 10$	$(40 + 50) \div 2 = 45$
السادسة	$50 \leq x < 60$	$60 - 50 = 10$	$(50 + 60) \div 2 = 55$

- قيم المتغير  $x$  هنا معطاة على صورة 6 فترات أو ما يُسمى بـ "الفئات"
- لكل فئة حدان : حد أدنى ، وحد أعلى ، فالفئة الأولى (مثلاً) حدها الأدنى 0 وحدها الأعلى 20 (وهو الحد الأدنى للفئة الثانية)
- لكل فئة طول وهو يساوي الفرق بين حدها الأعلى وحدها الأدنى
- لكل فئة مركز [وسنرمز له بالرمز  $x_0$ ] وهي قيمة المتغير  $x$  الواقعة في منتصف تلك الفئة ، وتُحسب ببساطة على أنها متوسط حديها الأدنى والأعلى ، أي أن :

$$\text{مركز أي فئة} = \frac{\text{حد الفئة الأدنى} + \text{حددها الأعلى}}{2}$$

## عرض البيانات المتصلة بواسطة الجداول :

المتغير $x$ (الطول)	التكرار (العدد) $f$
$0 \leq x < 20$	4
$20 \leq x < 30$	16
$30 \leq x < 35$	12
$35 \leq x < 40$	10
$40 \leq x < 50$	6
$50 \leq x < 60$	2
$\sum f = 50$	

الجدول (التوزيع) التكراري

المتغير $x$ (الطول)	التكرار (العدد) $f$	التكرار النسبي $\bar{f}$
$0 \leq x < 20$	4	$4 + 50 = 0.08$ or 8%
$20 \leq x < 30$	16	$16 + 50 = 0.32$ or 32%
$30 \leq x < 35$	12	$12 + 50 = 0.24$ or 24%
$35 \leq x < 40$	10	$10 + 50 = 0.20$ or 20%
$40 \leq x < 50$	6	$6 + 50 = 0.12$ or 12%
$50 \leq x < 60$	2	$2 + 50 = 0.04$ or 4%
$\sum f = 50$		$\sum \bar{f} = 1$ or 100%

الجدول (التوزيع) التكراري النسبي

مفتوح من الطرفين

$x$	$f$
$x < 6$	20
$6 \leq x < 12$	25
$12 \leq x < 15$	35
$x \geq 15$	18

الحدان الأدنى (للغثة الأولى) والأعلى (للغثة الأخيرة) غير معلومين

مفتوح من أعلى

$x$	$f$
$6 \leq x < 12$	20
$12 \leq x < 15$	25
$15 \leq x < 18$	35
$x \geq 18$	18

الحد الأعلى للغثة الأخيرة غير معلوم

مفتوح من أسفل

$x$	$f$
$x < 6$	20
$6 \leq x < 12$	25
$12 \leq x < 15$	35
$15 \leq x < 18$	18

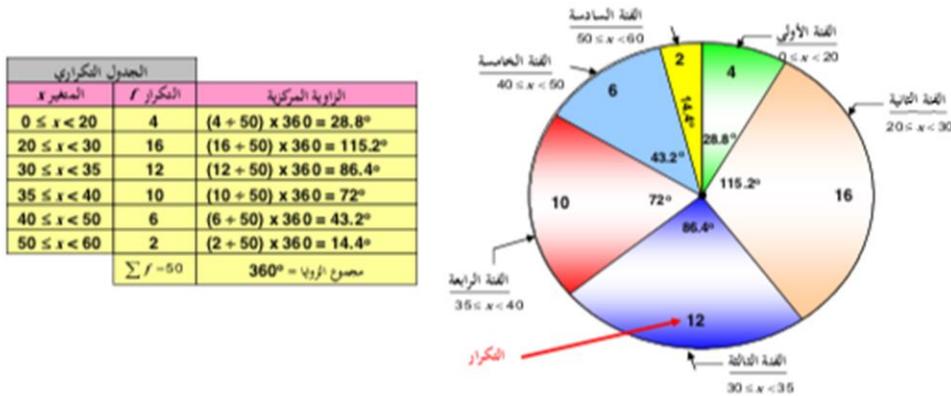
الحد الأدنى للغثة الأولى غير معلوم

وهناك حالات خاصة منها

## عرض البيانات المتصلة بيانياً :

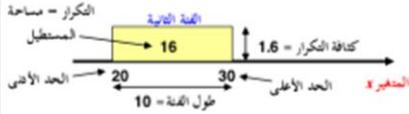
### أولاً : طريقة الدائرة لعرض البيانات الكمية المتصلة

تمثل كل فئة بقطاع دائري طبقاً للزاوية المركزية لهذه الفئة . إذن لا بد من تحديد الزوايا المركزية أولاً ثم تمثيل البيانات بنفس الطريقة التي اتبعناها مع البيانات المنفصلة .



ثانياً : طريقة المدرج التكراري :

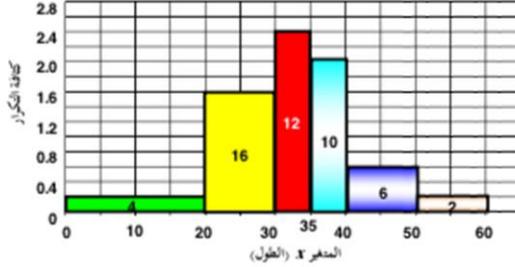
وهو أسلوب مشابه لطريقة الأعمدة البسيطة للبيانات المنفصلة مع الاختلافات التالية :



- تمثل كل فئة **بمستطيل** قاعدته تقع على المحور الأفقي [الذي يمثل المتغير  $x$ ]. **وعرضه يساوي طول الفئة ومساحته تساوي تكرار الفئة.**

- وحيث أن مساحة أي مستطيل تساوي عرض المستطيل مضروباً في ارتفاعه ، فإن ارتفاع أي مستطيل يكون مساوياً لـ "**تكرار الفئة مقسوماً على طول الفئة**" والذي يُسمى بـ "**كثافة التكرار**" ، وبالتالي لا بد من حساب كثافة تكرار كل فئة قبل رسم المدرج التكراري

المتغير $x$	التكرار (العدد) $f$	طول الفئة $c$	كثافة التكرار $f/c$
$0 \leq x < 20$	4	20	$4 + 20 = 0.2$
$20 \leq x < 30$	16	10	$16 + 10 = 1.6$
$30 \leq x < 35$	12	5	$12 + 5 = 2.4$
$35 \leq x < 40$	10	5	$10 + 5 = 2$
$40 \leq x < 50$	6	10	$6 + 10 = 0.6$
$50 \leq x < 60$	2	10	$2 + 10 = 0.2$



المدرج التكراري

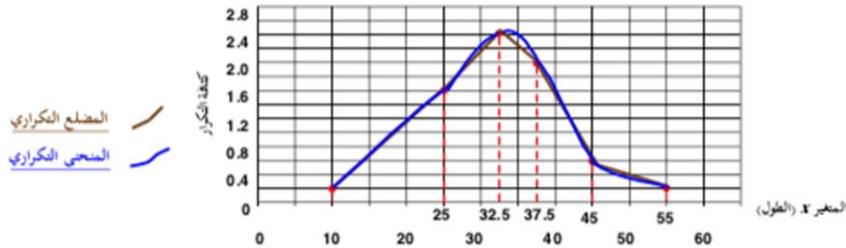
لا فراغات موجودة بين المستطيلات [حيث أن البيانات هنا بيانات متصلة]

ثالثاً : طريقة المضلع (أو المنحني) التكراري :

وهو أسلوب مشابه لطريقة المضلع (أو المنحني) التكراري للبيانات المنفصلة ، إلا أن كل فئة تمثل بنقطة : إحداثياتها الأفقي هو **مركز الفئة** ، وإحداثياتها الرأسية هو **كثافة تكرارها** .

وبالتالي لرسم المضلع (أو المنحني) التكراري لا بد أن نضيف للجداول التكراري أعمدة تبين طول كل فئة وكثافة تكرارها [كما في حالة المدرج التكراري] إلى جانب عمود بين مركز الفئة .

المتغير $x$ (الطول)	التكرار (العدد) $f$	طول الفئة $c$	مركز الفئة $x_c$	كثافة التكرار	الفئة $(x_c, f/c)$
$0 \leq x < 20$	4	20	10	0.2	(10, 0.2)
$20 \leq x < 30$	16	10	25	1.6	(25, 1.6)
$30 \leq x < 35$	12	5	32.5	2.4	(32.5, 2.4)
$35 \leq x < 40$	10	5	37.5	2	(37.5, 2)
$40 \leq x < 50$	6	10	45	0.6	(45, 0.6)
$50 \leq x < 60$	2	10	55	0.2	(55, 0.2)



## تدريبات :

## تدريبات

1. التكرار النسبي لفئة من الفئات هو :  
 (أ) خارج قسمة الحد الأعلى للفئة على مجموع التكرارات  
 (ب) خارج قسمة تكرار الفئة على مجموع التكرارات  
 (ج) خارج قسمة تكرار الفئة على مجموع التكرارات ✓  
 (د) خارج قسمة الحد الأدنى للفئة على مجموع التكرارات
2. في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية الطول تكون مساحة أي مستطيل من المستطيلات هي  
 (أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل  
 (ب) تكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل  
 (ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل  
 (د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل
3. في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية الطول يكون طول قاعدة أي مستطيل من المستطيلات هو :  
 (أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل  
 (ب) تكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل  
 (ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل  
 (د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل ✓
4. في المدرج التكراري لبيانات متصلة ذات فئات غير متساوية الطول يكون ارتفاع أي مستطيل من المستطيلات هو  
 (أ) تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل  
 (ب) تكرار النسبي للفئة التي يمثلها المستطيل  
 (ج) كثافة تكرار الفئة التي يمثلها المستطيل  
 (د) طول الفئة التي يمثلها المستطيل ✓
5. في المدرج التكراري لبيانات متصلة تكون المستطيلات الممثلة للفئات :  
 (أ) متلاصقة تماماً (أي لا مسافات بينها)  
 (ب) منفصلة عن بعضها  
 (ج) متداخلة  
 (د) فوق بعضها
6. في المضلع (أو المنحنى) التكراري لفئات غير متساوية الطول ، تمثل كل فئة بنقطة إحداثياتها :  
 (أ) الحد الأدنى للفئة وتكرارها  
 (ب) الحد الأعلى للفئة وتكرارها  
 (ج) مركز الفئة وتكرارها النسبي  
 (د) مركز الفئة وكثافة تكرارها ✓

## للأسئلة من (7) إلى (12)

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots < x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50

للتوزيع التكراري المميز :

7. التكرار النسبي للفئة الرابعة يساوي :  
 (أ) 0.2  
 (ب) 0.3  
 (ج) 0.1 ✓  
 (د) 0.4
8. مركز الفئة الأولى عند  $x$  تساوي :  
 (أ) 0  
 (ب) 10 ✓  
 (ج) 15  
 (د) 20
9. طول الفئة الأولى يساوي :  
 (أ) 0  
 (ب) 10  
 (ج) 15 ✓  
 (د) 20
10. كثافة تكرار الفئة الأولى تساوي :  
 (أ) 0.2  
 (ب) 0.5 ✓  
 (ج) 10  
 (د) 20
11. الحد الأدنى للفئة الثانية عند  $x$  تساوي :  
 (أ) 0  
 (ب) 20 ✓  
 (ج) 25  
 (د) 30
12. الحد الأعلى للفئة الثالثة عند  $x$  تساوي :  
 (أ) 30  
 (ب) 35  
 (ج) 40 ✓  
 (د) 50

شرح للأسئلة من 7 الى 12

طلب منا في السؤال 7 التكرار النسبي للفئة الرابعة؟

توضيح: طلب منا التكرار النسبي للفئة الرابعة نفس ما أنا مظلته لكم ب جدول

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50

نرجع و نتذكر ان التكرار النسبي

$$\frac{f}{\sum f} = \text{التكرار النسبي}$$

مجموع التكرارات

$$\frac{5}{50} = 0.1 \text{ : الحل}$$

طلب منا في سؤال 8 مركز الفئة الأولى عند  $x$  تساوي؟

توضيح : هنا طلب مركز الفئة نتذكر مع بعض أن

$$\frac{\text{حد الفئة الأدنى} + \text{حدما الأعلى}}{2} = \text{مركز الفئة}$$

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50

$$\frac{20+0}{2} = \frac{20}{2} = 10 \text{ : الحل}$$

طلب منا في السؤال 9 طول الفئة الأولى يساوي ؟

توضيح : طول الفئة هو الفرق بين حدها الأدنى و حدها الأعلى

طول الفئة = حدها الأدنى - حدها الأعلى

الحل :  $0 - 20 = 20$

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50

طلب منا في السؤال 10 كثافة تكرار الفئة الأولى تساوي ؟

توضيح : ان كثافة التكرار هي التكرار

نقسمها على طول كثافة التكرار =  $\frac{\text{تكرار}}{\text{طول}}$

الحل :  $\frac{10}{20} = 0.5$

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50

طلب منا في السؤال 11 الحد الأدنى للفئة الثانية عند  $x$  تساوي ؟

توضيح : يبي منا الحد الأدنى للفئة الثانية

الحد الأعلى للفئة الأولى = الحد الأدنى للفئة الثانية

الثانية نفس ما انا موضحته لكم ب جدول

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50

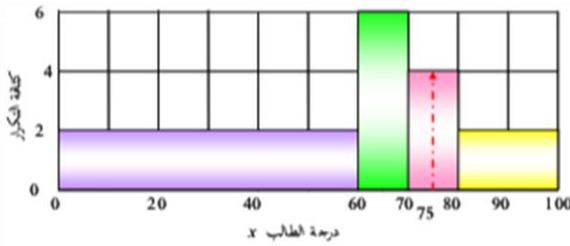
الحل : 20

طلب منا في السؤال 12 الحد الأعلى للفئة الثالثة عند  $x$  تساوي ؟

توضيح : الحد الأعلى للفئة الثالثة = الحد الأدنى للفئة الرابعة نفس ما لنا موضحتها لكم ب  
الجدول

الحل : 50

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$
الأولى	$0 \leq x < 20$	10
الثانية	$\dots \leq x < \dots$	15
الثالثة	$30 \leq x < \dots$	20
الرابعة	$50 \leq x < 60$	5
		50



لأسئلة من (13) إلى (17)

المدرج التكراري المبين يوضح الدرجة  $x$  لعدد من الطلاب في مقرر مبادئ الإحصاء مقسمين على 4 فئات ، من هذا المدرج يمكن استنتاج الآتي :

13. عدد الطلاب الرايين رأي الحاصلين على أقل من 60 يساوي :

- (أ) 40 (ب) 60 (ج) 100 (د) 120 ✓

14. عدد الطلاب الحاصلين على 80 فأكثر يساوي :

- (أ) 40 ✓ (ب) 60 (ج) 100 (د) 120

15. عدد الطلاب الحاصلين على تقدير C+ [أي الحاصلين على درجة 75 فأكثر إلى ما قبل 80] يساوي

- (أ) 120 (ب) 100 (ج) 20 ✓ (د) 260

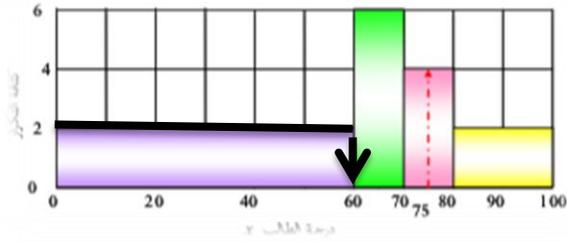
16. عدد الطلاب الناجحين والحاصلين على تقدير B على الأكثر [أي الحاصلين على أكثر من 60 وأقل من 80] :

- (أ) 40 (ب) 60 (ج) 100 ✓ (د) 120

17. عدد الطلاب الكلي الذين تقدموا للاختبار هو :

- (أ) 180 (ب) 200 (ج) 220 (د) 260 ✓

طلب منا في السؤال 13 عدد الطلاب الرايين (أي الحاصلين على أقل من 60)؟

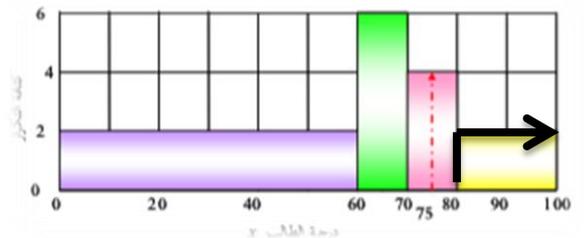


توضيح : نفس ماأنا موضحه لكم ب

رسمه سهم الاسود ناخذ كثافة التكرار و نضربها في مساحه المستطيل

**الحل :  $2 \times 60 = 120$**

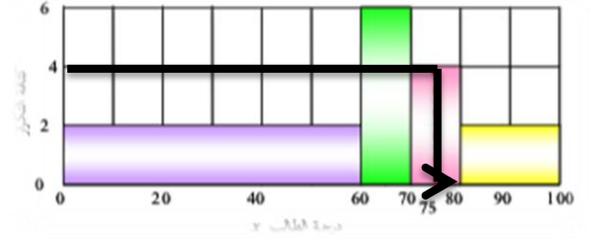
طلب منا في السؤال 14 عدد الطلاب الحاصلين على 80 فأكثر يساوي ؟



توضيح : نفس ماأنا موضحه لكم ب رسمه سهم الاسود ناخذ كثافة التكرار و نضربها في مساحه المستطيل

**الحل :  $20 \times 4 = 40$**

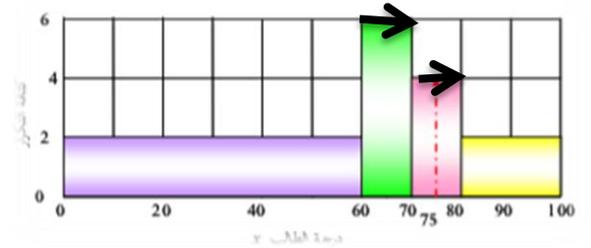
طلب منا في السؤال 15 عدد الطلاب الحاصلين  
على تقدير C+ (أي الحاصلين على درجة 75  
فأكثر الى ما قبل 80) ؟



توضيح : نفس ماأنا موضحه لكم ب رسمه سهم  
الاسود ناخذ كثافة التكرار و نضربها في مساحه المستطيل

**الحل :  $5 \times 4 = 20$**

طلب منا في السؤال 16 عدد الطلاب الناجحين و  
الحاصلين على التقدير B على الأكثر ( أي  
الحاصلين على أكثر من 60 و أقل من 80 ) ؟



توضيح : نفس ماأنا موضحه لكم ب رسمه سهم  
الاسود ناخذ كثافة التكرار و نضربها في مساحه المستطيل

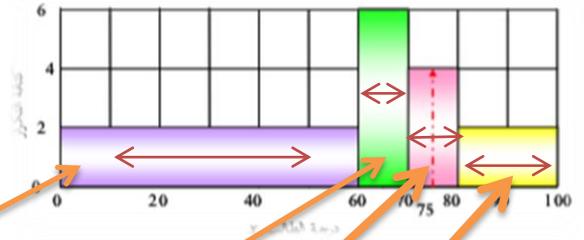
**خطوات الحل :  $10 \times 6 = 60$**

**$10 \times 4 = 40$**

**$40 + 60 = 100$**

طلب منا في السؤال 17 عدد الكلي الذين تقدموا للاختبار هو ؟ توضيح : نأخذ كثافة التكرار و نضربها في مساحه

المستطيل خطوات الحل :



$$2 \times 60 = 120 \quad \longrightarrow \quad 120$$

+

$$6 \times 10 = 60 \quad \longrightarrow \quad 60$$

+

$$4 \times 10 = 40 \quad \longrightarrow \quad 40$$

+

$$4 \times 10 = 40 \quad \longrightarrow \quad 40$$

=

$$260$$

الجدول التكراري المتجمع الصاعد

المتغير $x$ (الطول)	التكرار (العدد) $f$
$0 \leq x < 20$	4
$20 \leq x < 30$	16
$30 \leq x < 35$	12
$35 \leq x < 40$	10
$40 \leq x < 50$	6
$50 \leq x < 60$	2
$\sum f = 50$	

من الجدول (التوزيع) التكراري  
يمكن تكوين ما يُسمى بالجدول  
التكراري المتجمع الصاعد كالآتي

التكرار (التوزيع) المتجمع الصاعد		
المتغير $x$	التكرار	التكرار المتجمع النسبي
أقل من 0	المجموع	$0 + 50 = 0$ [0%]
أقل من 20	$0 + 4 = 4$	$4 + 50 = 0.08$ [8%]
أقل من 30	$4 + 16 = 20$	$20 + 50 = 0.40$ [40%]
أقل من 35	$20 + 12 = 32$	$32 + 50 = 0.64$ [64%]
أقل من 40	$32 + 10 = 42$	$42 + 50 = 0.84$ [84%]
أقل من 50	$42 + 6 = 48$	$48 + 50 = 0.96$ [96%]
أقل من 60	$48 + 2 = 50$	$50 + 50 = 1$ [100%]

مجموع التكرارات      مجموع التكرارات النسبية

0  
↓  
 $\sum f$

يبدأ السهم يميناً على البداية واتجاهه  
يساراً على المجموع المتكامل للتكرارات

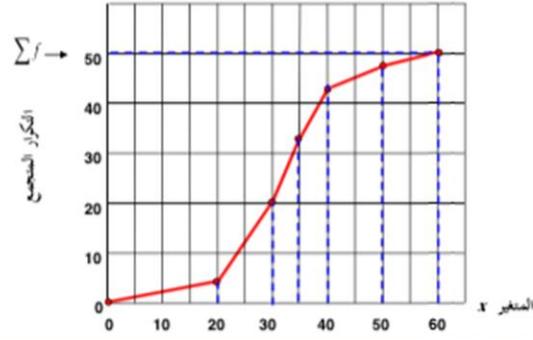
المتغير $x$	التكرار $f$
$0 \leq x < 20$	4
$20 \leq x < 30$	16
$30 \leq x < 35$	12
$35 \leq x < 40$	10
$40 \leq x < 50$	6
$50 \leq x < 60$	2
$\sum f = 50$	

المتغير $x$	التكرار المتجمع	النقطة الموقفة على الرسم
$< 0$	0	(0, 0)
$< 20$	4	(20, 4)
$< 30$	20	(30, 20)
$< 35$	32	(35, 32)
$< 40$	42	(40, 42)
$< 50$	48	(50, 48)
$< 60$	50	(60, 50)

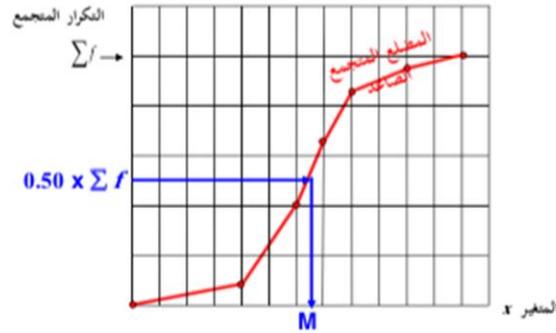
### المضلع التكراري المتجمع الصاعد

من الجدول (التوزيع) المتجمع الصاعد يمكن رسم ما يُسمى بـ "المضلع المتجمع الصاعد" كما يلي :

المضلع التكراري المتجمع الصاعد

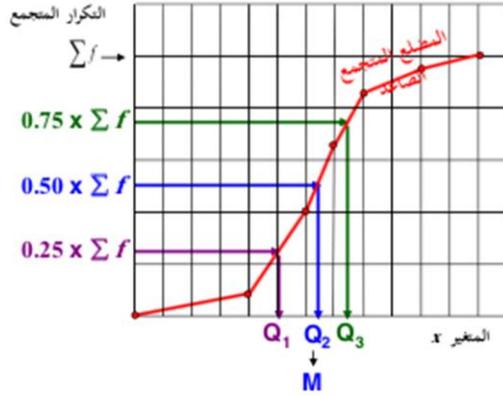


ومن هذا المضلع يمكن تحديد العديد من المقاييس الهامة أهمها



**الوسيط M :** وهي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين متساويتين في العدد بحيث تقع 50% من القيم تحتها ، 50% من القيم فوقها ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي بناظرها تكرار متجمع صاعد قدره نصف مجموع التكرارات  $[0.50 \sum f]$  .

ويمكن تحديدها بأن نحدد (على المحور الرأسي) 50% من مجموع التكرارات  $[0.50 \times \sum f]$  ثم نرسم خطاً أفقياً حتى يلاقي المضلع للمتجمع الصاعد في نقطة ، عندها نخط نخط رأسي لأسفل ونقرأ على المحور الأفقي قيمة  $x$  فتكون تلك القيمة هي قيمة **الوسيط M**



### الربيعات :

وهي 3 قيم تقسم مجموعة البيانات إلى 4 مجموعات متساوية في العدد بحيث تقع 25% من القيم في كل مجموعة .

#### الربيع الأول $Q_1$ :

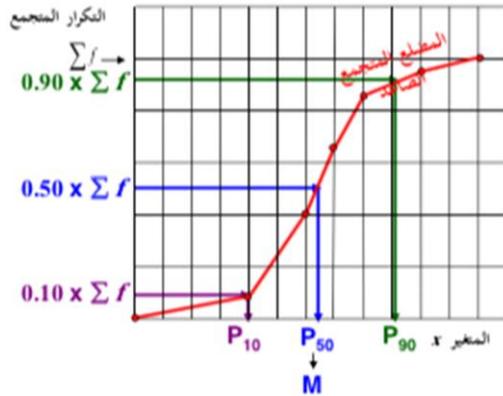
هي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 75% من القيم فوقها (أي أكبر منها) ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره 25% من مجموع التكرارات  $[0.25 \sum f]$  .

#### الربيع الثاني $Q_2$ :

هي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين بحيث تقع 50% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 50% من القيم فوقها (أي أكبر منها) ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره 50% من مجموع التكرارات  $[0.50 \sum f]$  ، أي هي نفسها الوسيط  $M$  .

#### الربيع الثالث $Q_3$ :

هي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 25% من القيم فوقها (أي أكبر منها) ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره 75% من مجموع التكرارات  $[0.75 \sum f]$  .



### المتينات :

وهي 99 قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى 100 مجموعة متساوية في العدد بحيث تقع 1% من القيم في كل مجموعة ، وأهم هذه المتينات الآتي

#### المتين العاشر $P_{10}$ :

هي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 90% من القيم فوقها (أي أكبر منها) ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره 10% من مجموع التكرارات  $[0.10 \sum f]$  .

#### المتين الخمسون $P_{50}$ :

هي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين بحيث تقع 50% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 50% من القيم فوقها (أي أكبر منها) ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره 50% من مجموع التكرارات  $[0.50 \sum f]$  ، أي هي نفسها الوسيط  $M$  .

#### المتين التسعون $P_{90}$ :

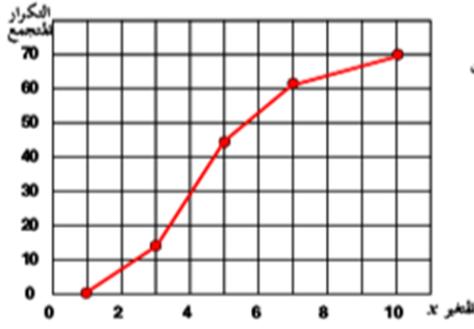
هي قيمة تقسم مجموعة البيانات إلى مجموعتين بحيث تقع 90% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 10% من القيم فوقها (أي أكبر منها) ، وبالتالي فهي قيمة  $x$  التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره 90% من مجموع التكرارات  $[0.90 \sum f]$  .

## تدريبات

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي :

1. هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 75% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .  
 (أ) الربع الأول (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر ✓
2. هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 25% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .  
 (أ) الربع الأول (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث ✓ (د) المئين العاشر
3. هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 90% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .  
 (أ) الربع الأول (ب) الوسيط (ج) الربع الثالث (د) ✓ المئين العاشر
4. هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 90% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 10% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .  
 (أ) الربع الأول (ب) ✓ للمئين التسعون (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر
5. هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 50% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 50% من القيم فوقها (أي أكبر منها) .  
 (أ) الربع الأول (ب) ✓ الوسيط (ج) الربع الثالث (د) المئين العاشر

6. الوسيط لمجموعة من القيم هو نفسه :  
 (أ) الربع الأول (ب) للمئين العاشر (ج) ✓ الربع الثاني (د) المئين التسعون
7. الوسيط لمجموعة من القيم هو نفسه :  
 (أ) المئين التسعون (ب) ✓ للمئين الخمسون (ج) المئين العاشر (د) المئين الخامس
8. الربع الأول لمجموعة من القيم هو نفسه :  
 (أ) المئين التسعون (ب) المئين الخامس والسبعون (ج) المئين الخمسون (د) ✓ المئين الخامس والعشرون
9. الربع الثالث لمجموعة من القيم هو نفسه :  
 (أ) للمئين التسعون (ب) ✓ المئين الخامس والسبعون (ج) المئين الخمسون (د) المئين الخامس والعشرون



لأسئلة من (10) حتى (18) :

الشكل المرفق يبين المضلع التكراري المتجمع الصاعد لمتغير متصل  $X$  ، من هذا الشكل يمكن استنتاج الآتي :

**10.** مجموع التكرارات يساوي :

- (أ) 5 (ب) 10 (ج) 35 (د) 70 ✓

**11.** الربع الأول يقع بين (لقيم  $X$ ) :

- (أ) 2,3 (ب) 3,4 ✓ (ج) 4,5 (د) 5,6

**12.** الوسيط يقع بين (لقيم  $X$ ) :

- (أ) 2,3 (ب) 3,4 ✓ (ج) 4,5 (د) 5,6

**13.** الربع الثالث يقع بين (لقيم  $X$ ) :

- (أ) 2,3 (ب) 3,4 (ج) 4,5 ✓ (د) 5,6

**14.** العاشر يقع بين (لقيم  $X$ ) :

- (أ) 1,2 ✓ (ب) 4,5 (ج) 7,8 (د) 9,10

**15.** العاشر يقع بين (لقيم  $X$ ) :

- (أ) 1,2 (ب) 4,5 ✓ (ج) 7,8 (د) 9,10

## الجزء الثالث :

## الجزء الثالث

# تجميع للتعريفات النظرية الخاصة بالباب الثالث [مقاييس النزعة المركزية] مع تدريبات

مقاييس النزعة المركزية (أو المتوسطات)

هي قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات بحيث تعطي دلالات معينة لتلك البيانات [أمثلة : الوسط الحسابي - الوسيط - المنوال (الشائع)]

$$\frac{\text{مجموع قيم البيانات}}{\text{عددها}} = \text{الوسط الحسابي}$$

### للبينات الكمية المتقطعة

جدول تكراري مثل

المتغير x	التكرار f	f x
5	6	30
3	2	6
6	2	12
4	5	20
2	2	4
8	3	24
	$\sum f = 20$	$\sum fx = 96$

ده الجدول التكراري  
بأعنا [نعني أو نعمله]

نعمل هذا العمود : حاصل  
ضرب كل قيمة في تكرارها

قيم مفردة مثل

9 , 2 , 7 , 12 , 10

الوسط الحسابي يكون

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{9+2+7+12+10}{5} = \frac{40}{5} = 8$$

$$\bar{x} = \frac{\sum fx}{\sum f} = \frac{96}{20} = 4.8 \quad \text{الوسط الحسابي يكون :}$$

## خواص هامة للوسط الحسابي

- إضافة (أو طرح) عدد ثابت إلى كل قيمة : إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الوسط الحسابي ، وبعد ذلك أضفنا لكل قيمة من القيم العدد الثابت  $C$  فإن الوسط الحسابي الجديد = الوسط القديم +  $C$ 
  - مثال : إذا كان الوسط القديم لمجموعة من القيم 10 ثم أضفنا لكل قيمة من القيم العدد 1 فإن : الوسط الجديد =  $10 + 1 = 11$  ، وإذا طرحنا من كل قيمة من القيم العدد 2 فإن الوسط الجديد =  $10 - 2 = 8$
- ضرب (أو قسمة) كل قيمة في عدد ثابت : إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الوسط الحسابي ، وبعد ذلك ضربنا كل قيمة من القيم في العدد الثابت  $C$  فإن الوسط الحسابي الجديد = الوسط القديم  $\times C$ 
  - مثال : إذا كان الوسط القديم لمجموعة من القيم 10 ثم ضربنا كل قيمة من القيم في العدد 1.5 فإن : الوسط الجديد =  $10 \times 1.5 = 15$  ، وإذا قسمنا كل قيمة من القيم على العدد 5 فإن الوسط الجديد =  $10 \div 5 = 2$

الوسط الحسابي =  $\frac{\text{مجموع قيم البيانات}}{\text{عددها}}$

## لبيانات الكمية المتصلة

الفئة	المعبر $x$ (الطول)	التكرار $f$	مركز الفئة $x_0$	$fx_0$
الأولى	$0 \leq x < 20$	4	10	40
الثانية	$20 \leq x < 30$	16	25	400
الثالثة	$30 \leq x < 35$	12	32.5	390
الرابعة	$35 \leq x < 40$	10	37.5	375
الخامسة	$40 \leq x < 50$	6	45	270
السادسة	$50 \leq x < 60$	2	55	110
$\sum f = 50$				$\sum f x_0 = 1585$

$$\bar{x} = \frac{\sum f x_0}{\sum f} = \frac{1585}{50} = 31.7$$

الوسط الحسابي يكون :

ومن أهم مزايا الوسط الحسابي أنه سهل الحساب ولا يحتاج لترتيب القيم تصاعدياً أو تنازلياً

لكن من أبرز عيوبه أنه يتأثر بالقيم المتطرفة ، كما أنه لا يمكن حسابه في حالة التوزيعات المفتوحة

**الوسيط** : يُعرف الوسيط  $M$  لمجموعة من القيم (المرتبة تصاعدياً أو تنازلياً حسب قيمها) على أنه القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد ، أو بتعبير آخر هي القيمة التي في المنتصف

تذكر جيداً أن البيانات المعطاة يجب أن تُرتب تصاعدياً (أو تنازلياً) قبل تحديد الوسيط

لبيانات الكمية المتقطعة [عدد من القيم قدره  $n$ ]

مثال :

$n = 5$				
2	7	9	10	12
ترتيب تصاعدي				
9	2	7	12	10
أولاً				

ولأن عدد القيم فردي ، تكون هناك قيمة **واحدة** في المنتصف رتبها :  $\frac{n+1}{2} = \frac{5+1}{2} = 3$  أي القيمة الثالثة .  
وتكون تلك القيمة هي الوسيط . أي أن : **الوسيط = 9**

مثال آخر :

$n = 6$					
2	7	9	10	12	500
ترتيب تصاعدي					
9	2	7	12	10	500
أولاً					

ولأن عدد القيم زوجي تكون هناك **قيمتان** في المنتصف رتبهما :  $\frac{n}{2} = \frac{6}{2} = 3$  ،  $3+1=4$  أي القيمتان **الثالثة والرابعة** وتكون قيمة **الوسيط** هي الوسط الحسابي لهما أي القيمتين ، أي :  $\frac{9+10}{2} = 9.5$



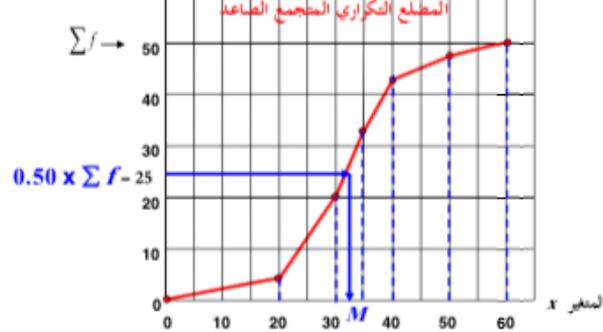
المتغير $x$	التكرار $f$
$0 \leq x < 20$	4
$20 \leq x < 30$	16
$30 \leq x < 35$	12
$35 \leq x < 40$	10
$40 \leq x < 50$	6
$50 \leq x < 60$	2
$\sum f = 50$	

المتغير $x$	التكرار المتجمع	النقطة الموافقة على الرسم
$< 0$	0	(0, 0)
$< 20$	4	(20, 4)
$< 30$	20	(30, 20)
$< 35$	32	(35, 32)
$< 40$	42	(40, 42)
$< 50$	48	(50, 48)
$< 60$	50	(60, 50)

## لليانات الكمية المتصلة

أسهل الطرق لحساب الوسيط هي  
حسابه من المثلث التكراري  
المتجمع الصاعد

التكرار المتجمع



ومن المثلث التكراري للمتجمع الصاعد نحدد (على  
المحور الرأسي) 50% من مجموع التكرارات [أي  
 $0.50 \times \sum f$ ] ثم نرسم خطاً أفقياً حتى يلاقي  
المثلث للمتجمع الصاعد في نقطة ، عندها نخط بخط  
رأسي لأسفل ونقرأ على المحور الأفقي قيمة  $x$  فتكون  
تلك القيمة هي قيمة الوسيط  $M$

من الرسم نستنتج أن :  $M = 32.5$

لاحظ أن الوسيط لا يتأثر بالقيم المنطرفة ،  
كما أنه يمكن حسابه للتوزيعات المفتوحة

يُعرف المنوال (أو الشائع) لمجموعة من القيم على أنه القيمة التي تتكرر أكثر من غيرها أو القيمة الأكثر شيوعاً

فمثلاً :

- مجموعة القيم (1) : 2 2 5 7 9 9 9 10 10 11 12 18
- ومجموعة القيم (2) : 9 3 5 8 10 12 15 16
- ومجموعة القيم (3) : 2 3 4 4 4 5 5 7 7 7 9

أي أن مجموعة القيم قد تكون وحيدة المنوال [لها منوال واحد] ، وقد تكون عديدة المنوال [منوالان أو أكثر] وقد تكون عديمة المنوال [لا يوجد لها منوال]

- أما مجموعة القيم (4) : 4 4 5 5 6 6 7 7
- لكن [حيث أن جميع القيم لها نفس التكرار] هذه المجموعة الأخيرة عديمة المنوال

## والمنوال [مقارنةً بالوسط الحسابي والوسيط] به العديد من العيوب منها :

- أنه لا يأخذ في الاعتبار جميع البيانات ولكنه يهتم فقط بالقيم الأكثر تكراراً .
- أنه قد لا يوجد أو قد يكون هناك أكثر من منوال للبيانات .

إلا أنه أيضاً يتميز ببعض المزايا منها :

- أنه أسرع في تحديده من الوسط والوسيط
- من الممكن تحديده للتوزيعات التكرارية للبيانات **المنفصلة** سواء كانت تلك البيانات كمية متقطعة أو نوعية [والبيانات الأخيرة (النوعية) لا يمكن حساب الوسط الحسابي لها أو الوسط]

بيانات نوعية		بيانات كمية متقطعة		بيانات كمية متقطعة		بيانات كمية متقطعة	
سيارات في أحد المواقف		درجات طلاب في مقرر الفقه		درجات طلاب في مقرر		درجات طلاب في مقرر الإحصاء	
لون السيارة	عدد السيارات	درجة الطالب	عدد الطلاب	عدد الطلاب	الدرجة	درجة الطالب	عدد الطلاب
R أحمر	10	12	25	12	23	12	28
B أزرق	23	14	25	14	30	14	24
W أبيض	12	16	25	16	30	16	39
Y أصفر	5	18	25	18	17	18	9

لها منوال واحد وهو "الدرجة 16"

لها منوالان وهما "14 , 16"

ليس لها منوال

لها منوال وهو "اللون الأزرق"

أمثلة للبيانات المنفصلة

وبالنسبة للتوزيعات التكرارية للبيانات الكمية المتصلة يمكن تحديد المنوال (بصورة تقريبية) كالتالي :

- حدد **الفئة المنوالية** [وهي الفئة التي يناظرها أكبر كثافة تكرار وليس أكبر تكرار]
- حدد **المنوال** [وهو (تقريباً) مركز الفئة المنوالية]

	الجدول التكراري				
	المعبر $x$	التكرار $f$	طول الفئة $c$	مركز الفئة $x_0$	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	10	0.2
الفئة الثانية	$20 \leq x < 30$	16	10	25	1.6
الفئة الثالثة	$30 \leq x < 35$	12	5	32.5	2.4
الفئة الرابعة	$35 \leq x < 40$	10	5	37.5	2
الفئة الخامسة	$40 \leq x < 50$	6	10	45	0.6
الفئة السادسة	$50 \leq x < 60$	2	10	55	0.2
		$\sum f = 50$			

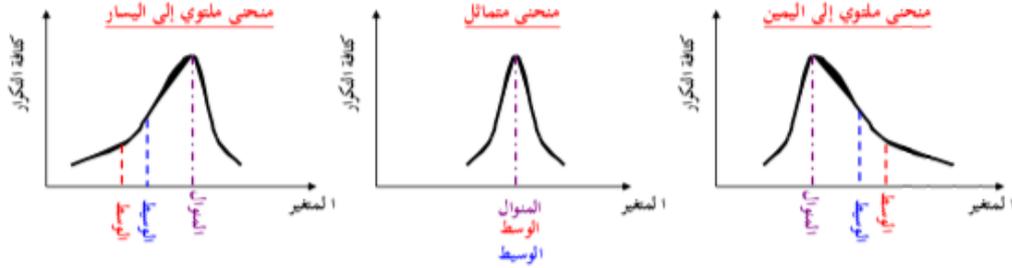
أكبر كثافة تكرار

إذن الفئة المنوالية هي

الفئة الثالثة

والمنوال = 32.5

## علاقة اعتباطية (تقريبية) بين المتوسطات الثلاثة : الوسط والوسيط والمنوال



في جميع المنحنيات الممبنة (والتي تُسمى المنحنيات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء) ، لاحظ الآتي

- المنوال هو القيمة المناظرة لأعلى نقطة في المنحنى
  - الوسيط يقع دائماً بين الوسط و المنوال
- وهذه المنحنيات التكرارية وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء تحقق العلاقة التالية :

$$\text{المنوال} - \text{الوسط} = 3 \times (\text{الوسيط} - \text{الوسط})$$

فمثلاً إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم = 80 ، والوسيط لها = 85 ، فإن :

$$95 = 15 + 80 = \text{المنوال} \quad \leftarrow \quad -15 = (85 - 80) \times 3 = \text{المنوال} - 80$$

## مقارنة بين المتوسطات الثلاثة : الوسط ، الوسيط ، المنوال

المنوال	الوسيط	الوسط الحسابي
<p><b>مزاياه :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• سهولة حسابه</li> <li>• لا يتأثر كثيراً بالقيم المنطرفة</li> <li>• لا يحتاج لترتيب البيانات</li> </ul>	<p><b>مزاياه :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• سهولة حسابه حسابياً أو بيانياً</li> <li>• لا يتأثر بالقيم المنطرفة</li> <li>• يمكن حسابه في حالة التوزيعات التكرارية المفتوحة</li> </ul>	<p><b>مزاياه :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• سهولة حسابه</li> <li>• يأخذ في الاعتبار جميع البيانات</li> <li>• لا يحتاج إلى ترتيب معين للبيانات</li> </ul>
<p><b>عيوبه :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• قد لا يوجد وقد يكون له أكثر من قيمة</li> </ul>	<p><b>عيوبه :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يحتاج إلى ترتيب للبيانات أولاً</li> <li>• لا يأخذ في الاعتبار جميع البيانات</li> </ul>	<p><b>عيوبه :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• يتأثر بشدة بالقيم المنطرفة</li> <li>• لا يمكن إيجاده بالرسم [بيانياً]</li> <li>• لا يمكن حسابه في حالات التوزيعات التكرارية المفتوحة</li> </ul>
<p>أقل مقاييس النزعة المركزية استخداماً</p>	<p>يفضل استخدامه في الحالات التي لا نستطيع فيها حساب الوسط الحسابي</p>	<p>الأكثر استخداماً</p>
<p>في بعض الحالات يمكن تحديده للبيانات النوعية</p>	<p>يمكن حسابها للبيانات الكمية</p>	

## تدريبات :

مقاييس النزعة المركزية	مراجعة عامة : مبادئ الإحصاء	د. سعيد سيف الدين
<b>اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي :</b>		
<b>1. مقاييس النزعة المركزية هي</b>		
✓ (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات		
(ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة		
(ج) مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما		
(د) مقاييس ترصد درجة التذبذب في قيمة المنحني مقارنة بقيمة منحني التوزيع الطبيعي		
<b>2. الوسط الحسابي هو أحد مقاييس</b>		
✓ (أ) النزعة المركزية		
(ب) التشتت		
(ج) الالتواء		
(د) التفرطح		
<b>3. في المنحني المتماثل يكون</b>		
(أ) الوسط الحسابي أكبر من المنوال		
(ب) الوسط الحسابي ضعف المنوال		
✓ (ج) الوسط الحسابي أصغر من المنوال		
(د) الوسط الحسابي يساوي المنوال		
<b>4. في التوزيعات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء الليمين</b>		
✓ (أ) الوسط الحسابي أكبر من المنوال		
(ب) الوسط الحسابي ضعف المنوال		
(ج) الوسط الحسابي أصغر من المنوال		
(د) الوسط الحسابي يساوي المنوال		
42		
عمادة التعلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد		
جامعة الملك فيصل		
<b>مقاييس النزعة المركزية</b>		
مراجعة عامة : مبادئ الإحصاء		
د. سعيد سيف الدين		
<b>5. في التوزيعات وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء لليسار</b>		
(أ) الوسط الحسابي أكبر من المنوال		
✓ (ب) الوسط الحسابي ضعف المنوال		
(ج) الوسط الحسابي أصغر من المنوال		
(د) الوسط الحسابي يساوي المنوال		
<b>6. لعدد من القيم ، يعرف مجموع هذه القيم مقسوماً على عددها على أنه</b>		
✓ (أ) الوسط الحسابي للقيم		
(ب) الانحراف المتوسط للقيم		
(ج) تباين تلك القيم		
(د) الانحراف المعياري للقيم		

7. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وأضفنا لكل قيمة من القيم 2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

أ) 10      ب) 22 ✓      ج) 40      د) 18

8. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وطرحنا من كل قيمة من القيم 2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

أ) 10      ب) 22      ج) 40      د) 18 ✓

9. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وضربنا كل قيمة من القيم في 2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

أ) 10      ب) 22      ج) 40 ✓      د) 18

10. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وقسمنا كل قيمة من القيم على 2 ، فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون :

أ) 10 ✓      ب) 22      ج) 40      د) 18

شرح من سؤال 7 الى سؤال 10 : ( راح أظلل المطلوب من سؤال أنتبهو معي )

طلب من في سؤال 7 إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 و أضفنا لكل قيمة من القيم 2 فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة للقيم الجديدة يكون ؟

الحل :

$$20 + 2 = 22$$

طلب منا في السؤال 8 اذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وطرحنا من كل قيمة من القيم 2 فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون ؟

$$\text{الحل : } 20 - 2 = 18$$

طلب منا في السؤال 9 اذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 و ضربنا كل قيمة من القيم في 2 فإن الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون ؟

$$\text{الحل : } 20 \times 2 = 40$$

طلب منا في السؤال 10 اذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 وقسمنا كل قيمة من القيم على 2 فان الوسط الحسابي للقيم الجديدة يكون ؟

الحل :  $20 \div 2 = 10$

11. الوسيط لمجموعة من القيم المرتبة ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً هو :

- ✓ (أ) القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد  
(ب) القيمة الأكثر تكراراً  
(ج) متوسط أكبر وأقل قيمتين  
(د) مجموع القيم مقسوماً على عددها .

12. لمجموعة من القيم ، فإن القيمة الأكثر تكراراً (إن وجدت) تُسمى :

- (أ) الوسط الحسابي للقيم (ب) وسيط القيم ✓ (ج) منوال القيم (د) مدى القيم

13. لمجموعة من البيانات الكمية المتصلة (فئات غير متساوية الطول) تكون الفئة المنوالية هي الفئة :

- (أ) الأكثر طولاً (ب) الأكثر تكراراً (ج) الفئة الوسطى ✓ (د) الأكثر كثافة تكرار

14. أحد مقاييس النزعة المركزية الذي قد يمكن تحديده للبيانات النوعية :

- ✓ (أ) المنوال (ب) الوسط الحسابي (ج) المدى (د) الوسيط

15. للمنحنيات التكرارية وحيدة المنوال وبسيطة الالتواء يكون :

- (أ) الوسيط - الوسيط =  $3 \times (\text{الوسط} - \text{المنوال})$   
✓ (ج) الوسيط - المنوال =  $3 \times (\text{الوسط} - \text{الوسط})$   
(ب) الوسيط - المنوال =  $3 \times (\text{الوسيط} - \text{الوسط})$   
(د) المنوال - الوسيط =  $3 \times (\text{المنوال} - \text{الوسط})$

خاص بالأسئلة من (16) إلى (18) : الشكل المرفق بين عدة توزيعات لمتغير متصل  $x$  :

التوزيع التكراري (2)				التوزيع التكراري (1)					
$x$	$f$	طول	كثافة التكرار	$x$	$f$	طول	كثافة التكرار		
الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2	الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2
الفئة الثانية	$20 \leq x < 30$	18	10	1.8	الفئة الثانية	$20 \leq x < 60$	40	10	0.2
الفئة الثالثة	$30 \leq x < 45$	18	15	1.2	الفئة الثالثة	$60 \leq x < 70$	2	10	0.2
الفئة الرابعة	$45 \leq x < 55$	8	10	0.8	الفئة الرابعة	$70 \leq x < 75$	1	5	0.2

التوزيع التكراري (3)				التوزيع التكراري (4)				
$x$	$f$	طول	كثافة التكرار	$x$	$f$	طول	كثافة التكرار	
الفئة الأولى	$0 \leq x < 5$	4	5	0.8	الفئة الأولى	$0 \leq x < 10$	4	4
الفئة الثانية	$5 \leq x < 15$	16	10	1.6	الفئة الثانية	$10 \leq x < 20$	16	16
الفئة الثالثة	$15 \leq x < 20$	8	5	1.6	الفئة الثالثة	$20 \leq x < 30$	8	8
الفئة الرابعة	$20 \leq x < 60$	20	40	0.5	الفئة الرابعة	$30 \leq x < 40$	20	20

16. للتوزيع التكراري (1) ، الفئة المنوال هي :  
 (أ) الأولى  
 (ب) الثانية  
 (ج) الثانية والثالثة  
 (د) غير موجودة ✓
17. للتوزيع التكراري (2) ، الفئة المنوال هي :  
 (أ) الأولى ✓  
 (ب) الثانية  
 (ج) الثانية والثالثة  
 (د) غير موجودة
18. للتوزيع التكراري (3) ، الفئة المنوال هي :  
 (أ) الأولى  
 (ب) الثانية  
 (ج) الثانية والثالثة ✓  
 (د) الرابعة
19. للتوزيع التكراري (4) ، الفئة المنوال هي :  
 (أ) الأولى  
 (ب) الثانية ✓  
 (ج) الثانية والثالثة  
 (د) الرابعة

شرح لسؤال 16 الى 19 :

السؤال 16 ننتبه التوزيع التكراري (1) طلب **الفئة المنوالية** يقصد هنا بالفئة المنوالية ؟

هي اكبر كثافة تكرر موضح عندنا في جدول التوزيع التكراري (1) مافي كثافة كلها نفس شي أذن الحل يكون : **غير موجودة**

السؤال 17 التوزيع التكراري (2) الفئة المنوالية هي ؟

نشوف هنا كثافة التكرار نشوف الاكبر كثافة تكراري

الحل : الثانية

التوزيع التكراري (2)				
$x$	$f$	طول	كثافة التكرار	
الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2
الفئة الثانية	$20 \leq x < 30$	18	10	1.8
الفئة الثالثة	$30 \leq x < 45$	18	15	1.2
الفئة الرابعة	$45 \leq x < 55$	8	10	0.8

التوزيع التكراري (3)			
	$x$	$f$	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 5$	4	0.8
الفئة الثانية	$5 \leq x < 15$	16	1.6
الفئة الثالثة	$15 \leq x < 20$	8	1.6
الفئة الرابعة	$20 \leq x < 60$	20	0.3

السؤال 18 التوزيع التكراري (3) الفئة المنوالية هي ؟

نشوف هنا كثافة التكرار نشوف الاكبر كثافة تكراري

الحل : الثانية و الثالثة

التوزيع التكراري (4)		
	$x$	$f$
الفئة الأولى	$0 \leq x < 10$	4
الفئة الثانية	$10 \leq x < 20$	16
الفئة الثالثة	$20 \leq x < 30$	20
الفئة الرابعة	$30 \leq x < 40$	20

السؤال 19 التوزيع التكراري (4) الفئة المنوالية هي ؟

نشوف هنا كثافة التكرار نشوف الاكبر كثافة تكراري

الحل : الرابعة

خاص بالأسئلة من (16) إلى (18) : الشكل المرفق يبين عدة توزيعات لمتمغير متصل  $X$  :

التوزيع التكراري (2)					التوزيع التكراري (1)				
	$x$	$f$	طول	كثافة التكرار		$x$	$f$	طول	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2	الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2
الفئة الثانية	$20 \leq x < 30$	18	10	1.8	الفئة الثانية	$20 \leq x < 60$	8	40	0.2
الفئة الثالثة	$30 \leq x < 45$	18	15	1.2	الفئة الثالثة	$60 \leq x < 70$	2	10	0.2
الفئة الرابعة	$45 \leq x < 55$	8	10	0.8	الفئة الرابعة	$70 \leq x < 75$	1	5	0.2

التوزيع التكراري (4)			التوزيع التكراري (3)				
	$x$	$f$		$x$	$f$	طول	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 10$	4	الفئة الأولى	$0 \leq x < 5$	4	5	0.8
الفئة الثانية	$10 \leq x < 20$	16	الفئة الثانية	$5 \leq x < 15$	16	10	1.6
الفئة الثالثة	$20 \leq x < 30$	8	الفئة الثالثة	$15 \leq x < 20$	8	5	1.6
الفئة الرابعة	$30 \leq x < 40$	20	الفئة الرابعة	$20 \leq x < 60$	20	40	0.5

20. للتوزيع التكراري (1) ، المنوال يساوي (تقريباً) :

10 (ب) 25 (ج)

21. للتوزيع التكراري (2) ، المنوال يساوي (تقريباً) :

10 (ب) 25 (ج)

22. للتوزيع التكراري (3) ، الفئة المتوسطة هي :

10 (ب) 5 (ج)

23. للتوزيع التكراري (4) ، الفئة المتوسطة هي :

15 (ب) 5 (ج)

25 (ب) 37.5 (ج) (د) غير موجود

25 (ب) 37.5 (ج) (د) غير موجود

17.5 (ب) 10 , 17.5 (ج) (د) غير موجود

35 (ب) 25 (ج) (د) غير موجود

شرح من السؤال 21 الى 23

السؤال 21 التوزيع التكراري ( 2 ) المنوال يساوي تقريباً ؟

نفس ماأنا موضحة لكم بالجدول الفئة الثانية

خطوات الحل :  $3+20=50$

$$\frac{50}{2} = 25$$

بكذا الحل : 25

التوزيع التكراري (2)				
	$x$	$f$	طول	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 20$	4	20	0.2
الفئة الثانية	$20 \leq x < 30$	18	10	1.8
الفئة الثالثة	$30 \leq x < 45$	18	15	1.2
الفئة الرابعة	$45 \leq x < 55$	8	10	0.8

السؤال 22 التوزيع التكراري ( 3 ) الفئة المنوالية هي ؟

التوزيع التكراري (3)				
	x	f	طول	كثافة التكرار
الفئة الأولى	$0 \leq x < 5$	4	5	0.8
الفئة الثانية	$5 \leq x < 15$	16	10	1.6
الفئة الثالثة	$15 \leq x < 20$	8	5	1.6
الفئة الرابعة	$20 \leq x < 60$	20	40	0.5

هنا عندنا الفئة الثانية و الثالثة راح اوضح لكم طريقة الحل

خطوات الحل :

$$15+5=20$$

$$\frac{20}{2} = 10$$

$$15+20=35$$

$$\frac{35}{2} = 17.5$$

بكذا الحل: 10 , 17.5

السؤال 23 التوزيع التكراري ( 4 ) الفئة المنوالية هي ؟

التوزيع التكراري (4)		
	x	f
الفئة الأولى	$0 \leq x < 10$	4
الفئة الثانية	$10 \leq x < 20$	16
الفئة الثالثة	$20 \leq x < 30$	8
الفئة الرابعة	$30 \leq x < 40$	20

هنا عندنا الفئة الرابعة خطوات الحل :

بكذا الحل : 35

$$35 = \frac{70}{2}$$

$$30+40=70$$

خاص بالأسئلة من (24) إلى (26) : لمجموعة القيم 4 5 8 9 4 ،			
24. الوسط الحسابي يساوي	8 (د)	5 (ب)	4 (ج) ✓
25. الوسيط يساوي	8 (د)	5 (ب) ✓	4 (ج)
26. المنوال يساوي	8 (د)	5 (ب)	4 (ج) ✓
خاص بالأسئلة من (27) إلى (29) : لمجموعة القيم 16 4 8 2 3 9 ،			
27. الوسط الحسابي يساوي	6 (د)	8 (ب)	7 (ج) ✓
28. الوسيط يساوي	6 (د) ✓	8 (ب)	7 (ج)
29. المنوال يساوي	6 (د)	8 (ب)	7 (ج) ✓

## شرح الأسئلة من 24 إلى 26

### لمجموعة القيم ( 4 9 8 5 4 )

السؤال 24 السؤال الحسابي يساوي ؟

$$\text{توضيح / الوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع قيم البيانات}}{\text{عددها}}$$

خطوات الحل

$$6 = \frac{30}{5} = \frac{4+9+8+5+4}{5}$$

إذن الحل : 6

السؤال 25 الوسيط يساوي ؟

توضيح /الوسيط : ترتيبه ترتيباً تصاعدياً من الاصغر الى الاكبر

4 4 (5) 8 9

الحل : 5

السؤال 26 المنوال يساوي ؟

توضيح/ المنوال : هو المجموعة من القيم على أنه القيمة التي تتكرر أكثر من غيرها أو القيمة الأكثر شيوعاً

(4) 9 8 5 (4)

الحل : 4

شرح الاسئلة من 27 الى 29

لمجموعة القيم (16 4 8 2 3 9)

السؤال 27 الوسط الحسابي يساوي ؟

توضيح /الوسط الحسابي =  $\frac{\text{مجموع قيم البيانات}}{\text{عددها}}$

خطوات الحل :

$$\frac{9 + 3 + 2 + 8 + 4 + 16}{6} = \frac{42}{6} = 7$$

اذن الحل : 7

السؤال 28 الوسيط يساوي ؟ توضيح / ترتيبه ترتيباً تصاعدياً من الاصغر الى الاكبر

2 3 (4 8) 9 16

اذن الحل : 6

$$6 = \frac{12}{2} = 4+8$$

السؤال 29 المنوال يساوي ؟

الحل : غير موجود

لان مافي قيمه متكرره

---

الجزء الرابع :

## الجزء الرابع

# تجميع للتعريفات النظرية الخاصة بالباب الرابع [مقاييس التشتت] مع تدريبات

### مقاييس التشتت

هي مقاييس ترصد الدرجة التي تنحج بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة [أمثلة : المدى - الانحراف المتوسط - التباين والانحراف المعياري - المدى الربيعي والانحراف الربيعي - المدى الضيق] .

1. **المدى** : مدى مجموعة من البيانات الكمية هو **الفرق** بين **أكبر** قيمة في البيانات **وأقل** قيمة فيها

فمثلاً لمجموعة القيم : 15 13 4 5 18 12 6 7 3 15 : يكون المدى :  $R = 18 - 3 = 15$   
ولمجموعة القيم : 16 14 100 17 50 17 15 2 3 16 : يكون المدى :  $R = 100 - 2 = 98$

وبالرغم من بساطة تحديده إلا أن له بعض العيوب مثل تأثره بالقيم المتطرفة ، كما أنه لا يمكن حسابه للتوزيعات المفتوحة .

### 2. الانحراف المتوسط [أو متوسط الانحرافات] $M.D$

يُعرف **الانحراف المتوسط** (أو **متوسط الانحرافات**) (وسنرمز له بالرمز  $M.D$ ) على أنه متوسط القيم المطلقة للانحرافات عن قيمة متوسطة للبيانات [عادةً تكون الوسط الحسابي] ، أي أن :

$$M.D = \frac{\sum |d|}{n}$$

حيث  $d = x - \bar{x}$  هي انحراف القيمة  $x$  عن الوسط الحسابي ،  $|d|$  هي القيمة المطلقة للانحراف  $d$  .

$x$	$d = x - \bar{x}$	$ d $
15	$15 - 11 = 4$	4
13	$13 - 11 = 2$	2
3	$3 - 11 = -8$	8
6	$6 - 11 = -5$	5
18	$18 - 11 = 7$	7
55	0	26
$\sum x$	$\sum d$	$\sum  d $

فمثلاً لمجموعة القيم 15 13 3 6 18

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{55}{5} = 11$$

وسطها الحسابي هو :

ويكون الانحراف المتوسط لها هو :

$$M.D = \frac{\sum |d|}{n} = \frac{26}{5} = 5.2$$

ومن الخواص الهامة للوسط الحسابي التي يجب مراعاتها أن **"مجموع الانحرافات عن الوسط الحسابي يجب أن تساوي صفراً** ، أي أن :

$$\sum d = 0$$

وفي حالة البيانات الكمية المتقطعة ذات التكرارات :

$$M.D = \frac{\sum f \times |d|}{\sum f} \quad \text{يمكن تحديد الانحراف المتوسط } M.D \text{ من العلاقة :}$$

فمثلاً : إذا كان المطلوب حساب الانحراف المتوسط للبيانات المبينة بالجدول التكراري :

المصغر $x$	التكرار $f$	$fx$	$d = x - \bar{x}$	$ d $	$f \times  d $
4	20	80	$4 - 5.3 = -1.3$	1.3	$20 \times 1.3 = 26$
5	40	200	$5 - 5.3 = -0.3$	0.3	$40 \times 0.3 = 12$
6	30	180	$6 - 5.3 = 0.7$	0.7	$30 \times 0.7 = 21$
7	10	70	$7 - 5.3 = 1.7$	1.7	$10 \times 1.7 = 17$
	100	530			$\sum f \times  d  = 76$

$\sum f = 100$      $\sum fx = 530$   
 $\bar{x} = \frac{\sum fx}{\sum f} = \frac{530}{100} = 5.3$   
 $M.D = \frac{\sum f \times |d|}{\sum f} = \frac{76}{100} = 0.76$

**تنبيه :** مجموع الانحرافات هنا [والذي يجب أن يساوي صفرًا] هو  $\sum fd$  وليس  $\sum d$

وفي حالة البيانات الكمية المتصلة :

يمكن تحديد الانحراف المتوسط  $M.D$  أيضاً من العلاقة :  $M.D = \frac{\sum f \times |d|}{\sum f}$  حيث  $d = x_0 - \bar{x}$  ،  $x_0$  تمثل مراكز الفئات

مثال : الجدول التكراري

الفئة	المصغر $x$	التكرار $f$	المركز $x_0$	$fx_0$	$d = x_0 - \bar{x}$	$ d $	$f \times  d $
الأولى	$0 \leq x < 20$	4	10	40	$10 - 31.7 = -21.7$	21.7	86.8
الثانية	$20 \leq x < 30$	16	25	400	$25 - 31.7 = -6.7$	6.7	107.2
الثالثة	$30 \leq x < 35$	12	32.5	390	$32.5 - 31.7 = 0.8$	0.8	9.6
الرابعة	$35 \leq x < 40$	10	37.5	375	$37.5 - 31.7 = 5.8$	5.8	58
الخامسة	$40 \leq x < 50$	6	45	270	$45 - 31.7 = 13.3$	13.3	79.8
السادسة	$50 \leq x < 60$	2	55	110	$55 - 31.7 = 23.3$	23.3	46.6
		50		1585			388

$\sum f = 50$      $\sum fx_0 = 1585$      $\sum f \times |d| = 388$   
 $\bar{x} = \frac{\sum f \times x_0}{\sum f} = \frac{1585}{50} = 31.7$      $M.D = \frac{\sum f \times |d|}{\sum f} = \frac{388}{50} = 7.76$

**تذكر :** نظراً لاعتماد الانحراف المتوسط (في حسابه) على الوسط الحسابي ، يكون له نفس المزايا ونفس عيوب الوسط الحسابي

**خاصتان هامتان للانحراف المتوسط**

1. إضافة أو طرح عدد ثابت إلى كل قيمة : إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الانحراف المتوسط ، وبعد ذلك أضفنا (أو طرحنا) لكل قيمة من القيم العدد الثابت  $c$  فإن الانحراف المتوسط الجديد = الانحراف المتوسط القديم (أي لا تأثير)
2. ضرب أو قسمة كل قيمة في عدد ثابت : إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الانحراف المتوسط ، وبعد ذلك ضربنا (أو قسمنا) كل قيمة من القيم في العدد الثابت  $c$  فإن الانحراف المتوسط الجديد = الانحراف المتوسط القديم  $\times$  القيمة المطلقة للثابت  $c$ .

### 3. الانحراف المعياري $s$

يُعرف متوسط مربعات الانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه **تباين** مجموعة البيانات [ويُرمز له بالرمز  $s^2$ ] ، ويُعرف الجذر التربيعي للتباين على أنه **الانحراف المعياري** للبيانات [ويُرمز له بالرمز  $s$ ] ، أي أن :

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum d^2}{n}} = \text{الانحراف المعياري} \quad \leftarrow \text{ومنه يكون} \quad s^2 = \frac{\sum d^2}{n} = \text{التباين}$$

$x$	$d = x - \bar{x}$	$d^2$
15	$15 - 11 = 4$	16
13	$13 - 11 = 2$	4
3	$3 - 11 = -8$	64
6	$6 - 11 = -5$	25
18	$18 - 11 = 7$	49
$\sum x$		$\sum d^2$
55		158

فمثلاً لمجموعة القيم 15 13 3 6 18

وسطها الحسابي هو :

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{55}{5} = 11$$

ويكون التباين لها هو :

$$s^2 = \frac{\sum d^2}{n} = \frac{158}{5} = 31.6$$

ومن هنا يكون الانحراف المعياري هو الجذر التربيعي للتباين ، أي أن :

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{31.6} = 5.62$$

وفي حالة البيانات الكمية المنقطعة ذات التكرارات :

يمكن تحديد التباين  $s^2$  والانحراف المعياري  $s$  من :

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum fd^2}{\sum f}} = \text{الانحراف المعياري} \quad \leftarrow \text{ومنه يكون} \quad s^2 = \frac{\sum fd^2}{\sum f} = \text{التباين}$$

فمثلاً : إذا كان المطلوب حساب الانحراف المتوسط للبيانات المبينة بالجدول التكراري :

الجدول التكراري					
المتغير $x$	التكرار $f$	$fx$	$d = x - \bar{x}$	$d^2$	$fd^2$
4	20	80	$4 - 5.3 = -1.3$	1.69	$20 \times 1.69 = 33.8$
5	40	200	$5 - 5.3 = -0.3$	0.09	$40 \times 0.09 = 3.6$
6	30	180	$6 - 5.3 = 0.7$	0.49	$30 \times 0.49 = 14.7$
7	10	70	$7 - 5.3 = 1.7$	2.89	$10 \times 2.89 = 28.9$
	$\sum f = 100$	$\sum fx = 530$			$\sum fd^2 = 81$

$$\bar{x} = \frac{\sum fx}{\sum f} = \frac{530}{100} = 5.3$$

$$s^2 = \frac{\sum fd^2}{\sum f} = \frac{81}{100} = 0.81 \rightarrow \text{التباين}$$

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{0.81} = 0.9 \rightarrow \text{الانحراف المعياري}$$

وفي حالة البيانات الكمية المتصلة: يمكن تحديد التباين  $s^2$  والانحراف المعياري  $s$  أيضاً من:

$$d = x_0 - \bar{x} \quad \text{حيث}$$

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum f d^2}{\sum f}} = \text{الانحراف المعياري}$$

ومنه  
يكون

$$s^2 = \frac{\sum f d^2}{\sum f} = \text{التباين}$$

مثال : الجدول التكراري

الفئة	المتغير $x$	التكرار $f$	المركز $x_0$	$f x_0$	$d = x_0 - \bar{x}$	$d^2$	$f \times d^2$
الأولى	$0 \leq x < 20$	4	10	40	$10 - 31.7 = -21.7$	470.89	$4 \times 470.89 = 1883.56$
الثانية	$20 \leq x < 30$	16	25	400	$25 - 31.7 = -6.7$	44.89	$16 \times 44.89 = 718.24$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	12	32.5	390	$32.5 - 31.7 = 0.8$	0.64	$12 \times 0.64 = 7.68$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	10	37.5	375	$37.5 - 31.7 = 5.8$	33.64	$10 \times 33.64 = 336.4$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	6	45	270	$45 - 31.7 = 13.3$	176.89	$6 \times 176.89 = 1061.34$
السادسة	$50 \leq x < 60$	2	55	110	$55 - 31.7 = 23.3$	542.89	$2 \times 542.89 = 1085.78$
		50		1585			5093

$$\therefore \bar{x} = \frac{\sum f x_0}{\sum f} = \frac{1585}{50} = 31.7 \quad s^2 = \frac{\sum f d^2}{\sum f} = \frac{5093}{50} = 101.86 \rightarrow \text{التباين} \quad s = \sqrt{s^2} = \sqrt{101.86} \cong 10.09 \rightarrow \text{الانحراف المعياري}$$

تذكر : نظراً لاعتماد الانحراف المعياري (في حسابه) على الوسط الحسابي ، يكون له نفس المزايا ونفس عيوب الوسط الحسابي

#### خصائص هامتان للانحراف المعياري

1. إضافة (أو طرح) عدد ثابت إلى كل قيمة : إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الانحراف المعياري ، وبعد ذلك أضفنا (أو طرحنا) لكل قيمة من القيم العدد الثابت  $C$  فإن الانحراف المعياري الجديد = الانحراف المعياري القديم [أي لا تأثير]
2. ضرب (أو قسمة) كل قيمة في عدد ثابت : إذا كان لدينا مجموعة من القيم وحسبنا لها الانحراف المعياري ، وبعد ذلك ضربنا (أو قسمنا) كل قيمة من القيم في العدد الثابت  $C$  فإن الانحراف المعياري الجديد = الانحراف المعياري القديم  $\times$  القيمة المطلقة للثابت  $C$ .

عمادة العلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد

54

جامعة الملك فيصل

4. المدى الربيعي والانحراف الربيعي : لمجموعة من البيانات يُعرف **المدى الربيعي** على أنه الفرق بين الربع الثالث والربيع الأول ، أي أن :

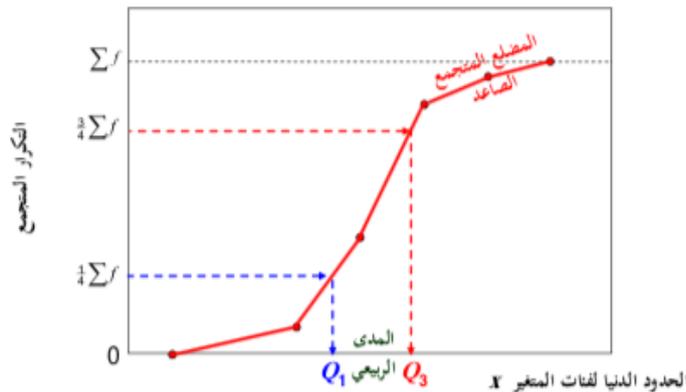
$$\text{المدى الربيعي} = Q_3 - Q_1$$

حيث  $Q_1$  هو الربع الأول ،  $Q_3$  هو الربع الثالث

ويُعرف **الانحراف الربيعي** لهذه المجموعة من البيانات على أنه نصف المدى الربيعي ، أي أن :

$$\text{الانحراف الربيعي} = \text{نصف المدى الربيعي} = (Q_3 - Q_1)/2$$

ويمكن تحديد الربيعين  $Q_1$  (الأول) ،  $Q_3$  (الثالث) بنفس الطريقة التي حددنا بها الوسط  $M$  [الربع الثاني  $Q_2$ ] باستخدام المضلع المتصاعد الصاعد :



عمادة العلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد

55

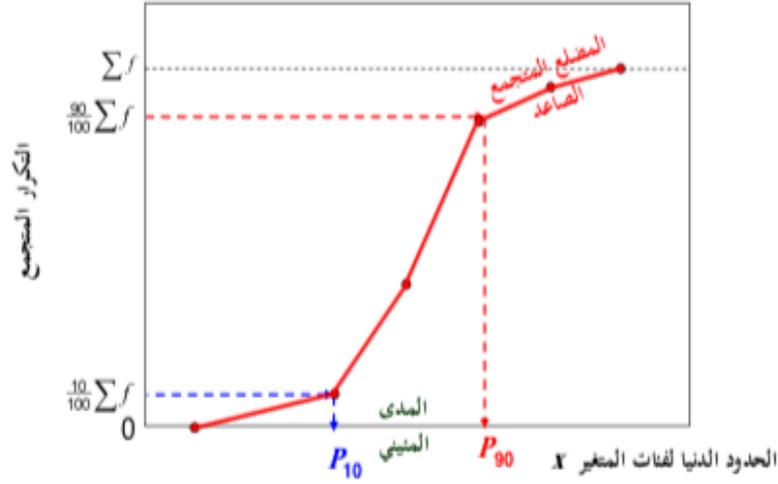
جامعة الملك فيصل

5. المدى المئيني : لمجموعة من البيانات يُعرف المدى المئيني على أنه الفرق بين المئين التسعين والمئين العاشر ، أي أن :

حيث  $P_{10}$  هو المئين العاشر ،  $P_{90}$  هو المئين التسعون

$$P_{90} - P_{10} = \text{المدى المئيني}$$

ويمكن تحديد المئين  $P_{10}$  (العاشر) ،  $P_{90}$  (التسعون) بنفس الطريقة التي حددنا بها الوسيط  $M$  [المئين الخامسون  $P_{50}$ ] باستخدام المضلع المتجمع الصاعد :



## تدريبات :

## تدريبات

## اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي :

## 1. مقاييس التشتت هي

- (أ) قيم نموذجية يمكن أن تمثل مجموعة البيانات  
 ✓ (ب) مقاييس ترصد الدرجة التي تتجه بها البيانات الكمية للانتشار حول قيمة متوسطة  
 (ج) مقاييس ترصد درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما  
 (د) مقاييس ترصد درجة التدبب في قمة المنحنى مقارنة بقمة منحنى التوزيع الطبيعي

## 2. الانحراف المعياري هو أحد مقاييس

- (أ) النزعة المركزية ✓ (ب) التشتت  
 (ج) الالتواء (د) التفرطح

## 3. لعدد من القيم ، يُعرف متوسط القيم المطلقة للانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه

- (أ) الوسط الحسابي للقيم  
 ✓ (ب) الانحراف المتوسط للقيم  
 (ج) تباين تلك القيم  
 (د) الانحراف المعياري للقيم

## 4. لعدد من القيم ، يُعرف متوسط مربعات الانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه

- (أ) الوسط الحسابي للقيم  
 (ب) الانحراف المتوسط للقيم  
 ✓ (ج) تباين تلك القيم  
 (د) الانحراف المعياري للقيم

## 5. لعدد من القيم ، يُعرف الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الانحرافات عن الوسط الحسابي على أنه

- (أ) الوسط الحسابي للقيم  
 (ب) الانحراف المتوسط للقيم  
 ✓ (ج) تباين تلك القيم  
 (د) الانحراف المعياري للقيم

مراجعة عامة : مبادئ الإحصاء	مقاييس التشتت	د. سهيل بن خالد
عناصير الأسئلة من (6) إلى (8) :		
إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 والانحراف المتوسط لها 4 وانحرافها المعياري 5 وأضربنا لكل قيمة من القيم 2 ، فإن :		
6. الانحراف المتوسط لمجموعة القيم الجديدة يكون :	(أ) 4 ✓	(ب) 6
(ج) 8	(د) 2	
7. الانحراف المعياري لمجموعة القيم الجديدة يكون :		
(أ) 3	(ب) 7	(ج) 5 ✓
(د) 10		
8. التباين لمجموعة القيم الجديدة يكون :		
(أ) 2	(ب) 7	(ج) 49
(د) 25 ✓		
عناصير الأسئلة من (9) إلى (11) :		
إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من القيم هو 20 والانحراف المتوسط لها 4 وانحرافها المعياري 5 وضربنا كل قيمة من القيم -2 ، فإن :		
9. الانحراف المتوسط لمجموعة القيم الجديدة يكون :	(أ) 4	(ب) 6
(ج) 8 ✓	(د) -8	
10. الانحراف المعياري لمجموعة القيم الجديدة يكون :		
(أ) 5	(ب) 7	(ج) -10
(د) 10 ✓		
11. التباين لمجموعة القيم الجديدة يكون :		
(أ) -100	(ب) 100 ✓	(ج) 25
(د) 2		
جامعة الملك فيصل	58	عمادة العلم الإلكتروني والتعليم عن بُعد

شرح السؤال 8 التباين لمجموعه القيم الجديدة؟

هنا نأخذ الانحراف المعياري اللي اهو 5 و نسوي له تربيع

**الحل : 25**

شرح الاسئلة 9 الى 11

السؤال 9 الانحراف المتوسط القيم الجديده ؟

توضيح حدد لنا في السؤال ضربنا قيمة من القيم 2

**الحل : 4X2=8**

السؤال 10 الانحراف المعياري لمجموعه القيم الجديدة يكون ؟

الحل :  $2 \times 5 = 10$

السؤال 11 التباين لمجموعه القيم الجديدة يكون ؟

ناخذ الانحراف المعياري اللي اهو 10 نسوي له تربيع و يطلع لنا الجواب

الحل : 100

12. التباين لمجموعة من القيم هو

- (أ) الانحراف المعياري للقيم  
(ج) الجذر التربيعي للانحراف المعياري

- ✓ (ب) مربع الانحراف المعياري للقيم  
(د) نصف الانحراف المعياري

13. الانحراف المعياري لمجموعة من القيم هو

- (أ) تباين هذه القيم  
(ج) ✓ الجذر التربيعي للتباين

- (ب) نصف التباين للقيم  
(د) مربع التباين

14. مقياس لا يتأثر بالقيم المتطرفة

- (أ) الوسط الحسابي  
(ج) الانحراف المعياري

- (ب) الانحراف المتوسط  
(د) ✓ الوسيط

15. مقياس لا يمكن حسابه للتوزيعات المفتوحة :

- (أ) الوسيط  
(ج) الانحراف الربيعي

- ✓ (ب) المدى  
(د) المدى المنفي

خاص بالأسئلة من (16) إلى (19) : مجموعة من القيم عددها 10 ولها البيانات التالية :

$$\sum x = 60 , \sum |d| = 22 , \sum d^2 = 76$$

16. الوسط الحسابي للمجموعة يساوي :

- (أ) 2.2 (ب) 7.6 (ج) 6 ✓ (د) 2.76

17. الانحراف المتوسط للمجموعة يساوي :

- (أ) 2.2 ✓ (ب) 7.6 (ج) 6 (د) 2.76

18. التباين للمجموعة يساوي :

- (أ) 2.2 (ب) 7.6 ✓ (ج) 6 (د) 2.76

19. الانحراف المعياري للمجموعة يساوي :

- (أ) 2.2 (ب) 7.6 (ج) 6 (د) 2.76 ✓

شرح الاسئلة ممن 16 الى 19

السؤال 16 الوسط الحسابي للمجموعة يساوي ؟

$$\text{توضيح الوسط الحسابي} = \frac{\sum x}{n}$$

$$\text{الحل} / 6 = \frac{60}{10}$$

السؤال 17 الانحراف المتوسط للمجموعة يساوي ؟

الانحراف المتوسط



$$\frac{\sum |d|}{n}$$

$$\text{الحل : } \frac{22}{10} = 2.2$$

السؤال 18 التباين للمجموعة يساوي ؟

$$\text{التباين : } \frac{\sum d^2}{n}$$

$$\text{الحل : } \frac{76}{10} = 7.6$$

السؤال 19 الانحراف المعياري للمجموعة يساوي ؟

$$\text{الانحراف المعياري} = \sqrt{\frac{\sum d^2}{n}}$$

$$\text{الحل : } \sqrt{\frac{76}{10}} = 2.76$$

خاص بالأسئلة من (20) إلى (47) :

الجدول التكراري المبين [غير مهم البيانات المرصود لها .....] ، إذا كان  $d$  يمثل الانحراف [لكل قيمة  $x$ ] عن الوسط الحسابي ، فإن :

$x$	$f$	$fx$	$d$	$ d $	$f d $	$d^2$	$fd^2$
.....	.....	.....	.....	.....	.....	.....	.....
.....	.....	.....	.....	.....	.....	.....	.....
2	.....	.....	.....	.....	.....	.....	.....
	$\sum f = 100$	$\sum fx = 450$			$\sum f d  = 185$		$\sum fd^2 = 475$

20. الوسط الحسابي للمجموعة يساوي :

4.75 (د) 2.18 (ج) 1.85 (ب) 4.5 (أ) ✓

21. الانحراف المتوسط للمجموعة يساوي :

4.75 (د) 2.18 (ج) 1.85 (ب) ✓ 4.5 (أ)

22. التباين للمجموعة يساوي :

4.75 (د) ✓ 2.18 (ج) 1.85 (ب) 4.5 (أ)

22. الانحراف المعياري للمجموعة يساوي :

4.75 (د) 2.18 (ج) ✓ 1.85 (ب) 4.5 (أ)

## شرح الاسئلة من 20 الى 22

السؤال 20 الوسط الحسابي للمجموعة يساوي ؟

$$\bar{x} = \frac{\sum Fx}{\sum F} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$\text{الحل : } 4.5 = \frac{450}{100}$$

السؤال 21 الانحراف المتوسط للمجموعة يساوي ؟

$$\frac{\sum F|d|}{\sum F} = \text{الانحراف المتوسط}$$

$$\text{الحل : } 1.85 = \frac{185}{100}$$

---

السؤال 22 التباين للمجموعة يساوي ؟

$$\text{التباين : } \sqrt{\frac{\sum Fd^2}{\sum F}}$$

$$\text{الحل : } 4.75 = \frac{475}{100}$$

---

السؤال 22 الانحراف المعياري للمجموعة يساوي ؟

$$\text{الانحراف المعياري : } \sqrt{\frac{\sum Fd^2}{\sum F}}$$

$$\text{الحل : } \sqrt{\frac{475}{100}} = 2.18$$

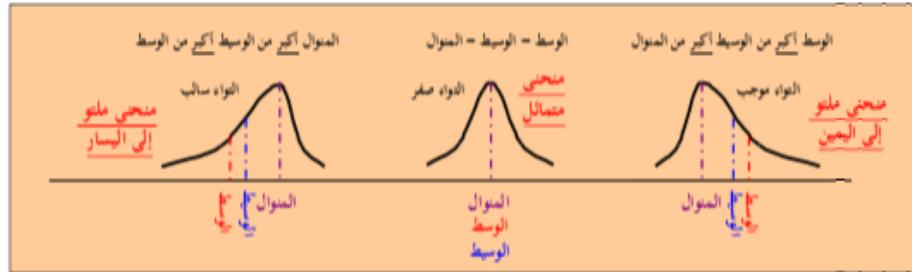
---

الجزء الخامس و الاخير

## الجزء الخامس والأخير

# تجميع للتعريفات النظرية الخاصة بالباب الخامس [الالتواء والتفرطح] وبالباب السادس [تحليل الارتباط]

في المحاضرة المباشرة الرابعة] أن المنحنيات التكرارية التي تظهر في الناحية العملية تأخذ أشكالاً مميزة منها الآتي :

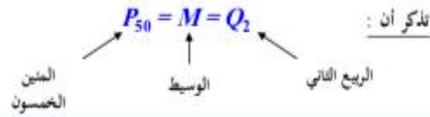


**تعريف الالتواء :** يُعرف الالتواء على أنه درجة تماثل أو البعد عن التماثل لتوزيع ما .

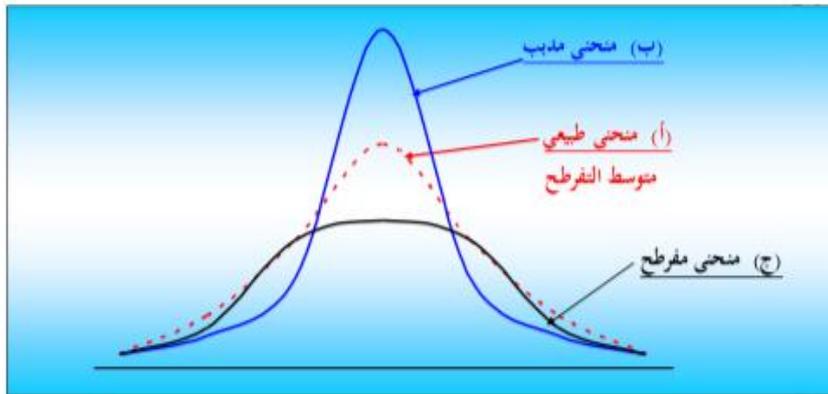
- فإذا كان المنحني له ذيل أكبر إلى **يمين** النهاية العظمى للمنحني عنه إلى **يسارها** [أي توزيع ملتوي إلى اليمين] يقال للتوزيع أن له **التواء موجب**
- وإذا كان المنحني له ذيل أكبر إلى **يسار** النهاية العظمى للمنحني عنه إلى **يمينها** [أي توزيع ملتوي إلى اليسار] يقال للتوزيع أن له **التواء سالب**
- أما إذا كان المنحني متماثلاً فيقال للتوزيع أن **التواءه صفر** .

ويُقاس الالتواء بعدة مقاييس [كل منها يُسمى بـ **معامل الالتواء**] منها :

معامل بيرسون الأول للانواء = $\frac{\text{الوسط} - \text{المنوال}}{\text{الانحراف المعياري}}$	تستخدم إذا علمنا الوسط الحسابي والمنوال (ويكون وحيداً) وكذلك الانحراف المعياري
معامل بيرسون الثاني للانواء = $\frac{3(\text{الوسط} - \text{الوسيط})}{\text{الانحراف المعياري}}$	تستخدم إذا علمنا الوسط الحسابي والوسيط وكذلك الانحراف المعياري
معامل الانواء الربيعي = $\frac{Q_3 - 2Q_2 + Q_1}{Q_3 - Q_1}$	تستخدم إذا علمنا الربيعات الأول والثالث وأيضاً الربيع الثاني (الوسيط)
معامل الانواء المئوي = $\frac{P_{90} - 2P_{50} + P_{10}}{P_{90} - P_{10}}$	تستخدم إذا علمنا المئيات العاشر والتسعين وأيضاً المئتين الخمسين (الوسيط)



**تعريف التفرطح :** يقصد بالتفرطح درجة تدب (الارتفاع أو الانخفاض) في قيمة المنحنى مقارنة بقيمة منحنى التوزيع الطبيعي الذي يُعد متوسط التفرطح

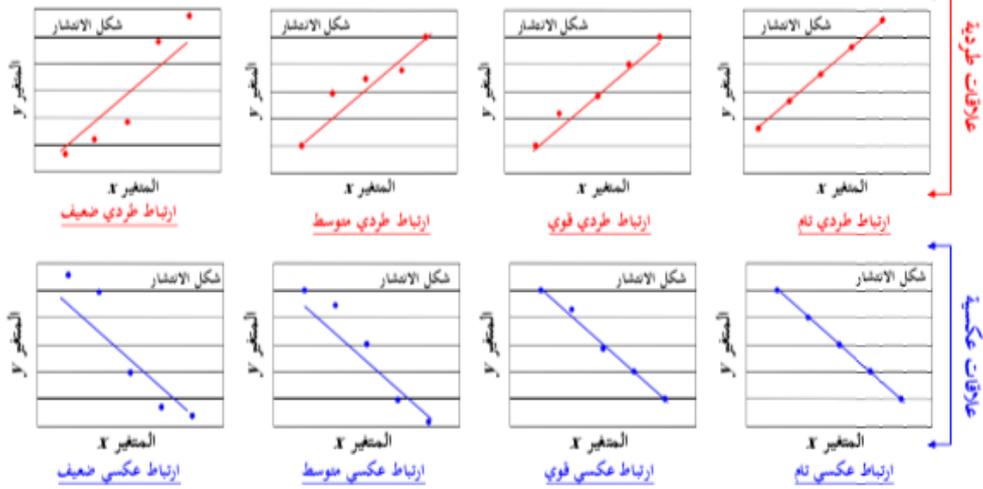


- فإذا كانت قمة المنحنى أعلى من ميلتها في التوزيع الطبيعي يُسمى المنحنى **مدبب**
- وإذا كانت قمة المنحنى أدنى من ميلتها في التوزيع الطبيعي يُسمى المنحنى **مفطح** [تكون قيمته مسطحة لحد ما]
- أما إذا كانت القيمة ليست مدببة أو مسطحة [أي قريبة من المنحنى الطبيعي] يُسمى المنحنى **متوسط التفرطح**

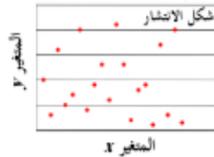
نفرض أن لدينا بيانات  $X_1, X_2, X_3, \dots$  عن متغير  $X$  وبياناتها  $Y_1, Y_2, Y_3, \dots$  عن متغير آخر  $Y$ ، وعلى ورقة رسم بياني اخترنا محورين: الأفقي (ويخصص للمتغير  $X$ ) والرأسي (ويخصص للمتغير  $Y$ ) وقمنا بتوقيع النقاط  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3), \dots$

فإننا نحصل بذلك على ما يُسمى بـ "شكل الانتشار" لبيانات المتغيرين

ومن شكل الانتشار يمكن بمجرد النظر تحديد ما إذا كان هناك ارتباط بين المتغيرين  $X, Y$ ، وتحديد نوع هذه العلاقة وأيضاً مدى قوة هذا الارتباط.



- فإذا أمكن رسم خط مستقيم يمر بجميع نقاط شكل الانتشار سُمي الارتباط "ارتباط تام" [طردي أو عكسي]
- وإذا أمكن رسم خط مستقيم بحيث تكون انحرافات النقاط عنه ضعيفة جداً، سُمي الارتباط "ارتباط قوي" [طردي أو عكسي]
- أما إذا زادت الانحرافات عن الخط المستقيم ولكن بشكل معقول، سُمي الارتباط "ارتباط متوسط" [طردي أو عكسي]
- وإذا زادت الانحرافات عن الخط المستقيم بشكل كبير إلى حد ما، سُمي الارتباط "ارتباط ضعيف" [طردي أو عكسي]
- أما إذا لم يكن هناك ما يشير إلى وجود علاقة بين المتغيرين، فإننا نقول إنه لا يوجد ارتباط بينهما أو أنهم **غير مرتبطين**



ويتقاس الارتباط بين متغيرين  $X, Y$  بما يُسمى بـ "معامل الارتباط" [وسنرمز له بالرمز  $r$ ] وقيمته تكون محصورة بين  $-1, +1$  :

- فإذا كانت قيمته **موجبه** دل ذلك على أن الارتباط **طردي**
- وإذا كانت قيمته **سالية** دل ذلك على أن الارتباط **عكسي**
- وإذا كانت قيمته **صفرًا** دل ذلك على عدم وجود ارتباط

وتُحسب معامل الارتباط [والذي يُسمى أيضاً بمعامل **سييرمان** للارتباط أو **معامل ارتباط الرتب** بـ :

حيث  $D$  هي الفرق بين رتبة كل من  $X, Y$

$$r = \text{معامل سييرمان للارتباط أو معامل ارتباط الرتب} = 1 - \frac{6 \times \sum D^2}{n \times (n^2 - 1)}$$

أما بخصوص قوة الارتباط فنحدده القيمة المطلقة لمعامل الارتباط كما يوضحه الجدول التالي :

قوة الارتباط	القيمة المطلقة لمعامل الارتباط
لا يوجد ارتباط	0
ارتباط ضعيف	$0 < r \leq 0.4$
ارتباط متوسط	$0.4 < r \leq 0.6$
ارتباط قوي	$0.6 < r < 1$
ارتباط تام	1
كلام فارغ	$> 1$

التفسير الوحيد أن هناك خطأ في الحسابات

ونعود ونذكر أن الإشارة الموجبة لمعامل الارتباط تعني أن الارتباط طردي ، والإشارة السالبة تعني أنه عكسي فمثلاً ، إذا كان :

- $r = 0.45$  ← فهذا يعني ارتباط طردي متوسط
- $r = -0.9$  ← فهذا يعني ارتباط عكسي قوي
- $r = -1$  ← فهذا يعني ارتباط عكسي تام
- $r = 0.84$  ← فهذا يعني ارتباط طردي قوي
- $r = -0.22$  ← فهذا يعني ارتباط عكسي ضعيف
- $r = 1.3$  ← فهذا يعني خطأ في الحسابات

تم بحمد الله

أن اصبت فمن الله و أن اخطأت فمن نفسي و من الشيطان

دعواتكم لي

@jojo\_14070

شرح جوج KFU