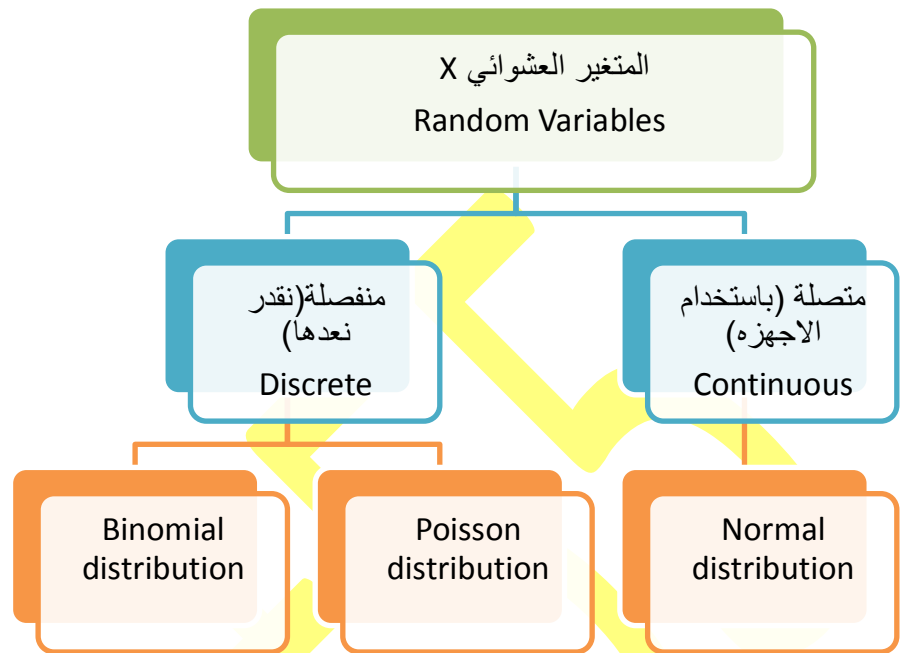


~،'Lecture 6



المتغير العشوائي Random Variables:

Is a numeric function that assigns probabilities to different events in a sample space

هو الوظيفة الرقمية التي تعين الاحتمالات لأحداث مختلفة في فضاء العينة.
يرمز له بالرمز: X

أمثلة Examples:

What is the random variable X

ما هو المتغير العشوائي X ؟

If X represent the number of boys in families with 4 children

إذا كان المتغير العشوائي X يفسر عدد الأولاد في عائلته بأربعة أطفال.

$$X=\{0,1,2,3,4\}$$

If X represent the number of visit to a dental care the past two years

إذا كان المتغير العشوائي X يفسر عدد الزيارات لعيادة الأسنان خلال السنتين الماضيتين.

$$X=\{0,1,2,3,4,\dots,n\}$$

طبعا هنري آخر شي حطينا n أي ما إلى نهاية

If X represent the number of patients out of 4 who brought under control

إذا كان المتغير العشوائي X يفسر عدد المرضى من أصل 4 يكونون تحت السيطرة.

$$X=\{0,1,2,3,4\}$$

Probability- mass function

It is a function gives the probability that a discrete random variable is exactly equal to some value

يعطي احتمال عن طريق المتغير العشوائي المنفصل يساوي بالضبط لبعض القيم.

$$P(X=x)=p(x)$$

المتغير العشوائي = احتمال المتغير العشوائي

Example:مثال

In a study of 16 families researchers found that

في دراسة لـ ١٦ عائلة وجد:

1 family have 0 boy, 4 family have 1 boy, 6 family have 2 boy
4 family have 3 boy, 1 family have 4 boy. Find the Probability- mass function for the discrete random variable X, if X represents the number of boys in families with 4 children

١ عائلة لديها ٠ ولد، ، و ٤ عائلات لديها ١ ولد، و ٦ عائلات لديها ٢ ولد، و ٤ عائلات لديها ٣ ولد، و ١ عائلة لديها ٤ ولد. أوجد probability mass function للمتغير العشوائي المنفصل، إذا كان المتغير العشوائي X يفسر عدد الأولاد في عائلة لديها ٤ أطفال.

طبعاً الحل بطريقتين:

الطريقة الاولى:

اول خطوة نطلع المتغير العشوائي

$$X=\{0,1,2,3,4\}$$

الخطوة الـ ٢:

نضع قانون probability mass function لكل عنصر من عناصر المتغير العشوائي كالتالي:

$$F(0)=1/16 \text{ يعني العائلة التي عندها ٠ ولد} = 1 \text{ عائلة} \setminus 16 \text{ عائلة "من قانون الاحتمالات = عدد الحادثة \ عدد العينة كامل"}$$

$$F(1)=4/16 \text{ العائلة التي عندها ١ ولد} = 4 \text{ عائلة} \setminus 16 \text{ عائلة طبعاً قيم البسط والمقام لازم يكونوا متمثلين "أي عوائل على عوائل"}$$

$$F(2)=6/16 \text{ العائلة التي عندها ٢ ولد} = 6 \text{ عائلة} \setminus 16 \text{ عائلة}$$

$$F(3)=4/16 \text{ العائلة التي عندها ٣ ولد} = 4 \text{ عائلة} \setminus 16 \text{ عائلة}$$

$$F(4)=1/16 \text{ العائلة التي عندها ٤ ولد} = 1 \text{ عائلة} \setminus 16 \text{ عائلة}$$

Expected value of discrete random variable

القيمة المتوقعة للمتغير العشوائي المنفصل:

.Multiply each value of the random variable by its probability & add the products

هو عبارة عن جمع نواتج ضرب قيمة المتغير العشوائي باحتماله.

الطريقة الثانية: "بالجدول" نستخدمها أكثر شئ إذا طلب Expected value of discrete random variable

X	P(X)	$X \times p(X)$
٠		$0 \times \frac{1}{16}$
١		
٢		
٣		
٤		
Expected الجمع للعمود الأخير		٢

وتالي تقولين we expected that 2 boys in families with 4 children أو ممكن يحي

سؤال عن ٢ فتكتبي الكلام

، By: secret55 -H.N