

دوال الطاقة الحرة

نفرض نظام ملامس خزان حراري عند درجة T (تتم عملية لانعكاسية متناهية الصغر) الشغل المبذول (شغل ضغط-حجم) وكمية الحرارة المتبادلة بين الخزان والنظام هي q في هذه الحالة تكون :

$$\therefore dS = \frac{q_{rev}}{T} \quad dS \geq \frac{q}{T}, \quad TdS \geq q$$

$$q - TdS \leq 0$$

وعليه تكون $q - TdS$ تأخذ قيم سالبة وحيث أن الشغل المبذول من نوع ضغط - حجم فقط فمن القانون الاول

$$q = dU + PdV$$

$$dU + PdV - TdS \leq 0$$

➤ المعادلة الأخيرة للعملية اللانعكاسية والتلقائية ويكون الشغل هو من نوع (ضغط - حجم)
➤ اما اذا كان الحجم والانتروبي ثابتين ($dS=0, dV=0$) فإن الطاقة تقل و تصبح المعادلة الأخيرة كالآتي :

$$dU_{V,S} \leq 0$$

➤ ولذلك فإنه بالنسبة لاي عملية لانعكاسية فى نظام ما حجمه ثابت ولايتغير فيه الانتروپى تقل الطاقة الداخلية
 أي يكون تأثير دور الطاقة الداخلية على وضع الاتزان في الانظمة ثابتة الانتروپى في اتجاه الطاقة الاقل.
 ➤ ويكون الحجم والطاقة الداخلية لنظام ما ثابتا ($dU=0, dV=0$) وذلك بعزل النظام وللنظام المعزول تصبح
 المعادلة كما يلي :

$$(-TdS)_{E,V} < 0 \quad ; dU = 0, \quad dV = 0$$

بضرب المعادلة في 1- و القسمة على T تصبح المعادلة :

$$(dS)_{E,V} > 0$$

وبناء عليه يزداد الانتروپى في مثل هذه الانظمة المعزولة ذات الطاقة الثابتة والحجم الثابت ويكون وضع
 الاتزان متجهها نحو الزيادة في الانتروپى .

للانظمة غير المعزولة يكون هناك تغيرات في الانتروبي في الانظمة المجاورة .

في حالة الحجم الثابت للعملية الانعكاسية متناهية في الصغر تكون المعادلة على الشكل :

$$V = \text{const}$$

$$(dU - TdS)_V < 0$$

$$d(U - TS)_{T,V} < 0$$

الكمية (U-TS) تمثل طاقة هلمهولتز الحرة ويرمز لها بالرمز A حيث :

$$A = U - TS$$

وبمفاضلة المعادلة عند درجة حرارة ثابتة :

$$dA = dU - TdS$$

وبالنسبة للعملية التلقائية :

$$(dA)_{T,V} < 0$$

نستنتج انه لعملية لا انعكاسية عند درجة حرارة وحجم ثابتين فإن طاقة هلمهولتز الحرة تقل ويكون الشغل يساوي الصفر أي لا يكون هناك أي شغل مبذول , لذا يكون وضع الاتزان لنظام لا يبذل شغل هو :

$$dA = 0$$

معظم التفاعلات التي تحدث في المعمل تتم في اواني مفتوحة تكون عند ضغط ودرجة حرارة ثابتين
لذا يمكن كتابة المعادلة الاتية :

$$d(U + PV - TS)_{T,P} < 0$$

الكمية $U+PV-TS$ هي طاقة جيبس الحرة وتمثل بالرمز G وتكون كالآتي :

$$G = U + PV - TS$$

$$,\because H = U + PV$$

$$\therefore G = H - TS$$

وبالنسبة للتغيرات الطفيفة وعند ظروف ايزوثرمالية أي ($dT=0$) تصبح $dG<0$ أي ان طاقة جيبس الحرة تقل :

$$dG = dH - d(TS) \quad , \quad SdT = 0$$

$$dG = dH - TdS$$

$$(dG)_{T,P} < 0$$

ولذلك يكون لاي عملية لانعكاسية عند ضغط وحرارة ثابتة واذا كان الشغل من نوع (ضغط -حجم) فإن طاقة جيبس الحرة تقل

كل من A,G تشتمل معادلاتهما على متغيرات تعتمد على حالة النظام لذا لهما خواص ترموديناميكية ويكون التفاعل في حالتها من النوع التام والعملية انعكاسية دائرية تكتب كالاتي :

$$\oint dA = 0$$

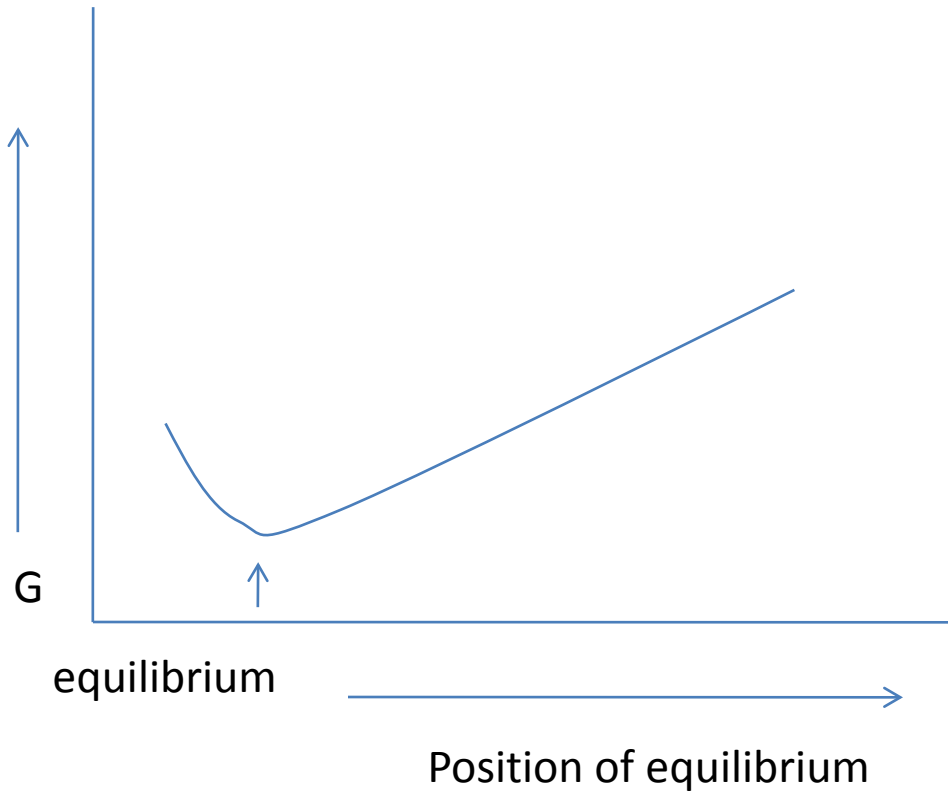
$$\oint dG = 0$$

ويلخص الجدول الاتي ظروف العمليات الانعكاسية والانعكاسية لعمليات تتضمن الشغل من نوع (ضغط-حجم) وهي صحيحة بالنسبة للتغيرات الكبيرة:

العمليات الانعكاسية	العمليات الانعكاسية	الحالة
$(dS)_{V,E} = 0$	$(dS)_{V,E} > 0$	زيادة العشوائية
$(dE)_{V,S} = 0$	$(dE)_{V,S} < 0$	نقص الطاقة الداخلية
$(dA)_{T,V} = 0$	$(dA)_{T,V} < 0$	نقص طاقة هلمهولتز
$(dG)_{T,P} = 0$	$(dG)_{T,P} < 0$	نقص الطاقة الحرة

التغيرات التلقائية دائما تسير الى الحد الادنى (طاقة جيبس الحرة عند ثبات P,T) اوالى النهاية العظمى (الانتروبي للنظام المعزول)

تكون G في وضع الاتزان يكون عند نهاية صغرى عند درجة حرارة وضغط ثابتين حيث تكون $dG = 0$



خواص طاقة هلمهولتز الحرة (A)

نفرض تغير في طاقة هلمهولتز من الحالة 1 الى الحالة 2 فإن:

$$A = U - TS$$

$$\Delta A = A_2 - A_1$$

$$\Delta A = (U_2 - T_2 S_2) - (U_1 - T_1 S_1) = \Delta U - (T_2 S_2 - T_1 S_1)$$

وعند ظروف ايزوثرمالية أي ثبوت درجة الحرارة $T = T_1 = T_2$ نجد ان :

$$\Delta A = \Delta U - T \Delta S$$

و من تعريف الانتروبي:

$$\Delta S = \frac{q_r}{T}$$

$$q_r = T \Delta S$$

$$\Delta A = \Delta U - q_r$$

ولكن من القانون الاول لعملية انعكاسية ايزوثرمالية فإن:

$$q_{rev} = \Delta U + w_m$$

$$\Delta U - q_{rev} = -w_m$$

$$\Delta A = -w_m$$

لذا فإنه عند درجة حرارة ثابتة , يكون اقصى شغل مبذول بالنظام على حساب النقص في طاقة هيلمهولتز الحرة للنظام , ولذا A تسمى احيانا بمعامل الشغل او اقصى محتوى لشغل النظام .

من المعادلات الاتية

وبمفاضلة A/T مع T عند ثبات الحجم

$$\left(\frac{\partial \left(\frac{A}{T} \right)}{\partial T} \right)_V = \frac{T \left(\frac{\partial A}{\partial T} \right)_V - A}{T^2} = \frac{(A + TS)}{T^2}$$

$$\therefore A + TS = U$$

$$\therefore \left(\frac{\partial \left(\frac{A}{T} \right)}{\partial T} \right)_V = \frac{-U}{T^2}$$

$$A = U - TS$$

$$dA = dU - TdS - SdT$$

$$, \because TdS = q_r$$

$$q_r = dU + pdV$$

$$dA = dU - SdT - dU - pdV$$

$$dA = -SdT - pdV$$

at constant volume

when $dV = 0$

$$\left(\frac{\partial A}{\partial T} \right)_V = -S$$

at constant temperature

$$dT = 0$$

$$\left(\frac{\partial A}{\partial V} \right)_T = -P$$

التغير الايزوثيرمالي في دالة الشغل

• تكون في هذه الحالة $dT=0$ وعليه :

$$dA = -SdT - PdV$$

$$dA = -PdV$$

for one mole of an ideal gas

$$P = \frac{RT}{V}$$

$$\therefore dA = -RT \frac{dV}{V}$$

فى العمليات ذات التغيرات الكبيرة نحصل على الزيادة فى دالة الشغل ΔA بالتكامل بين الحالتين 1 و 2

$$dA = -RT \frac{dV}{V}$$

$$\int_{A_1}^{A_2} dA = -RT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V}$$

$$A_2 - A_1 = -RT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta A = RT \ln \frac{V_1}{V_2}$$

خواص طاقة جيبس الحرة (G)

• يعبر عن هذه الدالة بالعلاقة :

$$G = U - TS + PV$$

$$[1] \because H = U + PV$$

$$\therefore G = H - TS$$

$$[2] \because A = U - TS$$

$$\therefore G = A + PV$$

at P = constant

$$\Delta G = \Delta A + P\Delta V$$

at q = constant

$$\Delta A = -w_m$$

$$\therefore \Delta G = -(w_m + P\Delta V)$$

- **W_m** : الشغل الاقصى الذي حصلنا عليه في التغير وتشتمل على كل انواع الشغل مثل الكهربى وغيره بجانب شغل التمدد ($P\Delta V$)
- **$(W_m - P\Delta V)$** : الشغل الانعكاسى مستبعد منه شغل التمدد ويسمى الشغل التام
- **$-(W_m - P\Delta V) = -\Delta G$**
- النقص في الطاقة الحرة عند ثبات الضغط ودرجة الحرارة ويساوي الحد الاقصى للشغل التام والذي يكون ملازم للعملية

بتفاضل المعادلة التالية :

$$dG = dH - TdS - SdT$$

$$dG = dH - TdS - SdT$$

$$,\because H = U + PV$$

$$dH = dU + PdV + VdP$$

$$,\because TdS = dU + PdV$$

$$dG = dU + PdV + VdP - TdS - SdT$$

$$dG = VdP - SdT$$

$$\text{at constant P} \quad dP = 0$$

$$\left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_P = -S$$

$$\text{and at constant T} \quad dT = 0$$

$$\left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_T = V$$

بمفاضلة G/T بالنسبة الى T عند ضغط ثابت

$$\left(\frac{\partial \left(\frac{G}{T} \right)}{\partial T} \right)_P = \frac{T \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_P - G}{T^2} = \frac{-(G+TS)}{T^2}$$
$$; \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_P = -S$$
$$, \therefore G+TS=H$$
$$\therefore \left(\frac{\partial \left(\frac{G}{T} \right)}{\partial T} \right)_P = \frac{-H}{T^2}$$

التغيرات الايزوثيرمالية في دالة الطاقة الحرة

- الطاقة الحرة للغاز ترتبط بالطاقة الحرة القياسية G° وهي عبارة عن الطاقة الحرة لواحد مول من الغاز عند ضغط واحد جو وتكون المعادلة بالشكل :

$$G - G^\circ = RT \ln \frac{P}{1} = RT \ln P$$

$$G = G^\circ + RT \ln P$$

- للغاز المثالي عند درجة حرارة ثابتة $dT=0$

$$dG = -SdT + VdP$$

$$dG = VdP$$

$$\text{for one mole } n = 1$$

$$V = \frac{RT}{P}$$

$$dG = \frac{RT}{P} dP$$

$$\int_{G_1}^{G_2} dG = RT \int_{P_1}^{P_2} \frac{dP}{P}$$

$$G_2 - G_1 = RT \ln \frac{P_2}{P_1}$$

$$\Delta G = RT \ln \frac{P_2}{P_1}$$

معايير الاتزان

- نفرض لدينا نظاما ما ملامس لخزان حراري عند درجة حرارة T حيث تتم عملية لا انعكاسية متناهية في الصغر ويكون الشغل المبذول من نوع (ضغط- حجم) فإذا كانت q هي كمية الحرارة المتبادلة مع الخزان الحراري وحيث ان العملية لا انعكاسية فإن التغير في الانتروبي للنظام dS اكبر من q/T بمعنى أن :

$$dS > \frac{q}{T}$$

$$TdS > q$$

$$(q - TdS) = -ve, TdS > q$$

$$q - TdS < 0$$

وحيث أن الشغل هو من نوع (الضغط – حجم). فإن:

$$\begin{aligned} q &= dU + PdV \\ , \because q - TdS &< 0 \\ \therefore dU + PdV - TdS &< 0 \dots\dots\dots (1) \end{aligned}$$

إذا كان الانتروبي والحجم ثابتين تصبح المعادلة الأخيرة :

$$\begin{aligned} dU + PdV - TdS &< 0 \\ (dU)_{V,S} &< 0 \end{aligned}$$

لاي عملية لا انعكاسية في نظام عند حجم ثابت ولا يتغير فيه الانتروبي فإن الطاقة الداخلية تقل .

لنظام ميكانيكي فإن الحالة المستقرة له تكون ذات طاقة منخفضة يكون دور الطاقة الداخلية على موضع الاتزان في أنظمة ذات انتروبي ثابت هو في اتجاه الطاقة المنخفضة يمكن ان يظل الحجم والطاقة الداخلية لنظام ما ثابتين في نظام معزول وتصير المعادلة

$$dU + PdV - TdS < 0$$
$$(-TdS)_{U,V} < 0$$

عند الضرب في -1 و القسمة على T نحصل على :

$$(dS)_{V,U} > 0$$

وعليه يكون الانتروبي في ازدياد في العملية الانعكاسية .

للانظمة ثابتة الطاقة والحجم مثل الانظمة المعزولة- يكون موضع الاتزان في ناحية الزيادة في الانتروبي. وفي الانظمة التي لا تكون معزولة يكون هناك تغيراً في الانتروبي للانظمة المتأخمة لها ويجب ان يؤخذ ذلك في الاعتبار واذا كان الحجم ثابت خلال عملية لا انعكاسية متناهية في الصغر فإن المعادلة (1) تصبح :

$$\begin{aligned}
 dU + PdV - TdS &< 0 \\
 (dU - TdS)_V &< 0 \\
 d(U - TS)_{T,V} &< 0 \\
 A &= U - TS \\
 dA &= dU - TdS \quad \text{at } dT = 0
 \end{aligned}$$

حيث تسمى $A = U - TS$ بطاقة هلمهولتز الحرة والتغير فيها للعمليات التلقائية عند ثبوت الحجم ودرجة الحرارة تقل وتعطى بالصورة

$$(dA)_{V,T} < 0$$

بمعنى انه في العمليات الانعكاسية عند حجم ودرجة حرارة ثابتين فإن طاقة هلمهولتز الحرة تقل

معادلة جيبس - هلمهولتز

$$G = H - TS$$

$$\therefore S = -\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_P$$

$$G = H + T\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_P$$

$$A = U - TS$$

$$\therefore S = -\left(\frac{\partial A}{\partial T}\right)_V$$

$$A = U + T\left(\frac{\partial A}{\partial T}\right)_V$$

Reactants $\rightarrow$ products

$$\Delta G = G_P - G_r$$

$$\Delta G = (H_P - TS_P) - (H_r - TS_r)$$

$$\Delta G = (H_P - H_r) - T(S_P - S_r)$$

$$\Delta G = \Delta H - T\Delta S$$

$$-\Delta S = -(S_P - S_r)$$

$$-\Delta S = \left(\frac{\partial G_P}{\partial T}\right)_P - \left(\frac{\partial G_r}{\partial T}\right)_P$$

$$-\Delta S = \left(\frac{\partial(\Delta G)}{\partial T}\right)_P$$

$$\Delta G = \Delta H - T\left(\frac{\partial(\Delta G)}{\partial T}\right)_P$$

$$\therefore A = U + TS$$

$$\therefore \Delta A = \Delta U + T\Delta S$$

$$\Delta A = \Delta U + T\left(\frac{\partial \Delta A}{\partial T}\right)_V$$

$$\left(\frac{\partial(\frac{\Delta G}{T})}{\partial T}\right)_P = \frac{T(\frac{\partial \Delta G}{\partial T}) - \Delta G}{T^2}$$

$$\therefore T\left(\frac{\partial \Delta G}{\partial T}\right)_P = \Delta G - \Delta H$$

$$\left(\frac{\partial(\frac{\Delta G}{T})}{\partial T}\right)_P = \frac{-\Delta H}{T^2}$$

علاقات ماكسويل Maxwell Relationships

$$A = U - TS$$

$$dA = dU - TdS - SdT$$

$$dA = dU - dU - PdV - SdT$$

$$dA = -PdV - SdT$$

$$G = H - TS$$

$$dG = dH - TdS - SdT$$

$$dG = dU + PdV + VdP - TdS - SdT$$

$$dG = TdS - PdV + PdV + VdP - TdS - SdT$$

$$dG = VdP - SdT$$

$$dS = \frac{q}{T}$$

$$q = TdS$$

من القانون الثاني

$$q = dU + w = dU + PdV$$

$$dU = q - PdV$$

من القانون الاول

$$dU = TdS - PdV$$

$$dH = dU + PdV + VdP$$

$$dH = TdS + VdP$$

$$dU = TdS - PdV \quad , \quad dH = TdS + VdP$$

$$dA = -PdV - SdT \quad , \quad dG = VdP - SdT$$

العلاقات الاربعة الرئيسية في الديناميكا الحرارية