

الإحصاء الوصفي: يهتم بجمع البيانات وعرضها دون استقراء النتائج.

الإحصاء الاستقرائي: يبحث في استقراء النتائج واتخاذ القرارات.

البيانات: مجموعة من المشاهدات والقياسات التي تخص الظاهرة محل الدراسة.

المتغير النوعي: لا يمكن التعبير عنه بعدد (لون العينين، لون السيارة، تقدير الطلاب).

المتغير الكمي: نعبر عن بعدد.

كمية متقطعة: تعد ولا تقاس، ولا تقبل الكسور.

كمية متصلة: تقاس ولا تعد، وتقبل الكسور.

المدى: أقل قيمة – أعلى قيمة.

الجداول التكرارية المفتوحة:

مفتوح من الأسفل: الرقم الأصغر غير محدد بدقة (٦ فأقل مثلاً).

مفتوح من الأعلى: الرقم الأكبر غير محدد بدقة (٥٠ فأكثر مثلاً).

مفتوحين من الجهتين: كلا الرقمين الأصغر والأكبر غير محددين بدقة.

الأعمدية البيانية: أكثر الرسومات البيانية انتشاراً.

البيانات على شكل دائرة: تستخدم عندنا مقارنة أجزاء البيانات بالمجموع الكلي، وعندما يكون العدد قليلاً.

المنحنى أو الخط البياني: يستخدم لتوضيح الاتجاه العام للظاهرة خلال فترة زمنية طويلة.

المدرج التكراري: أعمدة مستطيلة متجاورة.

الوسط الحسابي: مجموع القيم على عددها، أحد مقاييس النزعة المركزية وأسهلها استخداماً، ويدخل في حسابه كل القيم، يتأثر بالقيم المتطرفة، لا يمكن إيجاده من خلال الرسم.

الوسيط: أحد مقاييس النزعة المركزية، لا يتأثر بالقيم المتطرفة الشاذة، يعرف من خلال الرسم، لا يعتمد على كل القيم. (من طريقة حل المعادلتين: الوسط والوسيط، ستفهم التعريف).

النوال: نزعة مركزية أيضاً، وشبيه بالوسط الحسابي في المزايا، ومن عيوبه أقل المقاييس استخداماً، عديم الفائدة في البيانات قليلة العدد.

الانحراف المعياري: متوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي.

التباين: الجذر التربيعي لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي (يعني تربيع الانحراف، وله زر خاص في الحاسبات العلمية).

معامل بيرسون للارتباط: لا يتأثر بأي عملية حسابية من جمع وطرح وضرب وقسمة، من ١ وأعلى الواحد بالسالب أو الموجب. فيه حال تعدى ١ يكون هناك خطأ في الحساب.

عند ١ موجب تكون العلاقة تامة. وأقل من ذلك بالموجب تكون العلاقة طردية قوية أو ضعيفة حسب حجم الرقم، وبالسالب تكون عكسية وقوة تعاكسها حسب حجم الرقم أيضاً، وفي حال الصفر تكون العلاقة منعقدة:

والارتباط غالباً قيمته كسر أي أقل من الواحد الصحيح

ولتحديد نوع العلاقة نعتمد على إشارة معامل الارتباط فإذا كانت الإشارة:
• موجبة فإن العلاقة تكون طردية
• سالبة فإن العلاقة تكون عكسية

ولتحديد قوة العلاقة نعتمد على قيمة معامل الارتباط فإذا كانت القيمة:

• من أكبر من صفر إلى أقل من 0.3 فتكون علاقة ضعيفة جداً

• من أكبر من 0.3 إلى أقل من 0.5 تكون علاقة ضعيفة

• من أكبر من 0.5 إلى أقل من 0.7 تكون علاقة متوسطة

• من أكبر من 0.7 إلى أقل من 0.9 تكون علاقة قوية

• من أكبر من 0.9 إلى أقل من 1.00 تكون علاقة قوية جداً

• الواحد الصحيح تكون علاقة تامة

• أما إذا كانت قيمة معامل الارتباط تساوي صفر فلا توجد علاقة خطية أو ارتباط بينهما أي يكون المتغيرين مستقلين عن بعضهما البعض وتكون العلاقة منعقدة

معادلات وتمارين:

مثال: بسؤال خمسة أشخاص عن أجورهم الشهرى فكانت إجاباتهم كما يلي بالآلف ريال:
3 , 5 , 2, 7,3

المطلوب:

- أحسب متوسط الأجر الشهرى
- وإذا قررت إدارة الشركة زيادة أجورهم أحسب متوسط الأجر الجديد فى الحالتين التاليتين
- ١. زيادة اجور العاملين بمقدار 2000 ريال
- ٢. زيادة أجور العاملين بنسبة 5 %

الحل:

- ١ - استخراج الوسط الحسابي من الأرقام كما هي ثم زد الناتج ٥%.
- ٢ - أضف ٢ إلى كل رقم (٣ تصبح ٥، ٧ تصبح ٩.. إلخ)، ثم استخراج الوسط الحسابي بعد الزيادة.

تعريف المنوال [الشائع]:

يُعرف المنوال لمجموعة من القيم على أنه القيمة التي تتكرر أكثر من غيرها أو القيمة الأكثر شيوعاً [لذا يُسمى في بعض الأحيان بالـ "الشائع"] . وأحياناً يُرمز للمنوال بالرمز $\bar{x}$

فمثلاً :

مجموعة القيم	18	12	11	10	10	9	9	9	7	5	2	2	لها منوال 9
ومجموعة القيم	16	15	12	10	8	5	3	9	ليس لها منوال	[أو <u>عديمة المنوال</u>]			
ومجموعة القيم	9	7	7	7	5	5	4	4	4	3	2	لها منوالان 4 , 7	

أي أن مجموعة القيم قد تكون وحيدة المنوال [لها منوال واحد] ، وقد تكون عديدة المنوال [منوالان أو أكثر] وقد تكون عديمة المنوال [لا يوجد لها منوال]

أما مجموعة القيم 4 4 5 5 6 6 7 7 فقد تتسرع وتقول أنهما رباعية المنوال ومناولها : 4 , 5 , 6 , 7

لكن [حيث أن جميع القيم لها نفس التكرار] هذه المجموعة الأخيرة عديمة المنوال

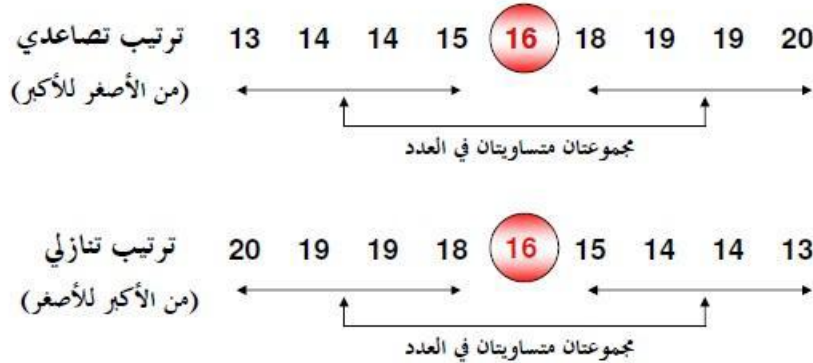


الوسيط (الفردى):

تعريف الوسيط :

(ببساطة) يُعرف الوسيط [وسنرمز له بالرمز M] لمجموعة من القيم (المرتبة تصاعدياً أو تنازلياً حسب قيمها) على أنه القيمة التي تقسم مجموعة القيم إلى مجموعتين متساويتين في العدد ، أو بتعبير آخر هي القيمة التي في المنتصف

فمثلاً لمجموعة القيم : 13 , 14 , 19 , 16 , 20 , 15 , 18 , 14 , 19 [عددها 9 قيم] ، إذا قمنا بترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً



يكون الوسيط هو
العدد الخامس
[رتبة الوسيط أي
ترتيبه بين القيم]
وقيمته 16

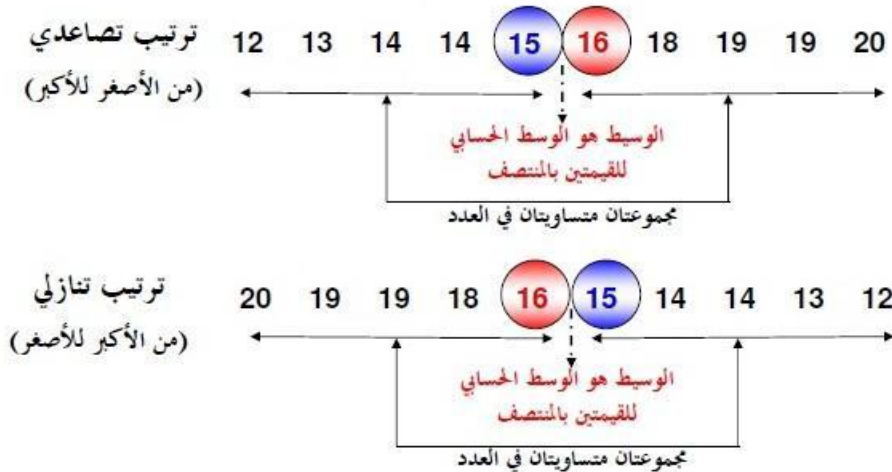
لاحظ هنا أن عدد القيم n [هنا = 9] فردي وبالتالي هناك قيمة واحدة في منتصف المجموعة

فرق بين رتبة
الوسيط وقيمته

هام
جدا

الوسيط (زوجي):

أما لمجموعة القيم : 12 , 13 , 14 , 19 , 16 , 20 , 15 , 18 , 14 , 19 [عددها 10 قيم (أي زوجي) حيث أضفنا القيمة 12 للمجموعة السابقة] ، إذا قمنا بترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً



في هذه الحالة توجد قيمتان بالمنتصف وهما القيمة الخامسة والقيمة السادسة [وهما العددان 15 , 16] ، عندئذ يكون الوسيط هو الوسط الحسابي لهاتين القيمتين ، أي :

$$\frac{15 + 16}{2} = 15.5$$

المدى R مجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيمة في البيانات وأصغر قيمة فيها

$$\frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} = \text{التكرار النسبي لقيمة ما}$$

$$\frac{\text{تكرار القيمة}}{\text{مجموع التكرارات}} \times 360 = \text{الزاوية المركزية لقيمة ما}$$

التكرار النسبي المئوي: هو التكرار النسبي $\times 100$

وهذا تمرين يوضح كيف نستفيد من معادلتى التكرار النسبي والتكرار النسبي المئوي، ولا بد من التفريق بين النسبة، والنسبة المئوية:

س ٢ : المدى لمجموعة من البيانات المنفصلة هو :

- ☐ أكبر القيم تكراراً في البيانات
☐ أصغر قيمة في البيانات
☒ الفرق بين أكبر وأصغر قيمتين في البيانات
☐ أكبر قيمة في البيانات

س ٣ : الجدول المرافق يبين درجات ٢٠ طالباً في أحد المقررات الدراسية :

الدرجة	92	93	94	95	96	97	98	99	100
التكرار	2	2	3	6	1	1	1	3	1

(أ) عدد الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هو :

- ☐ 3
☐ 0.15
☒ 7
☐ 4

(ب) عدد الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 94 هو :

- ☐ 3
☐ 0.15
☒ 4
☐ 7

(ج) نسبة الطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي :

- ☒ 0.35
☐ 35%
☐ 4
☐ 7

(د) النسبة المئوية للطلاب الحاصلين على 94 فأقل هي :

- ☐ 0.35
☒ 35%
☐ 4
☐ 7

هامش للإجابة

$$7 = 3 + 2 + 2 \quad (\text{أ-٣})$$

$$4 = 2 + 2 \quad (\text{ب-٣})$$

$$\frac{7}{20} = 0.35 \quad (\text{ج-٣})$$

$$0.35 \times 100 = 35\% \quad (\text{د-٣})$$

أبوه ... ده بقى

نسبة مئوية

خذ بالك : المطلوب نسبة (وليس نسبة مئوية)

وهذا تمرين آخر:

3	2	2	1	0
1	2	1	1	1
0	0	1	2	2
1	3	1	0	0
1	2	1	0	2
3	0	0	0	1

المطلوب:

- عرض البيانات السابقة في صورة جدول تكراري
- احسب الاحتمالات التالية:

- أن لا يتعرض أي شخص لحادث
- أن يكون هناك حادث واحد على الأكثر
- أن يكون هناك حادث واحد على الأقل

طريقة الحل:

عدد الحوادث	التكرار النسبي	التكرار (بالارقام)	التكرار النسبي
صفر	0.30 = 30 ÷ 9	9	(العدد بالشروط - كل خمس شرمات تكون ما يسمى بالجزء)
1	0.36667 = 30 ÷ 11	11	IIII IIII IIII
2	0.23333 = 30 ÷ 7	7	II IIII
3	0.10 = 30 ÷ 3	3	III
الجموع	1	30	

احتمال ألا يتعرض أي شخص لحادث ؟

صفر = 0.30 ✓

احتمال أن يكون هناك حادث واحد على الأكثر ؟

بمعنى أنه سوف يكون أكبر عدد للحوادث هو 1 ✓

وذلك بجمع نسبة تكرار الصفر + 0.30 = 1 + 0.36667 = 0.66667

احتمال أن يكون هناك حادث واحد على الأقل ؟

بمعنى أنه سوف يكون أقل عدد للحوادث هو 1 ✓

لذلك لا بد من استبعاد نسبة تكرار الصفر وحسب باقي الأعداد ونختصرها في هذا المثال بطرح قيمة تكرار

الصفر من إجمالي التكرار النسبي 1

0.70 = 0.30 - 1

وهذا تمرين يوضح كيف يمكن الاستفادة من قانوني الزاوية المركزية، والتكرار النسبي:

المتغير (العمر) x	التكرار (العدد) f	الزاوية المركزية
20	20	72°
25	?	36°
30	30	?
35	?	?
Σf		

س ١: الجدول المقابل يبين الجدول التكراري لأعمار عدد من الممرضات (أقرب سنة) اللاتي يعملن في أحد أقسام إحدى المستشفيات ، من هذا الجدول أجب

على الأسئلة التالية :

(أ) عدد الممرضات ذات العمر 25 سنة هو :

40 ☐ 30 ☐ 20 ☐ 10 ☒

(ب) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 30 سنة هي :

144° ☐ 108° ☒ 72° ☐ 36° ☐

(ج) الزاوية المركزية المناظرة للعمر 35 سنة هي :

144° ☒ 108° ☐ 72° ☐ 36° ☐

هامش للإجابة

(١-أ) هناك تناسب بين التكرار والزاوية المركزية . إذن :
 $72 \times ? = 36 \times 20$, $\therefore ? = 10$
 =

(١-ب) بنفس الأسلوب السابق
 $72 \times 30 = ? \times 20$, $\therefore ? = 108$
 =

(١-ج) مجموع الزوايا المركزية يجب أن يكون 360°
 $\therefore 72 + 36 + 108 + ? = 360$, $\therefore ? = 144$

نجد بعض التكرارات وبعض الزوايا المركزية مختفية، مع اختفاء مجموع التكرار.

بعد فهم معادلة التكرار والزوايا المركزية يمكن وضع أرقام الموجودة في (خيارات الإجابة للتخمين عليها) دون الحاجة إلى خطوات حل أخرى.

السؤال الأول: كيف نعرف عدد الممرضات مع وجود زاوية مركزية؟.

نبدأ أولاً باستنتاج بعض الأرقام المختفية اعتماداً على أكثر القيم وضوحاً، وأكثرها هنا في الصف الأول من الجدول.

قانون الزاوية المركزية: العمر $20 \div$ مجموع التكرارات $360 \times$.

لكننا لا نعلم عدد التكرارات، فنضطر إلى القسمة على رقم عشوائي.

هل ظهرت الزاوية المركزية ٧٢؟ جرب على رقم آخر بالزيادة أو النقص، وعند ظهور الرقم ٧٢ بعد التقسيم على أحد الخيارات العشوائية (على افتراض أنه مجموع التكرارات)، ستعلم أن الرقم المجهول هو ١٠٠ وهذا هو عدد التكرارات.

وهنا قد استخرجنا رقماً مهماً يساعد في تسهيل الإجابات.

السؤال ١: عدد الممرضات ذات العد ٢٥؟

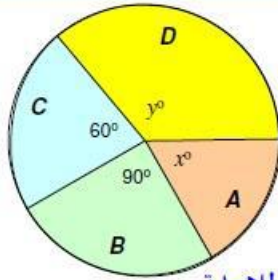
بعد ظهور التكرار ثم وجود خيارات إجابة، ستصبح المسألة أسهل بكثير:

جرب الرقم الأول (١٠) $10 \div 360 \times 100 =$ نعم. ظهرت الزاوية المركزية ٣٦، والإجابة (١٠).

وقس على ذلك بقية الإجابات التي ستحل أكثر مع كل ناتج.

(لن تستغرق التخمينات العشوائية بالحاسبة مدة أكثر من طريقة المقص إن لم تكن أقل).

تمرين:



س ٥ : الشكل المقابل يبين مبيعات أربع شركات A, B, C, D (بيع لعب الأطفال) وذلك خلال عيد الفطر المبارك ، فإذا كان عدد اللعب الكلي التي تم بيعها بواسطة هذه الشركات هو 5400 لعبة ، أجب على الأسئلة التالية :

هامش للإجابة

(أ-٥)

$$360 \times ? = 90 \times 100$$

$$? = 25\%$$

$$\frac{25}{100} \times 5400 = 1350$$

$$\sum f$$

(ج-٥)

الزاوية المركزية المناظرة لمبيعات الشركتين معاً تساوي

$$360 - (90 + 60) = 210^\circ$$

$$\frac{5400}{?} \times \frac{360^\circ}{210^\circ}$$

$$360 \times ? = 210 \times 5400$$

$$? = 3150$$

(أ) النسبة المئوية لمبيعات الشركة B هي :

60% ☐

40% ☐

30% ☐

25% ☒

(ب) عدد اللعب التي باعتها الشركة B هو :

1350 ☒

900 ☐

2250 ☐

2700 ☐

(ج) عدد اللعب التي باعتها الشركتان A, D معاً هو :

1350 ☐

3150 ☒

2250 ☐

900 ☐

(د) وإذا كانت النسبة بين مبيعات الشركتين A, D هي 8 : 13 ، فإن قيمة x تكون :

60° ☐

90° ☐

80° ☐

150° ☐

إبه رأيك نخلي الجزء (د) واجب ، والخل هو

هنا أيضاً تخمينات:

إذا عرفنا أن مجموع الزوايا للدائرة كاملة 360° وربعها 90°، ثم شاهدنا الحجم الذي احتلته كل شركة من الدائرة.

ومن أراد المقص فدونه المقص. يقص على كيفه.

طول الفئة = حدها الأدنى - الحد الأعلى (الفرق بين الحدين الأدنى والأعلى).

مركز الفئة (ضروري في البيانات المبوبة) = حد الفئة الأدنى + حدها الأعلى $\div 2$

وهذا مثال علمي مصور على المعادلتين:

الفئة	المتغير x (الطول)	طول الفئة c
الأولى	$0 \leq x < 20$	$20 - 0 = 20$
الثانية	$20 \leq x < 30$	$30 - 20 = 10$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	$35 - 30 = 5$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	$40 - 35 = 5$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	$50 - 40 = 10$
السادسة	$50 \leq x < 60$	$60 - 50 = 10$

٥. لكل فئة **طول** وهو يساوي الفرق بين حدها الأعلى وحدها الأدنى

• فالفئة الأولى طولها يساوي 20 والثانية طولها يساوي 10

والثالثة طولها يساوي 5 والرابعة طولها يساوي 5

والخامسة طولها يساوي 10 ، أما السادسة (والأخيرة) فطولها يساوي

10 . أي أن الفئات **[في هذا المثال]** ليست متساوية في الطول

٦. لكل فئة **مركز** [وسنرمز له بالرمز x_0] وهي قيمة المتغير x الواقعة في منتصف تلك الفئة ، ونحسب ببساطة على أنها متوسط حديها الأدنى والأعلى ، أي أن :

الفئة	المتغير x (الطول)	مركز الفئة x_0
الأولى	$0 \leq x < 20$	$(0 + 20) \div 2 = 10$
الثانية	$20 \leq x < 30$	$(20 + 30) \div 2 = 25$
الثالثة	$30 \leq x < 35$	$(30 + 35) \div 2 = 32.5$
الرابعة	$35 \leq x < 40$	$(35 + 40) \div 2 = 37.5$
الخامسة	$40 \leq x < 50$	$(40 + 50) \div 2 = 45$
السادسة	$50 \leq x < 60$	$(50 + 60) \div 2 = 55$

$$\text{مركز أي فئة} = \frac{\text{حد الفئة الأدنى} + \text{حدها الأعلى}}{2}$$

ومن ثم يكون مركز الفئة الأولى 10 ، والثانية 25 والثالثة

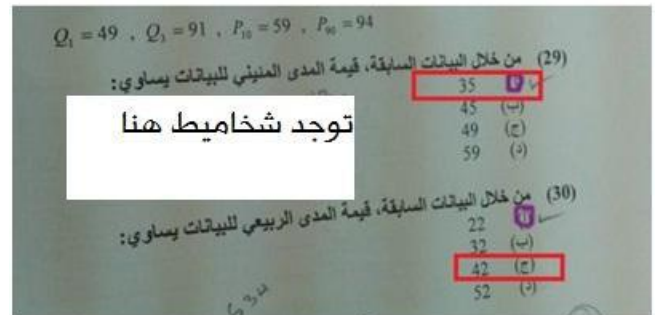
32.5 ، والرابعة 37.5 والخامسة 45 ، ومركز الفئة الأخيرة

(السادسة) 55



استزد من المعادلات والتعريفات:

- **الوسيط M لمجموعة من القيم [وهو أحد مقياسي النوع المركزي] :** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين متساويتين في العدد ، أي بحيث تقع 50% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 50% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{1}{2} \sum f$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 50%].
- **الربع الأول Q_1 لمجموعة من القيم :** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 25% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 75% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{1}{4} \sum f$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 25%].
- **الربع لثالث Q_3 لمجموعة من القيم :** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 75% من القيم تحتها (أي أقل منها) ، 25% من القيم فوقها (أي أكبر منها) [وبالتالي هي قيمة المتغير التي يناظرها تكرار متجمع صاعد قدره $\frac{3}{4} \sum f$ في حالة القيم ذات التكرارات أو البيانات المتصلة ، أو تكرار متجمع نسبي قدره 75%].
- **المئين العاشر P_{10} لمجموعة من القيم :** هو قيمة تقسم مجموعة القيم [بعد ترتيبها تصاعدياً] إلى مجموعتين بحيث تقع 10% من القيم



ما عليك إلا تطبيق القانونين أعلاه:

المدى المئيني: تخصم قيمة ١٠% من قيمة ٩٠%، والرمز المئيني واضح P_{90} P_{10}

المدى الربيعي: تخصم الربع الأول من الربع الثالث. ورمز الربيع واضح Q_1 للربع الأول و ٣ للثالث

ولو طلب نصف المدى الربيعي أو الانحراف الربيعي : حاصل الطرح $\div 2$

ومن أراد الاستزادة:

$$P_{90} - P_{10} = \text{المدى المئيني [وهو أحد مقاييس التشتت]}$$

$$Q_3 - Q_1 = \text{المدى الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت]}$$

$$\frac{1}{2}(Q_3 - Q_1) = \text{نصف المدى الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت]}$$

$$\frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1} \times 100 = \text{معامل الاختلاف الربيعي [وهو أحد مقاييس التشتت النسبي ويكتب كسبة مئوية]}$$

$$\frac{Q_3 - 2Q_2 + Q_1}{Q_3 - Q_1} = \text{معامل الالتواء الربيعي [وهو أحد مقاييس الالتواء]} \quad [M = Q_2 \text{ تذكر أن}]$$

تذكر أن القيمة الموجبة لمعامل الالتواء تعني التواء لليمين والقيمة السالبة تعني التواء لليسار

$$\frac{P_{90} - 2P_{50} + P_{10}}{P_{90} - P_{10}} = \text{معامل الالتواء المئيني [وهو أحد مقاييس الالتواء]} \quad [M = P_{50} \text{ تذكر أن}]$$

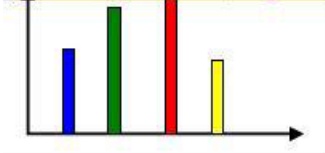
تذكر أن القيمة الموجبة لمعامل الالتواء تعني التواء لليمين والقيمة السالبة تعني التواء لليسار

$$\text{معامل التفرطح المئيني [وهو أحد مقاييس التفرطح]} = \frac{\text{نصف المدى الربيعي}}{\text{المدى المئيني}} = \frac{\text{الاختلاف الربيعي}}{\text{المدى المئيني}}$$

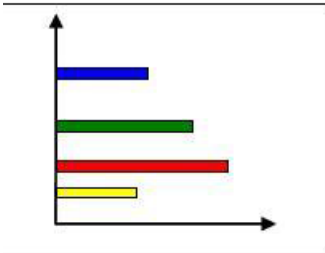
~~المتكررات المتجمعة الصاعدة المناظر لقيمة معينة~~

المتكررات المتجمعة الصاعدة المناظر لقيمة معينة a لمتغير x هو مجموع تكرارات جميع قيم المتغير الأقل من a

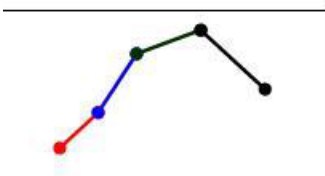
المتكررات المتجمعة الهابط المناظر لقيمة معينة a لمتغير x هو مجموع تكرارات جميع قيم المتغير الأكبر من أو تساوي a



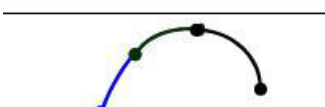
طريقة الأعمدة البسيطة : حيث تمثل كل قيمة من قيم المتغير بعمود (خط رأسي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة [لا يهم عرض الأعمدة أو المسافات بينها ولكن المهم جداً أن تكون الأعمدة منفصلة عن بعضها] .



طريقة القضبان البسيطة : حيث تمثل كل قيمة من قيم المتغير بقضيب (خط أفقي) طوله يُعبر عن تكرار تلك القيمة [لا يهم سمك القضبان أو المسافات بينها ولكن المهم جداً أن تكون القضبان منفصلة عن بعضها] .



طريقة المضلع التكراري : حيث تمثل كل قيمة من قيم المتغير وتكرارها بنقطة ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط منكسر (بواسطة المسطرة)



طريقة المنحنى التكراري : حيث تمثل كل قيمة من قيم المتغير وتكرارها بنقطة ثم نقوم بتوصيل هذه النقاط بخط ممهد (باليد)

مثال: البيانات تعبر عن المبيعات الشهرية لأحد المحال التجارية خلال عام ١٤٢٧ هـ بـلألف ريال كما يلي:

الشهر	محرم	صفر	ربيع أول	ربيع ثان	جمادى أول	جمادى الآخر	رجب	شعبان	رمضان	شوال	ذى القعدة	ذى الحجة
المبيعات	٣	٥	٨	٣	٦	٤	١٢	٥	٤	٣	٧	٩

المطلوب:

أحسب قيمة التباين وقيمة الإنحراف المعياري للمبيعات الشهرية.

الحل : نفتح الحاسبة ونضغط (MODE SETUP) ويصبح أمامك خيارات نختر (STAT) رقم ٣ ..

بعدها نلقى خيارات نختر (VAR) .. يصبح أمامنا عمود جدول .. (هنا تبدأ عملية الحساب) ..

.. ننظر الى المثال فالأعلى ونطبق فالحاسبة مايلي ..

$٣ = ٥ = ٨ = ٣ = ٦ = ٤ = ١٢ = ٥ = ٤ = ٣ = ٧ = ٩ >$ بعد كل رقم نضغط يساوي ..

ثم نضغط (AS) بعدها نضغط .. SHIFT مع رقم ١ ونلقى خيارات نختر (VAR) من خلال الضغط على رقم ٥

يصبح أمامنا اربع خيارات نختر رقم ٣ .. رمز الانحراف المعياري فـ يصبح = ٢,٦٨

ونطلع التباين من نتيجة الانحراف المعياري وذلك بقيام التربيع أي الضغط على (أكس أس تو) .. ثم يساوي ..

فـ يصبح ناتج التباين هو ٧,١٩ ..

المهللي

هذا غير مبوب. ووجوده في جدول لا يعني أنه مبوب.

المطلوب إدخال الأرقام كما هي في الحاسبة الإحصائية كما هو موضح.

← **مثال:**

البيانات التالية توضح توزيع مجموعة من المدرسين العاملين في مجال التربية وفقا لفئات أعمارهم فكانت النتائج كما يلي:

فئات العمر	20-	30-	40-	50-60
عدد العمال	10	30	50	20

المطلوب: حساب مقاييس التشتت التالية:

(أ) الوسط الحسابي

(ب) التباين

(ج) الانحراف المعياري

(د) متوسط الانحرافات المطلقة

هذا مبوب، ولا بد قبل أي شيء من استخراج مركز الفئة.

ومركز الفئة نستخرجه بجمع الحد الأدنى للفئة مع الحد الأعلى للفئة اللاحقة ÷ ٢

مثال: ٢٠ الرقم الأدنى للفئة الأولى + ٣٠ الرقم الأعلى للفئة اللاحقة ÷ ٢، والتكرار يكون خاص بصاحب الرقم الأول ١٠

وهكذا مع الفئة التالية، تجمع ٣٠ مع ٤٠ ثم تقسم على ٢، والتكرار ٣٠

تجمع أرقام الفئات على حدة، وأرقام التكرارات على حدة.

بنفس طريقة حساب المتوسط يظهر عندك جدول X تضع فيه أرقام الفئات، وجدول فريكو (التكرار) تضع فيه أرقام التكرارات، بالتسلسل العمودي، كل رقم يقابله تكراره، لا تجوز العشوائية، ثم تكمل بقية الخطوات لمعرفة الوسيط والانحراف والتباين.

وهنا طريقة استخراج معامل بيرسون للارتباط:

8	9	11	4	15	10	5	6	7	2	3	2	المنفق على الاعلان
17	15	22	18	33	26	19	18	22	9	12	10	المبيعات

الحل:

- 1- ارسم شكل الانتشار يوضح العلاقة بين المنفق على الاعلان و المبيعات
- 2- احسب معامل الارتباط الخطي البسيط (بيرسون)، مع التعليق

لأيجاد معامل الارتباط الخطي بيرسون نجهز الآلة

Mode

3

2

ندخل البيانات كالمعتاد
x المنفق على الاعلان في خانة
y والمبيعات في خانة

AC

للحصول على **معامل الارتباط** في ثواني

Shift

1

5

3

=875.

رمز ارتباط بيرسون في الحاسبة r

عند دراسة العلاقة بين عدد غرف المسكن وكمية الكهرباء المستهلكة بالآلاف كيلو واط فكانت كما يلي:

عدد الغرف	12	9	14	6	4	7	10	10	5	8
استهلاك كهرباء	9	7	10	5	3	7	8	10	4	6

المطلوب: اوجد التالي :

- 1- معادلة الانحدار Y على X ؟
- 2- تحديد معدل التزايد أو التناقص في استهلاك الكهرباء ؟
- 3- ماهو الاستهلاك المتوقع لمسكن مكون من 8 غرف ؟

بنفس الطريقة

س ١- مود ستيت ثم خيار $A+bx$ ثم الجدول:

تضع أرقام عدد الغرف في جدول X ثم الأرقام تحت في جدول Y .

وبعدما تنتهي من تبعة الجدول تروح Ac ثم شيفت ثم reg ثم A لتعرف ناتج الجدول X ثم تعيد الكرة

وتروح B لتعرف الناتج في Y . حيطلع عندك الناتجين في صيغة رقمين عشريين. سيبك من الأعشار، واكتب

أول أربعة أرقام. ٧١٧٥، ٨٠١١

عاد ما أدري كيف الانحدار، هل هذا هو الانحدار خلاص؟ .

س ٢- تحديد التزايد هو ناتج X اللي قلنا قبل كذا ٧١٧٥

الاستهلاك المتوقع لعدد الغرف، تجمع الناتجين وتضرب الناتج في عدد ٨٠١١

(إجابة هذا السؤال تحتاج إلى مراجعة من خبراء الإحصاء للتأكد).

٤٦. إذا كانت قيمة معامل الارتباط $= 0,7$ فإن قيمة معامل التحديد تساوي:

- أ - 0,67
- ب - 0,49
- ج - 0,9
- د - 0,55

معامل الارتباط = جذر معامل التحديد. المطلوب: استخراج جذور الخيارات وإذا طلع الناتج ٧ فهو الخيار الصحيح.

٤٨. تحديد جنس شخص ما يعتبر مثلاً على استخدام المقياس:

- أ - المقياس الرتبي
- ب - المقياس النسبي
- ج - المقياس الفتري
- د - المقياس الاسمي

٣٦. الرُّبِيع الأعلى هو:

- أ - القيمة التي يكون قبلها 1% من المشاهدات و 99% أكبر منها
ب - القيمة التي يكون قبلها 25% من المشاهدات و 75% بعدها
ج - القيمة التي يكون قبلها 75% من المشاهدات و 25% بعدها
د - القيمة التي يكون قبلها 10% من المشاهدات و 90% أكبر منها
- يتحدث عن "الرُّبِيع" يعني ربع، والربع يتكون من ٢٥%
وبما أنه طلب الرُّبِيع الأعلى، الإجابة الصحيحة، كما هي موضحة

٣٧. أي قيمة من هذه القيم تعطينا ارتباط أقوى :

- أ - 0,82+
ب - 0,95+
ج - 0,91-
د - 0,96-
- شرحت في المحاضرة الأولى من المصفى أن أقوى ارتباط
يكون ١ موجب، وتصبح العلاقة تامة. وحسب القرب أو البعد
من الرقم ١ تكون قوة العلاقة. والجواب كما هو موضح.

١٨. مجموعة من الدرجات متوسطها الحسابي (20) والانحراف المعياري لها (15)، فإذا قمنا بإضافة خمس درجات لكل درجة في المجموعة، فإن قيمة الانحراف المعياري الجديد سوف تكون:

- أ - 15
ب - 10
ج - 25
د - 20
- ما دام أنه أضاف، يعني جمع، يبقى الانحراف كما هو، لأن الانحراف المعياري
لا يتأثر بعملية الجمع والطرح، وإنما بالقسمة والضرب فقط. (والله دافور يا ولدا!)

مثال :

بدراسة احد الظواهر الاجتماعية والمتمثلة في العنف الاسري لاحد المدن ، تبين ان تطور اعداد الاسر التي يوجد بها عنف اسري كانت كما يلي خلال مدة الدراسة :

السنة	2004	2005	2006	2007	2008	2009	2010
عدد الاسر	17	25	33	41	39	48	53

المطلوب: التالي:

1. تقدير معادلة الاتجاه العام لتطور اعداد الاسر المعرضة لظاهرة العنف الاسري بهذه المدينة ؟
2. ماهو عدد الاسر المتوقع المعرضون لهذه الظاهرة في عام 2013 ؟

عندنا عدد سنوات، وعدد أُسر .

نروح لحاسبتنا الحلوة كالمعتاد. مود، ستيت، ثم $A+BX.2$:

الغريب هنا أننا لن نكتب السنوات، وإنما نشاهد كم عدد السنوات؟ ٧ سنوات. نكتب في خانة X من 1-7 بالترتيب $1=2=3=4=5=6=7$ ونروح لخانة Y ونكتب عدد الأسر كالمعتاد، $17=25=33$.. إلخ.

ثم Ac ثم شيفت ثم ٥ Reg ثم A ثم = لتحصل على ناتج، أكتب هذا الناتج، ثم تعيد الخطوات الأخيرة لتذهب إلى B ثم = ليظهر عندك ناتج مختلف، اجمع الناتجين . والمجموع هو معادلة الاتجاه العام. وقد تمت مقارنة النتائج في الحاسبة بالناتج اليدوي.

من هنا نفهم ونعلم، أنه عند وجود سؤال فيه سنوات، نكتب عدد السنوات: ٥ أو ٧ نكتب من ١ إلى ٥ أو ٧.. وهكذا. وهذا كلام منطقي لأن العبرة بعدد السنوات وليس بالسنة نفسها.

← **مثال:**

إذا كان لدينا انتاج احدى الشركات خلال ثلاث سنوات، وكانت كمية الانتاج ماخوذه كل ثلاثة شهور (السنة مقسمة الى اربعة ارباع) والانتاج بالالاف الوحدات كما يبدو ذلك في الجدول التالي :

ربع السنة	2008	2009	2010
الاول	3	4	8
الثاني	7	5	10
الثالث	9	6	12
الرابع	2	4	6

◀ **المطلوب: التالي:**

- (1) تقدير معادلة الاتجاه العام للعلاقة بين الانتاج والزمن ؟
(2) ولا هذا
(4) ما نبي نحلّه

بنفس الخطوات السابقة في المثال السابق، ولكن سنتعامل مع أرقام السنوات على أنها أعداد مفرقة 2008 ، 2009 ، 2010، مجموعها ١٢ رقم. نكتب في X من ١ - ١٢. وفي Y ال ١٢ رقم بدءاً من أعلى العمود الأول ثم أعلى العمود الثاني والثالث. نطلع ناتج A وناتج B والمجموع هو معادلة الاتجاه العام. ولتقادي أي ارتباك بين هذه المسائل . أعزائي الطلاب والطالبات . لاحظوا مجموع أرقام السنوات = مجموع أعداد البيانات في هذا المثال. وفي المثال السابق يستوي (عدد) السنوات مع أعداد البيانات. لتحديد بعدها ما المطلوب كتابته في خانة X عدد السنوات أم عدد (أرقام) السنوات.

قوانين مهمة تتفع في استخراج نتائج بعض أسئلة الامتحان:

تكرار نسبي: تكرار القيمة ÷ مجموع التكرارات

الزاوية المركزية لقيمة ما: تكرار القيمة ÷ مجموع التكرارات × ٣٦٠

طول الفئة: حدها الأدنى - حدها الأعلى

مركز الفئة: الحد الأعلى + الحد الأدنى ÷ ٢

قيمة الرقم القياسي (البسيط): مجموع سنة المقارنة ÷ مجموع سنة الأساس × ١٠٠

المدى الربيعي: ربع الأول - ربع ثالث

المدى المئني: ١٠% - ٩٠%

الانحراف الربيعي = نصف المدى الربيعي: $Q3 - Q1 \div 2$

معامل التفرطح المئني: نصف المدى الربيعي ÷ المدى المئني.

الانحراف المعياري والانحراف عن المتوسط لا يتأثر بعمليتي الطرح والجمع.

الدرجة المعيارية للطالب في مادة ما: الوسط الحسابي للدرجات - الدرجة المتحصلة ÷ الانحراف المعياري.

معامل الاختلاف للإيجار وغيره: الانحراف المعياري ÷ الوسط الحسابي × ١٠٠

معامل الالتواء: المنوال - الوسط الحسابي ÷ الانحراف المعياري

وبهذا يكون اكتمل مصفانا الأغر للإحصاء، بما يكفي ويزيد للحصول على درجة مثالية بإذن الله.

الحاسبة المعتمدة في هذا المصنفى: كاسيو fx 991es plus